

Prova Azul.

Gabarito De Matemática ENEM 2022.

136.E

No gráfico devemos encontrar os pontos onde a velocidade será igual a zero. Para isso, substituindo $V = 0$, obtemos:

$$V = T^2 - 4 \rightarrow T^2 - 4 = 0 \rightarrow T^2 = 4 \rightarrow T = +2$$

Então quando $T = 2$ ou $T = -2$, a velocidade será igual a zero. Isso acontece 5 vezes.

[Resposta em vídeo.](#)

137.C

Sejam os dois times A e B. Iremos dividir as possibilidades de jogos em casos. Em todos eles, iremos considerar que o time vencedor do primeiro jogo é o vencedor do último:

- Com exatamente 4 jogos.
Tanto faz o vencedor do primeiro jogo. Suponha que tenha sido o time A. Assim, os próximos 3 jogos devem ser vencidos por A. Logo, a probabilidade de esse cenário ocorrer é igual a $\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{8} = \frac{8}{64}$.
- Com exatamente 5 jogos.
Tanto faz o vencedor do primeiro jogo. Suponha que tenha sido o time A. Assim, dentre os outros 4 jogos, o último deve ser vencido por A e os demais devem ter 2 vitórias de A e uma de B. Logo, a probabilidade de esse cenário ocorrer é igual a $\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot P_3^2 = \frac{3}{16} = \frac{12}{64}$.
- Com exatamente 6 jogos.
Tanto faz o vencedor do primeiro jogo. Suponha que tenha sido o time A. Assim, dentre os outros 5 jogos, o último deve ser vencido por A e os demais devem ter 2 vitórias de A e 2 de B. Logo, a probabilidade de esse cenário ocorrer é igual a $\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot P_4^{2,2} = \frac{6}{32} = \frac{12}{64}$.
- Com exatamente 7 jogos.
Tanto faz o vencedor do primeiro jogo. Suponha que tenha sido o time A. Assim, dentre os outros 6 jogos, o último deve ser vencido por A e os demais devem ter 2 vitórias de A e 3 de B. Logo, a probabilidade de esse cenário ocorrer é igual a $\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot P_5^{2,3} = \frac{10}{32} = \frac{20}{64}$.

Somando as probabilidades desses cenários, temos

$$\frac{8}{64} + \frac{12}{64} + \frac{12}{64} + \frac{20}{64} = \frac{42}{64}$$

[Resposta em vídeo.](#)

138.D

Jan – 3

Mar – 1

Mai – 5

Jun – 3

Jul – 2

Set – 4

Nov – 1

Dez – 4

Colocando em ordem: 1, 1, 2, 3, 3, 4, 4, 5

Mediana = $(3 + 3)/2 = 3$

[Resposta em vídeo.](#)

139.A

Sabendo que a escala é calculada por

$$Escala = \frac{\text{desenho}}{\text{real}}$$

Medida real da altura:

$$\frac{1}{50} = \frac{3,8}{x} \Rightarrow x = 190 \text{ cm}$$

Como deve ficar 10 cm distante das paredes, então ficará distante do teto 10 cm, logo $190 - 10 = 180$ cm. Passando para metros, temos $180 \text{ cm} = 1,80 \text{ m}$. Medida real da largura:

$$\frac{1}{50} = \frac{1,6}{y} \Rightarrow y = 80 \text{ cm}$$

Como deve ficar 10 cm distante das paredes, então ficará distante das laterais 10 cm; logo, como são duas laterais: $80 - 10 - 10 = 80 - 20 = 60$ cm. Passando para metros, temos $60 \text{ cm} = 0,6 \text{ m}$.

Logo, a altura do refrigerador será 1,80; e a largura, 0,6m.

[Resposta em vídeo.](#)

140.B

São 32 equipes divididas em 8 grupos de 4 equipes, e cada equipe precisa esperar 3 dias para jogar novamente. Supondo que em um grupo há as equipes ABCD, vamos acompanhar a equipe A, supondo que ela irá vencer o torneiro.

Primeiro, na fase de grupos, cada equipe disputa uma partida com uma outra equipe do mesmo grupo:

A joga com B (1 dia de jogo)

Descansa 3 dias

A joga com C (1 dia de jogo)

Descansa 3 dias

A joga com D (1 dia de jogo)

Logo, a fase de grupos dura 9 dias

Descansa 3 dias

A joga as oitavas de final (1 dia de jogo)

Descansa 3 dias

A joga as quartas de final (1 dia de jogo)

Descansa 3 dias

A joga a semifinal (1 dia de jogo)

Descansa 3 dias

A joga a final (1 dia de jogo)

Logo, somando os dias $1+3+1+3+1+3+1+3+1+3+1+3+1=25$

[Resposta em vídeo.](#)

141.E

Como já se passaram 4 rodadas, Pedro pode ganhar na quinta ou na sexta rodada.

