UNIVERSIDAD TECNOLÓGICA DE PANAMÁ FACULTAD DE INGENIERÍA DE SISTEMAS COMPUTACIONALES

DEPARTAMENTO DE COMUNICACIÓN Y SIMULACIÓN DE SISTEMAS CARRERA LICENCIATURA EN INGENIERÍA DE SISTEMAS Y COMPUTACIÓN

ESTRUCTURAS DISCRETAS PARA COMPUTACIÓN

TAREA #6

MÓDULO 1: LÓGICA Y TEORÍA DE CONJUNTOS

INTEGRANTES:

Acuña, Javier	8-1032-2295
Aji, Neo	8-969-172
Li, Elvis	8-1028-139
Sánchez, Karen	8-1032-432
Zheng, Calvin	8-1026-132

PROFESOR:

ING. SAMUEL JIMÉNEZ

SEMESTRE I, 2025

Problemas

Si U = $\{1,2,3,4,5,6,7,8,9,10\}$, A = $\{1,4,7,10\}$, B= $\{1,2,3,4,5,8\}$, C= $\{2,4,6,8,10\}$, define por extensión los siguientes conjuntos:

1.
$$B' \cap (C - A)$$

$$(C - A) = \{2,6,8\}$$

$$B' = \{6,7,9,10\}$$

$$B' \cap (C - A) = \{6,7,9,10\} \cap \{2,6,8\} = \{6\}$$

2.
$$(A \cap B)' \cup C$$

$$(A \cap B) = \{1,4\}$$

$$(A \cap B)' = \{2,3,5,6,7,8,9,10\}$$

$$C = \{2,4,6,8,10\}$$

$$(A\cap B)'\cup C=\{2,3,5,6,7,8,9,10\}\cup\{2,4,6,8,10\}=\{2,3,4,5,6,7,8,9,10\}$$

3.
$$A \cap (B \cup C)$$

$$(B \cup C) = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 8, 10\}$$

$$A \cap (B \cup C) = \{1,4,7,10\} \cap \{1,2,3,4,5,6,8,10\} = \{1,4,10\}$$

4.
$$(A \cap B) \cup C$$

$$(A \cap B) = \{1,4\}$$

$$(A \cap B) \cup C = \{1, 2, 4, \}$$

$$C = \{2,4,6,8,10\}$$

$$(A \cap B) \cup C = \{1,4\} \cup \{2,4,6,8,10\} = \{1,2,4,6,8,10\}$$

5.
$$((A \cup B) - C)'$$

$$(A \cup B) = \{1,2,3,4,5,7,8,10\}$$

$$(A \cup B) - C = \{1,2,3,4,5,7,8,10\} - \{2,4,6,8,10\} = \{1,3,5,7\}$$

$$((A \cup B) - C)' = \{2,4,6,8,9,10\}$$

6.
$$(A \cup C) - (C - B)$$

$$(A \cup C) = \{1,2,4,6,7,8,10\}$$

$$(C - B) = \{6,10\}$$

$$(A \cup C) - (C - B) = \{1,2,4,6,7,8,10\} - \{6,10\} = \{1,2,4,7,8\}$$

7.
$$(A \cup B) \cap (C' - A')$$

$$(A \cup B) = \{1,2,3,4,5,7,8,10\}$$

$$C' = \{1,3,5,7,9\}$$

$$A' = \{2,3,5,6,8,9\}$$

$$(C' - A') = \{1,7\}$$

$$(A \cup B) \cap (C' - A') = \{1,2,3,4,5,7,8,10\} \cap \{1,7\} = \{1,7\}$$

8.
$$((B \cap C) \cup (A \cap B))'$$

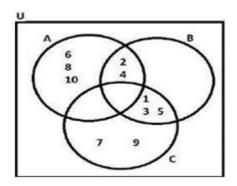
$$(B \cap C) = \{2,4,8\}$$

$$(A \cap B) = \{1,2\}$$

$$(B \cap C) \cup (A \cap B) = \{2,4,8\} \cup \{1,2\} = \{1,2,4,8\}$$

$$((B \cap C) \cup (A \cap B))' = \{3,5,6,7,9,10\}$$

En el siguiente diagrama de Venn se muestra tres conjuntos:



Realice las siguientes operaciones de conjuntos:

1.
$$B' \cap (C - A)$$

$$B' = \{6,7,8,9,10\}$$

$$(C-A) = \{2, 5, 7, 9\}$$

$$B'\cap(C-A)=\ \{6,7,8,9,10\}\ \cap \{3,5,7,9\}=\{7,9\}$$

2.
$$(\mathbf{A} \cap \mathbf{B})' \cup \mathbf{C}$$

$$(A \cap B) = \{2, 4\}$$

$$(A \cap B)' = \{1, 3, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$$

$$(A \cap B)' \cup C = \{1, 3, 5, 6, 7, 8, 9, 10\} \cup \{1, 3, 5, 7, 9\} = \{1, 3, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$$

