중2 수학

3-1.일차함수와 그 그래프(04)



한 변출유형 TOP 3

(1) 함수의 뜻과 함수값

- ☑ 어떤 것이 함수인지 구분하는 문제
- ☑ 일차함수가 아난 함수의 함숫값에 관한 문제
- ☑ 식으로 나타낼 수 없는 함수의 함숫값에 관한 문제

1. 두 변수 x, y 사이에 다음과 같은 대응 관계가 있을 때, y가 x의 함수인 것만을 $\langle 보기 \rangle$ 에서 있는 대로 고른 것은?

<보기>

- \neg . 자연수 x보다 작은 홀수 y
- L . 합이 18인 두 자연수 x와 y
- \Box . 올해 x살인 학생의 3년 후의 나이 y살
- =. 키가 $x \operatorname{cm}$ 인 사람의 신발 사이즈 $y \operatorname{mm}$
- \Box . 한 개에 800원인 사과를 x개 살 때 지불해야 하는 금액 y원
- ① 7, 2
- ② ∟, □
- ③ 7, ⊏, ≥
- ④ ∟, ⊏, □
- ⑤ ∟, ⊏, ⊇, □



2. 함수 $y = \frac{6}{x}$ 에 대하여

함숫값 f(-4)-f(4)+f(1)의 값은?

- $\bigcirc -3$
- ② 0
- ③ 3
- 4

(5) 6



- $\mathbf{3}$. 함수 f(x)=(자연수 x의 약수의 합)에 대하여 f(25)-f(15)+f(13)의 값은?
 - ① 20
- ② 21
- ③ 22
- **4**) 23
- ⑤ 24

빈출유형 TOP 3

(2) 일차함수의 뜻과 그래프

- ☑ 일차함수인 것을 찾는 문제
- ☑ 일차함수의 그래프 위의 점이 주어진 문제
- ☑ 일차함수의 그래프의 평행이동에 관한 문제



4. <보기>중 y가 x에 관한 일차함수가 <u>아닌</u> 것은?

< 보기>

- ㄱ. 농도가 x%인 소금물 400g에 들어있는 소금의 양
- L . 나이가 x살인 사람의 몸무게 $y \log x$
- \Box . x각형의 대각선의 개수 y
- a. 두 수 *x*와 *y*의 합은 30
- \Box . 정 x각형의 한 외각의 크기 y°
- ① 7, ∟, ≥
- ② 7, L, ⊏
- ③ ∟, ⊏, □
- ④ ∟, ≥, □
- ⑤ ㄷ, ㄹ, ㅁ

- **5.** 일차함수 y = f(x)에서 y = kx + 5이고 f(3) = -7일 때, f(4)-f(-1)의 값은?
 - $\bigcirc -26$
- $\bigcirc 2 24$
- 3 22
- (4) -20
- (5) -18

6. 다음의 표는 자동차로 이동하는 거리를 x km 줄일 때, 그에 따른 이산화탄소가 감소되는 효과를 y그루 의 소나무로 표현한 것이다. 아래 표에 의하면 자동 차로 이동하는 거리 30 km를 줄인다면 그에 따른 효과로 소나무 0.9그루를 심는 것과 같다. 다음 표 로 만들어진 x, y의 관계식을 y = ax + b라고 할 때, a+b의 값과, 자동차로 이동하는 거리가 $210 \,\mathrm{km}$ 일 때, 소나무를 몇 그루를 심는 효과가 나타나는지를 차례대로 구하면?

x(km)	30	40	50	60	70	80
<i>y</i> (그루)	0.9	1	1.1	1.2	1.3	1.4

- ① 0.58, 2.9그루
- ② 0.19, 2.7그루
- ③ 0.61, 3.2그루
- ④ 0.61, 2.7그루
- ⑤ 0.78, 2.7그루

- **7.** 두 일차함수 y = -2x + 4, y = 3x 1의 그래프의 교점을 구하고, 그 교점을 지나면서 y축에 수직인 직선의 방정식을 각각 구하면?
 - ① (-1,2), x=-1
- $\bigcirc (-1,2), y=2$
- (3) (1,2), y=1
- (4) (1,-2), x=1
- (5) (1,2), y=2



