

# KMP算法

如果是next, 将所有posP替换成posP+1, fail[]替换为fail[]-1即可, 但fail[0]仍是-1

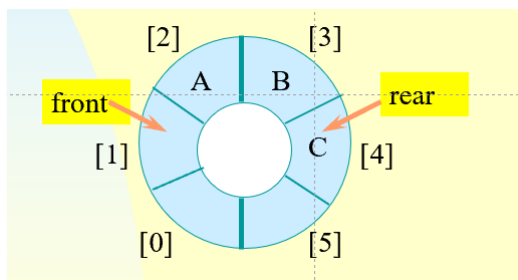
```
int fastFind(string str, string pattern)
{
    int posS = 0, posP = 0;
    while (posS < str.length() && posP < pattern.length())
    {
        // 匹配, 继续该过程
        if (str[posS] == pattern[posP])
        {
            posS++;
            posP++;
        }
        else
        {
            // 不匹配, 设定为-1
            if (posP == 0)
                posS++;
            else // 不匹配, 回退到上一个可能位置继续尝试匹配
                posP = fail[posP - 1] + 1;
        }
        if (posP < pattern.length() || posP == 0)
            return -1;
        else
            return posS;
    }
}
```

```
void failure(string pattern)
{
    fail[0] = -1;
    int to_match = 1, matched = 0;
    while (to_match < pattern.length())
    {
        if (pattern[to_match] == pattern[matched])
        {
            fail[to_match] = matched;
            to_match++;
            matched++;
        }
        else
        {
            if (matched == 0)
            {
                fail[to_match] = -1;
                to_match++;
            }
            else
            {
                matched = fail[matched - 1] + 1;
            }
        }
    }
}
```

```
}  
}  
}
```

## 循环队列

- 当队列为空时， $\text{front} = \text{rear}$
- 无法判断空和满，有多种实现方法
  1. 使用一个bool值记录上一次操作是put还是remove。若上一次是remove则空，否则满。
  2. 保留一个元素的空间，如将front指向第一个元素。若 $(\text{rear} + 1) \% \text{maxSize} = \text{front}$ ，则满，空判断方法不变。
  3. 用一个整型size来记录大小，put时size++，remove时size-。若size=0则空，size=maxSize时满。



## 链表

获取倒数第n个元素可以用双指针，代码省略。**逆转**代码如下

```
void reverse(Chain chain)
{ // make (a1, ..., an) becomes (an, ..., a1).
  ChainNode *cur = chain.first, *pre = 0; // cur为将要逆转的元素, pre为其父亲
  while (current) {
    ChainNode *r = pre; // 暂存current的前一个元素 (在后续步骤中要用到pre)
    pre = cur;          // 更新previous (若不在此处保存, 更新cur后无法获得
    cur = cur->next;     // 更新current (若不在此处保存, 在逆转后无法获取cur-
    pre->next = r;        // 将链表逆转
  }
  chain.first = previous; // 更新链表的头结点
}
```

## 线段树

与正常的二叉树类似，但若没有左孩子或右孩子，则将**左孩子**设为中序遍历的**前驱**，**右孩子**设为**后继**，同时用两个标志位**分别**存储是否有左孩子和右孩子。

**建立方式**：建树后对二叉树进行一次中序遍历。更新方式如下：

```

void ThreadedTree<T>::InsertRight(ThreadedNode<T> *s, ThreadedNode<T> *r)
{ // Insert r as the right child of s
    r->rightChild = s->rightChild;           // 自己的右节点设为父亲的右节点
    r->rightThread = s->rightThread;         // 自己的右标志位设为与父亲相同
    r->leftChild = s;                       // 自己的左节点设为父亲
    r->leftThread = true;                   // 设定自己不存在左孩子
    s->rightChild = r;                     // 父亲的右孩子设为自己
    s->rightThread = false;                // 设定父亲存在右孩子
    if (! r->rightThread) {                 // 如果父亲原来有右孩子
        ThreadedNode<T>* temp = InorderSucc(r); // 获取中序遍历的下一个节点
        temp->leftChild = r;               // 下一个节点的前序设为自己
    }
}

