

# 基于决策树模型和神经网络模型的降雨量问题研究

李沐阳 钟绍恒 易领程

2024 年 5 月 8 日

# 基于决策树模型和神经网络模型的降雨量问题研究

论文标题: 基于决策树模型和神经网络模型的降雨量问题研究

代码链接: [https://github.com/limuy2022/math\\_model](https://github.com/limuy2022/math_model)

发表年份: 2024

作者信息: 李沐阳<sup>1</sup>, 钟绍恒<sup>2</sup>, 易领程<sup>3</sup>

- ① 东莞市东华高级中学 120 班学生
- ② 东莞市东华高级中学 120 班学生
- ③ 东莞市东华高级中学 120 班学生

# 目录

## ① 研究背景与前提假设

## ② 模型尝试

- 线性回归模型
- 神经网络

## 研究背景

现如今,气候无不影响着人类的生活,探寻其中各种因素的关系成为了当务之急.在此前提下,我们决定着手降水量的研究,试图为气象研究提供参考.考虑到现实因素的复杂性,我们决定简化问题,将其转化为 5 个自变量和 1 个因变量之间的函数关系. 本篇论文主要研究欧洲“降水量”与“气温”、“海平面气压”、“风速”、“湿度”、“云层覆盖”之间的关系.同时,为了方便表达,我们规定了一下符号以及其中的单位,如下表所示:

## 符号说明

表 1: 符号说明

符号	说明	单位
r	降雨量	mm
t	温度	0.1°C
f	风速	0.1m s <sup>-1</sup>
h	湿度	0.1%
c	云层覆盖	octas
p	气压	0.1hPa

# 前提假设

## 前提假设

- 排除一切人为影响气候因素，如工业排放，热岛效应等.
- 排除次要因素对降水量的影响，如辐射、空气污染等.
- 假设降水量只与气温、气压、风速、湿度、云层覆盖有关.
- 降水量准确的标准为：得出的降水量  $r$  和正确的降水量  $r_0$  满足关系  $r_0 - 10 \leq r \leq r_0 + 10$ .

# 目录

## ① 研究背景与前提假设

## ② 模型尝试

- 线性回归模型
- 神经网络

# 线性回归模型

## 模型假设

- 降水量与气温、气压、风速、湿度、云层覆盖之间存在线性关系.
- 线性关系式导致的误差可忽略.

## 研究方法

考虑到拟合线性关系, 我们决定采用较为常见的最小二乘法进行模型拟合.

# 最小二乘法简介

## 基本概念

最小二乘法是一种求解线性方程组的方法，该方法的基本思想是将线性方程组表示为如下形式的最小二乘方程组：

$$y = \beta_0 + \beta_1 x_1 + \beta_2 x_2 + \beta_3 x_3 + \beta_4 x_4 + \beta_5 x_5 \quad (1)$$

其中  $x_1$ 、 $x_2$ 、 $x_3$ 、 $x_4$ 、 $x_5$  分别代表云层覆盖、湿度、气温、气压、风速。

## 求解公式

最小二乘法的求解公式如下所示：

$$\begin{cases} \beta_0 = \bar{y} - \beta_1 \bar{x}_1 - \beta_2 \bar{x}_2 - \beta_3 \bar{x}_3 - \beta_4 \bar{x}_4 - \beta_5 \bar{x}_5 \\ \beta_1 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_{1i} - \bar{x}_1)(y_i - \bar{y})}{\sum_{i=1}^n (x_{1i} - \bar{x}_1)^2} \\ \beta_2 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_{2i} - \bar{x}_2)(y_i - \bar{y})}{\sum_{i=1}^n (x_{2i} - \bar{x}_2)^2} \\ \beta_3 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_{3i} - \bar{x}_3)(y_i - \bar{y})}{\sum_{i=1}^n (x_{3i} - \bar{x}_3)^2} \\ \beta_4 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_{4i} - \bar{x}_4)(y_i - \bar{y})}{\sum_{i=1}^n (x_{4i} - \bar{x}_4)^2} \\ \beta_5 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_{5i} - \bar{x}_5)(y_i - \bar{y})}{\sum_{i=1}^n (x_{5i} - \bar{x}_5)^2} \end{cases} \quad (2)$$