8. 일차함수 $y = \frac{2}{3}ax + 5 - k$ 의 그래프는 점 (-6,2),

(0,8)을 지나고, 이 그래프를 y축의 방향으로 b만 큼 평행이동한 그래프는 점 (-2,4)를 지난다. 이때 abk의 값을 구하면? (단, a는 상수, $a \neq 0$)

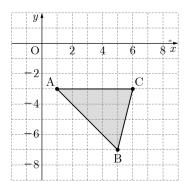
- ① 7
- 2 9
- ③ 11
- **4** 13
- (5) 15

- 변출유형 TOP 3
- (3) 일차함수의 그래프와 기울기
- ☑ 일차함수의 그래프의 기울기를 이용한 문제
- ☑ 두 점을 지나는 일차함수의 그래프의 기울기에 관한 문제
- ☑ 일차함수의 그래프와 좌표축으로 둘러싸인 도형의 넓이에 관한 문제



- **9.** 일차함수 $y = \frac{7}{5}x 3$ 의 그래프에서 x의 값이 -3에서 7까지 증가할 때, y의 값의 증가량은?
 - \bigcirc 7
- ② 11
- ③ 14
- 4) 17
- ⑤ 21

10. 다음 그림과 같이 좌표평면 위에 세 점 A(1,-3), B(5,-7), C(6,-3)을 꼭짓점으로 하 는 삼각형이 있다. 이 삼각형과 일차함수 y=ax-1의 그래프가 만나도록 하는 a의 값의 범위는?



- ① $-2 < a \le -\frac{1}{4}$ ② $-2 \le a \le -\frac{1}{3}$
- $3 2 < a < -\frac{1}{3}$ $4 \le a \le 2$

빈출 🏠

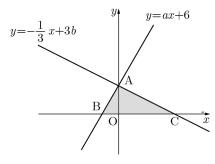
- **11.** 다음 중 두 점 (2,-6), (8,6)을 지나는 직선을 그래프로 하는 일차함수에 대한 설명으로 옳은 것을 모두 고르면? (정답 2개)
 - ① x절편과 y절편의 합은 -5이다.
 - ② 제 3사분면을 지나지 않는다.
 - ③ x의 값이 증가할 때, y의 값은 감소한다.
 - ④ 이 직선과 x축, y축으로 둘러싸인 도형의 넓이는 25이 다.
 - ⑤ y=2x-3의 그래프를 y축 방향으로 13만큼 평행이동 한 그래프이다.
- **12.** 세 점 (3,-2k), (1,k-1), (5,3k)이 한 직선 위 에 있다고 할 때, k의 값은?
- $3\frac{5}{8}$

(5) 1



13. 다음 그림과 같이 두 일차함수 y = ax + 6,

 $y=-\frac{1}{3}x+3b$ 의 그래프가 y축 위의 점 A에서 만나 고, 두 일차함수의 그래프와 x축으로 둘러싸인 삼각 형 ABC의 넓이가 55이다. 이때 두 수 a, b에 대하 여 a+b의 값을 구하면?



- 1 20
- 2 21
- 3 23
- (4) 24
- (5) 25

한 빈출유형 TOP 3

- (4) 일차함수 그래프의 성질과 평행, 일치
- ☑ 일차함수의 그래프의 성질에 관한 문제
- ☑ 일차함수의 그래프를 보고 계수의 부호를 찾는 문제 ☑ 두 일차함수 그래프가 평행 또는 일치하는 경우에 관한 문

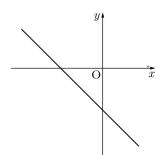


14. 일차함수 $y = \frac{3}{2}x + 3$ 의 그래프에 대한 설명으로 옳은 것만을 <보기>에서 있는 대로 고른 것은?