Para que ele ganhe na 5, basta que ele tire o número 12. A probabilidade dele tirar 12 é $\frac{1}{46}$

Agora, para que ele ganhe na 6, temos mais 3 casos:

O caso de não tirar 12 na primeiro e tirar 12 na segunda:

$$\frac{45}{46} \times \frac{1}{45} = \frac{45}{46 \times 45}$$

O caso de tirar 45 e 05 ou 05 e 45

$$2 \times \frac{1}{46} \times \frac{1}{45} = \frac{2}{46 \times 45}$$

O caso de tirar 11 e 19 ou 19 e 11

$$2 \times \frac{1}{46} \times \frac{1}{45} = \frac{2}{46 \times 45}$$

Somando todos os casos

$$\frac{1}{46} + \frac{45}{46 \times 45} + \frac{2}{46 \times 45} + \frac{2}{46 \times 45}$$

$$\frac{1}{46} + \frac{49}{46 \times 45}$$

[Resposta em vídeo.](#)

142.B

Pelo texto, podemos notar que são 7 modelos de carros, 2 tipos de motores e 8 opcionais (pois podemos escolher 1, 2, 3 ou nenhum) e x cores.

obs: Como são 3 tipos de opcionais e podemos escolher 1, 2, 3 ou nenhum, suponha que temos os opcionais A, B e C, as escolhas que podem ser feitas são A, B, C, AB, AC, BC, ABC ou nenhuma. Ou seja, 8 possíveis.

Pelo princípio fundamental da contagem, temos

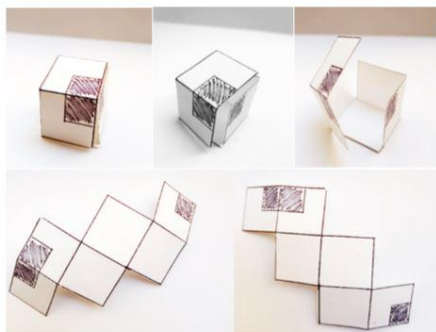
$$7 \cdot 2 \cdot 8 \cdot x = 1000 \Rightarrow 112x = 1000 \Rightarrow x = \frac{1000}{112} \approx 8,9$$

Como queremos a quantidade mínima, deverão ser 9 cores.

[Resposta em vídeo.](#)

143.A

Planificando o cubo a partir do vértice comum aos três quadrados de cor cinza escuro, temos o esquema abaixo:



[Resposta em vídeo.](#)

144.C

O número da agência bancária é: 0100

Para determinar o dígito verificador (N_5), devemos seguir o passo a passo dado pela questão:

- 1- Multiplicar os quatro primeiros dígitos por 5, 4, 3 e 2 e depois somar para obtermos S

$$S = 5 \cdot 0 + 4 \cdot 1 + 3 \cdot 0 + 2 \cdot 0$$

$$S = 4$$

- 2- Encontrar o resto (R) da divisão de S por 11

$$\begin{array}{r|l} 4 & 11 \\ - 0 & 0 \\ \hline & 4 \end{array}$$

- 3- Efetuar a subtração: $11 - R$

Como $R = 4$, então

$$11 - R \Rightarrow 11 - 4 = 7$$

|

[Resposta em vídeo.](#)

145.E

- Pacote básico:

Preço: R\$50,00

Gemas: 2 000

Moedas de ouro: 100 000

O preço do pacote especial é o dobro do pacote básico. Assim, seguindo a proporção, deveria ter o dobro de gemas e de moedas de ouro. Porém, a empresa decidiu colocar 6 000 gemas a mais do que o esperado. Assim:

- Pacote especial:

Preço: R\$100,00

Gemas: $4\,000 + 6\,000 = 10\,000$ Moedas de ouro: 200 000

No pacote básico, a proporção entre moedas de ouro e gemas é que há 50 vezes mais moedas do que gemas. Logo, deveriam ter $10\,000 \cdot 50 = 500\,000$ moedas de ouro.

A empresa só tinha o pacote o básico em um primeiro momento. Na criação do pacote especial, ela deveria inserir nele um total de $10\,000 - 2\,000 = 8\,000$ gemas e $500\,000 - 100\,000 = 400\,000$ moedas de ouro.

[Resposta em vídeo.](#)

146.E

Pelos dados do enunciado, podemos concluir que

$$\begin{cases} 3x + 2y = 1800 \\ 2x + y = 1100 \end{cases}$$

Resolvendo esse sistema, encontramos $x = 400$ e $y = 300$. Para dar um número inteiro de voltas, mas o maior número de voltas, devemos dar o maior número possível de voltas de 300 m. Ou seja, duas voltas do menor percurso e $\frac{6000 - 2 \cdot 400}{100} = 14$ voltas. Ou seja, um total, de $2 + 14 = 16$ voltas.

