

5-2.여러 가지 사각형(02)



출제율이 높은 문항을 선별하여 제작한 실력 향상에 도움이 되는 족보

감수자: 이지연 (bori2021@eduzone.co.kr)



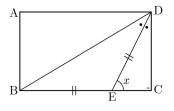
◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

- 1) 제작연월일: 2022-06-16
- 2) 제작자 : 교육지대㈜
- 3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호 되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무 단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

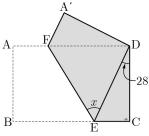
그림은 직사각형 ABCD의 꼭짓점 B가 점 D에

1. 직사각형 ABCD에서 $\overline{BE}=\overline{DE}$, $\angle BDE = \angle EDC$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?



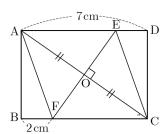
- ① 50°
- ② 55°
- ③ 60°
- **4** 65 °
- (5) 70°

오도록 \overline{EF} 를 접는 선으로 하여 접은 것이다. $\angle EDC = 28$ °일 때, $\angle x$ 의 크기는?



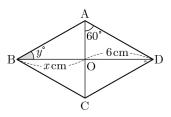
- ① 58°
- ② 59°
- 30°
- (4) 61 °
- ⑤ 62°

 $\bf 2$. 그림과 같은 직사각형 ABCD에서 대각선 AC의 수직이등분선과 \overline{AD} , \overline{BC} 와의 교점을 E, F라 하고, \overline{AD} = 7 cm, \overline{BF} = 2 cm 일 때, \overline{AF} 의 길이는?



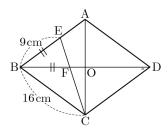
- ① 4cm
- ② 4.5 cm
- ③ 5 cm
- 4) 5.5 cm
- ⑤ 6cm

마름모 ABCD에서 두 대각선의 교점을 O라고 할 때, x, y의 값은?

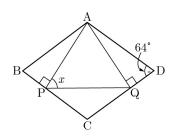


- ① x = 3, y = 20
- ② x = 6, y = 30
- ③ x = 3, y = 30
- 4 x = 6, y = 60
- (5) x = 6, y = 90

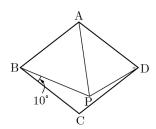
5. 마름모 ABCD에서 두 대각선의 교점을 O라고 하자. $\overline{BE} = \overline{BF}$ 일 때, \overline{OF} 의 길이는?



- ① 2cm
- ② 2.5 cm
- ③ 3cm
- ④ 3.5 cm
- ⑤ 4cm
- **6.** 그림과 같은 마름모 ABCD의 한 꼭짓점 A에서 \overline{BC} , \overline{CD} 에 내린 수선의 발을 각각 P, Q라 할 때 $\angle D=64$ °이다. 이때, $\angle x$ 의 크기는?

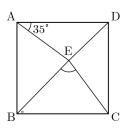


- ① 58°
- \bigcirc 60 $^{\circ}$
- $3)62^{\circ}$
- **(4)** 64 °
- ⑤ 66°
- 7. 마름모 ABCD의 내부에 있는 한 점 P에 대하여 $\triangle ABP$ 는 정삼각형이다. $\angle PBC = 10^{\circ}$ 일 때, $\angle APD$ 의 크기는?

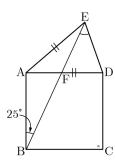


- ① $62\degree$
- ② 63 $^{\circ}$
- 364°
- 4 65 $^{\circ}$
- ⑤ 66°

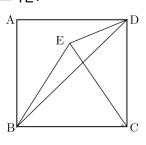
8. 정사각형 ABCD에서 대각선 BD 위의 한 점 E 에 대하여 $\angle DAE = 35\,^{\circ}$ 일 때, $\angle BEC$ 의 크기는?



- ① 60°
- ② 65°
- 3 70°
- ④ 75 °
- ⑤ 80°
- **9.** 정사각형 ABCD에서 $\overline{AD} = \overline{AE}$ 일 때, $\angle DEF$ 의 크기는?



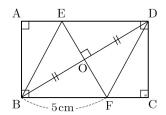
- ① 30°
- ② $35\degree$
- 45°
- ⑤ 50°
- **10.** $\Box ABCD$ 는 정사각형, $\triangle EBC$ 는 정삼각형일 때, $\triangle EDB$ 의 크기는?



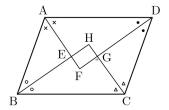
- ① 28°
- \bigcirc 30 $^{\circ}$
- 32°
- 4 35°
- \bigcirc 36 $^{\circ}$

11. 사각형의 성질에 대한 설명 중에서 옳지 않은 것 은?

