

# 基于神经网络回归模型的降雨量问题研究

李沐阳      易领程      钟绍恒

2024 年 5 月 2 日

# 目录

<b>1 摘要</b>	<b>3</b>
<b>2 问题重述</b>	<b>4</b>
2.1 问题背景 . . . . .	4
<b>3 模型假设和符号说明</b>	<b>4</b>
<b>4 模型建立与求解</b>	<b>4</b>
<b>5 模型的优缺点与改进方法</b>	<b>10</b>
5.1 线性回归模型 . . . . .	10
5.2 神经网络回归模型 . . . . .	10
<b>6 参考文献</b>	<b>11</b>
<b>附录</b>	<b>11</b>
.1 源代码 . . . . .	11
.2 数据来源 . . . . .	11

## 1 摘要

本文针对局部地区的降雨量与其它气象相关的因素进行了数学模型的建立和求解的通用算法的设计,运用**线性回归**,**障碍计数**,**时间序列**和**神经网络**等模型分别进行了尝试,并且使用**遗传算法**优化了模型的求解。

根据气象预测的要求,定义正确为与真实数据相差的绝对值小于 10mm。我们首先针对与降水量关联度最大的**气压**和**气温**等条件,将数据按照 30 天为一组进行平均处理整理后,根据气象学上的基本原理,运用线性回归模型拟合真实数据,完成了该简单模型的求解,取得了**正确率 53%**和**绝对平均误差 11%**的良好的预测效果,在这里同时使用了**最小二乘法**和**遗传算法**进行拟合,均能够取得很好的效果。在此时还尝试了**障碍计数模型**来应对未降雨的情况,但尝试后发现准确率极低,只有 10% 左右,整理数据后分析得到数据的趋势具有连续变量的特征,趋势上大致更加符合回归模型这一类。

随后扩大研究的范围,添加了**云层覆盖**,**湿度**,**风速**为新的自变量,由于此时线性回归在多个自变量的相互影响下适应性较差,转变模型,根据深度学习的基本原理和神经网络中防止过拟合的技术,运用了神经网络回归模型进行拟合,在仅使用 5 个神经层,共 200 多个神经元的情况下取得了**绝对平均误差仅为 9mm**的优异结果。同时,我们也再次展开了遗传算法的尝试,在仅有 4 层共 10 个神经元的网络中取得了 50% 的正确率,由于遗传算法在一定程度上的局限无法将神经元数量扩充到太大,但依旧提供了一种解决问题的新思路。

在数据具有明显季节性质,且相邻的日期可能相互影响的情况下,我们也对**时间序列模型**进行了一定的尝试和研究,最后得到的效果也不如神经网络回归模型,原因可能是相互影响因素已经体现在了自变量中。经过进一步的分析,由于数据间并非存在明显的非线性关系,排除了**决策树模型**的可能性。尝试和分析过后,最后认为该神经网络模型更加准确。

该模型具有预测率较高,和可以轻易扩展到新的自变量的优点。生成该模型的方法可以轻易地被用于生成**任何局部降雨模型**,非常简单易行。在考虑到气象的周期性而忽略人为影响的情况下,本模型具有较为准确的预测能力。

关键词:神经网络回归模型 线性回归模型 遗传算法

## 2 问题重述

### 2.1 问题背景

在过去的几十年中，随着各行各业的迅速发展，气象对于人类生产生活的影​​响日益显著，对于气象预测的精确程度需要愈来愈高，降雨作为人们出行和农业生产的客观需要是非常关键的一部分。在当今时代，由于人类活动的影响日益增大和气象全球性变化的影响下，气象的预测越来越有必要与时俱进，因地制宜的适应局部气候的变化。

## 3 模型假设和符号说明

该模型假设气象活动完全是周期性的，不考虑气候的逐渐变化，也不考虑人为因素的气候的干扰。

表 1: 符号说明

符号	说明
$r$	降雨量
$t$	温度
$f$	风速
$h$	湿度
$c$	云层覆盖
$p$	气压

## 4 模型建立与求解

首先，从附录 2 中获取关于 11 号气象站 (一个奥地利气象站) 中的相关数据，考虑到尽可能减少人类活动的影响，本文主要研究该奥地利气象站附近地区从 1877 年到 1917 的局部降水量。首先研究降水量与气压和温度的关系，获取完数据之后，按照 30 天为一组进行平均，整理完毕后，画出各个自变量的图像如下：

