

UNIVERSIDAD TECNOLÓGICA DE PANAMÁ

FACULTAD DE INGENIERÍA DE SISTEMAS COMPUTACIONALES





CARRERA LICENCIATURA EN INGENIERÍA DE SISTEMAS Y COMPUTACIÓN

ESTRUCTURAS DISCRETAS PARA COMPUTACIÓN

TAREA #5

Módulo 1: Lógica y Teoría de Conjuntos

INTEGRANTES:

Acuña, Javier	8-1032-2295
Aji, Neo	8-969-172
Li, Elvis	8-1028-139
Sánchez, Karen	8-1032-432
Zheng, Calvin	8-1026-132

PROFESOR:

ING. SAMUEL JIMÉNEZ

SEMESTRE I, 2025

SOLUCIONES

Especifique el siguiente conjunto por comprensión mediante propiedad y por palabra:
 A= {1,3,5,7,9}

Por comprensión mediante propiedad: $A = \{x \in N \mid x \text{ es impar } y \mid 1 \le x \le 9\}$

Por palabra: B = {es el conjunto de x que pertenece a números naturales tal que x son números impares y menor o igual que 9, mayor o igual que 1}

2. Especifique por extensión y comprensión mediante propiedad el siguiente conjunto: B
= {es el conjunto de x tal que x es un entero par y x es mayor que 0 y menor que 20}

Por extensión: $B = \{2,4,6,8,10,12,14,16,18\}$

Por comprensión mediante propiedad: $B = \{x \in Z \mid x \text{ es par, } 0 < x < 20\}$

- 3. A continuación, se muestran los siguientes conjuntos:
 - $Z = \{\}$
 - $A = \{1\}$
 - $B = \{1,3\}$
 - $C = \{1,5,9\}$
 - $D = \{1,2,3,4,5\}$
 - $E = \{1,3,5,7,9\}$
 - $U = \{1, 2, \dots 8, 9\}$

Califique correctamente si es subconjunto propio, impropio o no es subconjunto:

- ullet {}______A **Subconjunto propio**: El conjunto vacío es subconjunto de todos los conjuntos.
- A_____B **Subconjunto propio**: (A = {1}, B = {1,3} → A está contenido en B, pero no es igual a B.)
- B_____C No es subconjunto: El elemento 3 no está en C, así que no todos los elementos de B están en C.

- B _____E Subconjunto propio: B = {1,3}, E = {1,3,5,7,9} → todos los elementos de B
 están en E
- $C_{___D}$ No es subconjunto: C = {1,5,9}, D = {1,2,3,4,5} \rightarrow el 9 no está en D
- D_____A No es subconjunto: D = {1,2,3,4,5}, A = {1} → D tiene más elementos que
 A.
- U_____Z No es subconjunto: Z = {} → el conjunto vacío no contiene ningún conjunto salvo a sí mismo.
- D_____U Subconjunto propio: D = {1,2,3,4,5}, U = {1, 2...,9} → D está contenido en
 U y no es igual a él.
- 4. Sea el conjunto A = {1, 2, 4, 6, 8,10}, y B = {3, 5, 7,9}, ¿Cuál es el conjunto universal?, denotarlo mediante propiedad y por extensión.
 - *Por extension:* $U = \{1,2,3,4,5,6,7,8,9,10\}$
 - Por comprensión (mediante propiedad): $U = \{x \in N \mid 1 \le x \le 10\}$

Clasifique los siguientes conjuntos en unitario, vacío, finito e infinito

Conjuntos	Unitario	Finito	Infinito	Vacío
$C = \{x \mid x \in Z, 4 + x = 12\}$	✓			
$B = \{x \mid x \in Z, x \text{ es } par, x < 17\}$			✓	
$A = \{x \mid x \in N; \ 5 < x < 6\}$				✓
$G = \{El\ conjunto\ de\ los\ números\ naturales\ pares\}$			✓	
$I = \{ x \in N \mid x + 4 = 0 \}$				√
$X = \{x \mid x \in N\}$			✓	
$M = \{x \mid x \in N, 5 < x < 100\}$		✓		
$0 = \{x \mid x^3 = -27\}$	✓			

$Z = \{x \mid x \text{ son letras de la palabra conjuntos}\}$	✓	
$Y = \{x \in N \mid x^2 + 4 = 0\}$		√

Muestre la Cardinalidad de los siguientes conjuntos:

- $A = \{x \mid x \text{ es un n\'umero par menor que 15 y mayor que 2}\}: n(A) = \{6\}$
- $B = \{x \mid x \in N, 0 < x \le 10\}: n(B) = \{10\}$
- $C = \{6, 8, 10, 12, 14, 16\}: n(C) = \{6\}$
- $D = \{x \mid x \in \mathbb{N}, 1 < x < 35: n(D) = \{33\}$
- $E = \{x \mid x^2 2 = 2\} : n(E) = \{2\}$

Cardinalidad de C: $n(C) = \{6\}$

Cardinalidad de D + cardinalidad de A: $n(D) + n(A) = \{39\}$

Cardinalidad de B: $n(B) = \{10\}$

Cardinalidad de E: $n(E) = \{2\}$

Cardinalidad de A + cardinalidad de C: $n(A) + n(C) = \{12\}$

Clasifique los siguientes conjuntos en iguales, disjuntos, equivalentes

$$A = \{x \mid x \in \mathbb{N}, n \in \mathbb{N} \mid 2^n, 1 < x \le 8\}: A = \{2, 4, 8\}$$

$$B = \{x \mid x \in \mathbb{N}, n \in \mathbb{N} \mid 10 - 2n, 1 < x \le 8\}: B = \{2, 4, 6, 8\}$$

$$C = \{x \mid x \in \mathbb{Z}, n \in \mathbb{N} \mid 6 - 2n, 1 < x \le 8\} : C = \{2, 4\}$$

$$D = \{6, 9, 12, 15, 18\}$$

$$E = \{x \mid x \in \mathbb{N}, n \in \mathbb{N} \mid 3 + 3n, 6 \le x \le 18\} : E = \{6, 9, 12, 15, 18\}$$

Conjuntos	Iguales	Disjuntos	Equivalentes
A, D	×	✓	×
B, C	×	×	×
D, E	✓	×	✓
B, A	×	×	×
A, C	×	×	×
B, E	×	×	×

• Conjunto potencia

Resuelva el conjunto potencia del siguiente enunciado:

$$A = \{x \mid x \in N, n \in N \mid 2^n, 1 < x \le 8\}$$

$$N=1$$
; $X=2^1=2$

$$N = 2$$
; $X = 2^2 = 4$

$$N = 3; X = 2^3 = 8$$

$$A = \{2, 4, 8\}$$

RECURSOS

Diapositivas proporcionadas por el docente en clase del Capítulo 5.

RÚBRICAS

	Criterio	Peso (%)
1.	Representación de conjuntos por comprensión, propiedad y extensión	15 pts
	(A y B)	
2.	Clasificación de subconjuntos (Z, A, B, C, D, E, U)	10 pts
3.	Conjunto universal (A y B nuevos)	10 pts
4.	Clasificación (unitario, vacío, finito, infinito)	10 pts

5.	Cardinalidad de conjuntos (incluyendo operaciones)	15 pts
6.	Comparación de conjuntos (iguales, disjuntos, equivalentes)	10 pts
7.	Desarrollo de conjuntos a partir de fórmulas dentro de un rango	10 pts
	específico	
8.	Conjunto potencia (basado en conjunto anterior)	10 pts
9.	Notación y presentación matemática	10 pts