- ① 정사각형은 평행사변형이다.
- ② 평행사변형의 두 대각선이 직교하면 마름모이다.
- ③ 두 대각선이 서로 수직으로 만나는 사각형은 마름모이
- ④ 한 내각의 크기가 직각인 평행사변형은 직사각형이다.
- ⑤ 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같은 사각형은 평행사변형 이다.
- 12. 직사각형 ABCD에서 대각선 BD의 수직이등분선 이 \overline{AD} , \overline{BC} 와 만나는 점을 각각 E, F라고 하자. \overline{BF} = $5\,\mathrm{cm}$ 일 때, 다음 중 옳지 않은 것은? (단, O는 \overline{BD} 와 \overline{EF} 의 교점이다.)

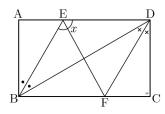


- ① $\overline{DF} = 5 \, \text{cm}$
- ② $\overline{EO} = \overline{FO}$
- \bigcirc $\angle DEF = \angle BFE$
- (4) $\triangle EOD = \triangle FOD$
- (5) $\triangle FCD \equiv \triangle FOD$
- $oldsymbol{13}$ 。 그림과 같은 평행사변형 ABCD의 네 내각의 이 등분선의 교점을 각각 E, F, G, H라 할 때, □ EFGH에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?

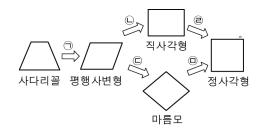


- ① 두 대각선의 길이가 같다.
- ② 네 변의 길이가 모두 같다.
- ③ 두 대각선이 서로를 이동분한다.
- ④ 두 쌍의 대변의 길이가 각각 같다.
- ⑤ 두 쌍의 대각의 크기의 합이 각각 180°이다.

14. 다음 그림과 같은 직사각형 ABCD에서 $\angle ABD$ 의 이등분선과 \overline{AD} 의 교점을 E, $\angle BDC$ 의 이등분 선과 \overline{BC} 의 교점을 F라고 하자. 사각형 EBFD가 마름모일 때, $\angle x$ 의 크기는?



- ① 100°
- ② 104°
- ③ 108°
- (4) 116°
- \bigcirc 120 $^{\circ}$
- 15. 다음 그림은 여러 가지 사각형 사이의 관계를 나 타낸 것이다. ⑦~@에 알맞은 조건으로 옳은 것은?

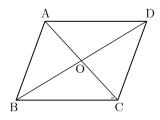


- ① つ 한 쌍의 대변의 길이가 같다.
- ② ① 두 대각선이 서로 직교한다.
- ③ 🕒 두 대각선의 길이가 서로 같다.
- ④ ② 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분한다.
- (5) 🔘 한 내각의 크기가 90°이다.

16. 다음 설명 중 옳은 것은?

- ① 두 대각선의 길이가 같은 사각형은 마름모이다.
- ② 한 내각의 크기가 90°인 평행사변형은 정사각형이다.
- ③ 이웃하는 두 변의 길이가 같은 평행사변형은 마름모이 다.
- ④ 한 쌍의 대각의 크기의 합이 180°인 평행사변형은 마 름모이다.
- ⑤ 두 대각선이 서로 다른 것을 수직이등분하는 평행사변 형은 정사각형이다.

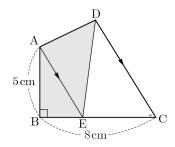
17. 평행사변형 *ABCD*에 대한 설명으로 <u>틀린</u> 것은? (단, 점 ○는 두 대각선의 교점이다.)



- ① $\overline{AC} \perp \overline{BD}$ 이면 마름모가 된다.
- ② $\overline{AB} = \overline{BC}$ 이면 마름모 된다.
- ③ $\angle A = 90$ ° 이면 직사각형이 된다.
- ④ $\angle A + \angle C = 180$ ° 이면 직사각형이 된다.
- ⑤ $\triangle ABC \equiv \triangle BAD$ 이면 마름모가 된다.

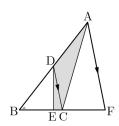
18. 다음 중 평행사변형이 마름모가 되는 조건은?

- ① 두 대각선이 직교한다.
- ② 두 대각선의 길이가 같다.
- ③ 이웃하는 두 내각의 크기가 같다.
- ④ 두 쌍의 대변의 길이가 각각 같다.
- ⑤ 두 대각선이 서로 다른 것을 이등분한다.
- $\mathbf{19}$. 그림과 같은 사각형 ABCD에서 점 A를 지나고 \overline{CD} 에 평행한 직선을 그어 \overline{BC} 와 만나는 점을 E라 하자. $\overline{AB} = 5 \text{ cm}$, $\overline{BC} = 8 \text{ cm}$, $\angle B = 90^{\circ}$ 일 때,
 - □ABED의 넓이는?