[Resposta em vídeo.](#)

147.C

Resultados Iniciais

- **Rede Social A:**
 - Compras: 9
- **Rede Social B:**
 - Compras: 6

Resultados com Investimento Adicional

- **Rede Social A:**

- Compras após aumento: 36
- Aumento: $36 - 9 \times 100\% = 300\% \frac{36 - 9}{9} \times 100\% = 300\%$
- Classificação: Excelente
- **Rede Social B:**
 - Compras após aumento: 15
 - Aumento: $15 - 6 \times 100\% = 150\% \frac{15 - 6}{6} \times 100\% = 150\%$
 - Classificação: Muito bom

Resumindo:

- **Rede Social A:** Aumento **excelente**.
- **Rede Social B:** Aumento **muito bom**.

[Resposta em vídeo.](#)

148.D

Pelos dados do enunciado, temos:

$$L_E = C \cdot \left(\frac{R_F}{2}\right)^2 \cdot (2T_F)^4 = C \cdot \frac{(R_F)^2}{4} \cdot 16(T_F)^4 = 4 \cdot C \cdot (R_F)^2 \cdot (T_F)^4$$

Isto é,

$$L_E = 4L_F$$

[Resposta em vídeo.](#)

149.B

Como temos um total de $100 + 400 + 200 + 150 + 100 + 50 = 1000$ crianças.

Assim, a mediana é média aritmética entre as quantidades de crianças das famílias de número 500 e 501. Essas famílias possuem, respectivamente, 1 (última família do grupo de 400 famílias com 1 criança) e 2 crianças (primeira família do grupo de 200 famílias com 2 crianças).

Portanto, a mediana é $\frac{1+2}{2} = 1,5$.

[Resposta em vídeo.](#)

150.D

Devemos calcular a altura máxima atingida pela bola em relação ao chão, que é resultado de $1,5 + y_v$.

Como

$$y_v = -\frac{\Delta}{4a} = -\frac{\left[\left(-\frac{7}{3}\right)^2 - 4 \cdot \left(-\frac{1}{6}\right) \cdot 12 \right]}{4 \cdot \left(-\frac{1}{6}\right)} = \frac{\frac{49}{9} + 8}{\frac{2}{3}} = \frac{121}{9} \cdot \frac{3}{2} = \frac{121}{6}$$

Temos que a altura máxima atingida será igual a $1,5 + \frac{121}{6} \simeq 21,6 \text{ m}$. Essa altura é maior que a altura dos tetos dos 4 primeiros ginásios, invalidando o saque nesses casos.

[Resposta em vídeo.](#)

151.C

Seja x a quantidade de massa perdida na atividade física. Dessa forma:

$$x \cdot 1,4 = 1,7 \Rightarrow x = \frac{1,7}{1,4} \text{ quilos}$$

Se em uma hora perde-se 1,5 quilos, seguimos com a regra de 3:

<i>horas</i>	<i>quilos</i>
1	1,5
y	$\frac{1,7}{1,4}$

$$\text{Multiplicando cruzado: } 1 \cdot \frac{1,7}{1,4} = 1,5y \Rightarrow y = \frac{1,7}{1,4 \cdot 1,5} \simeq 0,8 \text{ hora.}$$

Em minutos, isso corresponde a aproximadamente $0,8 \cdot 60 = 48$ minutos.

[Resposta em vídeo.](#)

152.C

Se a largura da tela mede 12m, temos $L = 12$, logo as distancias serão dadas por:

