

半数集问题：

如果使用递归会发现时间复杂度太大且难以避免大量重复运算

打代码之前，不妨手动模拟一下：

$n=0, n=1$ 时，答案显然是 1

$n=2, ans=2$; $n=3, ans=2$

$n=4, ans=4$; $n=5, ans=4$

$n=6, ans=6$; $n=7, ans=6$

很容易发现， $2n$ 与 $2n+1$ (n 为非负整数) 的答案是一样的 这就是第一个规律

然后以 $n=8$ 为例，手动模拟一下

一共有 10 组解

8

1 8 2 8 3 8 4 8

1 2 8 1 3 8 1 4 8 2 4 8

1 2 4 8

打出的东西很像一棵搜索树。。。

当把 8 和 8 下面的左三棵子树放在一起（即 8 和下面三列），并将所有的 8 都改成 7，能发现，得到了 $n=7$ 时的所有解；

再把最右端的子树（即剩下的部分）中的所有 8 删去，得到了 $n=4$ 时的所有解

就这样，可以得到一个递推式：

$$f(n)=f(n-1) \quad //7=8-1$$

$$+f(n/2) \quad //4=8/2$$

再结合之前发现的规律

就能得到：

$n\%2==0$ 时

$$f(n)=f(n-1)+f(n/2)$$

$n\%2==1$ 时

$$f(n)=f(n-1)$$

双色汉诺塔问题：

通过手动模拟发现，其实双色与单色移动方法相同，因为在最小的移动方法中同色的两个盘子是不可能在一起的，所以仍可以采用普通汉诺塔的递归方法解决双色汉诺塔问题，即将一个问题分治为三个子问题， $T(n)=2T(n-1)+1$ 。