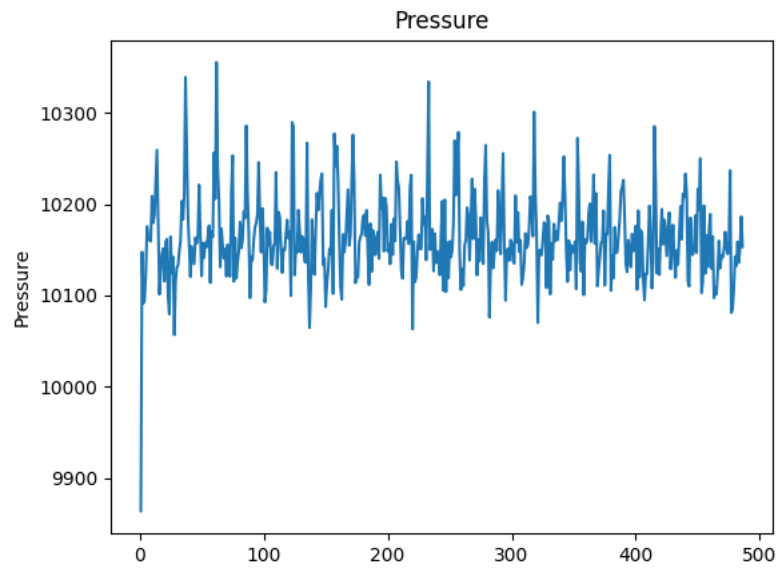


图 1: 气压覆盖关于时间的折线图

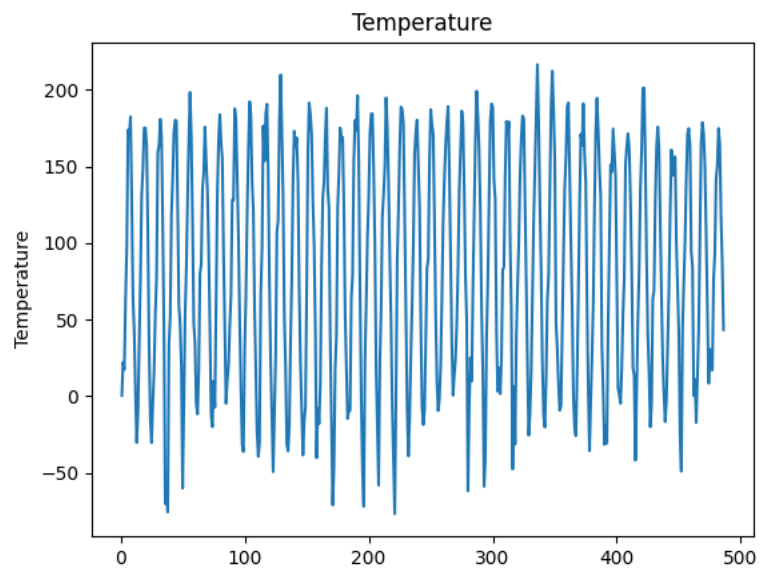


图 2: 气温关于时间的折线图

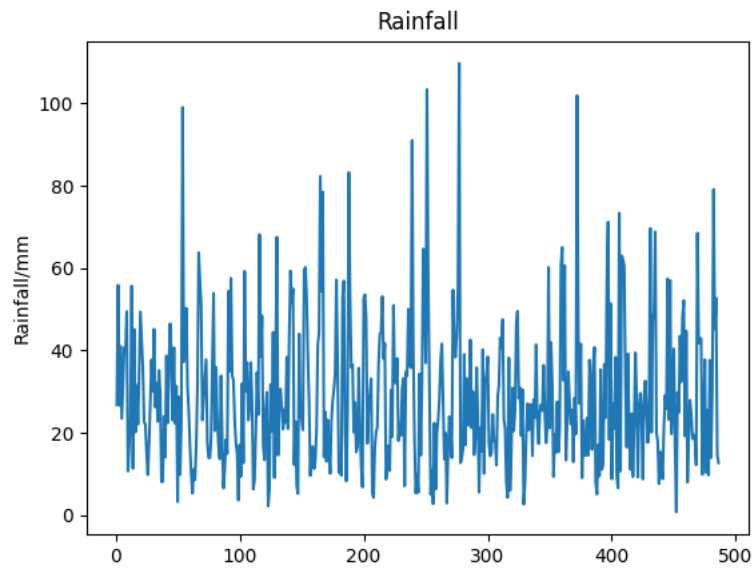


图 3: 降水量关于时间的折线图

简单研究，发现这 3 个量呈一定的周期关系，且在周期内大致成趋势一致，之间很可能呈线性关系，建立线性回归模型  $r = at + bp$ ，使用最小二乘法让程序生成对应的模型（该程序见附录 3），从而拟合最多的数据，得到结果为  $r = 0.1168736t + 0.00188574p$ ，画出拟合图像与真实图像：

