

算法与数据结构体系课程

liuyubobobo

线性查找

liuyubobobo

线性查找

一个非常简单的算法

适应更多的数据类型；

如何编写正确的程序；

性能测试

复杂度分析

什么是算法

liuyubobobo

什么是算法

Algorithm 的本意：解决问题的方法

一系列解决问题的，清晰，可执行的计算机指令

什么是算法

一系列解决问题的，清晰，可执行的计算机指令

生活中也有算法

问路：如何去天安门

如何求解一元二次方程？

菜谱

什么是算法



做法

- 1、猪里脊肉切细丝，加腌肉调料腌制十几分钟；
- 2、绿尖椒、胡萝卜、冬笋分别切细丝，黑木耳泡软洗净切细丝备用；
- 3、调好鱼香汁备用，葱、姜、蒜切末备用，泡辣椒切末备用；
- 4、锅中放足量油，油六七成热时放入肉丝大火快速滑散至变白，盛出备用；
- 5、锅中放少许油，放入葱、姜、蒜末炒香，放入泡辣椒末炒出红油；
- 6、放入胡萝卜、冬笋、木耳翻炒2分钟，放入尖椒翻炒均匀；
- 7、放入炒好的肉丝迅速翻炒均匀；
- 8、倒入鱼香汁快速翻炒均匀即可。

什么是算法

一系列解决问题的，清晰，可执行的计算机指令

1. 有限性

2. 确定性：不会产生二义性

3. 可行性

4. 输入

5. 输出

什么是算法

一系列解决问题的，清晰，可执行的计算机指令

线性查找法

liuyubobobo

线性查找法

在一沓试卷中，找到属于自己的那张试卷

第 1 张：不是

第 2 张：不是

第 3 张：不是

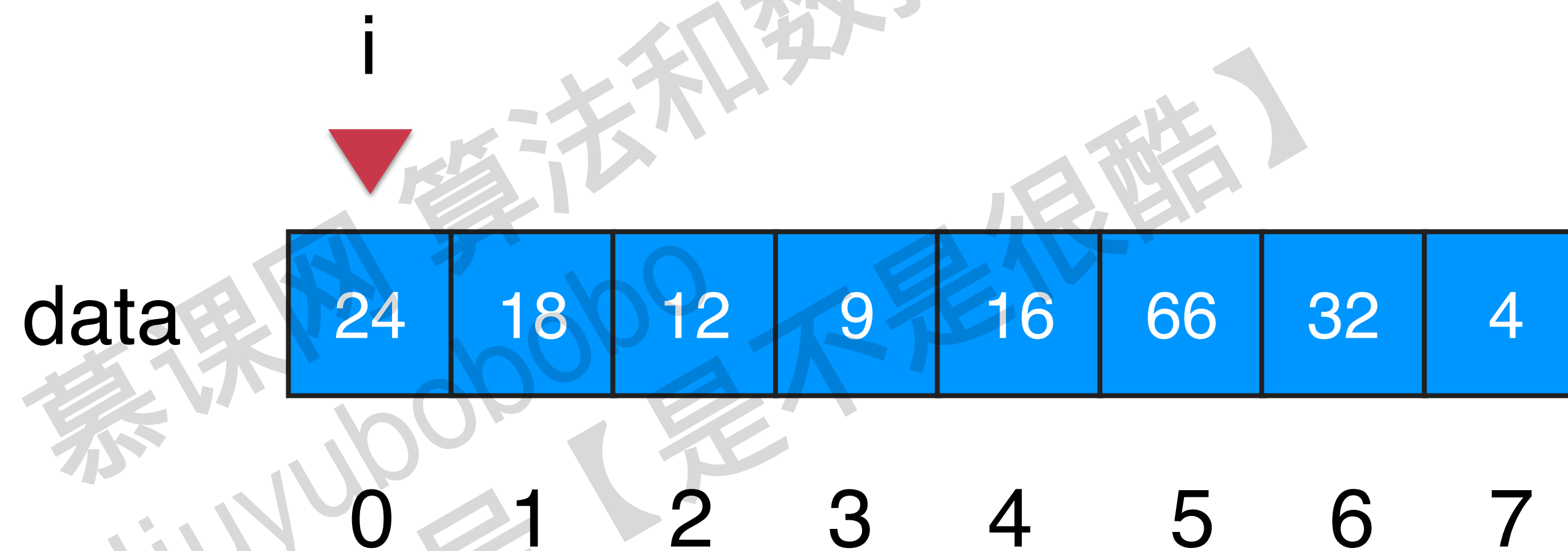
...