$$D_{\min} = 0,6L = 0,6 \cdot 12 = 7,2$$

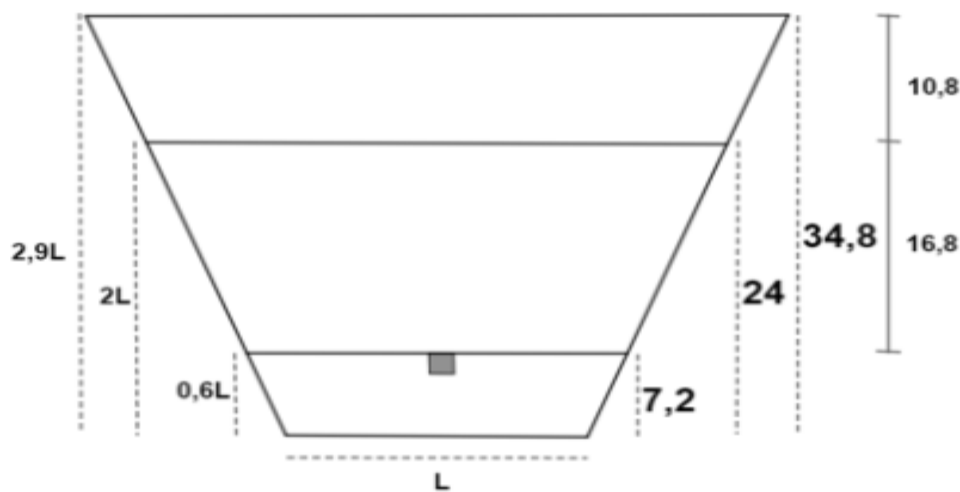
$$D_{\max} = 2L = 2 \cdot 12 = 24$$

$$D_{\text{aceitável}} = 2,9L = 2,9 \cdot 12 = 34,8$$

Então, a sala de cinema possui $24 - 7,2 = 16,8\text{m}$ de distância entre as costas das poltronas da primeira fileira e o fundo da sala antes da área de instalação de novas poltronas.

Como a distância entre cada fileira precisa ser de 1 metro, 16,8 metros comportam 16 fileiras que devemos somar com a primeira fileira e assim, podemos concluir que, antes da ampliação, a sala possuía $16 + 1 = 17$ fileiras.

Com a ampliação, serão acrescentadas 10 fileiras, pois a distância entre o fundo da sala anterior e fundo da sala ampliada é de $34,8 - 24 = 10,8\text{m}$. Observe o esquema:



Logo, após a ampliação, a sala comportará $17 + 10 = 27$ fileiras.

[Resposta em vídeo.](#)

153.C

Antes, o volume do cone era dado por:

$$V = \frac{\pi \cdot 4^2 \cdot 10}{3} = \frac{160\pi}{3} \text{ cm}^3$$

Como reduzir 19% corresponde a um fator multiplicativo igual a $1 - 0,19 = 0,81$, volume passaria ser:

$$V = \frac{160\pi}{3} \cdot 0,81 = 43,2\pi \text{ cm}^3$$

Para o volume ser esse, devemos ter um raio igual a

$$\frac{\pi R^2 \cdot 10}{3} = 43,2\pi \Rightarrow \frac{10R^2}{3} = 43,2 \Rightarrow R^2 = 12,96 \Rightarrow R = 3,6 \text{ cm}$$

[Resposta em vídeo.](#)

154.C

Uma queda de 75% corresponde a um fator multiplicativo de $(100\% - 75\% = 25\%)$.

Dessa forma, a quantidade em 2012, vezes 0,25, resulta em 28 900. Ou seja,

$$0,25x = 28900 \Rightarrow x = \frac{28900}{0,25} = 115\,600 \text{ vagas.}$$

[Resposta em vídeo.](#)

155.B

Para um determinado andar, só podemos escolher apartamentos com finais 1, 2, 3, 4, 5 ou 6, uma vez que devemos escolher apartamentos com pelo menos um dos quartos recebendo sol pela manhã.

Ou seja, podemos escolher, em um andar, dois dentre seis apartamentos de

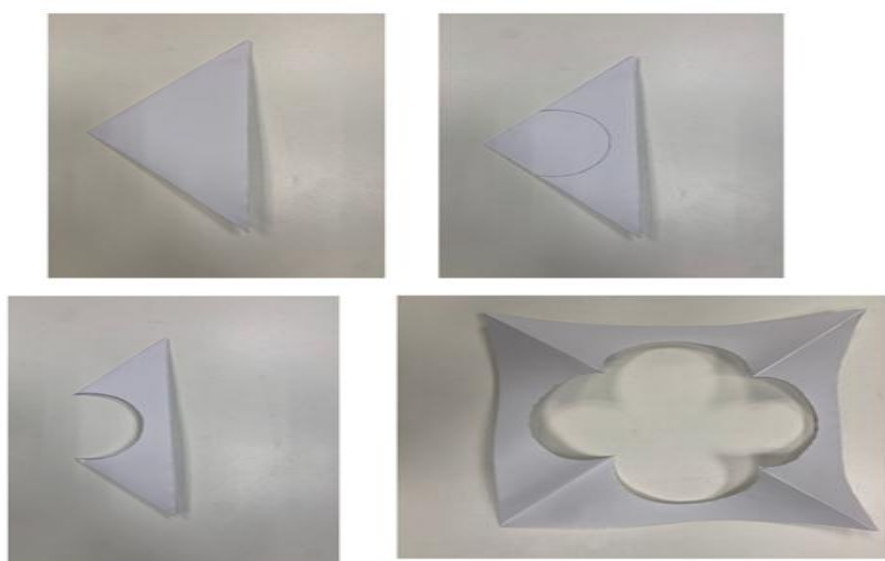
$$C_6^2 = \frac{6!}{(6-2)! \times 2!}.$$

Como são 9 apartamentos, temos que há $9 \times \frac{6!}{(6-2)! \times 2!}$ formas de escolher os apartamentos.

[Resposta em vídeo.](#)

156.C

A sequência de imagens abaixo mostra o processo descrito no enunciado.



