



湖北大学  
HUBEI UNIVERSITY

# 实验一 A\*算法



# 本周实验内容



湖北大学  
HUBEI UNIVERSITY

- 使用A\*算法解决8数码难题
- 完成并提交实验报告（实验报告模板可在学习通下载）



# 实验要求

- 编写代码使用A\* 算法求解八数码难题，估价函数 $f(x)=g(x)+h(x)$ ，其中 $g(x)$ 为从初始状态 $s$ 到当前状态的层数（结点的深度）， $g(s)=0$ ； $h(x)$ 为启发式函数。
- 要求：求出以下三种启发式函数对应的求解效率，其中：

$$\text{求解效率} = \text{最佳路径节点数} / \text{算法求得的路径节点数}$$

三种启发式函数分别为：

1.  $h(x)=0$ ，即宽度优先搜索；
2.  $h(x)$  = 错误位置和，即处在错误位置的数码的个数；
3.  $h(x)$  = 曼哈顿距离和。



# 实验要求



湖北大学  
HUBEI UNIVERSITY

## • 初始状态:

```
[[2, 8, 3],  
[1, 6, 4],  
[7, 0, 5]]
```

## • 目标状态:

```
[[1, 2, 3],  
[8, 0, 4],  
[7, 6, 5]]
```

## • 打印:

Step: 1

->

```
[[2 8 3]  
[1 6 4]  
[7 0 5]]
```

\*\*\*\*\*

Step: 2

up ->

```
[[2 8 3]  
[1 0 4]  
[7 6 5]]
```

\*\*\*\*\*

Step: 3

up ->

```
[[2 0 3]  
[1 8 4]  
[7 6 5]]
```

\*\*\*\*\*

h = 2 -----

Optimal step is 6

Travel step is 6

Solving efficiency is 100.00%



# 最佳优先搜索



湖北大学  
HUBEI UNIVERSITY

- 使用最佳优先搜索解决8数码难题（对应教材第3.3.2节）

2	8	3
7	1	4
	6	5

1	2	3
8		4
7	6	5

- ✓ 曼哈顿距离 (Manhattan Distance): 两点之间水平距离和垂直距离之和
- ✓ 8数码难题的估价函数: 数码和目标位置之间的曼哈顿距离



# 最佳优先搜索



湖北大学  
HUBEI UNIVERSITY

曼哈顿距离  $W(n)$ : 两点之间水平距离和垂直距离之和

2	8	3
7	1	4
	6	5

2	8	3
7	1	4
	6	5

2	8	3
7	1	4
	6	5

2	8	3
7	1	4
	6	5

2	8	3
7	1	4
	6	5

2	8	3
7	1	4
	6	5

2	8	3
7	1	4
	6	5

2	8	3
7	1	4
	6	5

$$W(n) = 2 + 1 + 1 + 2 = 6$$

$$\text{错误位置和: } 1 + 1 + 1 + 1 = 4$$



# A\*搜索 (对应教材3.3.3节)



湖北大学  
HUBEI UNIVERSITY

估价函数  $f(n) = d(n) + W(n)$

结点的深度

曼哈顿距离

估价函数  $f(n) = g(n) + h(n)$

到达结点n的代价

结点n到达目标状态的  
估计代价

Step 1  
0+5

2	8	3
1	6	4
7		5

1+6

2	8	3
1	6	4
	7	5

1+4

2	8	3
1		4
7	6	5

1+6

2	8	3
1	6	4
7	5	

2+5

2	8	3
	1	4
7	6	5

2+3

2		3
1	8	4
7	6	5

2+5

2	8	3
1	4	
7	6	5

3+2

	2	3
1	8	4
7	6	5

3+4

2	3	
1	8	4
7	6	5

4+1

1	2	3
	8	4
7	6	5

5+0

1	2	3
8		4
7	6	5

5+2

1	2	3
7	8	4
	6	5



- 宽度优先搜索

```
# name: 结点的名字 (ID)
# neighbors: 结点的邻居 (后继、后裔)
class Node:
    def __init__(self, name: str):
        self.name = name
        self.neighbors = list()
```





- 宽度优先搜索

# start: 初始状态, target: 目标状态

```
def BFS(start: Node, target: str):
```

```
    open = []
```

```
    closed = []
```

```
    visited = set()
```

```
    open.append(start)
```

```
    while len(open) > 0:
```

```
        cur_node = open.pop(0) # 取出队列中的第一个状态
```

```
        closed.append(cur_node)
```

```
        visited.add(cur_node)
```

```
        # 找到目标状态后, 即可停止搜索
```

```
        if cur_node.name == target:
```

```
            print('End.\nNode ', cur_node.name, ' is found!')
```

```
            return closed
```



- 宽度优先搜索

```
# 上接while循环
# 把当前结点的邻居加入待访问结点列表
for neighbor in cur_node.neighbors:
    if neighbor not in visited:
        open.append(neighbor)

print('End.' )
return closed
```



# 编程思路



湖北大学  
HUBEI UNIVERSITY

- 难点：类State（状态）的定义

```
class State:
```

```
    def __init__(self, matrix, parent=None, direction_flag=None, g=0, h=0):
```

```
        self.matrix = matrix    # 状态的二维数组
```

```
        self.parent = parent    # 用于回溯，以寻找最优路径
```

```
    # 避免“走回头路”
```

```
    self.direction = ['up', 'down', 'right', 'left']
```

```
    if direction_flag:    # 不能走的方向
```

```
        self.direction.remove(direction_flag)
```

```
    self.g = g    # g(n) 状态的深度
```

```
    self.h = h    # h(n) 启发式函数，0:宽度优先，1: 错位，2: 曼哈顿
```

```
    self.f = self.evaluate()    # 估价函数 f(n)
```



# 编程思路

```
def A_star_search(start, target):  
    open = []                # 待访问结点列表  
    close = []              # 已访问结点列表  
    open.append(start)      # 将初始状态加入待访问结点列表  
    path = []  
  
    while len(open) > 0:  
        # 选取表中f(n)值最小的状态i放入已访问结点列表  
        state_i = open.pop(0)  
        close.append(state_i)  
        path.append(state_i)  
  
        # 如果i为目标状态  
        if state_i.matrix == target:  
            # 则回溯寻找最优路径，返回path以及最优路径
```



# 计算当前结点所有的邻居（后继）

```
neighbors = state_i.neighbors()
```

# 判断后继是否已经存在于已访问列表里，避免重复访问

```
for neighbor in neighbors:
```

```
    if not neighbor.is_in_close(close):
```

```
        open.append(neighbor)
```

# 根据 $f(n)$ 的值对待访问结点列表重新排序

```
open.sort(key=lambda s: s.getF())
```

# 结束语



# 谢谢!