第 5 张：是！找到！

线性查找法

线性查找法


在 data 数组中查找 16



线性查找法

在 data 数组中查找 16

i



data	24	18	12	9	16	66	32	4
	0	1	2	3	4	5	6	7

线性查找法

在 data 数组中查找 16

data	<div><div>i</div><div>▼</div></div>							
	24	18	12	9	16	66	32	4
	0	1	2	3	4	5	6	7

线性查找法

在 data 数组中查找 16

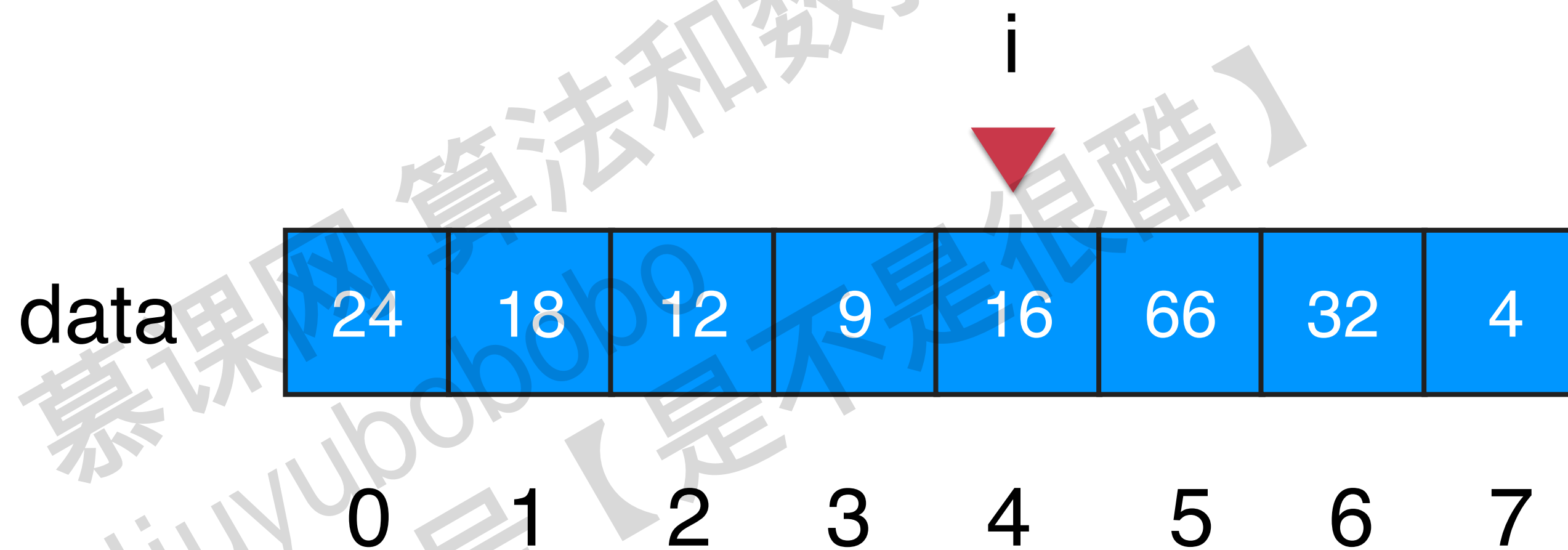
i

▼

data	24	18	12	9	16	66	32	4
	0	1	2	3	4	5	6	7

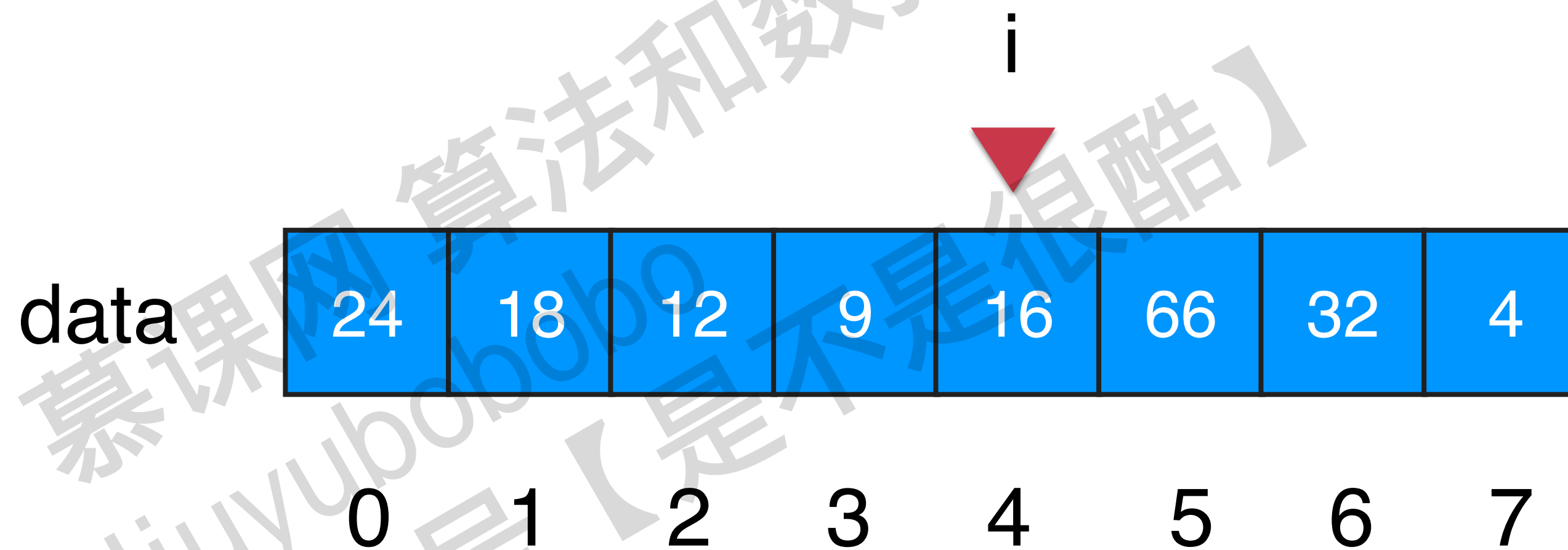
线性查找法

在 data 数组中查找 16



线性查找法

在 data 数组中查找 16



输入：数组，和目标元素

输出：目标元素所在的索引；若不存在，返回 -1

实现线性查找算法

liuyubobobo

实现线性查找算法

实现线性查找法

慕课网 算法和数据结构 体系课程
liuyubobobo
公众号【是不是很有趣】

实现线性查找算法

使用 static

慕课网 算法和数据结构 体系课程
liuyubobobo
公众号【是不是很有趣】

实现线性查找算法

修改构造函数为 private

使用泛型

liuyubobobo

使用泛型

使用泛型

慕课网 算法和数据结构 体系课程
liuyubobobo
公众号【是不是很酷】

使用泛型

- 不可以是基本数据类型，只能是类对象

boolean , byte , char , short , int , long , float , double

- 每个基本数据类型都有对应的包装类

Boolean , Byte , Character , Short , Integer , Long , Float , Double

使用泛型

作业：设计一个 Student 类？

在算法中使用自定义类

liuyubobobo

在算法中使用自定义类

设计 Student 类

慕课网 算法和数据结构 体系课程
liuyubobobo
公众号【是不是很棒】

循环不变量

liuyubobobo

循环不变量

```
public static <E> int search(E[] data, E target){  
