

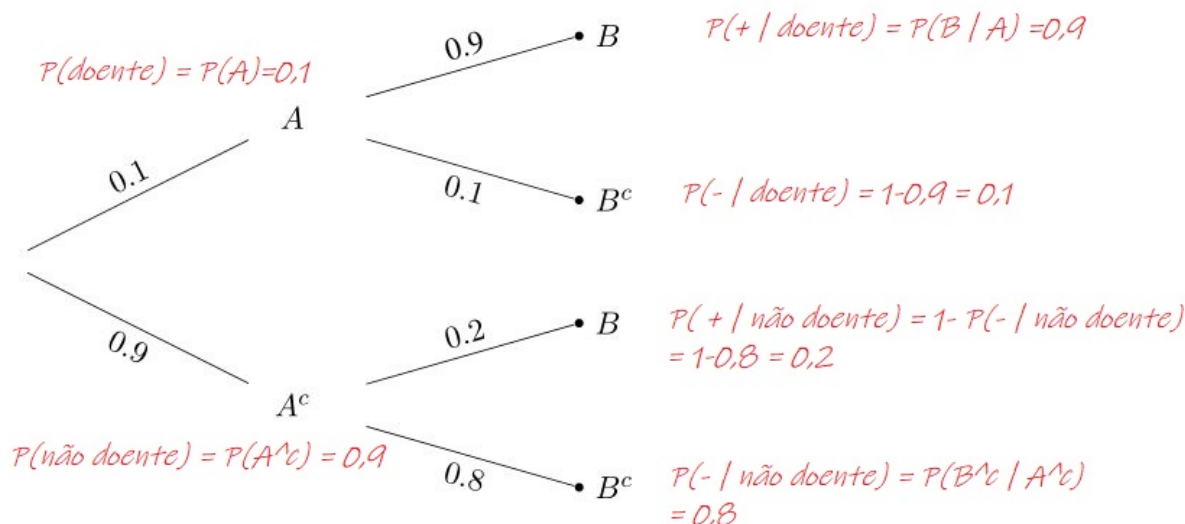
Exemplo 1: Exames de diagnóstico não são infalíveis, mas deseja-se que tenha probabilidade pequena de erro. Um exame detecta uma certa doença, caso ela exista, com probabilidade 0,9. Se a doença não existir, o exame corretamente aponta isso com probabilidade 0,8. Considere que estamos aplicando esses exames em uma população com 10% de prevalência dessa doença. Para um indivíduo escolhido ao acaso, pergunta-se:

- a) A probabilidade de ser realmente doente se o exame indicou que era.
- b) A probabilidade de acerto do exame.

Resolução:

- Sejam os eventos A: o indivíduo ter a doença e B: o teste dar positivo.
- Podemos construir o diagrama da árvore
- Exemplo de figura (baixar no computador para “rodar”)

```
knitr::include_graphics('./Figuras/cap1_fig31.jpg')
```



- item a) esta probabilidade é denotada por $P(\text{doente} | +) = P(A | B)$ não é mesma coisa que $P(B | A)$.

Passo I: Calcular a probabilidade Total - que vai no denominador da probabilidade que queremos:

$$\begin{aligned}
 P(B) &= P(B|A).P(A) + P(B|A^c).P(A^c) \\
 &= 0,9.0,1 + 0,2.0,9 \\
 &= 0,27
 \end{aligned}$$

Passo II: Calcular a probabilidade condicional

$$\begin{aligned}
 P(A|B) &= \frac{P(A \cap B)}{P(B)} \\
 &= \frac{P(B|A) \times P(A)}{P(B)}, \text{ o numerador vem da fórmula do produto} \\
 &= \frac{0,9 \times 0,1}{0,27} \\
 &\approx 0,33 = 33\%
 \end{aligned}$$

- item b) esta probabilidade é dada pela soma: $P(+ \text{ e o indivíduo ser doente }) + P(- \text{ e o indivíduo não ser doente})$:

$$\begin{aligned}
 & P(A \cap B) + P(A^c \cap B^c) \\
 &= P(B|A) \times P(A) + P(B^c|A^c) \times P(A^c) \text{ pela fórmula do produto} \\
 &= 0,9 \times 0,1 + 0,8 \times 0,9 \\
 &= 0,81 = 81\%
 \end{aligned}$$