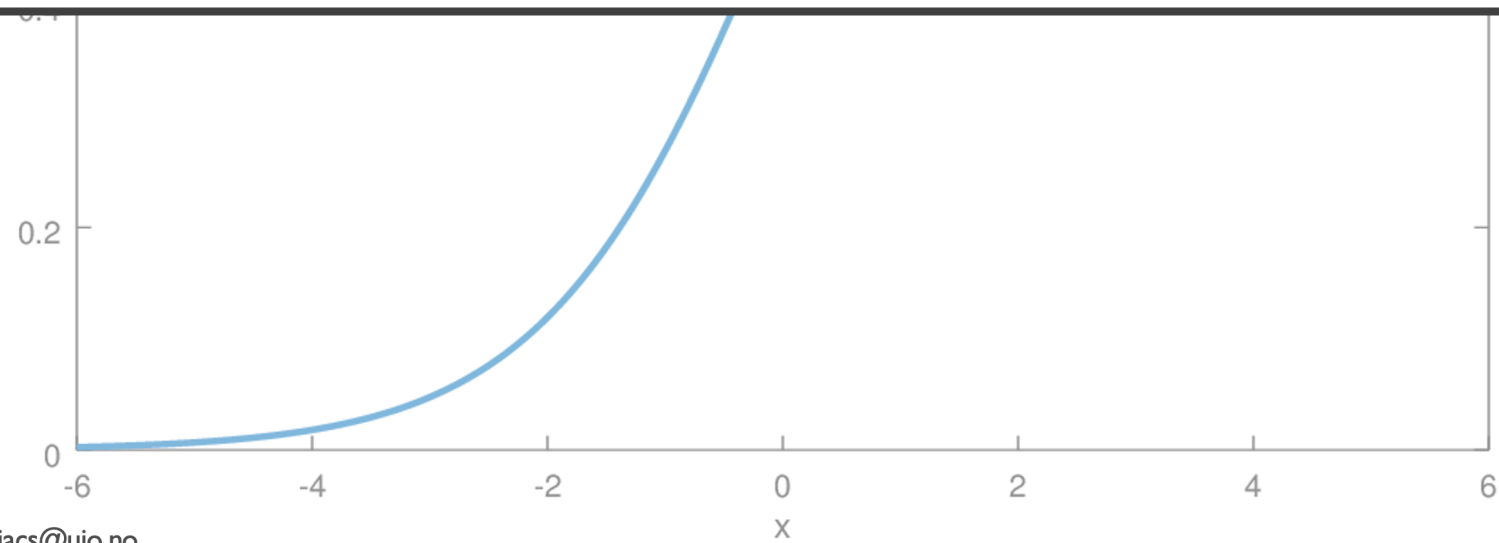


# LOGISTISK REGRESJON



# LINEÆR REGRESJON

Forsøker å finne en *rett linje* vi kan trekke som *decision boundary*

$$y = w_1x_1 + w_2x_2 + \dots + w_nx_n + b$$

Output

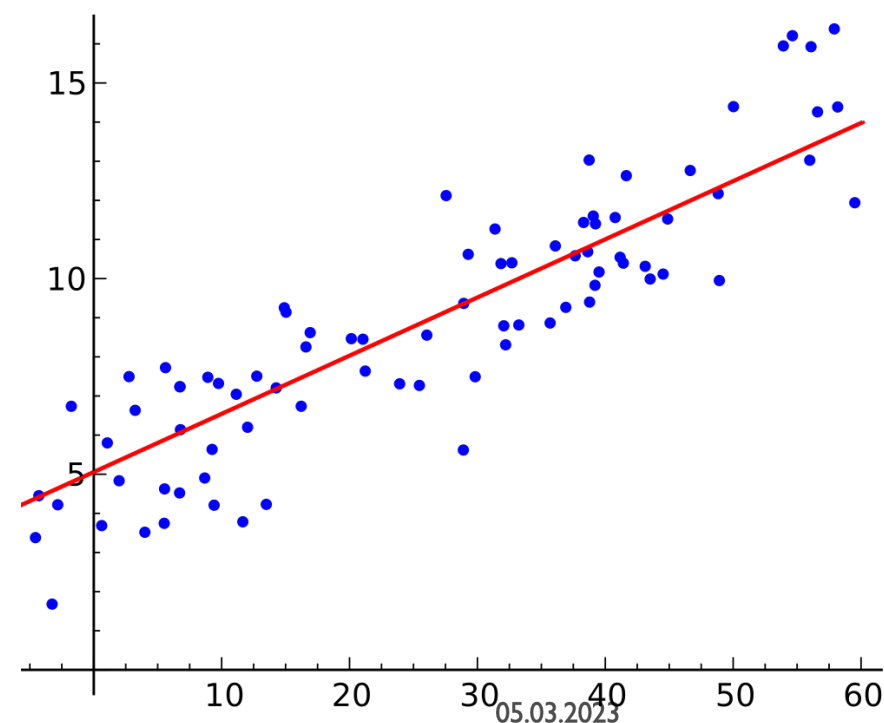
Input med  $n$   
numeriske verdier

Estimerte vektor  
i modellen

Skjæringspunktet:  
Verdien av  $y$  hvis alle trekk i  $x$  er 0

Men: formelen gir oss verdier mellom -uendelig og +uendelig

Vi vil ha verdier mellom 0 og 1



