

UNIVERSIDAD TECNOLÓGICA DE PANAMÁ

FACULTAD DE INGENIERÍA DE SISTEMAS COMPUTACIONALES

DEPARTAMENTO DE COMUNICACIÓN Y SIMULACIÓN DE SISTEMAS



CARRERA LICENCIATURA EN INGENIERÍA DE SISTEMAS Y COMPUTACIÓN

ESTRUCTURAS DISCRETAS PARA COMPUTACIÓN

TAREA #7: SUCESIONES

MÓDULO 1: LÓGICA Y TEORÍA DE CONJUNTOS

INTEGRANTES:

Acuña, Javier 8-1032-2295

Aji, Neo 8-969-172

Li, Elvis 8-1028-139

Sánchez, Karen 8-1032-432

Zheng, Calvin 8-1026-132

PROFESOR:

ING. SAMUEL JIMÉNEZ

SEMESTRE I, 2025

Problemas:

1. Califique correctamente las siguientes sucesiones.

Sucesiones	Finita	Infinitas	Convergentes	Divergentes	Oscilantes	Alternadas	Monótonas crecientes	Monótonas decrecientes	Monótonas Estrictamente Crecientes	Monótonas Estrictamente decrecientes
$\frac{n+1}{n}$		√	√					✓		
$\frac{n^2+2}{n-1}$		√		√			✓			
2^{-n+1}		√	√							✓
$2^{\frac{1}{n}}$		√	√							✓
2 ⁿ		✓		✓					✓	
$-\frac{1^n}{n}$		√	√		√	√				
4n - 1		✓		✓					✓	
2 ³⁻ⁿ		✓	✓							✓

2. Encuentre la fórmula explícita de la siguiente sucesión:

$$> 1, \frac{4}{3}, \frac{6}{4}, \frac{8}{5}, \dots$$

$$a_n = \frac{2n}{n+1}$$

$$> 0, \frac{3}{7}, \frac{8}{9}, \frac{15}{11}, \dots$$

$$a_n = \frac{n^2 - 1}{2n + 3}$$

$$\geqslant \frac{1}{5}, \frac{2}{9}, \frac{4}{13}, \frac{8}{17}, \frac{16}{21}, \dots$$

$$a_n = \frac{2^{n-1}}{4n+1}$$

3. Escribe los 6 primeros términos de las siguientes sucesiones:

$$a_n=3n^2+3$$

$$a_1 = 3(1)^2 + 3 = 6$$

$$a_3 = 3(3)^2 + 3 = 30$$

$$a_5 = 3(5)^2 + 3 = 78$$

$$a_2 = 3(2)^2 + 3 = 15$$

$$a_4 = 3(4)^2 + 3 = 51$$

$$a_6 = 3(6)^2 + 3 = 111$$

$$c_1 = 1, c_n = 2c_{n-1} + 4$$

$$C_1 = 1$$

$$C_3 = 2(6) + 4 = 16$$

$$C_5 = 2(36) + 4 = 76$$

$$C_2 = 2(1) + 4 = 6$$

$$C_4 = 2(16) + 4 = 36$$
 $C_5 = 2(76) + 4 = 1$

$$C_5 = 2(76) + 4 = 1$$

$$b_n = \frac{2n-1}{n+3}$$

$$b_1 = \frac{2(1)-1}{1+3} = \frac{1}{4}$$

$$b_2 = \frac{2(2)-1}{2+3} = \frac{3}{5}$$

$$b_1 = \frac{2(1)-1}{1+3} = \frac{1}{4}$$
 $b_2 = \frac{2(2)-1}{2+3} = \frac{3}{5}$ $b_3 = \frac{2(3)-1}{3+3} = \frac{5}{6}$

$$b_4 = \frac{2(4)-1}{4+3} = 1$$

$$b_5 = \frac{2(5)-1}{5+3} = \frac{9}{8}$$
 $b_6 = \frac{2(6)-1}{6+3} = \frac{11}{9}$

$$b_6 = \frac{2(6)-1}{6+3} = \frac{11}{9}$$

$$\left\{\frac{1}{4}, \frac{3}{5}, \frac{5}{6}, 1, \frac{9}{8}, \frac{11}{9}\right\}$$

