

Questão 1. Derive:

a)
$$y = x^3 - x^2 + 37x - 52$$

b)
$$y = x^{-2} + 3\sqrt{x} - 3x$$

c)
$$y = 5 + 3x^{-2}$$

d)
$$y = \frac{4}{x} + \frac{5}{\sqrt{x}}$$

e)
$$y = \frac{\sqrt{x}}{x+1}$$

f)
$$y = \frac{x + \sqrt[4]{x}}{x^2 + 3}$$

g)
$$y = 5x + \frac{x}{x-1}$$

h)
$$y = x sen x$$

i)
$$y = \frac{\cos x}{x^2 + 1}$$

j)
$$y = \frac{x + sen x}{x - cos x}$$

$$k) y = \frac{x^2 + 1}{\sec x}$$

$$1) y = (x^3 + \sqrt{x})cossec x$$

m)
$$y = x \cot g x$$

n)
$$y = \cos 5x$$

o)
$$y = sen(t^3)$$

$$p) y = sen (cos x)$$

$$q) y = (sen x + cos x)^2$$

r)
$$y = \sqrt[3]{\frac{x-1}{x+1}}$$

s)
$$y = cotg x^2$$

t)
$$y = (x+1)^2$$

u)
$$y = (3x + 4)^3$$

v)
$$y = (2x^3 + 4sen x)^2$$

w)
$$y = (x^2 + \cot g x^2)^2$$

$$x) y = cos (x^3 + 4x^2 + 5x)$$

$$y) y = ln(-2x)$$

z)
$$y = xe^{3x}$$

Questão 2. Derive:

a)
$$y = e^{-x} sen x$$

d)
$$y = [ln(x^2 + 1)]^3$$

g)
$$y = e^{(x-e^{3x})}$$

b)
$$y = e^{-x^2} + \ln(2x + 1)$$
 e) $y = x^x \operatorname{sen} x$
c) $y = \ln(x + \sqrt{x^2 + 1})$ f) $y = (2x + 1)^x$

e)
$$y = x^x sen x$$

h)
$$y = 10^x - 10^{-x}$$

c)
$$y = ln (x + \sqrt{x^2 + 1})$$

f)
$$y = (2x + 1)^x$$

i)
$$y = 2^{x^2} + 3^{2x}$$

Questão 3. Calcule f', f''e f''' para:

a)
$$y = x^{100}$$

c)
$$y = x^{-3}$$

e)
$$y = 5x^2 - \frac{1}{x^3}$$

b)
$$y = \frac{1}{x^7}$$

d)
$$y = \sqrt[3]{x}$$

$$f) y = 4x^4 + 2x$$

Questão 4. Derive implicitamente:

a)
$$y^3 + x^2y = x + 4$$

c)
$$5y + \cos y = xy$$

e)
$$x^3 - y^3 = 6xy$$

b)
$$xe^{y} + xy = 3$$

d)
$$x^2 + y^2 = 100$$

f)
$$x^2y + 3xy^3 - x = 3$$

Questão 5. Ache a equação da reta tangente à curva no ponto dado:

a)
$$f(x) = x^2$$
 e $x_0 = 2$

c)
$$f(x) = \sqrt{x} e x_0 = 9$$

a)
$$f(x) = x^2 e x_0 = 2$$
 c) $f(x) = \sqrt{x} e x_0 = 9$ e) $f(x) = 5x + 4 e x_0 = 2$

b)
$$f(x) = \frac{1}{x} e x_0 = 2$$

b)
$$f(x) = \frac{1}{x}$$
 e $x_0 = 2$ d) $f(x) = x^2 - x$ e $x_0 = 1$ f) $f(x) = sen x$ e $x_0 = 0$

f)
$$f(x) = sen x e x_0 = 0$$



Questão 6. Taxas relacionadas:

- a) A que taxa o nível do líquido diminui dentro de um tanque cilíndrico vertical se bombearmos o líquido para fora a uma taxa de $3000 \ l/min$? R: $\frac{-3}{\pi r^2} m/min$.
- b) Um balão de ar quente subindo na vertical a partir do solo, é rastreado por um telêmetro colocado a $500~p\acute{e}s$ de distância do ponto de decolagem. No momento em que o ângulo de elevação do telêmetro é $\frac{\pi}{4}$, o ângulo aumenta a uma taxa de 0.14~rad/min. A que velocidade o balão sobe nesse momento? R: $140~p\acute{e}s/min$.
- c) Uma viatura de polícia, vindo do norte e aproximando-se de um cruzamento em ângulo reto, está perseguindo um carro em alta velocidade, que no cruzamento toma a direção leste. Quando a viatura está a 0.6~km ao norte do cruzamento e o carro a 0.8~km a leste, o radar da polícia detecta que a distância entre a viatura e o fugitivo está aumentando a 20~km/h. Se a viatura está se deslocando a 60~km/h no instante da medida, qual é a velocidade do fugitivo? R: 70~km/h.
- d) Uma escada com 13 m está em pé e apoiada em uma parede, quando sua base começa a escorregar, afastando-se da parede. No momento em que a base está a 12 m da parede, ela escorrega a uma taxa de 5 m/s. A que taxa o topo da escada escorrega para baixo nesse momento? R: -12 m/s.

Questão 7. Encontre os pontos críticos das funções abaixo:

a)
$$f(x) = sen x cos x$$

b)
$$f(x) = \cos x$$

Questão 8. O lucro P (em milhares de reais) de uma companhia que gasta uma quantia s (em milhares de reais) em propaganda é $P = \frac{-1}{10}s^3 + 6s^2 + 400$. Calcule a quantia de dinheiro que a companhia deve investir em propaganda para obter o lucro máximo e diga qual é o lucro máximo.

Questão 9. Dada a função $f(x) = x^3 - 6x^2 + 9x + 1$, encontre o ponto de inflexão do gráfico e diga os intervalos onde o gráfico é côncavo para cima e para baixo.

Questão 10. Faça o gráfico das funções abaixo, utilizando todos os procedimentos de um estudo de funções (7 passos).

a)
$$f(x) = \frac{x^2}{(x-2)^2}$$

$$b) f(x) = \frac{2x}{x^2 + 1}$$