# 数据挖掘期末项目

1352875 黄安娜 1354361 刘林青

## 目录

数据挖掘期末项目	
1 项目设计	2
1.1 划分测试集、训练集	2
1.2 设定数据结构	2
1.3 计算相似值	2
1.4 计算 baseline	3
1.5 找相似用户和相似电影	3
1.6 计算 rating	3
3 kMeans Clustering	4
4 SVD Dimensionality Reduction	8
4.1 相关概念:	8
4.2 相关分析及算法描述:	
4.3 SVD 降维函数(matlab):	10
4.4 具体步骤及关键代码:	11
5 Prediction Result	16
6 小组分工	17

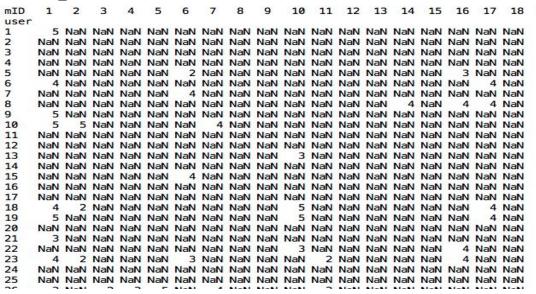
## 1 项目设计

### Recommendation Part[未优化]

### 1.1 划分测试集、训练集

### 1.2 设定数据结构

• user movie matrix



方便之后的 user\_user 和 item\_item 调用数值 采用 python pandas,生成任意维度的矩阵

movie\_bin directory

...}}

### 1.3 计算相似值

Pearson Similarity

$$sim(x,y) = \frac{\sum_{s \in S_{xy}} (r_{xs} - \overline{r_x}) (r_{ys} - \overline{r_y})}{\sqrt{\sum_{s \in S_{xy}} (r_{xs} - \overline{r_x})^2} \sqrt{\sum_{s \in S_{xy}} (r_{ys} - \overline{r_y})^2}}$$

### 1.4 计算 baseline

$$b_{ui}(t) = \mu + b_u + \alpha_u \cdot \text{dev}_u(t) + b_{u,t} + b_i + b_{i,\text{Bin}(t)}$$
 (11)

• user:

$$b_u + \alpha_u \cdot \operatorname{dev}_u(t)$$

用户时间的偏移量:根据上述公式计算,其中:alpha\_u:取值为该用户时间均值和中值的比值dev:beta = 0.4

#### • item:

$$-b_i + b_{i,\operatorname{Bin}(t)}$$

计算该电影对应时间在哪个 Bin 当中,每个 bin 都有偏移量 Bin: 统计该 bin 所有 rating 的均值一全部电影 rating 均值

### 1.5 找相似用户和相似电影

由 kMeans 得到目标用户或电影的 cluster, 找到相似度最大的 20 个

### 1.6 计算 rating

$$r_{xi} = b_{xi} + \frac{\sum_{j \in N(i;x)} s_{ij} \cdot (r_{xj} - b_{xj})}{\sum_{j \in N(i;x)} s_{ij}}$$

由以上公式,分别调用 user user CF 和 item item CF 来计算对应的 rating

## 3 kMeans Clustering

- (i) 见附件 result 20 目录
- (ii) 使用 kMeans 对用户进行聚类,得到 k=5,k=10,k=20 和 k=100 的聚类结果。分别计算此时的

$$\phi = \sum_{x \in \mathcal{X}} min_{c \in \mathcal{C}} ||x - c||^2$$

得到结果如下:

K=5:



K=10:

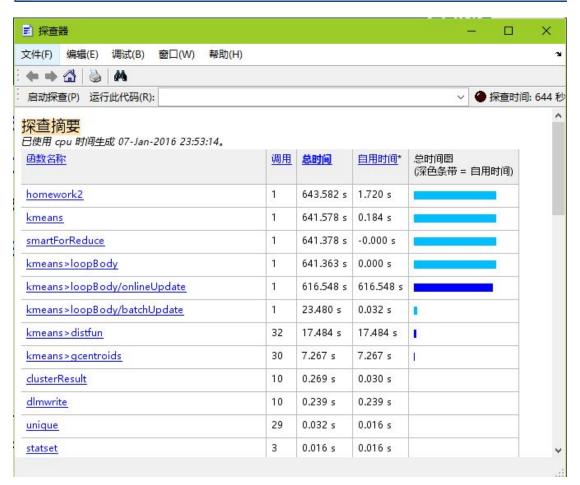
```
章令行窗口

Replicate 1, 51 iterations, total sum of distances = 9.95686e+06.

Best total sum of distances = 9.95686e+06

the cost is 9956858.5209

fx >> |
```



