실력완성 | 중2

3-1.일차함수와 그 그래프



수학 계산력 연습

(1)함수와 일차함수의 뜻





◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

1) 제작연월일 : 2022-10-19

2) 제작자 : 교육지대㈜

3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호 되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무 단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

1. 함수

- (1) 변수: x, y와 같이 여러가지로 변하는 값을 가지는 문자를 변수라 한다.
- (2) 함수: 두 변수 x, y에 대하여 x의 값이 정해 집에 따라 y의 값이 오직 하나씩 정해질 때, y는 x의 함수라고 한다. $\Rightarrow y = f(x)$
- Arr 다음 중 y가 x의 함수인 것에는 \bigcirc 표, 아닌 것에는 ×표를 하여라.
- 2. y = (자연수 x의 배수) ()
- 3. y = (자연수 x = 5로 나누었을 때의 나머지) ()
- **4.** y = (정수 x 보다 작은 정수)()
- 5. y = (자연수 x보다 2큰 수))
- 6. y=(자연수 x보다 작은 소수의 개수) (
- ()
- 8. y = (자연수 x의 소인수) ()
- 9. y = (x 의 약수)()

- **10.** y = (x 의 약수의 개수)()
- 11. y = (x 보다 작은 자연수))
- 12. y = (x 와 서로소인 수))
- 13. $y = (x = 3 \cap x + y = 1)$ ()
- 14. y = (자연수 x와 그보다 작은 짝수) (
- **15.** y = (자연수 x의 3배인 수))
- **16.** y = (자연수 x와 그보다 작은 홀수의 개수) ()
- 17. y = (x 보다 작은 자연수))
- 18. y = (정수 x의 절댓값))
- 19. y = (절댓값이 x 인 수))
- 20. y = (x 와의 합이 8인 수))
- 21. x+y=3을 만족하는 두 수 x, y ()

22. y = (자연수 x와 24의 최소공배수) () 33. 가로의 길이가 xcm, 높이가 ycm인 삼각형의 넓이가 48cm^2 이다. 23. 시내버스 요금 x원을 내고 가는 거리 $y \, \mathrm{km}$ () 34. 10L들이 물통에 매분 xL씩 물을 넣는데 물 이 가득 찰 때까지 걸린 시간이 y분이다. 24. 하루 중 낮의 길이 x와 밤의 길이 y) **35.** 넓이가 80cm^2 인 색종이를 똑같이 x조각으로 **25.** 둘레의 길이가 x인 직사각형의 넓이 y잘랐을 때 한 조각의 넓이 $y \text{ cm}^2$) **36.** 한 개에 900원인 사과 x개의 값 y원이다. 26. 대각선의 길이가 x인 정사각형의 넓이 y) 37. 시속 $60 \,\mathrm{km}$ 로 x시간 동안 달린 거리는 $y \,\mathrm{km}$ 27. 키가 x cm인 사람의 몸무게 y kg () 이다. \blacksquare 다음에서 x와 y 사이의 관계식을 구하여라. 38. x살인 아들보다 30살 많은 아버지의 나이는 **28.** 토끼 x마리의 다리의 개수는 y개이다. *y*살이다. 29. 두발자전거 x대의 바퀴의 총 개수는 y개이다. 39. 한 권에 x원 하는 노트 7권의 가격은 y이다. **30.** 무게가 20g인 추 x개의 무게 yg**40.** 700원짜리 공책 x권의 가격 y원 31. 한 변의 길이가 x cm인 정육각형의 둘레의 41. 자연수 x에 -4를 곱한 수 y**길이** y cm

yml

42. 200ml짜리 우유 xml를 마시고 남은 양을

32. 30 km의 거리를 시속 x km의 속력으로 달렸

을 때 걸린 시간 y시간

- 43. 3 km의 거리를 x시간 동안 달렸을 때의 속력 시속 y km
- 44. 넓이가 20cm^2 인 삼각형의 밑변의 길이 x cm와 높이 y cm
- **45.** 한 개에 1000원인 아이스크림을 x개 살 때 지불 금액 y원
- **46.** 하루 24시간 중 낮의 길이가 x시간 일 때의 밤의 길이 y시간
- **47.** 농도가 x%인 소금물 300g에 들어 있는 소금 의 양 yg
- **48.** 한 사람의 입장료가 6000원인 수영장에 x명 이 입장할 때의 총 입장료 y원
- **49**. 높이가 73mm인 종이컵을 2개, 3개를 포개어 **놓았을 때의 높이**가 각각 78mm, 83mm**일 때**, 종이컵 x개를 포개어 놓았을 때의 높이 ymm
- 50. 40대의 기계로 15시간 작업해야 끝나는 일을 x대의 기계로 할 때 걸리는 시간 y

- 1. **일차함수**: 함수 y = f(x)에서 y가 x에 관한 일차식 y = ax + b $(a, b \leftarrow b \leftarrow a \neq 0)$ 로 나타내 어질 때, 이 함수 f를 x에 관한 일차함수라고 한
- ☑ 다음 중 일차함수인 것에는 ○, 일차함수가 아닌 것 에는 ×를 하여라.