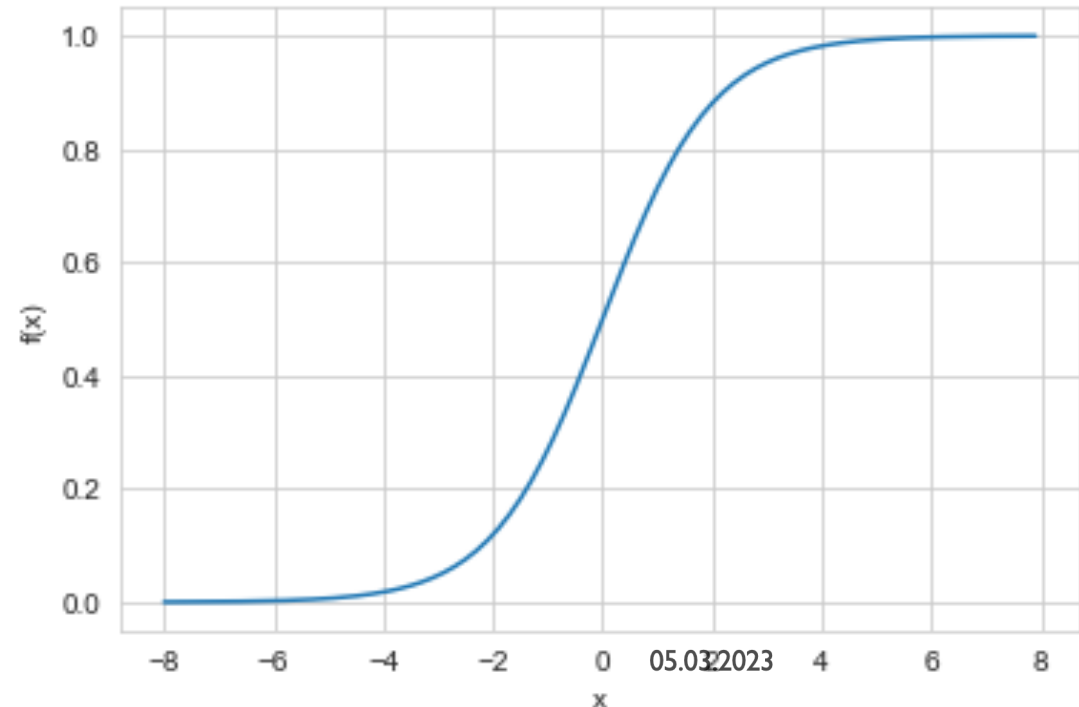
# LOGISTISK REGRESJON

Klassifikasjonsmodell som gir oss en *sannsynlighet* for en outputklasse  $y$  gitt input  $x$

For å gjøre om regresjonsresultatet til en sannsynlighet mellom 0 og 1, bruker vi *Sigmoid-funksjonen*  $\sigma$ :

$$y = \sigma(w^T x + b)$$

$$\sigma = \frac{1}{1 + e^{-z}}$$



# TRENE EN LOGISTISK REGRESJONSMODELL

Vi estimerer vektene  $w$  og skjæringspunktet  $b$  ved hjelp av et treningssett