[Resposta em vídeo.](#)

157.E

Até a 50ª peça vendida, temos que a lei de formação é $675 + 5q$, uma vez que há uma taxa fixa de 675 reais e cada peça custa 5 reais.

Ao vender mais de 50 peças, a loja fatura $\underbrace{675}_{\text{fixo}} + \underbrace{50 \cdot 5}_{\substack{\text{dinheiro} \\ \text{arrecadado} \\ \text{com as 50} \\ \text{primeiras peças}}} + 7(\underbrace{q - 50}_{\substack{\text{há } q-50 \\ \text{peças que} \\ \text{custam 7} \\ \text{reais cada}}})$

Ou seja, $675 + 50 \cdot 5 + 7(q - 50) = 675 + 250 + 7q - 350 = 7q + 575$.

Dessa forma, a resposta correta seria:

$$\begin{cases} 675 + 5q, & \text{se } q \leq 50 \\ 575 + 7q, & \text{se } q > 50 \end{cases}$$

Como não há alternativas com esta lei de formação definida por partes, a questão deve ser anulada.

[Resposta em vídeo.](#)

158.C

Para calcular o mês com a maior quantidade de infectados, temos que calcular.

$$x_v = -\frac{b}{2a} = -\frac{10}{-2} = 5$$

Ou seja, ocorre no mês de maio, incluso na margem da propaganda III.

[Resposta em vídeo.](#)

159.B

Ao longo das primeiras 23 semanas foram realizados $23 \cdot 7 = 161$ dias. Como cada ciclo de treinos dura 13 dias, podemos descobrir a quantidade de ciclos completos de treino pela divisão com resto entre 161 e 13. O quociente dessa divisão é 12 e o resto dessa divisão é igual a 5.

Isso significa que foram feitos 12 ciclos de treino completos e ainda houve a

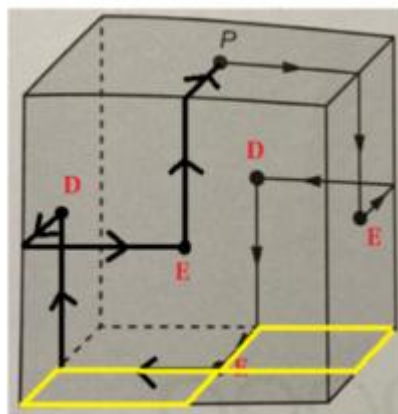
sequência $T_1 - R - R - T_2 - R$.

Assim, o ciclo da 24ª semana terá elementos $R - T_3 - R - T_4 - R - R - T_5$

[Resposta em vídeo.](#)

160.A

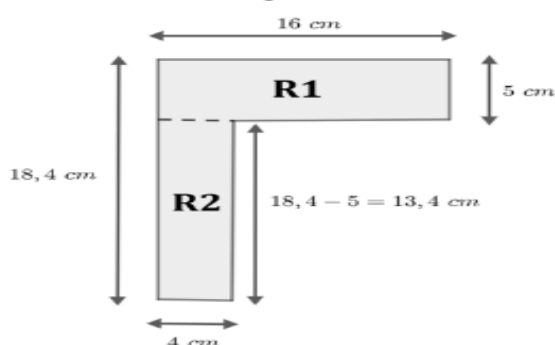
Temos a projeção ortogonal mostrada abaixo.



[Resposta em vídeo.](#)

161.A

A varanda tem as seguintes dimensões:



Dividindo a figura em duas regiões, R1 e R2, podemos calcular a área da varanda a partir da soma dessas duas regiões. Isto é, a área da varanda, na planta baixa, é igual a $16 \cdot 5 + 13,4 \cdot 4 = 80 + 53,6 = 133,6 \text{ cm}^2 = 0,01336 \text{ m}^2$.

Como a escala E usada foi 1 : 50 e estamos em um contexto de área, vale que:

$$E^2 = \left(\frac{1}{50}\right)^2 = \left(\frac{0,01336}{x}\right), \text{ em que } x \text{ é a área, em metros quadrados, da varanda na realidade. Portanto, } x = 2500 \cdot 0,01336 = 33,4 \text{ m}^2.$$

[Resposta em vídeo.](#)

162.C

Do primeiro ao segundo período, a queda de vendas foi de:

$$18000 - 15000 = \mathbf{3000}.$$

Então, se a tendência se mantiver, **as vendas do terceiro período serão de 3000 a menos do que no segundo período.**

período	período
	3000 = 12000

No terceiro período as vendas no setor de adultos foi de 12000 reais.

