微积分 II 2016-2017 学年(下) 姓名: 专业: 学号:

第 07 周作业

应于 24-04-2017 提交

练习 1. 用分部积分法计算:

(1)
$$\int_{\frac{\pi}{2}}^{\pi} x \sin(2x) dx$$
; (2) $\int_{1}^{2} x^{2} \ln x dx$; (3) $\int_{0}^{1} x^{3} e^{-x^{2}} dx$

练习 2. 画出曲线 $y = x^3$ 与直线 y = 1, x = 0 围成的区域,并求面积。

练习 3. 画出曲线 $y = x^2$ 与 $y = 2 - x^2$ 所围成的区域,并求面积。

练习 4. 画出曲线 $y=x^2$ 与直线 $y=x,\ y=2x$ 围成的区域,并求面积。

练习 5. 画出曲线 $y^2 = 2x$ 与直线 y = x - 4 围成的区域,并求面积。

练习 6. 设 $f(x) = \int_1^x e^{-t^2} dt$,试利用分部积分公式计算 $\int_0^1 f(x) dx$ 。