- Vi ønsker at disse verdiene *minimerer* feil modellen gjør

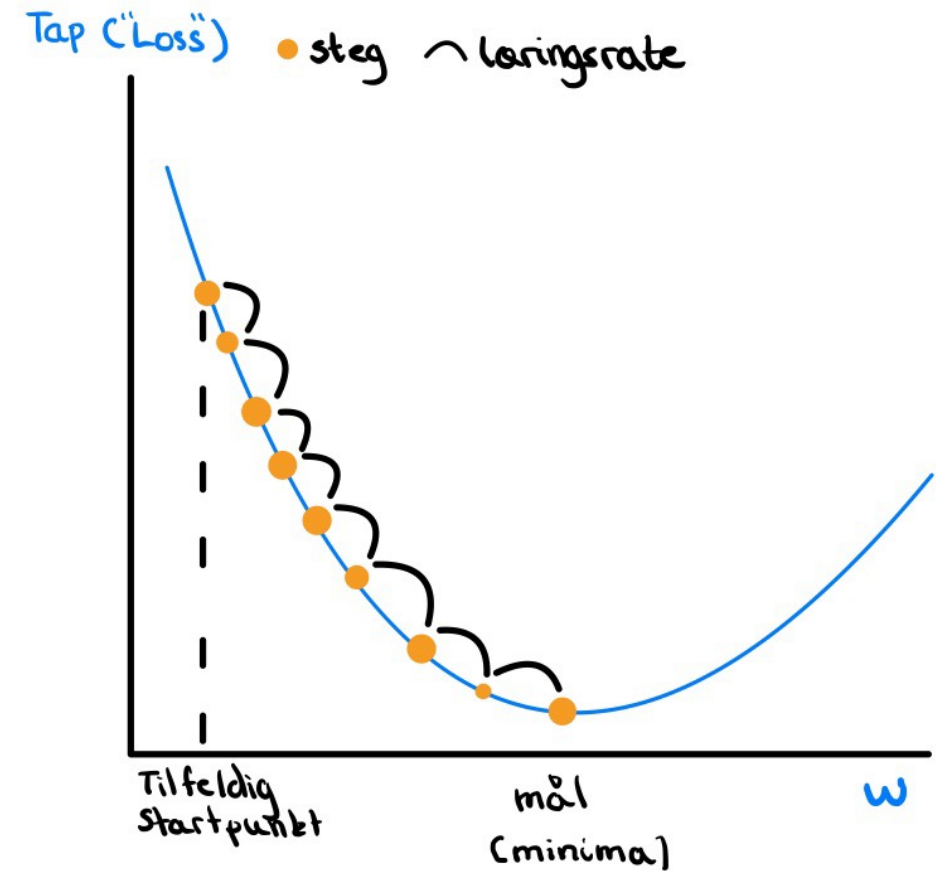
Vi må definere:

- En *tapsfunksjon*: Måler hvor mye modellen feiler
  - Cross Entropy
- En *optimeringsalgoritme*: finner verdiene for  $w$  og  $b$  som minimiserer tapsfunksjonen på treningssettet
  - Gradient Descent

# GRADIENT DESCENT

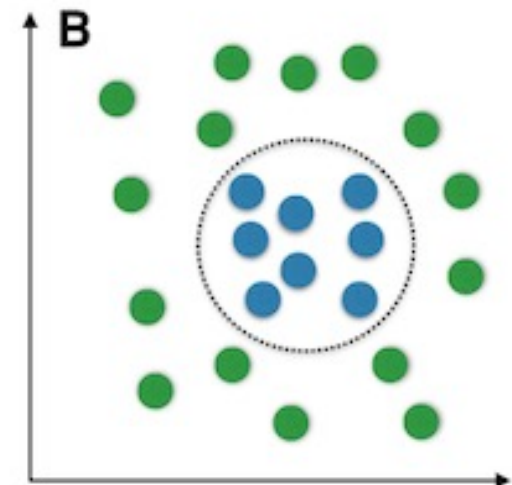
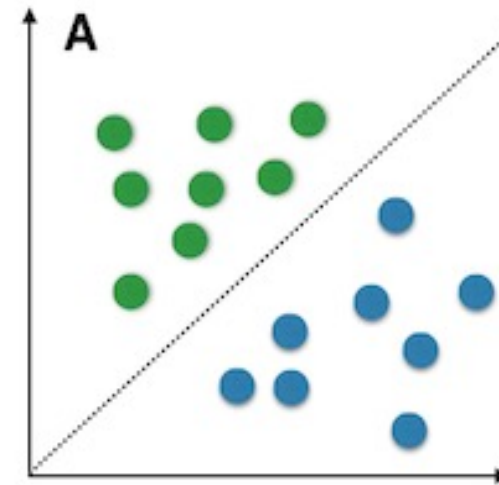
Minimerer tapsfunksjonen: modellen feiler så lite som mulig

- Justerer  $w$  og  $b$  gradvis med *gradient descent*, slik at tapet minimeres



# FORDELER & ULEMPER

- En lineær modell vil ikke kunne skille mellom klassene i alle datatyper
- + Kan trenes på *beskjedne datamengder*: Få parametere som må estimeres ( $w$  og  $b$ )
- + Gode *generaliseringsevner*
- + *Rask og skalerbar*: Kan skalere til store datasett uten problemer
- + *Forklarbar*: Vi kan forstå hvilken del av input som påvirker modellens prediksjoner



VIDERE:

[Intro til Pandas og Scikit-Learn](#)

[Ukesoppgaver](#)

[Oblig 1b](#)