音磁級選 TT	
高等数学 II	
	()
2017-2018 学年	(h)

姓名: 专业: 学号:

第 03 周作业

应于 08-04-2018 提交

练习 1. (共振问题) 假设弹簧系统的固有频率是 ω ,并且受到频率为 Ω 的外力 $F=F_0\cos(\Omega t)$ 作用 (ω,Ω) 均为常数, F_0 是常数, $F_0\neq 0$)。所以物体运动的方程为

$$x'' + \omega^2 x = F_0 \cos(\Omega t).$$

- 1. 设 $\omega \neq \Omega$, 求出物体运动的通解 x = x(t), 并回答: 当 Ω 越接近 ω 时, 物体的振幅有什么变化?
- 2. 设 $\omega = \Omega$, 求出物体运动的通解 x = x(t), 并回答: 随时间 t 的变化, 物体的振幅有什么变化?

练习 2. 设 $\overrightarrow{u} = \overrightarrow{a} - \overrightarrow{b} + 2\overrightarrow{c}$, $\overrightarrow{v} = -\overrightarrow{a} + 3\overrightarrow{b} + \overrightarrow{c}$ 。试用 \overrightarrow{a} , \overrightarrow{b} , \overrightarrow{c} 表示 $2\overrightarrow{u} - 3\overrightarrow{v}$ 。

练习 3. 把 $\triangle ABC$ 的 BC 边四等分,设等分点依次为 $D_1,\,D_2,\,D_3$ 。试以 $\overrightarrow{AB}=\vec{c},\,\overrightarrow{BC}=\vec{a}$ 表示向量 $\overrightarrow{D_1A},\,\overrightarrow{D_2A}$ 和 $\overrightarrow{D_3A}$ 。

练习 4. 已知两点 A(1,-3,7) 和 B(-2,5,1)。求 \overrightarrow{AB} 坐标,求模长 $|\overrightarrow{AB}|$,求 \overrightarrow{AB} 的方向余弦,求出 \overrightarrow{AB} 与 x,y,z 轴的夹角 α,β,γ (精确到小数点后一位)。(需要用到计算器,一些在线科学计算器,如 http://web2.0calc.com/,可能会帮到你)

练习 5. 求点 (x, y, z) 关于 (1) 各坐标面; (2) 各坐标轴; (3) 坐标原点的对称点的坐标。

	关于 xoy 面	关于 yoz 面	关于 zox 面	关于 x 轴	关于 y 轴	关于 z 轴	关于坐标原点
(x, y, z)							

练习 6. 求出在 y 轴上的点 M, 其到点 A(1, -3, 7) 和到点 B(5, 7, -5) 的距离相等。

练习 7. 设向量 \overrightarrow{AB} 在 x, y, z 轴上的投影分别是 4, -4, 7。假设点 B 为 (2, -1, 7),求出 A 点坐标。

练习 8. 设 $\vec{c}=2\vec{a}+\vec{b},\ \vec{d}=k\vec{a}+\vec{b}$ 。假设 $|\vec{a}|=1,\ |\vec{b}|=2,\$ 且 \vec{a} 和 \vec{b} 夹角 $\theta=\frac{1}{3}\pi$ 。试问:

- 1. k 为何值时, $\vec{c} \perp \vec{d}$?
- 2. k 为何值时,以 \vec{c} , \vec{d} 为邻边的三角形面积为 6?

练习 9. 设有三个向量 $\vec{a}=(2,-3,1),\ \vec{b}=(1,-2,3)$ 和 $\vec{c}=(2,1,2)$ 。

- 1. 求向量 $\vec{a} \times \vec{b}$ 。
- 2. 假设向量 \vec{r} 与 \vec{a} 、 \vec{b} 都垂直,且 $\mathrm{Prj}_{\vec{c}}\vec{r}=14$ 。求 \vec{r} 。