- ① $20 \, \text{cm}^2$
- ② $25 \, \text{cm}^2$
- $30 \, \text{cm}^2$
- (4) 35 cm²
- $5 40 \, \text{cm}^2$

20. 그림에서 $\overline{DC}//\overline{AF}$ 이고, $\overline{BE}:\overline{EF}=3:5$ 이다. $\triangle DBE$ 의 넓이가 $15\,\mathrm{cm}^2$ 일 때, $\square ADEC$ 의 넓이는?



- $(1) 20 \, \text{cm}^2$
- ② $25 \, \text{cm}^2$
- $30\,\mathrm{cm}^2$
- 40 cm^2
- $(5) 50 \, \text{cm}^2$

정답 및 해설

1) [정답] ③

[해설] $\angle EDC = \angle BDE = \angle DBE = (90-x)$ ° 이다. 삼각형 외각의 성질에 의해 $2 \times (90-x) = x$ 이므 로 $\angle x = 60^{\circ}$ 이다.

2) [정답] ③

[해설] 사각형 AFCE는 마름모이다. 그러므로 $\overline{AF} = \overline{CF} = 5 \, cm$ 이다.

3) [정답] ②

[해설] $\angle FED = \angle FEB = \angle x$ $\triangle DEC$ 에서 $\angle DEC = 62$ 이므로 $2 \angle x = 118$ ° $\therefore \angle x = 59^{\circ}$

4) [정답] ②

[해설] $\overline{OB} = \overline{OD}$ 이므로 x = 6 (cm) $\triangle AOD$ 에서 $\angle ADO = 90\degree - 60\degree = 30\degree$ $\triangle ABD$ 에서 $\overline{AB} = \overline{AD}$ 이므로 $\angle y = \angle ADO = 30^{\circ}$

5) [정답] ④

[해설] $\overline{BE} / \overline{CD}$ 이므로 엇각의 성질에 의해 $\angle BEC = \angle ECD$ 또, 맞꼭지각의 성질에 의해 $\angle BFE = \angle CFD$ 이 므로 $\triangle DCF$ 는 이등변삼각형이고 $\overline{DF} = \overline{DC} = 16 \, cm$ $\overline{BE} = \overline{BF} = 9 \, cm$ 이므로 $\overline{BD} = 25 \, cm$ 이고 마름모 의 두 대각선은 서로 다른 것을 수직이등분하므 $\overline{OD} = \overline{OB} = 12.5 \, cm$

 $\therefore \overline{OF} = \overline{DF} - \overline{OD} = 3.5 \, cm$

6) [정답] ①

[해설] 마름모는 평행사변형이므로 평행사변형의 성질 에 의해 $\angle B = \angle D = 64$ ° $\triangle ABP$ 에서 세 내각의 크기의 합은 $180\degree$ 이므로 $\angle BAP = 26^{\circ}$ $\triangle ABP$ 와 $\triangle ADQ$ 는 직각삼각형이고, $\overline{AB} = \overline{AD}, \angle ABP = \angle ADQ$ 이므로 $\triangle ABP \equiv \triangle ADQ(\because RHA \text{ or } S)$ 따라서 $\angle DAQ = \angle BAP = 26$ ° 이고, $\overline{AP} = \overline{AQ}$ 이므로 $\triangle APQ$ 는 이등변삼각형 $\angle BAD + \angle D = 180$ ° 이므로 $\angle BAD = 116$ ° 이 $\angle PAQ = 64^{\circ}$ $\therefore \angle x = \frac{1}{2} (180^{\circ} - 64^{\circ}) = 58^{\circ}$

7) [정답] ④

[해설] $\triangle ABP$ 가 정삼각형이므로 $\angle ABC = 70^{\circ}$,

 $\angle BAD = 110^{\circ}$, $\angle PAD = 50^{\circ}$ 이다. $\overline{AP} = \overline{AD}$ 이 므로 ∠*APD*=65°이다.