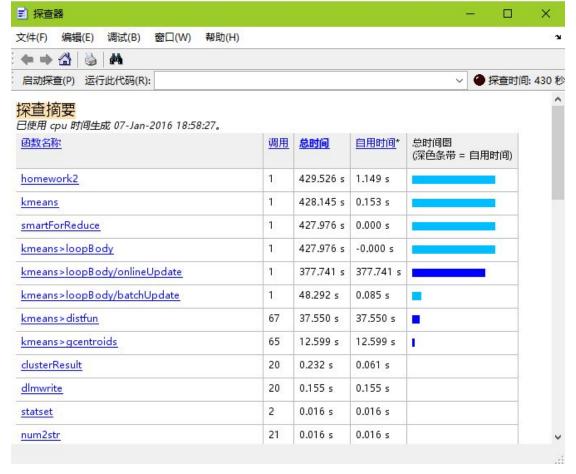
#### K=20:

#### 命令行窗口

Replicate 1, 76 iterations, total sum of distances = 9.62103e+06.

Best total sum of distances = 9.62103e+06

the cost is 9621030.5984

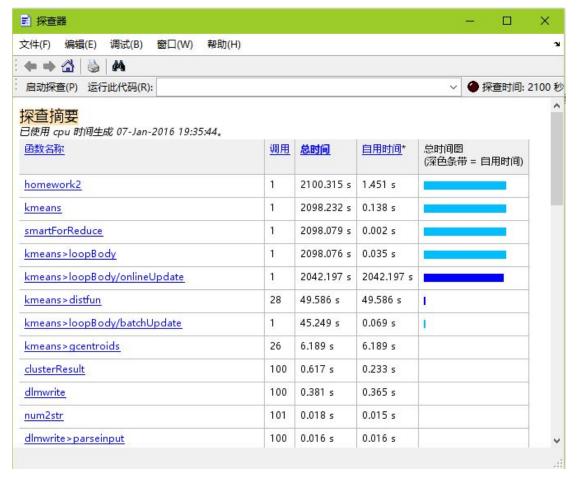


#### K=100:

#### 命令行窗口

Replicate 1, 47 iterations, total sum of distances = 8.7452e+06. Best total sum of distances = 8.7452e+06 the cost is 8745204.8687





可以观察到在一定程度上,k 的值越大,聚类结果越好,但是时间也会有所增加。 为了后续进行 based on item 进行推荐,还要对电影进行聚类。

#### (iii) 将 kMeans 应用到推荐中:

以 k=20 为例,在第一步的推荐算法中,是利用训练集所对应的整个用户评分矩阵来计算用户之间、以及电影之间的相似度的,而进行了聚类之后,就将相似度的计算范围缩小了,只需在一个聚类中计算相似度,然后再取,因此可以极大的加快相似度的计算时间,速度约是原来的 6 倍,并且 RSME 的值基本不变(现在:1.0058 原:0.9673),预测效果基本不变。

## **4 SVD Dimensionality Reduction**

### 4.1 相关概念:

### SVD:

SVD(Singular value decomposition 奇异值分解)是用来将一个大的矩阵以降低维数的方式进行有损地压缩。从信息论的角度来说,数据之间存在相关性,就具有可压缩性,因此 SVD 可以很好地用在对评分矩阵的压缩中。SVD 分解公式如下:

任意一个 M\*N 的矩阵 A (M 行\*N 列,M>N),可以被写成三个矩阵的乘积:

- 1. U: (M 行 M 列的列正交矩阵)
- 2. S: (M\*N 的对角线矩阵,矩阵元素非负)
- 3. V: (N\*N 的正交矩阵的转置)
- 即 A=U\*S\*V'(矩阵 V 需要转置)

### 4.2 相关分析及算法描述:

将矩阵 A 分解之后,可以看到矩阵 S 是一个对角矩阵,对角线元素为非负,且递减,这些对角线上的元素即为矩阵 A 的奇异值。当进行降维时,可以取矩阵 S 对角线上的前 k 个元素,相应的地 U 和 V 应该取前 k 列,这样就可以把矩阵 A 的维数从 N 降到了 k。此时 A 的列向量可以使用子分区 V 来特征性表示,而 A 的行向量可以使用子分区 U 来特征性表示。使用具体的小规模数据进行分析计算如下:

如下图所示, 该矩阵的列代表 用户、行代表

	Ben	Tom	John	Fred
Season 1	5	5	0	5
Season 2	5	0	3	4
Season 3	3	4	0	3
Season 4	0	0	5	3
Season 5	5	4	4	5
Season 6	5	4	5	5

```
A =
   5
       5
           0
               - 5
   5
        0
            3
                 4
   3
        4
            0
                 3
   0
        0
            5
                3
   5
        4
            4
                 5
   5
            5
                 5
```

```
[U,S,Vtranspose]=svd(A)
U =
  -0.4472 -0.5373 -0.0064 -0.5037 -0.3857 -0.3298
  -0.3586  0.2461  0.8622  -0.1458  0.0780  0.2002
  -0.2925 -0.4033 -0.2275 -0.1038 0.4360 0.7065
  -0.2078   0.6700   -0.3951   -0.5888   0.0260
                                       0.0667
  -0.5099 0.0597 -0.1097 0.2869 0.5946 -0.5371
        0.1887 -0.1914
                        0.5341 -0.5485 0.2429
  -0.5316
S =
  17.7139
             0
                     0
                              0
      0 6.3917
                    0
       0
            0
                3.0980
                    0 1.3290
       0
              0
             0
                     0
                              0
       0
       0
             0
                     0
                              0
Vtranspose =
  -0.5710 -0.2228
                0.6749 0.4109
  -0.4275 -0.5172 -0.6929 0.2637
  -0.5859
         0.0532
                0.0140 -0.8085
```

此时取 k=2 进行降维得到降维后的 U、S、V:

- 1	J		i -	V.transpose		
-0.4472	0.5373	17.7139	0.0000	-0.5710	0.2228	
-0.3586	-0.2461	0.0000	6.3917	-0.4275	0.5172	
-0.2925	0.4033			-0.3846	-0.8246	
-0.2078	-0.6700			-0.5859	-0.0532	
-0.5099	-0.0597					
-0.5316	-0.1887					

此时,使用降维后的U、S、V来相乘得到A2,

A2=U(1:6,1:2)\*S(1:2,1:2)\*(V(1:4,1:2))'

结果:

A2 =				
5.2885	5.1627	0.2149	4.4591	
3.2768	1.9021	3.7400	3.8058	
3.5324	3.5479	-0.1332	2.8984	
1.1475	-0.6417	4.9472	2.3846	
5.0727	3.6640	3.7887	5.3130	
5.1086	3.4019	4.6166	5.5822	

对比 A 可以观察到, A2 与 A 很相近, 但是有些许误差, 这就是前面提到的数据的有损压缩。接下来开始分析矩阵中的数据相关性:

在进行降维之后, U 的每一行可以用一个二维向量表示, V 的每一行也可以用一个二维向量表示, 在降维到二维之后, 就可以可视化地观察数据了, 如下图所示:



可以观察到 Ben 与 Fred 的 distance 很小,所以相似度很高;同样 S5 和 S6 也是如此,这样的结果与原始矩阵 A 是相同的,所以可以使用降维后的矩阵 U 和 V 来近似代表 A,也就是说将 A 压缩成了矩阵 U 和矩阵 V。

因此,当有一个新用户 Bob 时,可以使用如下公式,对该用户进行降维,然后采用某种相似度度量标准来找该用户的相似用户(实际应用在该项目中我们采用 pearson 相关系数)

$$Bob_{2D} = Bob^T x U_2 x S_k^{-1}$$

### 4.3 SVD 降维函数(matlab):

- (1) 见附件 3.txt
- (2) 分析如下: [U,S,V] = svd(A)

### 4.4 具体步骤及关键代码:

### 首先利用 matlab 的 svd 公式,对训练集进行奇异值分解

[U,S,V] = svd(training\_rating);