    for(int i = 0; i < data.length; i ++)  
        if(data[i].equals(target))  
            return i;  
    return -1;  
}
```

确认 data[i] 是否是目标

data[0...i - 1] 中没有找到目标

data[0...i) 中没有找到目标

循环不变量

确认 data[i] 不是目标

data[0...i] 中没有找到目标

循环不变量

```
public static <E> int search(E[] data, E target){
```

```
    for(int i = 0; i < data.length; i ++)
```

```
        if(data[i].equals(target))
```

```
            return i;
```

```
    return -1;
```

```
}
```

data[0...i - 1] 中没有找到目标

循环不变量

循环体：维持循环不变量

“证明”算法的正确性

写出正确的代码

循环不变量

写出正确的代码

定义清楚循环不变量

维护循环不变量

定义清楚函数的功能

LinearSearch

输入：数组，和目标元素

输出：目标元素所在的索引；若不存在，返回 -1

复杂度分析

liuyubobobo

复杂度分析

非常理论化的一个内容

计算复杂性理论

我们的课程：不强调这么理论化的内容



复杂度分析

复杂度分析：表示算法的性能

```
public static <E> int search(E[] data, E target){
```

```
    for(int i = 0; i < data.length; i ++)
```

```
        if(data[i].equals(target))
```

```
            return i;
```

```
    return -1;
```

```
}
```

通常看最差的情况

算法运行的上界

$n = \text{data.length}$

$T = n?$ $T = 2n?$ $T = 3n?$ $T = 4n?$

$T = 5n?$ $T = 5n + 2?$ 单位: ms?

