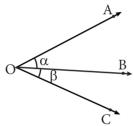


# **Ángulos: Clasificación por la Posición de sus Lados, Bisectriz**

Los ángulos, según la posición de sus lados, se clasifican de la siguiente manera:

## A. Ángulos adyacentes

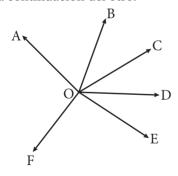
Es aquel par de ángulos que tienen el mismo vértice y un lado en común, asimismo, los lados no comunes en posiciones diferentes.



- Vértice: O
- Lado común: OB
- Los ángulos AOB y BOC son adyacentes

### B. Ángulos consecutivos

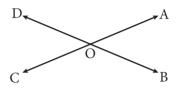
Es la unión sucesiva de varios ángulos adyacentes, siempre partiendo de un mismo vértice y tomados uno a continuación del otro.



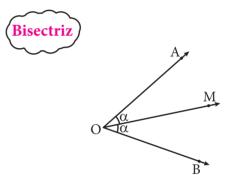
Así, tenemos los ángulos consecutivos: AOB, BOC, COD, DOE y EOF.

## C. Ángulos opuestos por el vértice

Cuando dos rectas se intersecan se determinan 4 ángulos. Cada par de ellos que no son adyacentes se llaman ángulos opuestos por el vértice.



Los ángulos AOB y COD son opuestos por el vértice como también lo son los ángulos AOD y BOC.

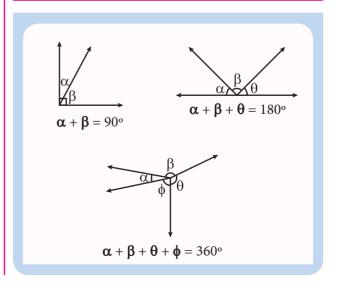


Es el rayo que biseca al ángulo.

→ OM bisectriz del ∠AOB.

Se cumple:  $m \angle AOM = m \angle MOB = \alpha$ 

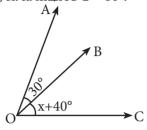
# ¡Muy importante!



# Trabajando en clase

#### Nivel básico

1. Calcula «x», si: la  $m \angle AOC = 80^{\circ}$ .



#### Resolución:

Nos piden: x

Sabemos:  $m \angle AOC = 80^{\circ}$ ;  $m \angle AOB = 30^{\circ}$ .

Luego:  $m \angle AOC = m \angle AOB + m \angle BOC$ 

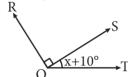
$$80^{\circ} = 30^{\circ} + x + 40^{\circ}$$

$$80^{\circ} = x + 70^{\circ}$$

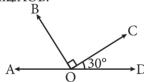
$$80^{\circ} - 70^{\circ} = x$$

$$10^{\circ} = x$$

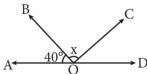
2. Calcula «x», si la  $m \angle ROT = 120^{\circ}$ .



3. Calcula la m∡AOB.

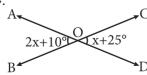


**4.** Calcula «x», si: los ángulos AOB y COD son congruentes.



#### Nivel intermedio

5. Calcula «x».



#### Resolución:

Se pide «x»: tenemos ángulos opuestos por el vértice, y de acuerdo a la propiedad, tienen la misma medida.

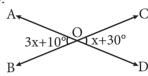
**Entonces:** 

$$2x + 10^{\circ} = x + 25^{\circ}$$

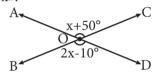
$$2x - x = 25^{\circ} - 10^{\circ}$$

$$\therefore x = 15^{\circ}$$

6. Calcula «x».

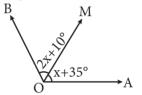


7. Calcula: «3x».



#### Nivel avanzado

8. Calcula «x», si: OM es bisectriz del ∠AOB.



#### Resolución:

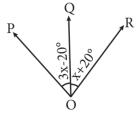
Nos piden «x» y sabemos que OM es bisectriz.

$$m \angle AOM = m \angle BOM$$

$$2x + 10^{\circ} = x + 35^{\circ}$$

$$\therefore x = 25^{\circ}$$

9. Calcula «x», si: OQ es bisectriz del ángulo POR.



10. Calcula «x».

