



ICT Eng/Algorithm

[Algorithm] 7-2. Graph 02 - BFS(Breadth-First Search, 너비우선탐색)

nroo | 2018. 4. 27. 03:27

인프런 - 부경대IT융합응용공학과 궘오흠 교수님의 '영리한 프로그래밍을 위한 알고리즘 강좌 '(링크)와 '쉽게 배우는 알고리즘 관계 중심의 사고법 - 문병로' 참조

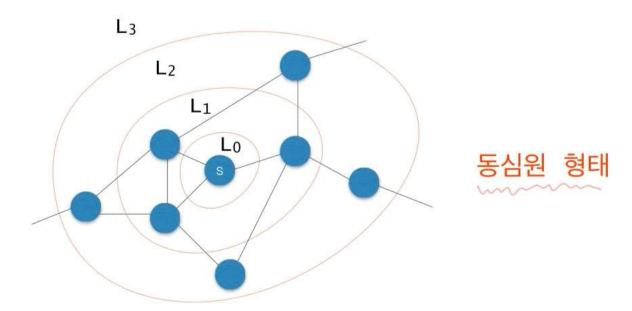
7-2. Graph 02 - BFS(Breadth-First Search, 너비우선탐 색)

그래프 순회

- 순회(traversal)
 - 그래프의 모든 노드들을 방문하는 일
- 대표적 두 가지 방법
 - BFS (Breadth-First Search, 너비우선순회)
 - DFS (Depth-First Search, 깊이우선순회)

너비우선탐색(BFS)

- BFS 알고리즘은 다음 순서로 노드들을 방문
 - L0 = {s}, 여기서 s는 출발 노드
 - L1 = L0의 모든 이웃 노드들
 - L2 = L1의 이웃들 중 L0에 속하지 않는 노드들
 - ..
 - Li = Li-1의 이웃들 중 Li-2에 속하지 않는 노드들
 - 한마디로 그래프에서 노드들을 동심원의 형태로 순회하는 방법

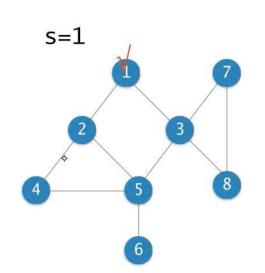


큐를 이용한 너비우선탐색

• 출발노드를 check하고 시작한다.



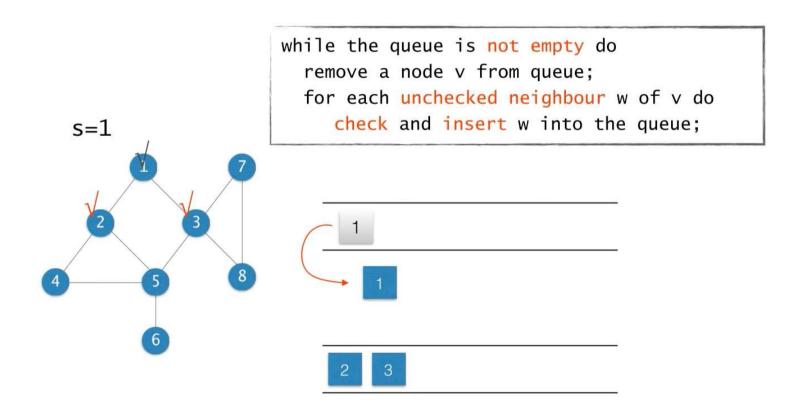




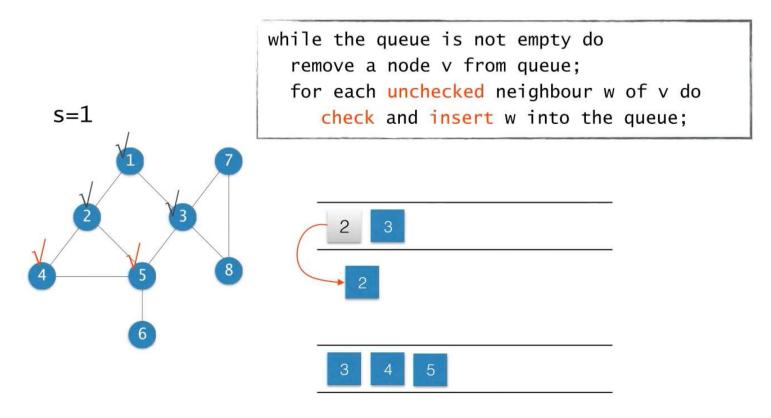
- 1. check the start node;
- 2. insert the start node into the queue;