[Resposta em vídeo.](#)

163.D

1. Salário dos mestres após aumento de 25% :

$$R\$8.000 \times 1,25 = R\$10.000 \quad R\$8.000 \text{ vezes } 1,25 = R\$10.000 \quad R\$8.000 \times 1,25 = R\$10.000$$

2. Custo total máximo para os 100 professores :

$$100 \times R\$12.240 = R\$1.224.000 \quad 100 \text{ vezes } R\$12.240 = R\$1.224.000 \quad 100 \times R\$12.240 = R\$1.224.000$$

3. Custo total atual :

$$60 \times R\$8.000 + 40 \times R\$12.000 = R\$960.000 \quad 60 \text{ vezes } R\$8.000 + 40 \text{ vezes } R\$12.000 = R\$960.000 \quad 60 \times R\$8.000 + 40 \times R\$12.000 = R\$960.000$$

4. Custo máximo disponível para os doutores após aumento dos mestres :

$$R\$1.224.000 - 60 \times R\$10.000 = R\$624.000 \quad R\$1.224.000 - 60 \text{ vezes } R\$10.000 = R\$624.000 \quad R\$1.224.000 - 60 \times R\$10.000 = R\$624.000$$

5. Salário máximo por médico :

$$R\$624.000 / 40 = R\$15.600 \quad \frac{R\$624.000}{40} = R\$15.600 \quad R\$624.000 / 40 = R\$15.600$$

6. Percentual de aumento máximo para os médicos :

$$\frac{R\$15.600 - R\$12.000}{R\$12.000} \times 100\% = 30\% \quad \frac{R\$15.600 - R\$12.000}{R\$12.000} \times 100\% = 30\% \quad R\$15.600 - R\$12.000 \times 100\% = 30\%$$

Portanto, o aumento máximo para os médicos é **de 30%**.

[Resposta em vídeo.](#)

164.B

Capacidade total: 360ml

Durabilidade em dias: 60 dias

Durabilidade em minutos: $60 \times 24 \times 60 = 86.400$ minutos

Como o borrifador é acionado a cada 48 minutos, em 86400 minutos, ele será acionado 1800 vezes pois $86400/48=1800$.

Então 360 ml divididos por 1800 borrifadas, resulta em 0,2 ml por borrifada.

[Resposta em vídeo.](#)

165.A

A questão diz que um dia no planeta Z equivale a 73 dias na Terra. Para calcular a quantos dias equivalem 1 ano terrestre no planeta Z, podemos usar regra de 3:

$$1\text{diaZ} - 73\text{ diasT}$$

$$x\text{ diasZ} - 365\text{ diasT}$$

$$73x=365$$

$$x= 365/73 = 5$$

Logo, 365 dias terrestres equivalem a 5 dias no planeta Z. Como a questão diz que 2 anos no planeta Z equivale a 1 ano na Terra, então dois anos no planeta Z equivale a 5 dias. Portanto 1 ano no planeta Z possui 2,5 dias.

[Resposta em vídeo.](#)

166.A

O carro que chegou em último lugar foi o que levou mais tempo para percorrer os 100 metros, logo foi a reta que termina mais à direita. Em nenhum momento outro carro ultrapassa este, logo o número de ultrapassagens é zero.

[Resposta em vídeo.](#)

167.A

Preço promocional: R\$1.000,00

Preço normal (10% maior que o preço promocional): $1,1 \cdot 1000 = \text{R}\$1.100,00$

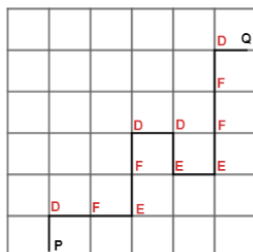
Preço que a cliente calculou (acréscimo de 8% ao preço promocional): $1,08 \cdot 1000 = \text{R}\$1.080,00$

A diferença entre o preço que a cliente calculou e o preço pagando pelo cartão é de $1080 - 1078 = 2$, ou seja, é valor é R\$2,00 menor.

[Resposta em vídeo.](#)

168.C

Sendo E “vire à esquerda”, D “vire à direita” e F “siga em frente”, temos a seguinte sequencia de letras: DFEFDDEEFFD. Observe no esquema:



[Resposta em vídeo.](#)

169.E

Tomando a caixa d'água I de profundidade H e raio R , obtemos que o volume será

$$V_I = \pi R^2 \cdot H$$

Calculando os volumes II, III, IV e V em função de I, achamos

Modelo II) terá o dobro da profundidade e metade da área

$$V_{II} = 2H \cdot \frac{\pi R^2}{2} = \pi R^2 \cdot H = V_I$$

Modelo III) terá dobro da profundidade e metade do raio da base

$$V_{III} = 2H \cdot \pi \cdot \left(\frac{R}{2}\right)^2 = 2H \cdot \pi \cdot \frac{R^2}{4} = \frac{\pi R^2 \cdot H}{2} = \frac{V_I}{2}$$

Modelo IV) metade da profundidade e o dobro da área da base

$$V_{IV} = \frac{H}{2} \cdot 2 \cdot \pi R^2 = \pi R^2 \cdot H = V_I$$

Modelo V) metade da profundidade e dobro do raio da base

$$V_V = \frac{H}{2} \cdot \pi \cdot (2R)^2 = \frac{H}{2} \cdot \pi \cdot 4R^2 = 2 \cdot \pi R^2 \cdot H = 2 \cdot V_I$$

Logo, quem possui a maior capacidade é o modelo V, portanto será o escolhido.