51.
$$y = 2x$$
 ()

52.
$$y = \frac{5}{x}$$
 ()

53.
$$3x - y + 2 = 0$$
 ()

54.
$$5x - 2 = 0$$
 ()

55.
$$x+y=2$$
 ()

56.
$$y^2 - y + 3 = x + y^2 - 8$$
 ()

57.
$$3x + 2y - 1 = 0$$
 ()

58.
$$y = x + (3 - x)$$
 ()

59.
$$y \ge \frac{1}{2}x + 3$$
 ()

60.
$$y = 2 - \frac{1}{2}x$$

61.
$$y = x(x-1)$$

62.
$$y = \frac{2}{5}x - 1$$

75.
$$y = \frac{3}{x} + 2$$

63.
$$xy = 1$$

76.
$$y = 2x - x(3 - x)$$

64.
$$y = -\frac{1}{4}x + 3$$

77.
$$y+1=x+1$$

65.
$$y = 4x^2 - 3$$

78.
$$y + x = x + 1$$

66.
$$y = \frac{1}{x} + 2$$

67.
$$y = 2x^2 - x(2x - 1)$$

68.
$$y = x - \frac{1}{2}x(2x - 1)$$

69.
$$y = \frac{x-5}{2}$$

70.
$$y = -2(x-1)-2$$

71.
$$y-x^2=x(x+1)$$

()

72.
$$2x - y = x - 2y$$

()

73.
$$y = 2x - 2(x - 1)$$

()

74.
$$y = \frac{x-1}{2}$$

()

☑ 다음 문장에서
$$x$$
와 y 사이의 관계식을 구하고, y 가 x 에 관한 일차함수인지 말하여라.

79. 한 변의 길이가 $x \, \text{cm}$ 인 정삼각형의 둘레의 길이는 ycm이다.

80. 반지름의 길이가 x cm인 원의 넓이는 $y \text{cm}^2$ 이

81. 하루 중 낮의 길이를 x시간이라고 할 때, 밤 의 길이는 *y*시간이다.

82. 가로, 세로의 길이가 각각 4cm, xcm인 직사 각형의 둘레의 길이는 ycm이다.

83. 시속 x km로 달리는 자동차가 y시간 동안 달 린 거리는 200km이다.

84. 한 변의 길이가 x cm인 정사각형의 넓이는 ycm 2 이다.

- 85. 반지름의 길이가 2x cm 인 원의 둘레의 길이는 y cm 이다.
- 86. 길이가 20 cm인 양초가 1분에 0.2 cm씩 x분 동안 타고 남은 길이는 y cm이다.
- **87.** 톱니의 수가 20개인 A가 x번 회전할 때 톱 니의 수가 16개인 B는 y번 회전한다.
- 88. 윗변의 길이가 x cm, 아랫변의 길이가 8 cm, 높이가 y cm인 사다리꼴의 넓이는 20cm^2 이다.
- 89. 시속 80 km로 x시간 동안 달린 거리는 y km이다.
- 90. 한 변이 $x \operatorname{cm}$ 인 정사각형의 둘레의 길이는 $y \operatorname{cm}$ 이다.
- 91. 밑넓이가 $x \text{ cm}^2$, 높이가 y cm 인 직육면체의 부피는 100 cm^3 이다.
- **92.** 600원짜리 공책 x권과 y원짜리 공책 4권의 가격은 2800원이다.
- 93. 농도가 x%인 소금물 200g에 들어 있는 소금 의 양은 yg이다.

- **94.** 10 km의 거리를 시속 x km로 걸었을 때, 걸리는 시간은 y시간이다.
- 95. 윗변의 길이가 x cm, 아랫변의 길이가 3 cm, 높이가 4 cm인 사다리꼴의 넓이는 $y \text{cm}^2$ 이다.
- 96. 밑변의 길이가 $x \operatorname{cm}$ 이고, 높이가 $y \operatorname{cm}$ 인 삼각 형의 넓이는 $20 \operatorname{cm}^2$ 이다.
- 97. 전체 쪽수가 250쪽인 책을 하루에 x쪽씩 읽을 때, 이 책을 모두 읽는 데 y일이 걸린다.
- 98. $x \operatorname{cm}$ 인 길이를 미터로 표시할 때의 값 $y \operatorname{m}$
- 99. x각형의 대각선의 수는 y개이다.
- **100.** 5000원으로 한 권에 500원인 공책 x권을 사고 남은 돈은 y원이다.
- **101.** 시속 x km로 y시간 동안 이동한 거리는 100 km이다.
- **102**. 현재의 온도가 13 $^{\circ}$ 인 어떤 물체의 온도가 1분에 2 $^{\circ}$ $^{\circ}$ 식 올라가고 있을 때 x분 후에 이 물체의 온도는 y $^{\circ}$ 0 이다.