<보기>

- \neg . 점 (-4, -3)을 지난다.
- ㄴ. 제 4 사분면을 지나지 않는다.
- C. 오른쪽 아래로 향하는 직선이다.
- = 일차함수 y=-2x-4의 그래프와 x축 위에서 만난다.
- ① 7, ∟
- ② 7, ⊏
- ③ □, ⊒
- ④ 7, ∟, ≥
- ⑤ ∟, ⊏, ⊒

- **15.** 일차함수 y = ax + b의 그래프에 대한 설명으로 옳은 것은? (단, a, b는 수)

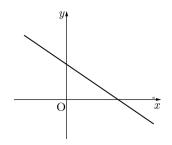


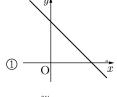
- ① a < 0, b > 0이다.
- ② 점 (1,b)를 지난다.
- ③ x절편은 $-\frac{b}{a}$, y절편은 b이다.
- ④ 일차함수 y = -ax + b의 그래프와 만나지 않는다.
- ⑤ x의 값이 1만큼 증가할 때, y의 값은 b만큼 감소한다.

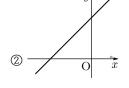
- **16.** 일차함수 y = (3k-1)x-4-2k의 그래프가 제 1 사분면을 지나지 않도록 하는 상수 k의 값의 범위

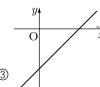
 - ① $-2 < k < \frac{1}{3}$ ② $-2 \le k < \frac{1}{3}$
 - $3 2 < k \le \frac{1}{3}$ $4 \frac{1}{3} < k < 2$
 - $\bigcirc -\frac{1}{3} \le k < 2$

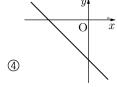
17. 일차함수 y=ax+b의 그래프가 다음 그림과 같 을 때 일차함수 $y = \frac{a}{b}x - ab$ 의 그래프는? (단, a, b는 수)

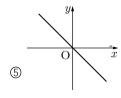












- **18.** 일차방정식 3x + ay 7 = 0의 그래프가 일차함수 $y=-rac{6}{5}x-1$ 의 그래프와 만나지 않고, y축과 만나 는 점의 좌표가 (0,b)일 때, ab의 값은?
 - ① 3

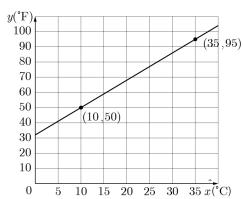
② 5

③ 7

- **(4)** 9
- (5) 11
 - 한 빈출유형 TOP 3

(5) 일차함수의 활용

- ☑ 길이, 개수, 가격에 대한 일차함수의 활용에 관한 문제
- ☑ 물의 양에 대한 일차함수의 활용에 관한 문제
- ☑ 그래프를 이용한 일차함수의 활용에 관한 문제
- **19.** 우리나라는 스웨덴의 천문학자 셀시우스가 1742 년에 물이 어는 온도를 0° , 끓는 온도를 100° 로 정한 '섭씨온도'를 사용한다. 한편, 미국은 독일의 물리학자 파렌하이트가 1714년에 물이 어는 온도를 32°F, 끓는 온도를 212°F로 정한 '화씨온도'를 사용 한다. 다음 그림과 같이 물이 어는 온도에서 끓는 온도까지 일정한 비율로 변한다고 하자. 섭씨온도 25℃는 화씨온도로 몇 도인가?



- ① 76°F
- ② 77°F
- 3 78°F
- 4 79°F
- (5) 80°F



20. 현정이는 현장학습으로 16명의 친구들과 함께 놀이공원에 가서 말이 끌어주는 마차를 타기로 하였다. 마차를 20분간 탈 수 있는 가격이 다음의 표와 같다. 2인용 마차 이용대수를 x, 3인용 마차 이용대수를 y라고 할 때, 총 인원 17명을 x, y에 대한식으로 나타내고, 17명 모두 마차를 타는 경우 최소비용은 얼마인지 차례대로 구하면? (단, 마차에 빈자리가 없도록 한다.)