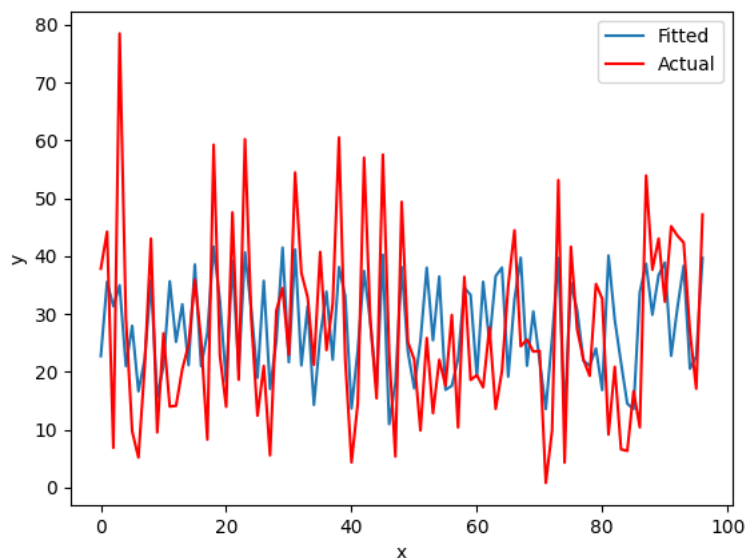


图 4: 拟合降水量和真实降水量的折线统计图

可以看到数据趋势基本相符，但是相比于实际数据没有那么极端，此时正确率达到 52% 左右，绝对平均误差达到 10mm，考虑到模型的吻合性其实不弱，应当是气象影响因素比较复杂的缘故，于是寻找新的自变量来考虑的更加全面。经过一番对气象基本的研究，我们新确定了 **风速**，**云层覆盖**，**湿度**这三个比较相关的变量，为了简单起见，并没有选择辐射等可能影响因素相对较小的变量，再次给出相关的图像：