### 接着利用题目所给的条件

save movieData movies;

and the example <sup>2</sup> demonstrates the use of Jama's SVD. You need to ensure the dimensionality reduction incurs at most 10% energy loss, i.e.,  $\sum_{i'=1}^{k'} (\lambda_{i'})^2 \ge 90\% * \sum_{i=1}^{k} (\lambda_i)^2$ , where  $\lambda_{i'}$  is one of the number k' of retained singular values

```
确定 k 的最小取值
tempMatrix = S.^2;
sum before = sum(tempMatrix(:));
for k = 1000:-1:1
   temp = tempMatrix(1:k,1:k);
   sum after = sum(temp(:));
   if(sum_after/sum_before<0.9)</pre>
      break;
   end
end
disp(k);
%dimension
dim=k;
然后将原评论矩阵降维到维度为 k
%U new 表示用户特征子区
U \text{ new} = U(:, 1:dim);
S \text{ new} = S(1:\dim, 1:\dim);
%V new 表示电影特征子区
V \text{ new } = V(:,1:\text{dim});
result = [num2str(dim),',',size(data,2)];
fid=fopen('3.txt','wt');
fprintf(fid,'%s\n',result);
fclose(fid);
save userTraining U new;
save movieTraining V new;
%movies 3952*969 降维 降维后的数据集 based on movies
movies = rating_matrix'*U_new*S_new^-1;
```

%users 6040\*969 降维 降维后的数据集 based on users users = rating\_matrix\*V\_new\*S\_new^-1;

save userData users;

此时就得到了降维后的数据集 movies 和 users 以及用训练集得到的用户及电影特征子区,接下来就是将其应用到推荐系统了。

以 based on user 为例,使用 users 及  $U_new$  矩阵,针对每一个 user,求出与其相似 度最高的前 n 个来进行相关的预测,后续步骤与 Problem1 中的方法相同。

### 数据展示如下:

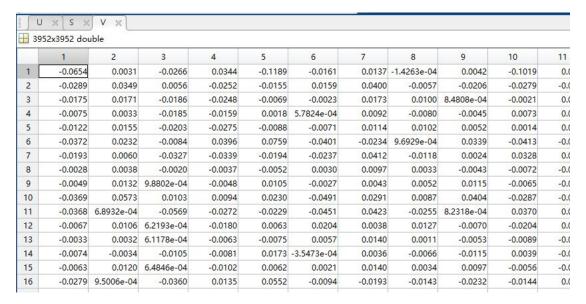
U:

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	
1	-0.0044	-0.0057	-0.0016	0.0034	-0.0155	-0.0028	0.0084	0.0046	-0.0158	-0.0112	-0.0109	
2	-0.0089	-0.0040	3.4565e-04	0.0117	0.0073	-0.0238	0.0097	0.0028	-0.0016	0.0026	0.0067	-3.4
3	-0.0044	5.7262e-04	0.0029	0.0052	-0.0078	-0.0082	-0.0048	0.0064	0.0012	-0.0054	-0.0022	
4	-0.0025	-5.3840e-04	0.0075	0.0073	-0.0034	-0.0043	-0.0014	0.0030	-0.0064	-6.8504e-04	0.0014	
5	-0.0094	-0.0063	-0.0192	0.0216	0.0059	0.0153	-0.0011	-0.0036	0.0046	0.0041	-0.0171	
6	-0.0036	-0.0026	-0.0024	-0.0022	-0.0082	-0.0047	0.0130	0.0037	-0.0058	0.0037	-0.0061	
7	-0.0032	0.0050	0.0027	0.0117	5.4490e-04	-0.0090	0.0022	6.1556e-04	9.0497e-04	-0.0024	0.0028	
8	-0.0091	-0.0010	-0.0200	0.0200	0.0158	-0.0097	0.0096	-0.0155	-0.0187	0.0051	0.0018	3.7
9	-0.0082	-0.0049	-0.0186	0.0235	-0.0033	-0.0043	9.9499e-04	-0.0013	-0.0116	-0.0109	7.4857e-04	
10	-0.0255	0.0028	0.0127	-0.0245	-0.0518	5.6416e-04	0.0231	-0.0083	-0.0068	0.0027	0.0127	
11	-0.0100	-0.0055	-0.0245	0.0062	-0.0135	-0.0012	-0.0152	-6.0956e-04	1.4902e-04	-0.0071	0.0138	5.8
12	-0.0012	-0.0026	7.4789e-04	0.0019	7.9645e-04	-0.0014	2.1389e-04	0.0023	-3.1150e-05	-0.0049	0.0011	
13	-0.0081	0.0097	0.0126	0.0137	-0.0051	-0.0167	0.0084	-0.0067	-0.0042	-6.9015e-04	-0.0073	
14	-0.0018	-0.0010	-0.0042	0.0081	-0.0029	0.0057	-0.0011	0.0078	0.0016	0.0050	-0.0030	
15	-0.0118	0.0106	-0.0260	0.0220	0.0072	-0.0046	0.0060	0.0216	0.0033	0.0117	0.0146	

