Лабораторная работа N°4

по дисциплине Компьютерный практикум по статистическому анализу данных

```
[55]: # Массив 4х3 со случайными целыми числами (от 1 до 20):

а = rand(1:20, (4, 3))

# Поэлементное произведение по столбцам:
prod(a, dims=1)

[55]: 1×3 Matrix{Int64}:
20900 24480 800

[]:
```

```
[51]: # Массив 4х3 со случайными целыми числами (от 1 до 20):

а = rand(1:20, (4, 3))

# Поэлементная сумма:

sum(a)

[51]: 98
```

```
[64]: # Подключение пакета:
      Pkg.add("LinearAlgebra")
      using LinearAlgebra
      # Массив 4х4 со случайными целыми числами (от 1 до 20):
      b = rand(1:20, (4, 4))
      # Инверсия:
      inv(b)
         Resolving package versions...
        No Changes to `F:\Users\vnaq2\.julia\environments\v1.10\Project.toml`
        No Changes to `F:\Users\vnaq2\.julia\environments\v1.10\Manifest.toml`
[64]: 4×4 Matrix{Float64}:
        0.0860487 0.0172675 -0.057149 -0.0224695
       -0.0552344 -0.0341738 -0.0082364 0.115599
       -0.0915758 0.0584495 -0.0260819 0.0327288
        0.0166173 -0.0184958 0.0737663 -0.0177733
[]:
```

```
[67]: # Βεκπορ:

X = [2, 4, -5]

# Εβκπαδοβα нορмα:

norm(X)

[67]: 6.708203932499369

[]: [
```

```
[73]: # Вектор:

X = [2, 4, -5]

# Евклидово расстояние между векторами:

Y = [1, -1, 3]

norm(X - Y)

[73]: 9.486832980505138
```

```
[76]: # Матрицы:
      A = rand(1:10, (2, 3))
      B = rand(1:10, (3, 4))
      # Произведение матриц:
      A * B
[76]: 2×4 Matrix{Int64}:
       69
           93 93 66
       48
          75 61 44
```

```
[79]: # Вектор v:

v = [1, 2, 3]

# Внешнее произведение:

outer_v = v * transpose(v)

[79]: 3×3 Matrix{Int64}:

1 2 3

2 4 6

3 6 9
```

```
[85]: # с) Система без решений

A = [1 1; 2 2]

b = [2; 5]

if rank(A) < rank(hcat(A, b))
    println("Система несовместна (нет решений).")

else
    x = A \ b
    println("Решение:", x)

end

Система несовместна (нет решений).
```

```
[80]: # a) {x + y = 2, x - y = 3}
A = [1 1; 1 -1]
b = [2; 3]
x = A \ b
```

[]:

```
if rank(A) < rank(hcat(A, b))
    println("Система несовместна (нет решений).")
else
    x = A \ b
    println("Решение:", x)
end</pre>
```

Система недоопределена (бесконечно много решений).

```
[81]: # d) {x + y = 1, 2x + 2y = 2, 3x + 3y = 3}

A = [1 1; 2 2; 3 3]

b = [1; 2; 3]

x = A \ b
```

[]

```
[82]: # e) {x + y = 2, 2x + y = 1, x - y = 3}
A = [1 1; 2 1; 1 -1]
b = [2; 1; 3]
x = A \ b
```

[]

```
[83]: # f) {x + y = 2, 2x + y = 1, 3x + 2y = 3}
A = [1 1; 2 1; 3 2]
b = [2; 1; 7]
x = A \ b
```

[]:

```
[87]: # Приведение к диагональному виду:
      A1 = [1 -2; -2 1]
      eigvals(A1)
      A2 = [1 -2; -2 3]
      eigvals(A2)
      A3 = [1 -2 0; -2 1 2; 0 2 0]
      eigvals(A3)
[87]: 3-element Vector{Float64}:
       -2.1413361156553643
        0.51513804712807
        3.6261980685272945
[]:
```

```
[89]: using LinearAlgebra
      A = [1 \ 2; \ 3 \ 1]
      eigenvalues = eigvals(A)
      println("Собственные значения: ", eigenvalues)
      # Проверка продуктивности:
      if all(abs.(eigenvalues) < 1)
          println("Матрица продуктивна.")
          println("Матрица НЕ продуктивна.")
      Собственные значения: [-1.4494897427831779, 3.4494897427831783]
      Матрица НЕ продуктивна.
```

```
[90]: A = 1/2 * [1 2; 3 1]
      eigenvalues = eigvals(A)
      println("Собственные значения: ", eigenvalues)
      # Проверка продуктивности:
      if all(abs.(eigenvalues) .< 1)
          println("Матрица продуктивна.")
          println("Матрица НЕ продуктивна.")
      Собственные значения: [-0.7247448713915892, 1.724744871391589]
      Матрица НЕ продуктивна.
```

```
[91]: using LinearAlgebra
      A = [1 2; 3 1]
      eigenvalues = eigvals(A)
      println("Собственные значения: ", eigenvalues)
      # Проверка продуктивности:
      if all(abs.(eigenvalues) .< 1)
          println("Матрица продуктивна.")
      else
          println("Матрица НЕ продуктивна.")
      Собственные значения: [-1.4494897427831779, 3.4494897427831783]
      Матрица НЕ продуктивна.
```

```
[92]: A = [0.1 0.2 0.3; 0 0.1 0.2; 0 0.1 0.3]
      eigenvalues = eigvals(A)
      println("Собственные значения: ", eigenvalues)
      # Проверка продуктивности:
      if all(abs.(eigenvalues) .< 1)
          println("Матрица продуктивна.")
          println("Матрица НЕ продуктивна.")
      end
      Собственные значения: [0.02679491924311228, 0.1, 0.37320508075688774]
      Матрица продуктивна.
```

Вывод

Я изучил возможности специализированных пакетов **Julia** для выполнения и оценки эффективности операций над объектами линейной алгебры.