其中  $\bar{y}$ 、 $\bar{x}_1$ 、 $\bar{x}_2$ 、 $\bar{x}_3$ 、 $\bar{x}_4$ 、 $\bar{x}_5$  分别代表降水量的均值、云层覆盖的均值、湿度的均值、气温的均值、气压的均值、风速的均值。



# 最小二乘法结果

## 结果展示

最小二乘法的求解结果如下所示：

$$\begin{cases} \beta_0 = 315.80363888548624 \\ \beta_1 = 6.197181723408759 \\ \beta_2 = 0.15411116711110595 \\ \beta_3 = 0.16901104754961455 \\ \beta_4 = -0.03432027705042855 \\ \beta_5 = 0.17773547386441546 \end{cases} \quad (3)$$

## 模型误差

正确率为 60% 左右, 最小二乘法的拟合图像如下所示:

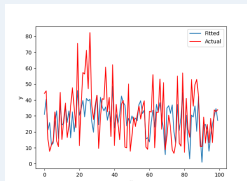


图 1: 线性回归模型拟合降水量和真实降水量的折线统计图

# 神经网络

## 网络规模

本网络采用的规模为  $5 \times 64 \times 64 \times 64 \times 64 \times 1$  的全连接神经网络<sup>1</sup>。其中, 第 1 层为输入的五个自变量, 第 6 层的值为降水量的预测值。神经元采用的激活函数为 Leaky ReLU 函数<sup>2</sup>。

- ① 全连接神经网络 (Fully Connected Neural Network, 简称 FCNN) 是一种最基础的人工神经网络结构, 也称为多层感知器 (Multilayer Perceptron, MLP)。
- ② 函数表达式为:  $f(x) = \max(0, x) + \alpha \cdot \min(0, x)$ 。

## 训练方法

本网络采用较为普遍的梯度下降<sup>1</sup>和反向传播算法<sup>2</sup>进行训练。

- ① 梯度下降, 英文名 Gradient Descent, 是一种用来最小化函数的优化算法。它的工作原理就像一个探险家在山上寻找最低点。探险家在每一步都会选择下坡的方向, 直到他找到一个地方, 无论向哪个方向走, 都是上坡, 那么他就知道他已经找到了最低点。
- ② 反向传播, 英文名 Backpropagation, 是一种在神经网络中用来调整权重和偏置的方法。它的工作原理就像一个电影导演, 指导演员们 (神经元) 如何更好地表演 (调整权重和偏置), 以达到最好的观众反馈 (最小化损失函数)。

# 神经网络结果

## 模型误差

正确率为 65% 左右, 神经网络的拟合图像如下所示:

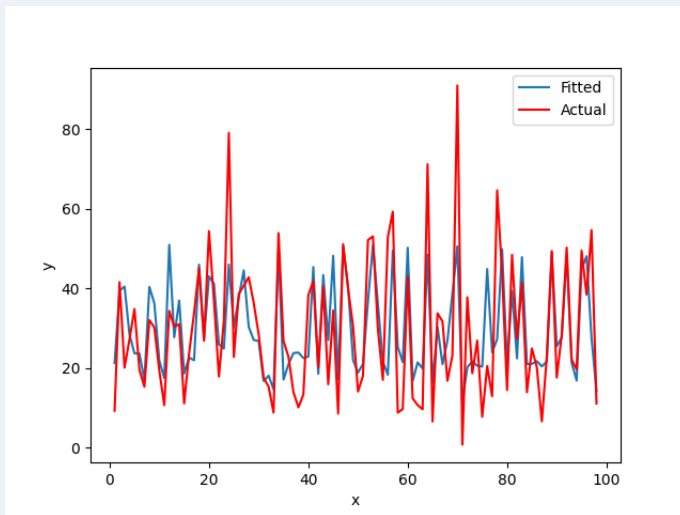


图 2: 神经网络拟合降水量和真实降水量的折线统计图