103. 올해
$$15$$
세인 수민이의 x 년 후의 나이는 y 세이다.

104. 가로의 길이가
$$x_{\rm cm}$$
, 세로의 길이가 $(x+3)_{\rm cm}$ 인 직사각형의 넓이는 $y_{\rm cm}{}^2$ 이다.

105. 구슬
$$30$$
개를 x 명에게 4 개씩 나누어 줄 때, 남은 구슬의 개수는 y 개이다.

106.
$$20000$$
원에서 1000 원짜리 볼펜 x 자루를 사고 남은 돈 y 원

107.
$$10$$
만원이 들어있는 통장에 매달 2 만원 씩 x 달 저축했을 때 통장에 들어있는 금액 y 원

☑ 다음 주어진 함수가 일차함수가 되기 위한 상수 a, b의 조건을 구하여라.

108.
$$y = ax - 4x + 2$$

109.
$$y = (ax-1)(x+3) - (bx+2)$$

110.
$$y = -2x(1-ax) + bx + 1$$

111.
$$y = \frac{1}{2}x(ax+4) + bx - 1$$

112.
$$y = x(bx-1) + ax - 5$$

113.
$$y = x(ax+3) - bx + 1$$

114.
$$y = x(2ax - 1) + bx$$

정답 및 해설

- 1) (
- 2) ×
- 3) 🔾
- 4) ×
- 5) 🔾
- 6) 🔾
- 7) ×
- 8) ×
- $9) \times$
- 10) 🔾
- 11) ×
- 12) ×
- 13) ()
- 14) ×
- 15) ()
- 16) 🔾
- 17) ×
- 18) 🔾
- 19) ×
- \Rightarrow 절댓값이 x인 수는 x, -x이므로 y의 값이 하 나로 정해지지 않으므로 함수가 아니다.
- 20) 🔾
- 21) (
- 22) 🔾
- 23) ×
- 24) 🔾
- $25) \times$
- \Rightarrow 예를 들면 둘레의 길이가 x=20일 때, 직사각 형의 넓이는 가로, 세로의 길이가 5인 경우 25, 가로, 세로의 길이가 4, 6인 경우는 24이므로 y의 값이 하나로 정해지지 않는다.

- 26) 🔾
- 27) ×
- 28) y = 4x
- 29) y = 2x
- 30) y = 20x
- 31) y = 6x
- 32) $y = \frac{30}{r}$
- 33) $y = \frac{96}{x}$
- 34) $y = \frac{10}{r}$
- 35) $y = \frac{80}{x}$
- 36) y = 900x
- 37) y = 60x
- 38) y = x + 30
- 39) y = 7x
- 40) y = 700x
- 41) y = -4x
- 42) y = 200 x
- 43) $y = \frac{3}{x}$
- 44) $y = \frac{40}{r}$
- 45) y = 1000x
- 46) y = 24 x
- 47) y = 3x
- - 이므로 $y = \frac{x}{100} \times 300 = 3x$
- 48) y = 6000x
- 49) y = 5x + 68

- 50) $y = \frac{600}{x}$
- $\Rightarrow xy = 40 \times 15$ 이므로 $y = \frac{600}{x}$
- 51) 🔾
- 52) ×
- 53) (
- $\Rightarrow y = 3x + 2$, 일차함수이다.
- 54) ×
- 55) 🔾
- 56) 🔾
- $\Rightarrow y = -x + 11$, 일차함수이다.
- 57) 🔾
- $\Rightarrow y = \frac{-3x+1}{2}$, 일차함수이다.
- 58) ×
- 59) ×
- 60) \bigcirc
- 61) ×
- 62) \bigcirc
- 63) ×
- 64) \bigcirc
- 65) ×
- 66) ×
- 67) C
- $\Rightarrow y = 2x^2 2x^2 + x$, y = x, 일차함수이다.
- 68) X
- $\Rightarrow y = x x^2 + \frac{1}{2}x = -x^2 + \frac{3}{2}x, \text{ 일차함수가 아 나다.}$
- 69) 🔾
- 70) 🔾