3. $A \cap (B \cup C)$

$$(B \cup C) = \{1, 2, 3, 4, 5, 7, 9\}$$

$$A = \{2,4,6,8,10\}$$

$$A\cap (B\cup C)=\{2,4,6,8,10\}\cap \{1,2,3,4,5,7,9\}=\{2,4\}$$

4.
$$(A \cap B) \cup C$$

$$(A \cap B) = \{2,4\}$$

$$C = \{1,3,5,7,9\}$$

$$(A \cap B) \cup C = \{2,4\} \cup \{1,3,5,7,9\} = \{1,2,3,4,5,7,9\}$$

5.
$$((A \cup B) - C)'$$

$$(A \cup B) = \{1,2,3,4,5,6,8,10\}$$

$$(A \cup B) - C = \{1,2,3,4,5,6,8,10\} - \{1,3,5,7,9\} = \{2,4,6,8,10\}$$

$$((A \cup B) - C)' = \{1,3,5,7,9\}$$

6.
$$(A \cup C) - (C - B)$$

$$(A \cup C) = \{1,2,3,4,5,6,7,8,9,10\}$$

$$(C - B) = \{7,9\}$$

$$(A \cup C) - (C - B) = \{1,2,3,4,5,6,8,10\}$$

7.
$$(A \cup B) \cap (C' - A')$$

$$(A \cup B) = \{1,2,3,4,5,6,8,10\}$$

$$C'=\{2,4,6,8,10\}$$

$$A' = \{1, 3, 5, 7, 9\}$$

$$(C' - A') = \{2, 4, 6, 8, 10\}$$

$$(A \cup B) \cap (C' - A') = \{1,2,3,4,5,6,8,10\} \cap \{2,4,6,8,10\} = \{2,4,6,8,10\}$$

8.
$$((B \cap C) \cup (A \cap B))'$$

$$(B \cap C) = \{1,3,5\}$$

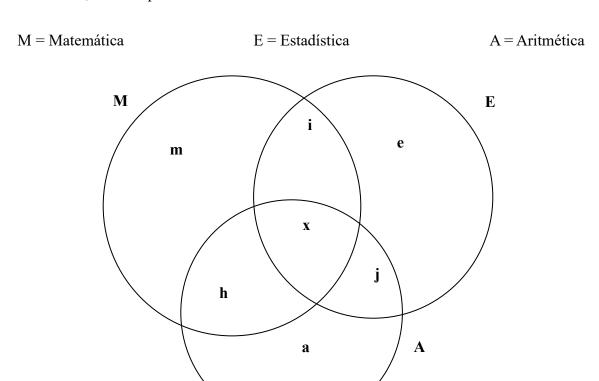
$$(A\cap B)=\{2,4\}$$

$$(B \cap C) \cup (A \cap B) = \{1,3,5\} \cup \{2,4\} = \{1,2,3,4,5\}$$

$$((B \cap C) \cup (A \cap B))' = \{6,7,8,9,10\}$$

Problemas lógicos con conjuntos

De 180 personas encuestada de la escuela secundaria "Artes y Oficios" se encontraron estudiantes que le gustan los siguientes cursos: Matemática, Estadíst De 180 personas encuestada de la escuela secundaria "Artes y Oficios" se encontraron estudiantes que le gustan los siguientes cursos: Matemática, Estadística y Aritmética, se sabe que: ica y Aritmética, se sabe que:



• 34 personas le gustan la materia de Matemáticas, pero no de Estadística.

$$m + h = 34$$

• 28 personas le gustan Matemática, pero no Aritmética

$$m + i = 28$$

• 16 le gustan Estadística pero no Matemática

$$e + j = 16$$

• 24 le agrada estadística pero no Aritmética

$$e + i = 24$$

• 48 le gustan Aritmética pero no Matemática

$$a + j = 48$$

• 18 personas le gustan Aritmética pero no Estadística

$$a + h = 18$$

¿A cuántos jóvenes les gustan los tres cursos mencionados?

Muestre su respuesta y su diagrama de Venn

$$2(m+e+a+h+i+j) = 168$$

$$m + e + a + h + i + j = 168/2$$

$$m+e+a+h+i+j=84$$

$$U = m + e + a + h + i + j + x = 180$$

$$84 + x = 180$$

$$x = 180 - 84$$

$$x = 96$$

Recursos:

Diapositivas proporcionadas por el docente en clase del Capítulo 6.

Rúbricas:

Criterio	Puntaje	Descripción
	Máximo	
1. Precisión en	40	Evaluar la correcta realización de cada operación de
las operaciones	puntos	conjunto. ¿Se han realizado correctamente las
de conjuntos		operaciones de intersección, unión, diferencia y
		complemento? ¿Se han mostrado los resultados
		correctamente?
2. Aplicación	20	Evaluar si los conceptos de complementos,
correcta de las	puntos	intersecciones, uniones, y diferencias se aplican
definiciones de		adecuadamente en cada paso. ¿Se entiende y aplica bien
conjuntos		la teoría de conjuntos en cada operación?
3. Resolución	20	Evaluar la correcta interpretación y resolución del
del problema	puntos	problema lógico con los cursos. ¿Se han usado las
lógico (cursos)		fórmulas y diagramas de Venn correctamente para
		calcular cuántos jóvenes les gustan los tres cursos? ¿Se
		ha explicado adecuadamente el proceso?
4. Claridad en	10	Evaluar la claridad en la explicación de cada paso y la
la presentación	puntos	justificación de cada resultado. ¿Se han explicado
y justificación		

		claramente los razonamientos y las soluciones? ¿Está
		bien estructurado y organizado el trabajo?
5. Diagramas	10	Evaluar si se han incluido los diagramas de Venn
de Venn (si es	puntos	adecuados para las operaciones de conjuntos y si son
necesario)		claros y comprensibles. ¿Los diagramas representan
		correctamente las relaciones entre los conjuntos y las
		operaciones?