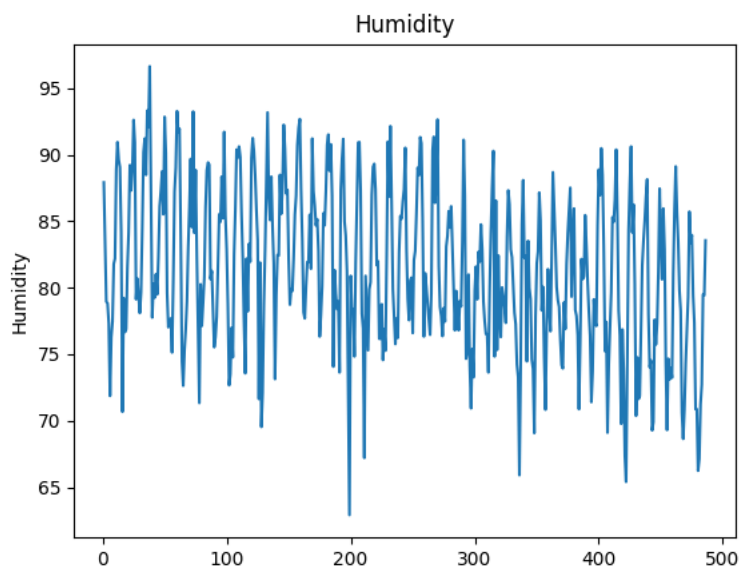


图 5: 湿度关于时间的折线图

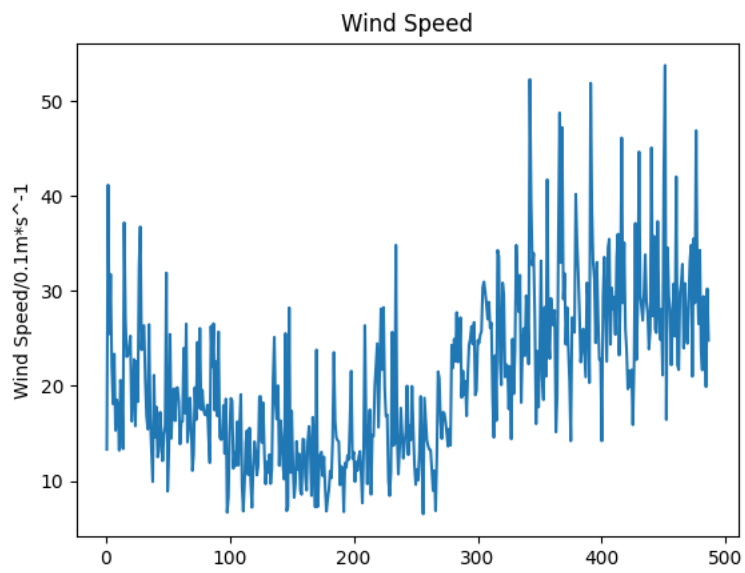


图 6: 风速关于时间的折线图



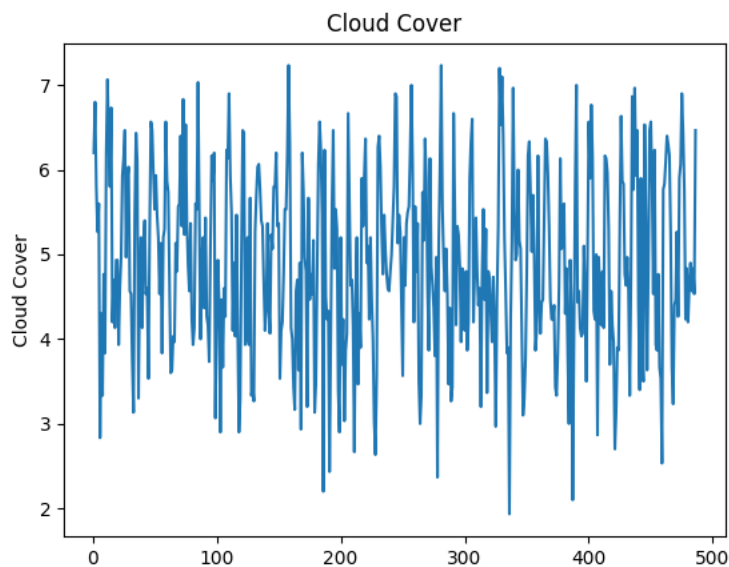


图 7: 云层覆盖关于时间的折线图

根据对数据关系的分析,发现此时已经有部分数据并不是时刻满足线性关系,但总体上还比较吻合,尝试继续用线性回归模型刻画,使用最小二乘法,得到模型为:  $r =$ , 该模型的描述能力确实有一定程度上的提高,绝对平均误差保持在 10mm,但是正确率达到了 64% 左右,以下是 5 个自变量时的拟合图像:

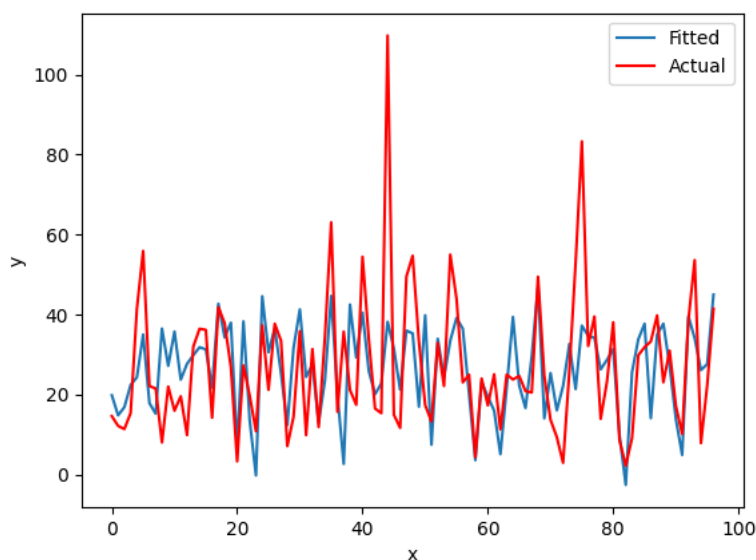


图 8: 拟合降水量和真实降水量的折线统计图

观察后可以发现该模型更加准确了,但是离设想中还有一定的距离。考虑到数据波动较大,尝试障碍计数模型,得到了 6% 的准确率,由此得到回归模型应当才是适合描述该问题的模型。但线性回归模型局限性略大,可能在变量之间的相互影响的作用下导致某些关系并非线性,在这样的情况下,我们决定采用神经网络回归模型。