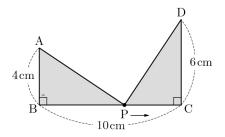
구분	2인용	3인용
이용료	4500원	6500원

- ① 2x+3y=17, 35000위
- ② 2x-3y=17, 35500원
- ③ 2x+3y=17, 37000원
- ④ 3x+2y=17, 34500원
- ⑤ 2x-3y=17, 38500원



- **21.** 2L로 32 km를 달릴 수 있는 자동차가 있다. 연료탱크에 연료를 가득 채운 후, 일정한 속력으로 480 km를 주행하면 연료의 $\frac{3}{4}$ 이 소모된다. 이 자동차의 연료 탱크에 연료를 가득 채우고 주행한 후 남은 연료가 10L였다면 이 자동차가 주행한 거리는?
 - ① 470 km
- ② 475 km
- ③ 480 km
- (4) 485 km
- (5) 490 km
- 22. 어떤 건물의 엘리베이터가 19층에 멈추어 있을 때, 지면으로부터 이 엘리베이터 바닥까지의 높이는 34.2m이다. 이 엘리베이터가 19층에서 출발하여 1초에 8m씩 움직여서 지면으로 올라온다고 한다. x초 후의 지면으로부터 엘리베이터 바닥까지의 높이를 ym라고 할 때, x와 y사이의 일차함수의 식과 엘리베이터 바닥이 지면으로부터 226.2m 높이에 도착하는 것은 출발한 지 몇 초 후인지 차례로 구하면? (단, 엘리베이터는 중간에 멈추지 않는다.)
 - ① y = 34.2 + 8x, 24 $\bar{\Delta}$
- ② y = 34.2 + 8x, 25 초
- ③ y = 34.2 8x, 24 초
- ④ y = -34.2 + 8x, 25 \bar{x}
- ⑤ y = 34.2 8x, 26 초

23. 그림의 점 P는 점 B를 출발하여 \overline{BC} 를 따라 점 C까지 매초 $1 \, \mathrm{cm}$ 의 속력으로 움직인다. 점 P가 점 B를 출발한 지 x초 후의 $\triangle ABP$ 와 $\triangle DPC$ 의 넓이의 차를 $y \, \mathrm{cm}^2$ 라고 할 때, 점 P가 점 B를 출발한지 몇 초 후에 $\triangle ABP$ 와 $\triangle DPC$ 의 넓이의 차가 $5 \, \mathrm{cm}^2$ 가 되는가? (단, $\overline{BP} > \overline{PC}$)



- ① 3초 후
- ② 4초 후
- ③ 5초 후
- ④ 6초 후
- ⑤ 7초 후

24. 다음 그림과 같이 한 변의 길이가 3인 정삼각형을 한쪽 방향으로 한 변이 완전히 겹치도록 계속해서 이어 붙여 새로운 도형을 만들었다. a개의 정삼각형으로 만든 도형의 둘레의 길이가 180일 때, 수 a의 값은?





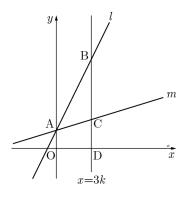


- ① 58
- ③ 60
- ② 59④ 61
- (5) 62





25. y축 위의 한 점 A를 지나는 두 직선 l, m이 있다. y축에 평행한 직선 x=3k가 두 직선 l, m 및 x축과 만나는 점을 각각 점 B, 점 C, 점 D라고 하자. $\overline{BC}: \overline{OD}=5:3$ 일 때, 두 직선 l, m의 기울기의 차를 구하면?



