2016-2017 第二学年期终考试试卷

| 中 国 科 学 技 术 大 学 2016 - 2017学年第二学期期终考试试卷(A) | |
|--|--|
| 考试科目: 线性代数(B) 得分: 所在院、系: 姓名: 学号: 題号 - 二 四 五 六 总分 | |
| 7分 复查 一、【共25分】填空题: | |
| $1.$ 向量组 $lpha_1,lpha_2,lpha_3$ 是线性空间 V 的一组基,线性变换 $\mathcal A$ 在此基下的矩阵是 $\left(egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$ | |
| 次 の の に を の の の の の の の の の の の の の | |
| 那么 $\mathcal A$ 的三个特征值为。 3. 在 n 维欧氏空间 V 中,向量 x 在标准正交基 $lpha_1,lpha_2,\cdots,lpha_n$ 下的坐标是 (x_1,x_2,\cdots,x_n) ,则 $(x,lpha_i)=$, $ x =$ | |
| 4. 对称阵 $\begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$ 的正、负惯性指数分别为 $r=$, $s=$ | |
| 5. 已知二次型 $Q(x_1,x_2,x_3)=2x_1^2+2x_2^2+ax_3^2+4x_1x_3+2tx_2x_3$ 经正交变换 $x=Py$ 可化为标准型 $y_1^2+2y_2^2+7y_3^2$,则 $t=__$ | |
| | |
| | |
| | |

二、【共20分】判断题:判断下列命题是否正确,并简要说明理由或举出反例. 1. 有限维实线性空间V上总可以定义适当的内积,使之成为欧氏空间.

2. n维欧氏空间上的任意n个非零向量,都可经Schmidt正交化方法得到一组标准正 交基.

3. 阶方阵A, B有相同的特征值、迹、秩、行列式,则A, B相似.

4. 若对称阵A正定,则对任意正整数 k 有 A^k 正定.

 $\{z_00\}$ 设 $V=\{c_1e^x+c_2x+c_3:c_1,c_2,c_3\in\mathbb{R}\}$,按照函数的加法与数乘构成 \mathbb{R} 上的线性空间。 $\mathcal{D}=$ 是为求导运算。

- (2) 求 \mathcal{D} 在基 $(1, x, e^x)$ 下的矩阵;
- (3) 求D的特征值与特征向量;
- (4) 是否存在V的一组基,使得D在该基下的矩阵为对角阵?若存在,则给出这样

- 四、【15分】已知二次型 $Q(x_1,x_2,x_3)=3x_1^2+8x_2^2-x_3^2-12x_2x_3$
- (1). 写出二次型 $Q(x_1,x_2,x_3)$ 的矩阵A.
- (2). 求正交变换y = Px,将二次型 $Q(x_1, x_2, x_3)$ 化为标准型,并指出矩阵A是否正定。