$O(n)$

复杂度分析

复杂度分析：表示算法的性能

算法运行的上界

$$T = 5n + 2?$$

$$T = c1 * n + c2$$

$O(n)$

常数不重要

复杂度描述的是随着数据规模 n 的增大，

算法性能的变化趋势

复杂度分析

复杂度分析：表示算法的性能 算法运行的上界

常数不重要 复杂度描述的是随着数据规模 n 的增大，
算法性能的变化趋势

$$T1 = 10000n \quad T2 = 2n^2$$

$$O(n) < O(n^2)$$

$$10000n < 2n^2$$

$$n > 5000$$

$$n_0 = 5000$$

存在某一临界点 n_0 ，当 $n \geq n_0$ ， $T1 < T2$

常见算法复杂度

liuyubobobo

常见算法复杂度

线性查找法

$O(n)$

```
for(int i = 0; i < data.length; i ++)
```

```
    if(data[i].equals(target))
```

```
        return i;
```

常见算法复杂度

一个数组中的元素可以组成哪些数据对 $O(n^2)$

```
for(int i = 0; i < data.length; i ++)
```

```
for(int j = i + 1; j < data.length; j ++)
```

```
// 获得一个数据对 (data[i], data[j])
```

常见算法复杂度

遍历一个 $n \times n$ 的二维数组 $O(n^2)$

```
for(int i = 0; i < n; i++)  
    for(int j = 0; j < n; j++)  
        // 遍历到 A[i][j]
```

常见算法复杂度

遍历一个 $n \times n$ 的二维数组 $O(n^2)$

```
for(int i = 0; i < n; i ++)
```

```
    for(int j = 0; j < n; j ++)
```

```
        // 遍历到 A[i][j]
```

遍历一个 $a \times a$ 的二维数组 $O(n)$

$a \times a = n$

```
for(int i = 0; i < a; i ++)
```

```
    for(int j = 0; j < a; j ++)
```

```
        // 遍历到 A[i][j]
```

明确 n 是谁。

常见算法复杂度

数字 n 的二进制位数

$O(\log n)$

$O(\log_2 n)$

```
while(n){
```

```
    n % 2 // n 的二进制中的一位
```

```
    n /= 2;
```

```
}
```

数字 n 的十进制位数?

$O(\log_{10} n)$

$$\log_a b = \frac{\log_c b}{\log_c a}$$

$$\log_2 n = \frac{\log_{10} n}{\log_{10} 2}$$

常见算法复杂度

数字 n 的二进制位数

$O(\log n)$

```
while(n){
```

```
    n % 2 // n 的二进制中的一位
```

```
    n /= 2;
```

```
}
```

不能数循环个数

常见算法复杂度

数字 n 的所有约数

```
for(int i = 1; i <= n; i++)
```

$O(n)$

```
if(n % i == 0)
```

// i 是 n 的一个约数

```
for(int i = 1; i * i <= n; i++)
```

$O(\sqrt{n})$

```
if(n % i == 0)
```

// i 和 n/i 是 n 的两个约数

常见算法复杂度

长度为 n 的二进制数字

$O(2^n)$

长度为 n 的数组的所有排列

$O(n!)$

常见算法复杂度

判断数字 n 是否是偶数?

$O(1)$

`return n % 2 == 0`

常见算法复杂度

$$O(1) < O(\log n) < O(\sqrt{n}) < O(n) < O(n \log n) < O(n^2) < O(2^n) < O(n!)$$

常见算法复杂度

$$O(1) < O(\log n) < O(\sqrt{n}) < O(n) < O(n \log n) < O(n^2) < O(2^n) < O(n!)$$

空间复杂度同理

```
public static <E> int search(E[] data, E target){
```

```
    for(int i = 0; i < data.length; i ++)
```

```
        if(data[i].equals(target))
```

```
            return i;
```

```
    return -1;
```

空间复杂度 $O(1)$

测试算法性能

liuyubobobo

测试算法性能

测试 LinearSearch 的性能

慕课网算法和数据结构 体系课程
liuyubobobo
公众号【是不是很有趣】

本章小结

liuyubobobo

本章小结

线性查找法

使用泛型：泛型方法

使用自定义的类

如何编写正确的程序：循环不变量

复杂度分析

测试算法性能

其他

欢迎大家关注我的个人公众号：是不是很酷



算法与数据结构体系课程

liuyubobobo