- ② 2
- $3 \frac{7}{3}$
- $4 \frac{8}{3}$

⑤ 3

정답 및 해설

1) [정답] ④

[해설] \neg . 자연수 x보다 작은 홀수 y는 없을 수도 있고 여러 개 존재할 수도 있으므로 함수가 아니다.

L. x+y=18이므로 함수이다.

x+3=y이므로 함수이다.

a. 키가 xcm인 사람의 신발 사이즈 ymm는 사람마다 다를 수 있으므로 함수가 아니다.

ㅁ. 800x = y이므로 함수이다.

그러므로 함수인 것은 ㄴ, ㄷ, ㅁ이다.

2) [정답] ③

[해설]
$$f(-4) = \frac{6}{-4} = -\frac{3}{2}, \ f(4) = \frac{6}{4} = \frac{3}{2}$$

$$f(1) = \frac{6}{1} = 6$$

$$\therefore f(-4) - f(4) + f(1) = \left(-\frac{3}{2}\right) - \frac{3}{2} + 6 = 3$$

3) [정답] ②

[해설] f(x)=(자연수 x의 약수의 합)이므로 $f(25) \rightarrow 25$ 의 약수는 1, 5, 25이므로 이 약수들의 합은 31 $f(15) \rightarrow 15$ 의 약수는 1, 3, 5, 15이므로 이 약수들의 합은 24 $f(13) \rightarrow 13$ 의 약수는 1, 13이므로 이 약수들의 합은 14 따라서 f(25)-f(15)+f(13)의 값은 31-24+14=21이다.

4) [정답] ③

[해설] ㄱ. $y = \frac{x}{100} \times 400$, 즉 y = 4x이므로 일차함수이다.

 $\mathsf{L}. \ \mathsf{L} \ \mathsf{L}$ 하나씩 정해지지 않으므로 함수가 아니다.

ㄷ.
$$y=\frac{x(x-3)}{2}$$
, 즉 $y=\frac{x^2}{2}-\frac{3x}{2}$ 이므로

일차함수가 아니다.

z. x+y=30, 즉 y=30-x이므로 일차함수이다.

ㅁ. $y = \frac{360}{x}$ 이므로 일차함수가 아니다.

5) [정답] ④

[해설] y=kx+5에 f(3)=-7를 대입하면 -7=3k+5, k=-4이므로 y=kx+5는 y=-4x+5가 된다. 이 일차함수의 $f(4)=(-4)\times 4+5=-11$, $f(-1)=(-1)\times (-4)+5=9$ 이므로 구하고자 하는 f(4)-f(-1)=-11-9=-20이다.

6) [정답] ④

[해설] 일차함수식 y=ax+b에 주어진 표의 두 점 (30,0.9), (70,1.3)을 대입하면 각각 0.9=30a+b, 1.3=70a+b이므로 이 두 식을 연립방정식을 정리하면 $a=0.01,\ b=0.6$ 이다. 즉 일차함수의 식은 y=0.01x+0.6이므로 구하고자 하는 a+b의 값은

0.01 + 0.6 = 0.61이다. 또한 x = 210을 대입하면 y = 2.7이므로 2.7그루가 된다.

7) [정답] (5)

[해설] 두 일차함수 y=-2x+4와 y=3x-1의 교점은 -2x+4=3x-1, x=1이고, y=3x-1이 x=1을 지나므로 대입하면 y=2이다. 즉 점 (1,2)를 지나고, 이 점을 지나면서 y축에 수직인 직선의 방정식은 y=2가 된다.

8) [정답] ②

[해설] $y=\frac{2}{3}ax+5-k$ 에 두 점 (-6,2)과 (0,8)을 대입하면, $2=\frac{2}{3}a\times(-6)+5-k$ 과 8=5-k이다. k=-3이므로 위의 식에 대입하면 $a=\frac{3}{2}$ 이다. 따라서 $y=\frac{2}{3}ax+5-k$ 의 그래프는 y=x+8가 된다. 또한 이 그래프를 y축 방향으로 b만큼 평행이동시킨 y=x+8+b가 점 (-2,4)을 지나므로 대입하면 b=-2이다. 따라서 구하고자 하는 abk의 값은 $\frac{3}{2}\times(-2)\times(-3)=9$ 이다.