经过最初的尝试后,首先确定了 5 个神经元层,分别是 64,64,64,64,1,若神经元数量再多过

拟合的风险很大，若过少也很容易造成对训练数据和测试数据都正确率降低的情况，这样的数据是比较合理的。在对神经网络激活函数的选择中，我们最初选择了 sigmoid，后来经过讨论，认为该二分类激活函数不适合该背景，改为了 leaky relu 函数，大大提升了最初的训练速度。该神经网络训练程序见附录 4。

经过初步调整参数，将训练次数定为比较合适的 300 次，200-300 次均有不错的效果，但此时过拟合已经十分严重，在训练数据上达到了甚至达到了 100%，然而在测试数据上只有糟糕的 60%，经过一系列的尝试，我们使用了 L2 正则化和 dropout 的方式，再加上早停的策略（采用的是比较宽松的早停策略，并且会记录下训练中的最佳权值，训练一般进行 100 多次就会被早停），成功的把训练数据和测试数据拉到一个水平线上，由于该模型需要用几个  $64 \times 64$  的矩阵描述，过于占篇幅，故在此处不给出。

此时，模型已经达到了一个比较优秀的地步，正确率达到了 74% 左右，绝对平均误差降到了 8.9mm 左右，绘制一下拟合图像：

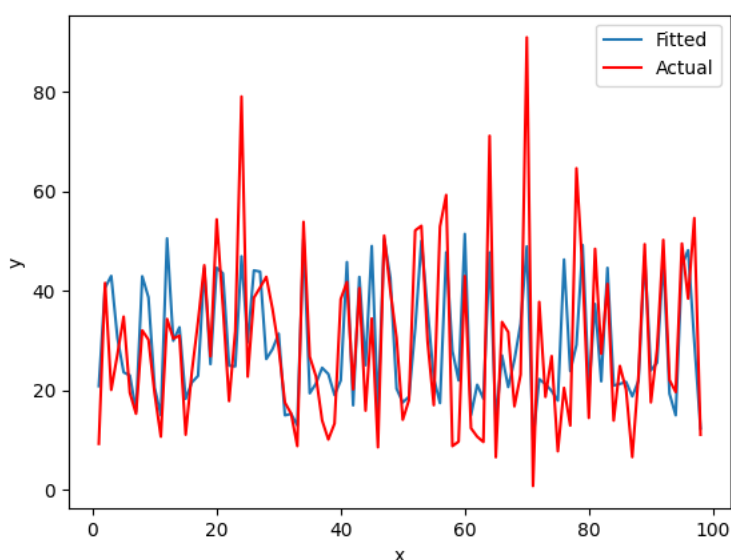


图 9: 拟合降水量和真实降水量的折线统计图

非常明显，相比与之前的线性回归模型，神经网络回归模型的拟合准确度明显大大增强，但是对于某些特别极端的值似乎依旧有一些缺失，不过总体拟合的还算准确。

## 5 模型的优缺点与改进方法

### 5.1 线性回归模型

基于线性回归模型在仅研究几个变量的时候准确度和神经网络回归模型相差无几，具有操作十分简单，预测能力也并不算很弱的特点，改进方法也许可以采用并非完全线性的回归模型，对于某些变量进行更加具体的分析，采用其他的基本函数进行描述可能效果会好一点

### 5.2 神经网络回归模型

基于神经网络的模型具有普适性更加强的特点，在降雨量受到如此多方面的影响的情况下对其中的几个关键变量进行研究能达到还不错的效果，实践起来也不算特别麻烦，该方法可以利用

神经网络强大的调整和适应能力用来研究各个地区的局部降雨量。不足之处在于，若是把时间范围拉得很大，会导致模型由于气候变化和人类活动导致不准确性增加，而且模型也并没有针对季节等进行描述，可以从两方面考虑增强方法，一是结合一定的时间序列模型来解决气候变化和人类活动的问题，因为这两个因素也是按照一定的规律变化的，神经网络可以学习出其中的趋势，二是考虑季节性的特点，一定程度上可以使用有季节性的时间序列模型来缓解，但还有一种思路就是添加更多的自变量来间接反应季节的影响，因为气象总体是呈周期性的，例如可以添加风向作为自变量，来间接的反映季风，进而反映出季节的变化，感觉这种思路可能会好一点。

## 6 参考文献

### 附录

#### .1 源代码

[完整代码和数据](#)

#### .2 数据来源

[European Climate Assessment Dataset](#)