$$d_1 = 2, d_2 = 5, d_n = 3d_{n-1} + 2d_{n-2}$$

$$d_3 = 3(5) + 2(2) = 19$$

$$d_5 = 3(67) + 2(19) = 239$$

$$d_4 = 3(19) + 2(5) = 67$$

$$d_6 = 2(239) + 2(67) = 851$$

{2, 5, 19, 67, 239, 851}

4. Encuentre la fórmula explícita de la siguiente sucesión, por los métodos aprendido en clase:

$$\triangleright$$
 2,1,4,11,22,37 = $2n^2 - 7n + 7$

$$A = \frac{4}{2} = 2$$

$$A = 2$$

$$B = -5 - 2 = -7$$

$$B = -7$$

$$C = 7$$

# Posiciones	1	2	3	4	5	6	7
Términos	1	4	9	16	25	36	49
Que me lleva al resultado	1*1=1	2*2=4	3*3=9	4*4=16	5*5=25	6*6=36	7*7=49
Fórmula explícita o general	n^2	n^2	n^2	n^2	n^2	n^2	n^2

 n^2

$$\blacktriangleright$$
 {5, 3, 1, -1, -3} = 7 - 2n

# Posiciones	1	2	3	4	5
Términos	5	3	1	-1	-3
Que me lleva al resultado	7-2(1) =5	7-2(2) =3	7-2(3) =1	7-2(4) =-1	7-2(5) =-3
Fórmula explícita o general	7 – 2n	7 – 2n	7 – 2n	7 – 2n	7-2n

7 - 2n

$$\geqslant$$
 {3, 1, -1, -3, -5} = 5 - 2n

# Posiciones	1	2	3	4	5
Términos	3	1	-1	-3	-5
Que me lleva al resultado	5-2=3	5-4=1	5-6=-1	5-8=-3	5-10=-5
Fórmula explícita o general	5 – 2 <i>n</i>				

5 - 2n

$$\rightarrow$$
 {-3,3,-3,3,-3} = 3(-1)ⁿ

# Posiciones	1	2	3	4	5
Términos	-3	3	-3	3	-3
Que me lleva al resultado	$3(-1)^1$ = -3	$3(-1)^2 = 3$	$3(-1)^3 = -3$	$3(-1)^4 = 3$	$3(-1)^5$ = -3
Fórmula explícita o general	$3(-1)^n$	$3(-1)^n$	3(-1) ⁿ	$3(-1)^n$	$3(-1)^n$

 $3(-1)^n$

$$ightharpoonup \{-4, -12, -36, -108\} = -4(3)^{n-1}$$

# Posiciones	1	2	3	4
Términos	-4	-12	-36	-108
Que me lleva al resultado	-4(1) = -4	-4(3) = 12	-4(9) = -36	-4(27) = -108
Fórmula explícita o general	$-4(3)^{n-1}$	$-4(3)^{n-1}$	$-4(3)^{n-1}$	$-4(3)^{n-1}$

 $-4(3)^{n-1}$

5. Identifique correctamente la fórmula explícita.

Sucesiones	Fórmula	Tipo de Función
		(Aritmética, geométrica,
		cuadrática o recursiva)
1, 8, 27, 64, 125	N ³	Cúbica
Sucesiones	Fórmulasi	Tipo de Función
		(Aritmética, geométrica,
		cuadrática o recursiva)
3, 8, 13, 18, 23	$a_n = 5n - 3$	Aritmética
1, 10, 100, 1000, 10000	$a_n = 10^{n-1}$	Geométrica
1, 3, 4, 7, 11, 18	$a_1 = 1, a_2 = 3$	Recursiva
	$a_n = a_{n-1} + a_{n-2}$	
1, -2, 3, -4, 5, -6	$a_n = (-1)^{n+1} * n$	Alternada
8, 3, 5, -2, 7, -9	$a_1 = 8, a_2 = 3$	Recursiva
	$a_n = a_{n-1} - a_{n-2}$	
20, 13, 6, -1, -8	$a_n = -7n + 27$	Aritmética
1, 3, 5, 7, 9	$a_n = 2n - 1$	Aritmética

Recursos

Diapositivas proporcionadas por el docente en clase del Capítulo 7

Rúbricas

Problema	Descripción	Puntaje
1	Clasificación de sucesiones	20 pts
2	Encontrar fórmula explícita	10 pts
3	Escribir primeros 6 términos	15 pts
4	Fórmulas explícitas (método aprendido)	30 pts
5	Identificación de fórmula y tipo de función	25 pts
Total		100 pts