代码逻辑:

定义新数据类型 Location, 包含以下数据:

坐标: (double) x, y, 用于记录当前点坐标

移动向量: vector,包含(x, y)两个double值,用于记录这个点是如何从上一个点移动到当前位置的

值: (double) value, 用于记录当前点的函数值

主函数: Init()函数, 生成十个随机的点, 记录其中最优点 best_location, 并将最后一个点记录进整个链表中。作为起始点。

进入循环:最多 1000 次或与目标函数的最大值 1 (通过偏导数计算可得)相差小于 0.0001 或者连续 100 次循环没有改变当前最大值节点,三者满足其一即可退出循环。

循环内过程: 创建一个新节点(第一次循环时,由 Init()函数生成的十个点的最后一个作为前节点,此后即可以用之前生成的节点来作为起点,移动向量用 $\alpha D k + \beta D b e s t + (1 - \alpha - \beta) D r$ 来确定。)然后比较此点的函数值与当前最大值的大小,若此点函数值更大,则更新最大值点并将连续不变的次数(unchanged)置零,若此点不如当前最大点更大,则连续不变的次数加一。然后将此节点加入到链表末尾并输出当前最大值。

函数逻辑:

Init()函数: 创建一个空链表, 十次循环, 每次循环中, 用随机数生成一个点, 然后和当前的最大值点(best_location 是全局变量)比较,

判断是否更新最大值点,将最后一个生成的节点添加到链表中。返回此链表。

创建新点 (get_new_location):

生成一个方向向量: 根据公式

$\alpha D_k + \beta D_{best} + (1 - \alpha - \beta) D_r$

将当前已有的点 cur 的信息, cur.v 用于 Dk, best_location 用于 Dbest, 再生成一个 (0, 1) 的随机向量 Dr, 将生成的向量进行归一化并乘以 step 步长, 之后再用 move 函数生成一个新的点, 将当前点利用方向 D 进行移动, 返回移动后的新点

move 函数:生成新点 new_loc,将原来点 cur 的坐标加上参数 x,y 进行移动,移动后判断是否超界,如果超界,则"反弹"。并计算 value。

第二部分:不同参数对代码结果的影响

 $\alpha = 0.3$, $\beta = 0.3$, step=0.1

最后最优点函数值 0.999595, 循环次数 172 次, 最优点坐标 (0.999554,0.546128)

 α =0.5, β =0.3, step=0.1

最后最优点函数值 0.999736, 循环次数 262 次, 最优点坐标 (0.682581,0.999505)

 α =0.2, β =0.6, step=0.1

最后最优点函数值 0.999941, 循环次数 124 次, 最优点坐标

(0.484847, 0.999923)

 α =0.4, β =0.4, step=0.05

最后最优点函数值 0.999914, 循环次数 248 次, 最优点坐标 (0.998218,0.975733)

以上几次实验表明:在这个函数中, Dbest 的权重较大时,最优点函数值较高,循环次数较少,步长较短时,寻找到的 best_location,比较接近理论计算的(1,1)

优化建议:

可以考虑整个函数的偏导数(如果函数可微),并把偏导数为正的方向作为一个权重方向来确定移动方向