8) [정답] ⑤

[해설] $\triangle ABE$ 와 $\triangle CBE$ 에서 $\overline{AB} = \overline{CB}$, $\angle ABE = \angle CBE = 45^{\circ}$, BE는 공통이므로 $\triangle ABE \equiv \triangle CBE(SAS$ 합동) $\angle BAE = \angle BCE = 90\degree - 35\degree = 55\degree$ $\triangle BEC$ 에서 $\angle BEC = 180^{\circ} - (45^{\circ} + 55^{\circ}) = 90^{\circ}$

9) [정답] ④

[해설] $\square ABCD$ 가 정사각형이므로 $\overline{AD} = \overline{AB}$ 이고 $\overline{AD} = \overline{AE}$ 이므로 $\triangle ABE$ 는 이등변삼각형 따라서 $\angle BEA = \angle EBA = 25$ ° $\triangle ABE$ 에서 $\angle BAE = 130$ ° 이고 $\angle DAE = 40$ ° $\triangle ADE$ 는 이등변삼각형이므로 $\angle ADE = \angle AED = 70^{\circ} \circ]$ $\angle DEF = 45^{\circ}$

10) [정답] ②

[해설] $\angle ECD = 30$ ° 이므로 $\angle CED = \angle CDE = 75$ ° 이다. 그리고 ∠*CDB* = 45°이다. 그러므로 $\angle EDB = (75-45)^{\circ} = 30^{\circ}$ 이다.

11) [정답] ③

[해설] ③ 두 대각선이 서로 수직으로 만나는 평행사 변형은 마름모이다.

12) [정답] ⑤

[해설] $\triangle BOF$ 와 $\triangle DOE$ 에서 $\overline{BO} = \overline{DO}$, $\angle BOF = \angle DOE = 90^{\circ}$, $\angle FBO = \angle EDO()$ 었각)이므로 $\triangle BOF \equiv \triangle DOE(ASA$ 합동)

즉, $\overline{ED} = \overline{BF}$ 이고 $\overline{ED}//\overline{BF}$ 이므로 $\square EBFD$ 는 평행사변형이다.

그런데 $\overline{EF} \perp \overline{BD}$ 이므로 $\square EBFD$ 는 마름모이다.

13) [정답] ②

[해설] $\angle A + \angle B = 180$ °이므로 $\angle BAE + \angle ABE = 90^{\circ}$ 즉, □*EFGH*는 직사각형이다.

14) [정답] ⑤

[해설] \overline{AB} // \overline{DC} 이므로 엇각의 성질에 의해 $\angle ABD = \angle BDC$ 이고 $\angle ABE = \angle EBD = \angle CDF = \angle FDB$ □ EBFD가 마름모이므로 네 변의 길이가 모두 같고 ∠EBD = ∠EDB 따라서 ∠*EDC*=3∠*EDB*=90°이고 $\angle EDB = 30^{\circ}$ ΔEBD 에서 세 내각의 크기의 합은 $180\degree$ 이므로

15) [정답] ⑤

- [해설] ⊙- 다른 한 쌍의 대변이 평행하다.
 - ①- 두 대각선의 길이가 서로 같다.
 - ©- 두 대각선이 서로 직교한다.
 - ◎- 두 대각선이 직교한다.

16) [정답] ③

- [해설] ① 두 대각선의 길이가 같은 평행사변형은 직 사각형이다.
 - ② 한 내각의 크기가 90°인 평행사변형은 직사각 형이다.
 - ④ 한 쌍의 대각의 크기의 합이 180°인 평행사 변형은 직사각형이다.
 - ⑤ 두 대각선이 서로 다른 것을 수직이등분하는 평행사변형은 마름모이다.

17) [정답] ⑤

- [해설] ⑤ $\triangle ABC \equiv \triangle BAD$ 이면 $\overline{BC} = \overline{AD}$ 이므로 $\overline{AB} = \overline{AD}$ 임을 알 수 없으므로 마름모라고 할 수 없다.
- 18) [정답] ①
- [해설] ②,③ 직사각형
 - ④, ⑤ 평행사변형의 성질
- 19) [정답] ①
- [해설] $\overline{AE}//\overline{CD}$ 이므로 $\triangle AED = \triangle AEC$ 이다. 그러 므로 $\square ABED$ 의 넓이는 $\triangle ABC$ 의 넓이와 같다. 그러므로 $20cm^2$ 이다.
- 20) [정답] ②
- [해설] $\overline{DC}//\overline{AF}$ 이므로 $\triangle ADC = \triangle FDC$

 $\triangle DBF$ 에서 \overline{BE} : \overline{EF} =3:5이므로

 $\triangle DBE$: $\triangle DEF = 3:5$ 에서

 $15: \triangle DEF = 3:5, \ 3\triangle DEF = 75$

 $\therefore \triangle DEF = 25 \text{ cm}^2$

따라서 $\square ADEC$ 의 넓이는

 $\triangle DEC + \triangle ADC = \triangle DEC + \triangle FDC$

 $= \Delta DEF = 25 (\text{cm}^2)$