9) [정답] ③

[해설] 기울기 $= \frac{y}{x}$ 의 값의 증가량 이므로 주어진 $\frac{7}{5} = \frac{y}{7}$ 의 값의 증가량 이다. 즉 $\frac{y}{7}$ 의 값의 증가량은 $\frac{y}{7}$ 의다.

10) [정답] ②

[해설] 일차함수 y=ax-1의 그래프가 점 A(1,-3)에서 점 C(6,-3)까지 지날 때, 삼각형과 일차함수의 그래프가 만나므로 양 끝점을 대입한다. y=ax-1에 점 A(1,-3)를 대입하면 -3=a-1, a=-2이고, 점 C(6,-3)를 대입하면 -3=6a-1, $a=-\frac{1}{3}$ 이므로 a값의 범위는 $-2 \le a \le -\frac{1}{3}$ 이다.

11) [정답] ①, ④

[해설] 두 점 (2,-6). (8,6)을 지나는 일차함수를 y=ax+b라고 놓으면 $a=\frac{6-(-6)}{8-2}=2$.

y = 2x + b에 점 (8,6)을 대입하면 b = -10이므로 구하고자 하는 일차함수는 y = 2x - 10이다.

① x절편은 5, y절편은 -10이므로 두 수의 합은 -5이다

② 기울기가 양수이므로 오른쪽 위를 향하고 y축과의 교점이 x축보다 아래에 있으므로 제 2사분면을 지나지 않는다.

③ 기울기가 양수이므로 x의 값이 증가할 때, y의 값도 증가한다.

④ x축과 y축, 직선으로 이루어진 도형은 직각삼각형으로 $5 \times 10 \times \frac{1}{2} = 25$ 이다.





⑤ y=2x-3의 그래프를 y축방향으로 13만큼 평행이동하면 y=2x-3+13=2x+10의 그래프가된다.

따라서 옳은 설명은 ①, ④이다.

12) [정답] ①

[해설] 세 점 (3,-2k), (1,k-1), (5,3k)에서 두 점 (3,-2k), (1,k-1)을 지나는 직선의 기울기는 $\frac{k-1-(-2k)}{1-3}=\frac{-3k+1}{2}$ 두 점 (1,k-1), (5,3k)를 지나는 직선의 기울기는 $\frac{3k-(k-1)}{5-1}=\frac{2k+1}{4}$ 세 점이 한 직선 위에 있음은 두 기울기가 같음을 의미하므로 $\frac{-3k+1}{2}=\frac{2k+1}{4}$, 즉 $k=\frac{1}{8}$ 이다.

13) [정답] ①

[해설]
$$\triangle ABC=\frac{1}{2} imes\overline{BC} imes\overline{AO}$$
이다.
$$A\vdash y=ax+6,\ y=-\frac{1}{3}x+3b$$
의 교점이자

$$y$$
절편이므로 $6=3b$ 이다. 즉, $b=2$ 이다.
또한 $y=ax+6,\ y=-\frac{1}{3}x+3b$ 의 x 절편이

점
$$B$$
, C 이므로 $B\left(-\frac{6}{a},0\right)$, $C(18,0)$ 이다.

즉 ,
$$\overline{BC}$$
= $18 - \left(-\frac{6}{a}\right)$ = $18 + \frac{6}{a}$ 이고 \overline{AO} = 6 이다.

따라서
$$\Delta ABC = \frac{1}{2} \times \left(18 + \frac{6}{a}\right) \times 6 = 55$$
이므로

$$54 + \frac{18}{a} = 55$$
, $a = 18$ 이다.

즉, a+b=18+2=20이다.