- $\Rightarrow y = -2x$, 일차함수이다.
- 71) ×
- $\Rightarrow y = 2x^2 + x$, 일차함수가 아니다.
- 72) 🔾
- $\Rightarrow y = -x$, 일차함수이다.
- 73) ×
- $\Rightarrow y=2$, 일차함수가 아니다.
- 74) 🔾
- 75) ×
- 76) ×
- $\Rightarrow y = x^2 x$, 일차함수가 아니다.
- 77) 🔾
- 78) ×
- $\Rightarrow y=1$, 일차함수가 아니다.
- 79) y = 3x, 일차함수이다.
- 80) $y = x^2 \pi$, 일차함수가 아니다.
- 81) y = 24 x, 일차함수이다.
- 82) y = 2x + 8, 일차함수이다.
- 83) $y = \frac{200}{x}$, 일차함수가 아니다.
- 84) $y = x^2$, 일차함수가 아니다.
- 85) $y = 4\pi x$, 일차함수이다.
- 86) y = -0.2x + 20, 일차함수이다.
- 87) $y = \frac{5}{4}x$, 일차함수이다.
- 88) $y = \frac{40}{x+8}$, 일차함수가 아니다.
- 89) y = 80x, 일차함수이다.
- 90) y = 4x, 일차함수이다.
- 91) $y = \frac{100}{x}$, 일차함수가 아니다.
- 92) y = -150x + 700, 일차함수가 아니다.
- 93) y = 2x, 일차함수이다.

- 94) $y = \frac{10}{r}$, 일차함수가 아니다.
- 95) y = 2(x+3), 일차함수이다.
- 96) $y = \frac{40}{r}$, 일차함수가 아니다.
- 97) $y = \frac{250}{r}$, 일차함수가 아니다.
- 98) $y = \frac{1}{100}x$, 일차함수이다.
- 99) $y = \frac{x(x-3)}{2}$, 일차함수가 아니다.
- 100) y = 5000 500x, 일차함수이다.
- 101) $y = \frac{100}{r}$, 일차함수가 아니다.
- 102) y = 2x + 13, 일차함수이다.
- 103) y = 15 + x, 일차함수이다.
- 104) y = x(x+3), 일차함수가 아니다.
- 105) y = 30 4x, 일차함수이다.
- 106) y = 20000 1000x, 일차함수이다.
- 107) y = 10 + 2x, 일차함수이다.
- 108) $a \neq 4$
- $\Rightarrow y = ax 4x + 2, y = (a 4)x + 2$ 따라서 x에 관한 일차함수가 되기 위해서는 $a \neq 4$ 이다.
- 109) $a = 0, b \neq -1$
- $\Rightarrow y = (ax-1)(x+3) (bx+2)$ $=ax^2+3ax-x-3-bx-2$ $=ax^{2}+(3a-b-1)x-5$ 따라서 일차함수가 되기 위한 조건은 $a = 0, b \neq -1$ 이다.
- 110) $a = 0, b \neq 2$

은 a=0, $b\neq 2$ 이다.

 $\Rightarrow y = -2x + 2ax^2 + bx + 1$ $=2ax^{2}+(-2+b)x+1$ 따라서 일차함수가 되려면 이차항의 계수는 0이 고, 일차항의 계수는 0이 아니어야 하므로 a = 0, $-2 + b \neq 0$ 이다. 따라서 주어진 식이 일차함수가 되기 위한 조건

- 111) a = 0. $b \neq -2$
- $\Rightarrow y = \frac{1}{2}x(ax+4) + bx 1$ $y = \frac{1}{2}ax^2 + (2+b)x - 1$

따라서 일차함수가 되기 위해서 이차항의 계수 는 0이어야 하므로 a=0이고, 일차항의 계수는 0이 아니어야 하므로 $b \neq -2$ 이다.

- 112) $a \neq 1$, b = 0
- $\Rightarrow y = x(bx-1) + ax 5, y = bx^2 x + ax 5,$ $y = bx^2 + (a-1)x - 5$ 따라서 일차함수이려면 b=0, $a-1 \neq 0$ 이어야 하므로 $a \neq 1$, b = 0이다.
- 113) $a = 0, b \neq 3$
- $\Rightarrow y = ax^2 + (3-b)x + 1$ 이므로 일차함수가 되려 면 a = 0, $3 - b \neq 0$ 이므로 $b \neq 3$ 이다.
- 114) $a = 0, b \neq 1$
- $\Rightarrow y = 2ax^2 + (b-1)x$ 이므로 일차함수가 되려면 a=0, $b-1\neq 0$ 이므로 $b\neq 1$ 이다.