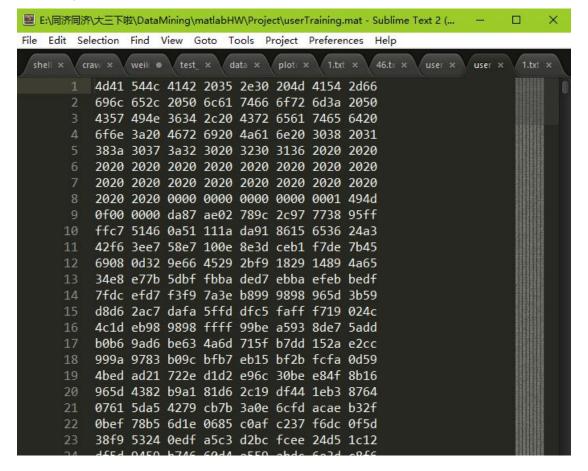
S:

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
1	1.6693e+03	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
2	0	585.6046	0	0	0	0	0	0	0	0	
3	0	0	521.3837	0	0	0	0	0	0	0	
4	0	0	0	467.0885	0	0	0	0	0	0	
5	0	0	0	0	401.9766	0	0	0	0	0	
6	0	0	0	0	0	369.5831	0	0	0	0	
7	0	0	0	0	0	0	349.5320	0	0	0	
8	0	0	0	0	0	0	0	320.7546	0	0	
9	0	0	0	0	0	0	0	0	303.3971	0	
10	0	0	0	0	0	0	0	0	0	293.7230	
11	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	267.04
12	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
13	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
14	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
15	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
16	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
	-	-		-			-	_	-	_	

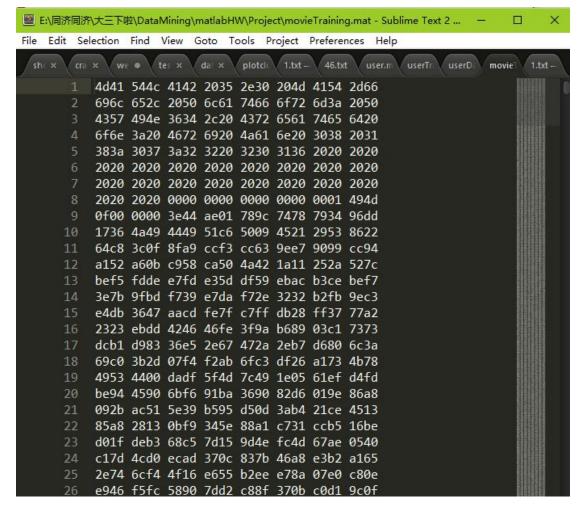
۷:



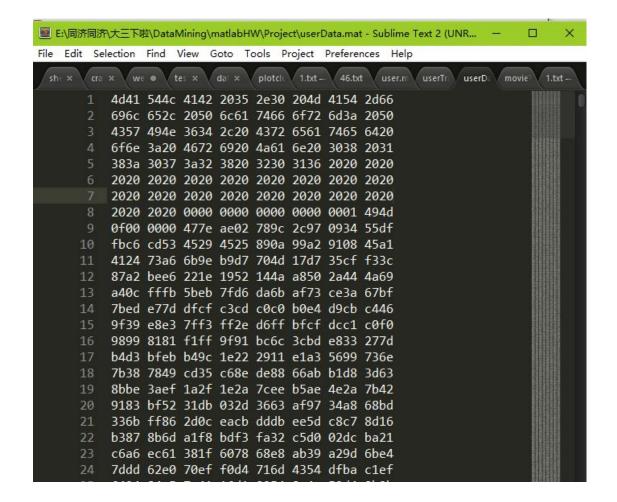
#### UserTraing:



movieTraining:



userData:



movieData:

```
■ E:\同济同济\大三下啦\DataMining\matlabHW\Project\movieData.mat - Sublime Text 2 (U...
   Edit Selection Find View Goto Tools Project Preferences Help
 shell.c crawle weike test_f datas plotc 1.bxt 46.bxt user, userT userT movie movie 1.bxt
          4d41 544c 4142 2035 2e30 204d 4154 2d66
         696c 652c 2050 6c61 7466 6f72 6d3a 2050
          4357 494e 3634 2c20 4372 6561 7465 6420
          6f6e 3a20 4672 6920 4a61 6e20 3038 2031
          383a 3037 3a32 3520 3230 3136 2020 2020
          2020 2020 2020 2020 2020 2020 2020 2020
          2020 2020 2020 2020 2020 2020 2020 2020
          2020 2020 0000 0000 0000 0000 0001 494d
          0f00 0000 0c1a ab01 789c 7478 7738 d7df
          fb3f 194d d952 2444 142a 2315 9291 954d
          c8de 7bef 9791 bdf7 de64 571a b21b bc1e
     11
          4292 d220 b394 91cc a285 24fd 7cae dffb
         e3fd c7e7 fa9e eb7a 5ee7 f9bc cfb9 cf7d
         9f7b 3cee 739e 7b49 4848 eef9 f691 526e
         f63b 369f fff4 ff69 14ff 7cbb 5193 903c
          2523 2121 fd67 ccd9 d5c7 deda 9384 64e7
          e67b c826 df85 36b2 8b12 dfeb 1069 ffab
         93fa 4d3e 0e30 67b3 f7d5 a7c0 6db2 b7fa
         6fab 1fa4 8d23 a8f6 12a2 d1a9 7be2 7b16
         5b05 627b 781c c602 d2f1 bd7a dbc5 b16f
          9638 9c47 7672 56c8 0de7 e2af c4c9 5097
     22 8136 fc30 f510 6905 f23a 9686 2546 bc70
          ae4e 75e4 3d8b 1b76 28aa 1b09 9587 80e9
          c16d cba5 762f a893 f61b 2de6 15e3 cd3c
          8391 07d9 66ef f755 b4bf 2614 a271 21f3
          4f93 62d0 71b3 f367 c15e 7f44 7c99 dd37
```

### **5 Prediction Results**

#### RSME:

```
优化前:
```

```
RMSE(result_1_1) = 1.027915812345421(baseline)
RMSE(result_1_movie) = 0.9336212(item-item)
RMSE(result_1_user) = 1.0282677(user-user)
RMSE(result_1_3) = 0.89902134(Incorporating Temporal Dynamics)
优化后:
```

RMSE (result\_kMeans) = 0.9345669189747243(based on user) RMSE (result\_SVD) = 0.934418131

#### 结果分析:

kMeans:经过 k=10,k=20,k=100 的检验,k 取 20 时效果最好;可能原因是当 k 取 10 时由于聚类个数较少,因此同一聚类中的元素相似度可能并没有很高;而当 k 取 100 时,进行聚类所花的时间较大,但产生的效果不明显,因此得不偿失。综合来说 k 取 20 的时候效果较好,时间较快而且 RSME 的值也较高。

### kMeans 的结果:

kMeans 的结果比先前的差,因为之前是直接对所有的用户或电影按相似度排名,cluster 之后,虽然速度提升了很多,但是由于 cluster 的中间误差,导致相似度排名的结果也产生偏差。

这里 item-based 的结果比 user-based 的结果要好。因为 user 实际上会涉及 sparsity 和 scalabity 的问题,并且一般的系统也更倾向于选用 item-based.另外,在本次项目中没有涉及到数据量的变化。经过小范围的数据量测试变化表明: 当用户量很少的时候,user-based CF 效率很高,而当数据量增加之后,它的表现会下降;而对于 item-based CF 而言,虽然刚开始用户量少的时候表现较差,但是当数据量增多之后会有良好的表现。

### SVD 的结果:

由于用户对很多电影是没有评分的,所以在评分矩阵中,好多项都是 0,因此可以采用 SVD 进行降维压缩矩阵可以删除不重要的或噪音用户和项目,降低用户用户-项目评分矩阵的维度这样在维度小的多的数据情况下能够快速地得到结果,并且由于降维后的矩阵可以以很小的误差来代表原始矩阵,所以使用 SVD 降维后的矩阵进行预测效果也很好。

## 6 小组分工

刘林青:负责 Recommendation(2)部分整体架构的代码及该部分文档撰写 黄安娜:负责 kMeans(3)和 SVD(4)部分的优化设计及该部分文档撰写