14) [정답] ④

[해설] C. 오른쪽 위로 향하는 직선이다. 그러므로 옳은 것은 기, L, 리이다.

15) [정답] ③

[해설] ① a < 0, b < 0이다.

- ② 점(1,a+b)를 지난다.
- ④ y = -ax + b와 한 점에서 만난다.
- 5 x의 값이 1만큼 증가할 때, y의 값은 a만 큼 증가한다.

16) [정답] ②

[해설] 일차함수 y=(3k-1)x-4-2k의 그래프가 제 1사분면을 지나지 않으므로, 오른쪽 아래로 향하며 y축과 만나는 교점은 x축 또는 x축 보다 아래에 있는 경우이므로 이 일차함수의 기울기 3k-1<0, y절편 $-4-2k\leq 0$ 이다. 3k-1<0, 즉 $k<\frac{1}{3}$ 이고, $-4-2k\leq 0$, 즉 $k\geq -2$ 이므로 구하고자 하는 상수 k 값의 범위는 $-2\leq k<\frac{1}{2}$ 이다.

17) [정답] ①

[해설] 주어진 그래프는 오른쪽 아래를 향하므로 a<0 y축과의 교점이 x축보다 위에 있으므로 b>0 일차함수 $y=\frac{a}{b}x-ab$ 에서 $\frac{a}{b}<0$, ab>0이므로 그래프는 ①이다.

18) [정답] ③

[해설] 일차방정식 3x + ay - 7 = 0은 일차함수 $y = -\frac{3}{a}x + \frac{7}{a}$ 와 같으므로 $y = -\frac{6}{5}x - 1$ 의 그래프와 만나지 않음은 기울기가 같은 평행한 관계를 의미하므로 $-\frac{3}{a} = -\frac{6}{5}$, 즉 $a = \frac{5}{2}$ 이다. $3x + \frac{5}{2}y - 7 = 0$ 에 점 (0,b)를 대입하면 $b = \frac{14}{5}$ 이다. 따라서 구하고자 하는 ab의 값은 $\frac{5}{2} \times \frac{14}{5} = 7$ 이다.

19) [정답] ②

[해설] 주어진 그래프에서 두 점 (10,50), (35,95)가 주어졌으므로 이를 이용하여 구하고자 하는 일차함수를 y=ax+b라 놓을 때, $a=\frac{95-50}{35-10}=\frac{45}{25}=\frac{9}{5}$, $y=\frac{9}{5}x+b$ 에 점 (10,50)를 대입하면 b=32가 되어 구하고자 하는 일차함수는 $y=\frac{9}{5}x+32$ 이다. 이때 섭씨온도가 25 ℃일 때의 화씨온도는 이 식에 x=25를 대입한 것과 같으므로 $y=\frac{9}{5}\times25+32=45+32=77$, 즉 구하고자 하는 화씨온도는 77° F이다.

20) [정답] ③

[해설] 총 인원이 17명이므로 2인용 x대와 3인용 y대에 모두 타는 경우의 관계식은 2x+3y=17이다. 2x+3y=17에서 x, y의 값은 모두 자연수가 되어야 하므로 x, y가 될 수 있는 순서쌍은 (7,1), (4,3), (1,5)의 3가지 이다. 순서쌍이 (7,1)일 때 드는 총 비용 : $4500 \times 7 + 6500 \times 1 = 38000(원)$ 순서쌍이 (4,3)일 때 드는 총 비용 : $4500 \times 4 + 6500 \times 3 = 37500(원)$ 순서쌍이 (1,5)일 때 드는 총 비용 : $4500 \times 1 + 6500 \times 5 = 37000(원)$ 그러므로 최소비용은 37000원이다.

21) [정답] ③

[해설] $2 extrm{L}$ 로 $32 extrm{km}$ 을 주행하므로 $1 extrm{L}$ 로 $16 extrm{km}$ 의 주행이 가능하다. $480 extrm{km}$ 를 주행하면 연료의 $\dfrac{3}{4}$ 이 소모되므로, 연료를 가득 채우면





 $480 \times \frac{4}{3} = 640 (\text{km})$ 를 갈 수 있다.