[Resposta em vídeo.](#)

170.B

No primeiro gráfico, a gente vê que **o valor do aluguel foi de R\$ 630.**

Note que na legenda do segundo gráfico, está indicado que os valores estão em milhares de R\$. **Então, o valor de mercado do imóvel em 2005 foi de 90 milhares, ou seja, R\$ 90 000.**

Para calcular a rentabilidade, basta a gente fazer a divisão desses dois valores.

$$630 / 90\,000 = 63 / 9\,000 = 7 / 1000 = 0,007$$

Conclusão: **Em 2005, a rentabilidade foi de 0,007.**

[Resposta em vídeo.](#)

171.A

A soma das pontuações dos 4 jogos mais o quinto precisa ser igual a 18, temos:

$$\text{I.} \quad \frac{12+25+20+20+x}{5} = 18 \Rightarrow 90 - 77 = 13$$

$$\text{II.} \quad \frac{12+12+27+20+x}{5} = 18 \Rightarrow 90 - 71 = 19$$

$$\text{III.} \quad \frac{14+14+17+26+x}{5} = 18 \Rightarrow 90 - 71 = 19$$

$$\text{IV.} \quad \frac{15+18+21+21+x}{5} = 18 \Rightarrow 90 - 75 = 15$$

$$\text{V.} \quad \frac{22+15+23+15+x}{5} = 18 \Rightarrow 90 - 75 = 15$$

Logo, o jogador que precisa fazer a menor pontuação para obter média 18 é o jogador I.

[Resposta em vídeo.](#)

172.B

Devemos calcular a área das quatro faces laterais e a área da base inferior (fundo da piscina) e somar essas áreas para obter a área de revestimento. Logo, calculando a área de revestimento de cada projeto, temos:

$$\text{Projeto I: } 2 \cdot 25 + 1,8 \cdot 25 \cdot 2 + 1,8 \cdot 2 \cdot 2 = 50 + 90 + 7,2 = 147,2$$

$$\text{Projeto II: } 5 \cdot 9 + 2 \cdot 5 \cdot 2 + 2 \cdot 9 \cdot 2 = 45 + 20 + 36 = 101$$

$$\text{Projeto III: } 15 \cdot 6 + 1 \cdot 6 \cdot 2 + 1 \cdot 15 \cdot 2 = 90 + 12 + 30 = 132$$

$$\text{Projeto IV: } 15 \cdot 4 + 1,5 \cdot 15 \cdot 2 + 1,5 \cdot 4 \cdot 2 = 60 + 45 + 12 = 117$$

$$\text{Projeto V: } 12 \cdot 3 + 2,5 \cdot 3 \cdot 2 + 2,5 \cdot 12 \cdot 2 = 36 + 15 + 60 = 111$$

Logo, o projeto com menor área de revestimento, é o projeto II.

[Resposta em vídeo.](#)

173.D

Para cada vaga, teremos uma quantidade de candidatos para aquela vaga. Para calcular a quantidade total de candidatos, devemos multiplicar o número de vagas pela quantidade de candidato por vaga:

$$30 \cdot 6 + 40 \cdot 6 + 50 \cdot 7 + 30 \cdot 8 + 25 \cdot 4 + 25 \cdot 5$$
$$180 + 240 + 350 + 240 + 100 + 125 = 1235$$

[Resposta em vídeo.](#)

174.D

Volume do cilindro (raio = 4)

$$V = \pi \cdot r^2 \cdot h = \pi \cdot 4^2 \cdot 50 = 800\pi$$

Volume da esfera (raio = 0,5)

$$V = \frac{4 \cdot \pi \cdot r^3}{3} = \frac{4 \cdot \pi \cdot 0,5^3}{3} = \frac{4 \cdot \pi \cdot 0,125}{3} = \frac{0,5\pi}{3}$$

Para saber quantas(Q) esferas poderão ser obtidas, vamos dividir o volume do cilindro pelo volume da esfera:

$$Q = \frac{800\pi}{\frac{0,5\pi}{3}} = 800\pi \cdot \frac{3}{0,5\pi} = 4.800$$

[Resposta em vídeo.](#)

175.E

R\$1,35 bilhão é igual a 1 bilhão e 350 milhões. Esse número é escrito da seguinte forma:
1.350.000.000,00.

[Resposta em vídeo.](#)

176.D

[Resolução muito difícil para ser respondida de forma escrita, então assista um vídeo com a resposta.](#) (Clique na frase que é um link).

