线性代数(内招) 2019-2020 学年(上) 姓名: 专业: 学号:

## 第 06 周作业

**练习 1.** 判断 2 阶方阵  $A = \begin{pmatrix} \cos \theta & -\sin \theta \\ \sin \theta & \cos \theta \end{pmatrix}$  是否可逆,若可逆,求出逆矩阵。

**练习 2.** 判断 3 阶方阵  $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 3 \\ 1 & -1 & 1 \\ 1 & 4 & -2 \end{pmatrix}$  是否可逆,若可逆,求出逆矩阵。

**练习 3.** 3 阶方阵  $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & k \\ 1 & 4 & k^2 \end{pmatrix}$  可逆时,k 满足什么条件?

**练习 4.** 设  $M_n$  是 n 阶方阵,  $n \ge 2$ , 元素为  $1, 2, 3, \dots, n^2$  按列排序。例如

$$M_4 = \left(\begin{array}{cccc} 1 & 5 & 9 & 13 \\ 2 & 6 & 10 & 14 \\ 3 & 7 & 11 & 15 \\ 4 & 8 & 12 & 16 \end{array}\right).$$

问当 n 为何值时,  $M_n$  可逆。

**练习 5.** 假设 n 阶方阵 A 满足  $A^2 - 3A - 5I = O$ , 证明 A + I 可逆, 并求  $(A + I)^{-1}$ 。

**练习 6.** 设 A 为 4 阶方阵,满足  $|A| = \frac{1}{2}$ ,求  $\left| (3A)^{-1} - 2A^* \right|$  的值。

**练习 7.** 设 A, B 为 n 阶对称方阵,证明方阵 AB + BA 也是对称。