线性代数(内外招) 2018-2019 学年(上) 姓名: 专业: 学号:

## 第 12 周作业

**练习 1.** 已知矩阵 
$$A = \begin{pmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & x \end{pmatrix}$$
 和  $B = \begin{pmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 4 \\ 0 & -2 & y \end{pmatrix}$  相似,求  $x, y$  的值。

**练习 2.** 判断矩阵 
$$A=\begin{pmatrix} 1 & -3 & 3 \\ 3 & -5 & 3 \\ 6 & -6 & 4 \end{pmatrix}$$
 可否对角化。若能,求出相应的对角阵  $\Lambda$ ,和可逆矩阵  $P$ 。

**练习 3.** 判断矩阵  $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$  可否对角化,说明理由。

**练习 4.** 设 3 阶方阵 A 的特征值为 1, 2, 3, 求 |A| 的值。

**练习 5.** 假设 3 阶方阵 A 的特征值为 2, 1, -1。求行列式  $|A^2-2I|$  和  $|A^{-1}-2I|$ 。

以下是附加题,做出来的同学下次课交,可以加分。注意解答过程要详细。

**练习 6.** 设 D 为平面三角形区域  $\{\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}: 0 \le x, 0 \le y, x + y \le 1\}$ ,设  $p = \begin{pmatrix} a \\ b \end{pmatrix}$  为 D 中一点,设  $A = \begin{pmatrix} 0.4 & 0.3 \\ 0.6 & 0.7 \end{pmatrix}$ 。假设点 p 在平面上随时间运动,第 n 时刻的位置是  $p_n = A^n p$ 。
(a) 证明对任何时刻  $n \geq 0$ ,都有  $p_n \in D$ 。(即,点 p 的运动限制在区域 D 中。)
(b) 求  $\lim_{n \to \infty} p_n$ 。(即,求 p 点的最终位置)