177.A

O gasto é calculado por: *preço por hora × tempo + preço do transporte*

- | | |
|------|----------------------------------|
| i) | $120 \cdot 8 + 0 = R\$ 960$ |
| ii) | $180 \cdot 6 + 0 = R\$ 1080$ |
| iii) | $170 \cdot 6 + 20 = R\$ 1040$ |
| iv) | $110 \cdot 90 + 10 = R\$ 1000$ |
| v) | $110 \cdot 10 + 0 = R\$ 1100,00$ |

Podemos perceber que irá gastar menos com o operário I.

[Resposta em vídeo.](#)

178.E

Uma receita base produz 50 docinhos esféricos de raio 1 cm

$$50 \cdot \frac{4\pi(1)^2}{3} = 50 \cdot \frac{4\pi}{3}$$

Como agora o raio é 2cm, o volume será

$$150 \cdot \frac{4\pi(2)^2}{3} = 150 \cdot \frac{4\pi \cdot 8}{3} = 150 \cdot 8 \cdot \frac{4\pi}{3}$$

Fazendo uma regra de 3:

$$1 \text{ porção} = 50 \cdot \frac{4\pi}{3}$$

$$x \text{ porções} = 150 \cdot 8 \cdot \frac{4\pi}{3}$$

$$x = \frac{150 \cdot 8 \cdot \frac{4\pi}{3}}{50 \cdot \frac{4\pi}{3}} = \frac{150 \cdot 8}{50} = 3 \cdot 8 = 24 \text{ porções}$$

[Resposta em vídeo.](#)

179.B

Sabendo que a esperança de vida em 2013 é a média entre 2012 e 2014 (x),

$$\frac{73,95 + x}{2} = 74,23$$

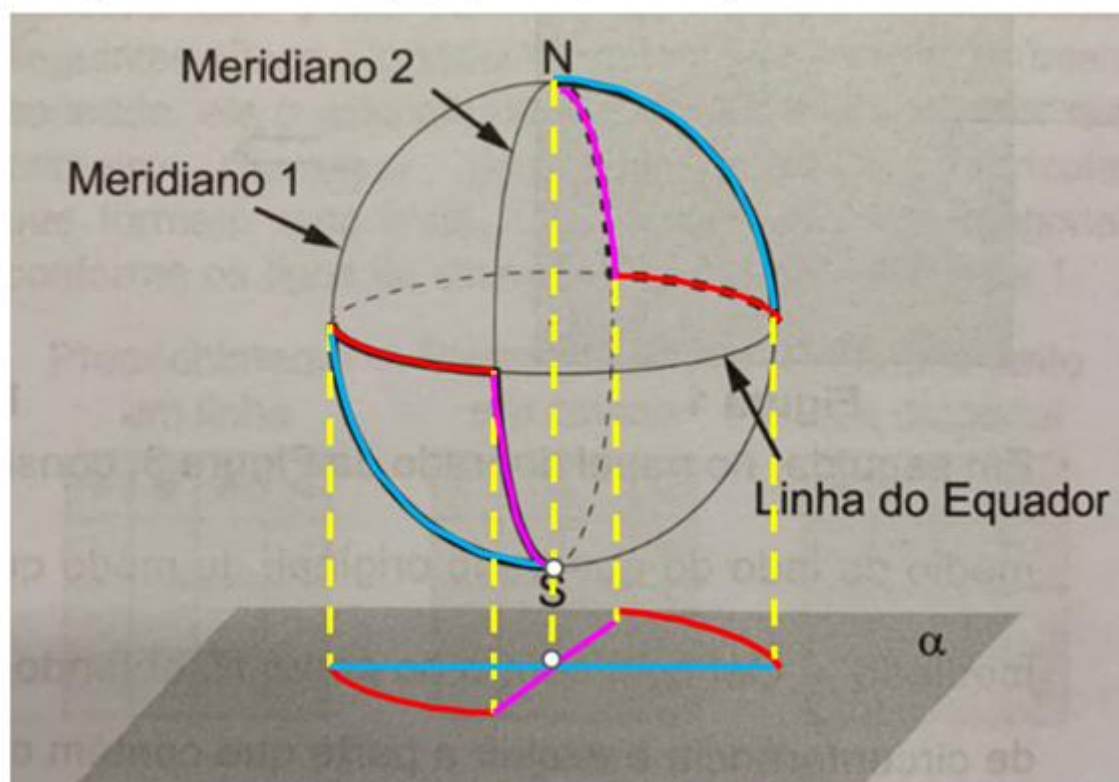
$$73,95 + x = 148,46$$

$$x = 148,46 - 73,95 = 74,51$$

[Resposta em vídeo.](#)

180.E

A imagem abaixo ilustra a projeção ortogonal desejada.



[Resposta em vídeo.](#)
