古盆纵丛 II	
高等数学 II	
0010 001E WE	()
2016-2017 学年	(P)

姓名: 专业: 学号:

第 11 周作业

应于 24-05-2017 提交

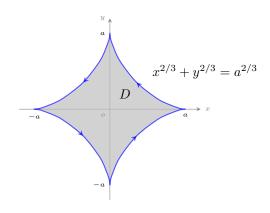
- 2. 计算 $\int_L x dx + y dy + z dz$, 其中有向曲线 L 的参数方程是 $\gamma(t) = (e^t,\,t,\,t^2),\,0 \le t \le 1$.
- 3. 计算 $\int_L (\sin z) dx + (\cos z) dy (xy)^{1/3} dz$,其中有向曲线 L 的参数方程是 $\gamma(\theta) = (\cos^3 \theta, \sin^3 \theta, \theta), 0 \le \theta \le \frac{7}{2}\pi$ 。

练习 2. 证明曲线积分 $\int_{(1,2)}^{(3,4)} (6xy^2 - y^3) dx + (6x^2y - 3xy^2) dy$ 与路径无关,并计算积分值。

练习 3. 利用格林公式计算 $\int_C (2x^3-y^3)dx + (x^3+y^3)dy$,其中 C 是圆周 $x^2+y^2=1$ 。

练习 4. 利用格林公式的推论 $\operatorname{Area}(D) = \frac{1}{2} \int_{\partial D} -y dx + x dy$ 计算:

- 1. 半径为 R 的圆的面积。
- 2. 曲线 $x^{2/3} + y^{2/3} = a^{2/3}$ 所围成区域 D 的面积。



练习 5. 设平面区域 D 具有光滑边界,证明 D 的面积 A 满足:

$$A = \int_{\partial D} x dy = -\int_{\partial D} y dx$$

其中 ∂D 取边界正向。

练习 6. 计算

- 1. $\iint_{\Sigma} (x+y+z)dS$, 其中 Σ 是球面 $x^2+y^2+z^2=a^2$ 在 $z \geq h$ 的部分 (0 < h < a)。
- 2. $\iint_{\Sigma} (x^2+y^2) dS$,其中 Σ 是锥面 $z=\sqrt{x^2+y^2}$ 和平面 z=1 所围成区域的整个的表面。