queue

- whil문을 돌면서 큐가 비어있을 때까지 반복한다.
 - 큐에서 노드(v)를 하나 꺼내고
 - 꺼낸 노드의 인접노드 중, 아직 방문되지 않은(unchecked) 노드들(w)을 체크하고 큐에 넣는다.
 - 이 때, 큐에 넣는 순서는 중요하지 않다.



- 다시 큐에서 노드를 하나 꺼내고(2번 노드)
- 2번 노드의 체크되지 않은 인접 노드들(4, 5번 노드)을 체크상태로 변경하고 큐에 넣는다.



• 이런 방법으로 큐가 비어있는 상태가 될때까지 반복한다.

● 최종적으로 노드를 방문한 순서는 1, 2, 3, 4, 5, 7, 8, 6 이 된다. 하지만, 이 방문 순서는 유일하지 <u>않다. 큐에 인접</u>



Namjun Kim ✓ 개발자의 기록습관 │ ♠ GitHub

CATEGORY

BFS pesudo code

• 그래프 G, 출발 노드 S

```
00 BFS(G, s)
01  Q <- null;
02  Enqueue(Q, s);
03  while Q != null do
04  u <- Dequeue(Q);
05  for each v adjacent to u do
06  if v is unvisited then
07  mark v as visited;
08  Enqueue(Q, v);</pre>
```

BFS와 최단경로

- BFS는 단순히 그래프의 모든 노드를 방문하는 것 이상의 추가적인 중요한 일을 할 수 있다. 최단 경로를 구하는 일이다.
- s에서 Li에 속한 노드까지 최댄 경로의 길이는 i이다.
 - 여기서 경로의 길이는 경로에 속한 엣지의 수를 의미한다.
- BFS를 하면서 각 노드에 대해서 최단 경로의 길이를 구할 수 있다.
- 입력
 - 방향 혹은 무방향 그래프 G = (V, E), 그리고 출발노드 s
- 출력
 - 모든 노드 v에 대해서
 - d[v] = s로 부터 v까지의 최단 경로의 길이(엣지의 개수)
 - $\pi[V] = s로 부터 v까지의 최단경로상에서 v의 직전 노드(predecessor)$
- Pseudo code
 - 02 04 : 모든 노드 u에 대해서 d[], π[]를 초기화
 - 05 06 : 스타트 노드의 d[], π[]를 설정
 - 11 : d[v] 가 -1인가를 체크하여 unvisited 체크를 구현
 - 12 13 : unvisited 노드에 대하여 d[v], π[v]를 저장
 - 최단경로 길이 d[v]는 u까지의 최단경로길이 d[u]를 지나오는 것이므로 d[u] + 1이 될 것이고,
 - v노드의 최단경로상에서 v의 직전노드는 u가 된다.
 - 14 : unchecked 노드만 큐에 들어갈 수 있으므로 어떤 노드도 큐에 두번 들어가지는 않는다.

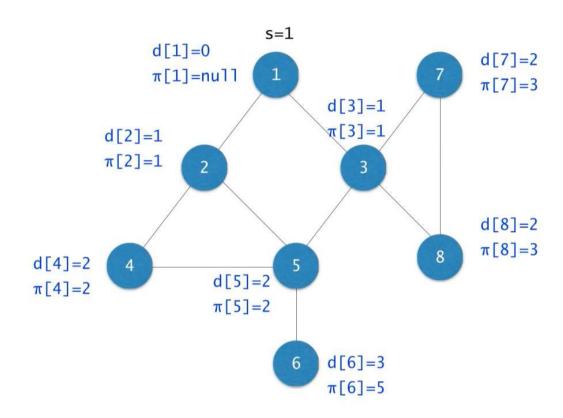
```
00 BFS(G, s)
01 Q <- null;</pre>
02 for each node u do
       d[u] <- -1;
03
      \pi[u] \leftarrow \text{null};
05 d[s] <- 0;
                     //distance from s to s is 0
06 \pi[s] \leftarrow null; //no predecessor of s
     Enqueue(Q, s);
     while Q != null do
80
09
       u <- Dequeue(Q);</pre>
10
       for each v adjacent to u do
11
          if (d[v] == -1) then
                                    //distance to v
12
            d[v] \leftarrow d[u] + 1;
                                    //u is the predecessor of v
13
            \pi[v] \leftarrow u;
14
            Enqueue(Q, v);
```

