# Математическая статистика 2024/2025 Лабораторная работа № 4

#### Расчётная часть

#### 1. Для выборки С:

- 1.1 Построить две модели раной линейной регрессии: х (экзогенная) и z (эндогенная) (1 модель); у (экзогенная) и z (эндогенная) (2 модель). Построить и проанализировать корреляционное поле, оценить коэффициенты уравнения линейной регрессии (описать их содержательный смысл) и построить график на корреляционном поле.
- 1.2 Для каждой из двух моделей вычислить среднюю ошибку аппроксимации и среднюю эластичность (сделать выводы). Проверить качество линейной модели (F-тест,  $\alpha=0.05$ ) и регрессионных коэффициентов (t-тест,  $\alpha=0.05$ ).
- 1.3 Для каждой из двух моделей построить ряд остатков линейной модели z = f(x) и проанализировать его, проверив выполнение условий Гаусса-Маркова
- 1.4 Для каждой из двух моделей вычислить коэффициент корреляции  $r_{xz}$  (проверить его значимость,  $\alpha=0.05$ ) и коэффициент детерминации, сделать вывод о тесноте связи между переменными
- 1.5 Построить модель  $z = b_0 + b_1 x + b_2 y$  линейной двухфакторной регрессии (для эндогенных переменных x и y, и экзогненной переменной z), оценить коэффициенты уравнения линейной регрессии и описать их содержательный смысл.
- 1.6 Проверить качество линейной модели (F-тест,  $\alpha = 0.05$ ) и регрессионных коэффициентов (t-тест,  $\alpha = 0.05$ )
- 1.7 Построить ряд остатков линейной модели z = f(x, y) и проанализировать его, вычислить среднюю ошибку аппроксимации и частные коэффициенты эластичности, сделать вывод о качестве модели. Исследовать модель на наличие мультиколлинеарности факторов
- 1.8 Вычислить коэффициент детерминации, коэффициенты парной корреляции  $r_{xz}r_{yz}r_{xy}$  (проверить их значимость,  $\alpha=0.05$ ), частные коэффициенты корреляции и сделать выводѕ о тесноте связи между факторами

## 2. Для выборок D, Е

- 2.1 По выборке D при уровне значимости  $\alpha = 0.05$  проверить гипотезу о равенстве средних значений при одинаковом количестве элементов на всех уровнях
- 2.2 По выборке Е при уровне значимости  $\alpha = 0.01$  проверить гипотезу о равенстве средних значений при неодинаковом количестве элементов на всех уровнях

### Вариант 18

Выборка <i>D</i>						Выборка Е								
N0	FI	F2	<b>F</b> 3	F4	F5	<i>F</i> 6	NO.	<i>F</i> 1	F2	<b>F</b> 3	F4	<i>F</i> 5	F6	<i>F</i> 7
1	58	57	60	52	51	59	1	228	235	234	234	233	227	228
2	59	54	54	56	54	58	2	233	232	233	232	232		231
3	53	56	51	53	57	61	3	235	234	235	234			239
4	51	53	56	53	54	61	4	231	232	235	234			231
5	56	54	53	56	60	57	5	234	232	235	234			231
6	49	58	53	58	59	54	6	234	236		236			238
7	54	60	58	52	52	57	7	231						

#### Выборка С18

```
Z
                       Y
                             Z
                                         Y
X
                  X
                                    X
                                               Z
                                                      X
                                                           Y
                                                                 Z
                          - 105
-- 110
-- 121
                                             - 130
-- 113
-- 107
47
    482
         -103
                  52
                      529
                                    56
                                        576
                                                     50
                                                          510
                                                               -108
49
    504 - 111
                  47
                      479
                                    48
                                                     55
                                                          556
                                                               -- 122
                                        487
                                                               - 115
    513 -- 109
                                        522
                                                     50
                                                          506
50
                  53
                      532
                                    52
50
    500
        -- 111
                  57
                      580
                          -- 129
                                    50
                                        507
                                             --- 107
                                                     49
                                                          494
                                                               -103
    526
                      491
                                   51
                                        521
                                             -116
                                                               -122
52
        -124
                  48
                          -108
                                                     53
                                                          541
49
    493
        - 101
                  51
                          - 115
                                   51
                                        527
                                             -- 104
                                                     52
                                                          521
                                                               -119
                      516
                           - 106
- 128
- 103
         - 114
                                             -- 124
                                                               -- 123
49
    505
                  46
                      465
                                   53
                                        540
                                                     55
                                                          561
                                             - 108
-- 120
-- 110
                                                               -- 104
54
    552
         --- 125
                  57
                      578
                                    49
                                        506
                                                     51
                                                          519
50
    503
         - 114
                                                               - 128
                  50
                      507
                                    50
                                        515
                                                     54
                                                          556
                           -- 119
                                                               -116
52
    529
         --- 109
                  53
                      539
                                   51
                                        511
                                                     50
                                                          503
54
    546 - 122
                  51
                      510
                          - 109
                                   '59
                                        598
                                             -120
                                                     56
                                                          563
                                                               -- 132
58
    590 -- 124
                  55
                      566
                          - 121
                                   52
                                        522

→ 107

                                                     54
                                                          547
                                                               - 128
                           -- 122
55
    550
        -- 122
                      533
                                        515
                                             -- 112
                                                     50
                                                          516
                                                              -107
                  53
                                   51
         — 109
                           - 108
                                                               --- 110
49
    491
                  51
                      528
                                   52
                                        521
                                             --- 119
                                                     48
                                                          496
         - 116
                                             — 107
— 119
55
    567
                  54
                      549
                           -- 119
                                   51
                                        527
                                                     54
                                                          548
                                                               -- 112
    512
         -117
                           -- 107
                                                          606
                                                               -- 124
50
                  53
                      537
                                   52
                                        524
                                                     59
        -- 105
                           -- 108
                                             - 110
                                                               --- 105
51
    512
                  48
                      492
                                   51
                                        526
                                                     52
                                                          534
    564 -- 127
                                             -- 122
                           --- 115
                                                              - 131
56
                  54
                      546
                                   52
                                        531
                                                     57
                                                          586
                           --- 120
                                             -- 100
50
    515 - 101
                 51
                      527
                                   47
                                        486
                                                    54
                                                          554
                                                               -- 124
                                        558
                                             -123 52
                                                         537
                                                               -- 121
53
    538
        -- 115
                 50
                      500
                          -- 118
                                   54
49
    492 -- 112, 55
                     559
                          -- 127
```