# 杂谈勾股定理

#### 张三

#### 2023年10月4日

#### 摘要

这是一篇关于勾股定理的小短文。

## 目录

1	勾股定理在古代	1
2	勾股定理的近代形式	3
参	考文献	3

### 1 勾股定理在古代

西方称勾股定理为毕达哥拉斯定理,将勾股定理的发现归功于公元前6世纪的毕达哥拉斯学派[1]。该学派得到了一个法则,可以求出可排成直角三角形三边的三元组。毕达哥拉斯学派没有书面著作,该定理的严格表述和证明则见于欧几里得1《几何原本》的命题47:"直角三角形斜边上的正方形等于两直角边上的正方形之和。"证明是用面积做的。

我国《周髀算经》载商高(约公元前 12 世纪) 答周工问:

勾广三, 股修四, 径隅五。

又载陈子(约公元前7-6世纪)答荣方问:

若求邪至日者,以日下为勾,日高为股,勾股各 自乘.并而开方除之.得邪至日。

都较希腊较早。后者已经明确道出勾股定理的一般 形式。图 1是我国古代对勾股定理的一种证明 [2]。

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>欧几里得,约公元前 330-275 年。



图 1: 宋赵爽在《周髀算经》注中作的弦图 (仿制), 该图给出了勾股定理的一个极具对称美的证明。

### 2 勾股定理的近代形式

勾股定理可以用现代语言表述如下:

定理 1 (勾股定理) 直角三角形斜边的平方等于两腰的平方和。

可以用符号语言表述为:设直角三角形 ABC, 其中  $C=90^{\circ}$ ,则有

$$AB^2 = BC^2 + AC^2 \tag{1}$$

满足式(1)的整数称为勾股数。第 1 节所说毕达 哥拉斯学派得到的三元数组就是勾股数。下面列出 一些较小的勾股数:

直角边 a	直角边 b	斜边 $c$
3	4	5
5	12	13

$$(a^2+b^2=c^2)$$

### 参考文献

- [1] 克莱因. 古今数学思想. 上海科学技术出版社, 2002.
- [2] 曲安京. 商高、赵爽与刘徽关于勾股定理的证明. 数学传播, 20(3), 1998.
- [3] 矢野健太郎. 几何的有名定理. 上海科学技术出版社, 1986.