즉, 연료 탱크에 가득 채울 수 있는 연료의 양은 $\frac{640}{16} {=}\, 40(\mathrm{L})\,\mathrm{이다}.$

 $1\,\mathrm{km}$ 를 주행하는데 필요한 연료는 $\frac{1}{16}\,\mathrm{L}$ 이므로 $x\,\mathrm{km}$ 를 주행한 후 남은 연료의 양을 $y\,\mathrm{L}$ 라 하면 $y=40-\frac{1}{16}\,x$

남은 연료가 10L이므로 y=10을 대입하면 $10=40-\frac{1}{16}x,\ \frac{1}{16}x=30,\ x=480$ 따라서 이 자동차가 주행한 거리는 $480\,\mathrm{km}$ 이다.

22) [정답] ①

[해설] 19층에서의 높이가 $34.2\,\mathrm{m}$ 이고, $1\,\mathrm{x}$ 에 $8\,\mathrm{m}$ 씩 올라가므로 지면으로부터 엘리베이터 바닥까지의 높이는 34.2+8x이다. 이를 일차함수의 식으로 나타내면 y=34.2+8x이고, 또한 높이가 $226.2\,\mathrm{m}$ 일 때는 위의 식에 $y=226.2\,\mathrm{g}$ 대입하여 x=24가 된다. 즉, 엘리베이터가 출발한 지 $24\,\mathrm{x}$ 후의 높이가 $226.2\,\mathrm{m}$ 임을 의미한다.

23) [정답] ⑤

[해설] $\overline{\mathit{BP}}{=}\,x$ 라 하면 $\overline{\mathit{PC}}{=}\,10{\,-}\,x$ 이므로

$$\Delta ABP = 4 \times x \times \frac{1}{2} = 2x,$$

$$\triangle DPC = 6 \times (10 - x) \times \frac{1}{2} = 30 - 3x$$

두 삼각형의 넓이의 차가 $5 \, \mathrm{cm}^2$ 이므로

- i) $\triangle ABP \triangle DPC = 2x (30 3x) = 5x 30$
- ii) $\triangle DPC \triangle ABP = 30 3x 2x = 30 5x$
- i)에서 5x-30=5, x=7
- ii)에서 30-5x=5, x=5이고 조건에 의해

 $\overline{BP} > \overline{PC}$ 이므로 구하고자 하는 답은 x=7, 즉 7초 후이다.

24) [정답] ①

[해설] 도형의 둘레의 길이를 y,

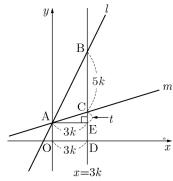
삼각형의 개수를 x개라 하면 y=3(x+2)이다. 그림과 같이

a개의 정삼각형으로 새로운 도형을 만들었을 때 도형의 둘레의 길이는

 $3 \times (a+2) = 180$ 이므로 a = 58이다.

25) [정답] ①

[해설] 다음의 그림과 같이 점 A에서 직선 BD에 내린 수선의 발을 E라 하고, $\overline{BC}:\overline{OD}=5:3$ 이므로 $\overline{OD}=\overline{AE}=3k, \ \overline{BC}=5k$ 라 놓고, $\overline{CE}=t$ 라 놓는다.



직선의 기울기는 $\frac{y$ 의 값의 증가량 이므로 직선 l의 기울기는 $\frac{5k+t}{3k}$, 직선 m의 기울기는 $\frac{t}{3k}$ 이다. 구하고자 하는 두 기울기의 차는 직선 l의 기울기가 더 큰 수 이므로 $\frac{5k+t}{3k} - \frac{t}{3k} = \frac{5k}{3k} = \frac{5}{3}$ 이다.