시간복잡도

- 02라인 for 의해 기본적으로 O(n)이다.
- 실제로는 08라인의 while문이 알고리즘의 시간복잡도를 결정한다.
- 기본적으로 while문이 한번 돌 때마다 큐에서 노드 하나씩 꺼내므로 while문은 최대 n번 돈다.

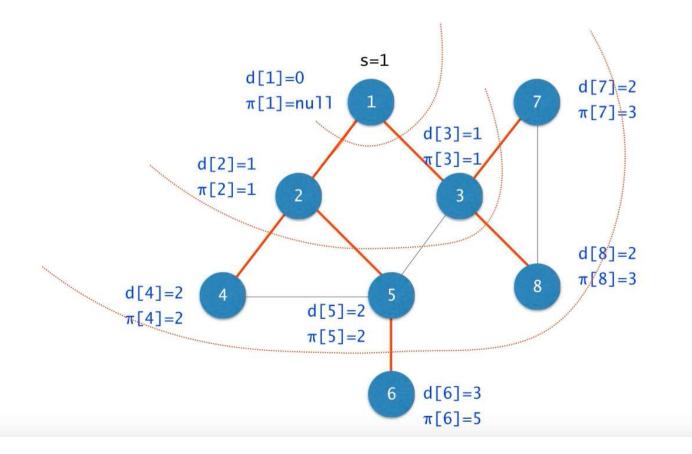
- 그래프를 **인접 행렬로 구현할 경우** degree(v)를 찾으려면 O(n)이 든다. 따라서 인접행렬로 구현했을 떄의 while 문의 시간복잡도는 O(n^2)이 된다.
- 인접 리스트로 구현할 경우 전체 그래프에서 보면, for 문은 결국 모든 노드들의 degree() 만큼 돌 것이다. 인접리스트에서 그것은 2m이다.(무방향 그래프에서 총 엣지의 수) 시간복잡도는 O(m). 따라서, while문의 시간복잡도는 O(n + m)이 된다.
- 결과적으로 인접 리스트의 최악의경우 m이 n이 되므로 최악의 경우가 아닌 이상 인접 리스트로 구현하는 것이 좀 더 효율적이다.

BFS로 구현한 d[]와 π[] 예시



BFS 트리

- 각 노드 v와 π[v]를 연결하는 엣지들로 구성되는 트리
- BFS 트리에서 s에서 v까지의 경로는 s에서 v까지 가는 최단 경로
- 어떤 엣지도 동심원의 2개의 layer(L0에서 L2로 가지 않는다)를 건너가지 않는다.(동일 레이어의 노드를 연결하거나, 혹은 1개의 layer를 건너간다.)



너비우선탐색: 최단 경로 출력하기

- 출발점 s에서 노드 v까지의 경로 출력하기
 - resursion으로 해결한다.
 - s에서 v까지 가는 최단 경로는 먼저 s에서 π[v]까지 가는 경로를 출력하고, v를 추가로 출력하면 된다.





```
03 else if π[v] = null then // 실제로 s에서 v까지 가는 경로가 없을 경우(최단경로도 없음)
04 print "no path from s to v exists";
05 else
06 PRINT-PATH(G, s, π[v]);
07 print v;
```

너비우선탐색(BFS) 정리

- 그래프가 connected 라면 모든 노드를 방문하게 된다. 하지만, 그래프가 **disconnected** 이거나 혹은 방향 그래프 라면 BFS에 의해서 모든 노드가 방문되지 않을 수도 있다.
- disconnected 그래프의 모든 노드를 방문하려면 BFS를 반복하여 모든 노드 방문
 - 전체 노드중 unvisited 노드가 없을 때까지 BFS를 반복한다.

```
BFS-ALL(G)
while there exists unvisited node v
BFS(G, V)
```