```

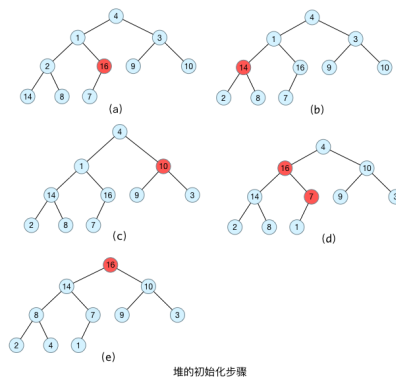
## 堆

一般用**数组**存储， $i$ 节点的父亲是 $i/2$ ，左子节点是 $i*2$ ，右子节点是 $i*2+1$

**建立**：自深到浅，自右向左地比较各个子树，将较大/小的节点上浮

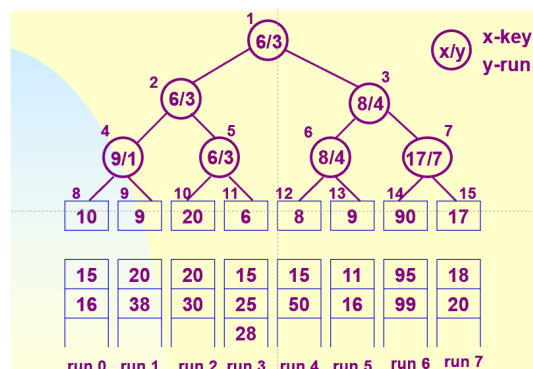
**插入**：按照插入节点到根节点的路径依次上浮直到不需要上浮

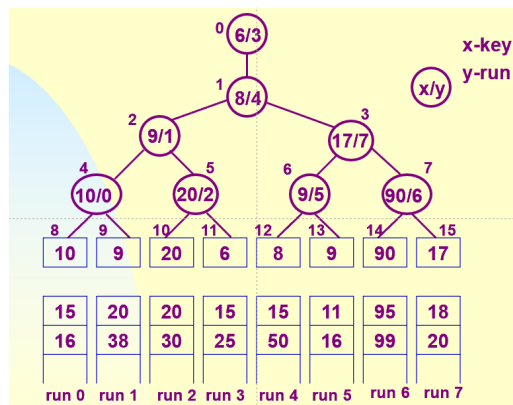
**删除堆顶**：将最后的节点提到根节点，删除最后的节点并重新建立步骤



## 胜者树/败者树

一般用于外部排序。胜者树每个非叶子节点存储子节点中胜出的（较小）和其对应的叶子节点序号，败者树中存储子节点中失败的，但其根节点还有一个节点存储全局胜者。叶子节点还包含一个数组，叶子节点的值为该数组的第一个值。





## 排序

### 插入排序

#### A. 直接插入排序

采用顺序查找法查找插入位置：复制插入元素，记录后移，查找插入位置 插入到正确位置  
原始数据越接近有序，排序速度越快

时间 最好情况 $O(n)$ ，平均和最坏情况 $O(n^2)$

#### B. 二分插入排序（又称折半插入排序）

采用折半查找法（二分法）查找插入位置

与直接插入排序相比，减少了比较次数，但没有减少移动次数

排序速度与原始数据有序性无关

时间  $O(n^2)$

### 交换排序

基本思想：两两比较，如果发生逆序则交换，直到所有记录都排好序为止

#### A. 冒泡排序

$n$ 个元素，冒 $n-1$ 趟，第 $m$ 趟比较 $n-m$ 次

某一趟没发生交换，就可以提前结束

时间最好 $O(n)$  平均和最坏 $O(n^2)$

#### B. 快速排序

递归，平均需要 $O(\log_2 n)$ 栈 空间，最坏需要 $O(n)$ 栈空间

平均时间 $O(n \log_2 n)$ ，最坏  $O(n^2)$

不适于对原本有序或基本有序的记录序列进行排序（退化为冒泡排序）

### 选择排序

基本思想：在待排序的数据中选出最大（小）的元素放在其最终的位置

#### A. 简单选择排序

第 $i$ 趟从 $n-i$ 个元素中挑一个最值的

时间最好平均最坏最坏  $O(n^2)$

#### B. 堆排序

利用完全二叉树中父结点和孩子结点之间的内在关系来排序的

时间初始堆化 $O(n)$ ，一次重新堆化 $O(\log n)$ ，排序 $n-1$ 次循环 $O(n \log n)$ ，最好最坏情况总体 $O(n \log n)$

## 归并排序

基本思想：将两个或两个以上的有序子序列“归并”为一个有序序列

2-路归并排序

整个归并排序仅需 $\text{ceil}(\log_2 n)$

时间 $O(n \log_2 n)$ ，空间 $O(n)$

## 基数排序或桶排序

基本思想：分配，收集

## 排序方法对比

类别	排序方法	最好复杂度	最坏复杂度	平均复杂度	辅助存储	稳定性
插入	直接插入	$O(n)$	$O(n^2)$	$O(n^2)$	$O(1)$	稳定
插入	希尔	$O(n)$	$O(n^2)$	$\sim O(n^{1.3})$	$O(1)$	不稳定
交换	冒泡	$O(n)$	$O(n^2)$	$O(n^2)$	$O(1)$	稳定
交换	快速	$O(n \log n)$	$O(n^2)$	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$	不稳定
选择	直接选择	$O(n^2)$	$O(n^2)$	$O(n^2)$	$O(1)$	不稳定
选择	堆排序	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$	$O(n^2)$	不稳定
归并	归并排序	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$	$O(n)$	稳定
基数	基数排序	$O(n + m)$	$O(k * (n + m))$	$O(k * (n + m))$	$O(n + m)$	稳定

注：基数排序中k位待排元素的位数位数，m为基数的个数

- 直接插入和冒泡在关键字有序时是最好情况，但快速排序此时为最坏情况

## 哈希

哈希碰撞的解决方法：**开放寻址法**（下面讲）和**链地址法**（将所有哈希地址相同的记录都链接在同一链表中，考得少）

- 线性探测法**：不断对求得的哈希值+1后取模，直到找到空闲位置（如最大空间为6，计算得4，尝试4,5,0,1,2,3）
- 平方探测法**：不+1而是+ $1^2$ ,- $1^2$ ,- $2^2$ ,- $2^2$ ...,直到 $n^2 >$  哈希表的最大空间（同上例，尝试4,5,3,2,0）