⑤

'ICT Eng > Algorithm' 카테고리의 다른 글

```
[Algorithm] 7-3. Graph 03 - DFS(Depth-First ... (0) [Algorithm] 7-2. Graph 02 - BFS(Breadth-... (2) [Algorithm] 7-1. Graph 01 - 개념과 표현 (0) [Algorithm] 6-2. Hash 함수, Hashing in Java (0) [Algorithm] 6-1. Hashing 개요 - Chaining, Op... (0) [Algorithm] 5-3. Red Black Tree 03 - DELETE,... (3)
```

TAG BFS, traversal, 그래프, 너비우선순회, 시간복잡도, 알고리즘, 인접그래프, 인접행렬, 최단경로

댓글 2 ^



sunjunjun

안녕하세요 우연히 들르다가 늘 궁금했던 점 질문하려 합니다. 이러한 전문적 지식들은 어디에 쓰이는 건가요? 웹개발에는 쓰이지 않겠죠? 2018.07.19 01:09

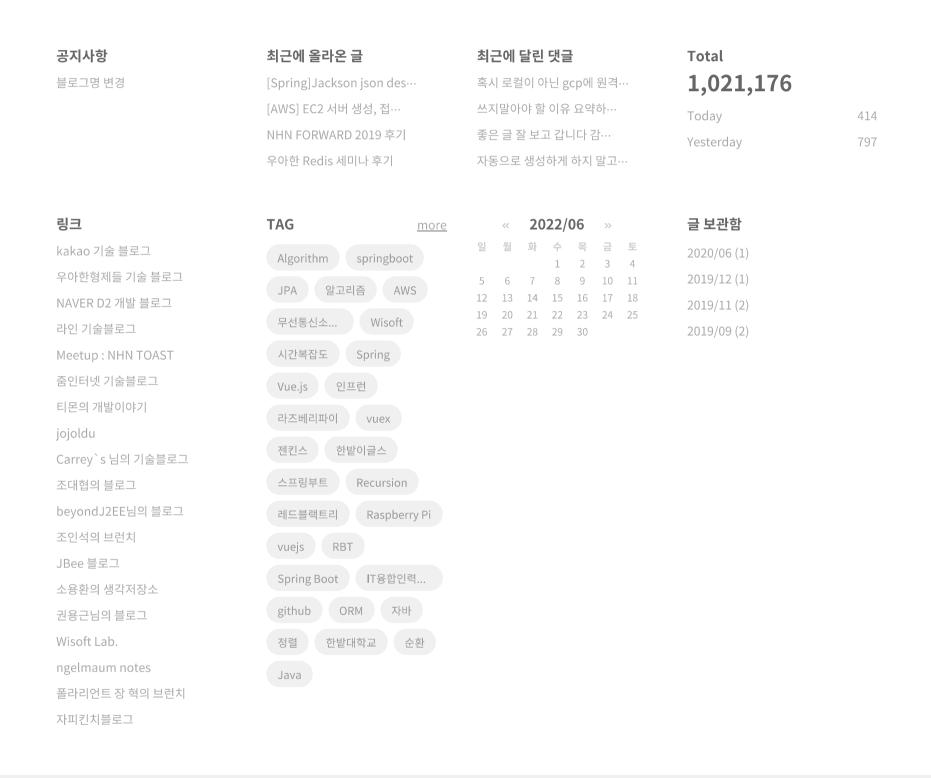


nroo (PROFILE)

안녕하세요, 알고리즘은 개발자가 갖춰야할 필수지식이라고 생각합니다. 알고리즘, 자료구조, 운영체제, 네트워크, 프로그래밍언어 등 기본기가 잘 다져진 개발자가 그렇지 않은 개발자에 비해 우위에 있을것이고, 현실적으로 보면 요즘 대부분의 서비스 개발 기업들의 채용과정에 알고리즘 코딩테스트 역량과 깊이 있는 기술 면접은 필수 단계에 포함됩니다. 더 궁금한 점 있으시면 얘기해주세요:)

2018.07.19 01:20 신고





Blog is powered by Tistory / Designed by Tistory