

**Министерство науки и высшего образования РФ**  
**Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение**  
**высшего образования**  
**«Московский Авиационный Институт»**  
**Национальный Исследовательский Университет**

**Институт №8 «Информационные технологии и прикладная математика»**  
**Кафедра 806 «Вычислительная математика и программирование»**

**Лабораторная работа №1**  
**по курсу «Криптография»**

Студент:	Хренникова А. С.
Группа:	М8О-308Б-19
Преподаватель:	Борисов. А. В.
Подпись:	
Оценка:	
Дата:	

Москва, 2022

## Лабораторная работа №2

### Задача:

Разложить каждое из чисел  $n_1$  и  $n_2$  на нетривиальные сомножители.

$n_1=9856374462285180827430882504693482921047255832047915840153891370083550094688187$ ,

$n_2=5401357812801580025919761371182225752432497493775184794697572547224195271992571426283909590106860788464786654900893304329348861804228870690569171015755809935445924265497255498176358044672917400832201143434137825294420722962135913707142334254775857657776485041271833454580492262250586297878059894897967270599446437536164564824226824084414404901981300802805483250936961401767891815086247808680628898041247011403210366263005799418053706019834932605092598030696547627$

### 1 Описание

Первое число обрабатывалось с помощью `msieve` – программного обеспечения, включающего в себя реализации общего метода решета числового поля и квадратичного решета.

Второе число не факторизуется подобным образом из-за своего большого размера, поэтому ищется его НОД с одним из чисел из другого варианта.

### 2 Исходный код:

Для первого из чисел:

P1: 2146598177926247471357991682267095567143

Q1: 4591625281172592517915541447752561087309

```

Sat Apr 2 18:31:36 2022
Sat Apr 2 18:31:36 2022
Sat Apr 2 18:31:36 2022 Msieve v. 1.53 (SVN unknown)
Sat Apr 2 18:31:36 2022 random seeds: 3455e749 6a092971
Sat Apr 2 18:31:36 2022 factoring 9856374462285180827430882504693482921047255832047915840153891370083550094688187 (79 dig
its)
Sat Apr 2 18:31:37 2022 no P-1/P+1/ECM available, skipping
Sat Apr 2 18:31:37 2022 commencing quadratic sieve (79-digit input)
Sat Apr 2 18:31:37 2022 using multiplier of 17
Sat Apr 2 18:31:37 2022 using generic 32kb sieve core
Sat Apr 2 18:31:37 2022 sieve interval: 12 blocks of size 32768
Sat Apr 2 18:31:37 2022 processing polynomials in batches of 17
Sat Apr 2 18:31:37 2022 using a sieve bound of 1178767 (45941 primes)
Sat Apr 2 18:31:37 2022 using large prime bound of 117876700 (26 bits)
Sat Apr 2 18:31:37 2022 using trial factoring cutoff of 27 bits
Sat Apr 2 18:31:37 2022 polynomial 'A' values have 10 factors
Sat Apr 2 18:37:43 2022 46301 relations (23865 full + 22436 combined from 247392 partial), need 46037
Sat Apr 2 18:37:43 2022 begin with 271257 relations
Sat Apr 2 18:37:43 2022 reduce to 65933 relations in 2 passes
Sat Apr 2 18:37:43 2022 attempting to read 65933 relations
Sat Apr 2 18:37:43 2022 recovered 65933 relations
Sat Apr 2 18:37:43 2022 recovered 54821 polynomials
Sat Apr 2 18:37:43 2022 attempting to build 46301 cycles
Sat Apr 2 18:37:43 2022 found 46301 cycles in 1 passes
Sat Apr 2 18:37:43 2022 distribution of cycle lengths:
Sat Apr 2 18:37:43 2022     length 1 : 23865
Sat Apr 2 18:37:43 2022     length 2 : 22436
Sat Apr 2 18:37:43 2022 largest cycle: 2 relations
Sat Apr 2 18:37:44 2022 matrix is 45941 x 46301 (6.9 MB) with weight 1440374 (31.11/col)
Sat Apr 2 18:37:44 2022 sparse part has weight 1440374 (31.11/col)
Sat Apr 2 18:37:44 2022 filtering completed in 3 passes
Sat Apr 2 18:37:44 2022 matrix is 32477 x 32539 (5.3 MB) with weight 1130645 (34.75/col)
Sat Apr 2 18:37:44 2022 sparse part has weight 1130645 (34.75/col)
Sat Apr 2 18:37:44 2022 saving the first 48 matrix rows for later
Sat Apr 2 18:37:44 2022 matrix includes 64 packed rows
Sat Apr 2 18:37:44 2022 matrix is 32429 x 32539 (3.7 MB) with weight 850026 (26.12/col)
Sat Apr 2 18:37:44 2022 sparse part has weight 644322 (19.80/col)
Sat Apr 2 18:37:44 2022 using block size 8192 and superblock size 294912 for processor cache size 3072 kB
Sat Apr 2 18:37:44 2022 commencing Lanczos iteration
Sat Apr 2 18:37:44 2022 memory use: 2.1 MB
Sat Apr 2 18:37:46 2022 lanczos halted after 514 iterations (dim = 32428)
Sat Apr 2 18:37:46 2022 recovered 18 nontrivial dependencies
Sat Apr 2 18:37:46 2022 p40 factor: 2146598177926247471357991682267095567143
Sat Apr 2 18:37:46 2022 p40 factor: 4591625281172592517915541447752561087309
Sat Apr 2 18:37:46 2022 elapsed time 00:06:10

```

Для второго:

```

import math

nums2 = [

5401357812801580025919761371182225752432497493775184794697572547
2241952719925714262839095901068607884647866549008933043293488618
0422887069056917101575580993544592426549725549817635804467291740
0832201143434137825294420722962135913707142334254775857657776485
0412718334545804922622505862978780598948979672705994464375361645
6482422682408441440490198130080280548325093696140176789181508624
7808680628898041247011403210366263005799418053706019834932605092
598030696547627,

3302022959000306046128783870517426861536127416885126746405163395
9211178618211210295274420533422110747220252786664102673896483395
2954682296035526349373351638998847856316617357012512532037384004
2467197427715570566783354934876492962376348888456514955245307546
3513219900132801375737362944845497774380469071477460824975475747
2141559328017841759611836896600544007093551688480761463093260025
0786098413254455580028740515858031572232760606988105994915916825
321411634327591,

5642491146411201705731808942454930447273303978490515512906223745
6549478073935529006391712134849328747432496545077141304368351457
5248314603841376497194325738626382834047180713376528857757831252
1737870023393049964811784284205858662738446457057167022507432183
8070333346433087416904684180679245327050247087099453080111997019
6761009705056055813884248433284922041384927872454161366959768001

```

Москва, 2022

3960381261461013731123869489074067695113937598392668449297686984  
423553477740729,

6842150046087882095119252943205809109872498280385038962636286718  
5487883486799067612142547190093872183037779841251161675318088822  
6170565913014247435227790672540729012001595052680047771981415854  
5556444377490334842429415721687383380060868396734727006024348680  
6513846726063446627885012452084504575176756101719628796887607217  
5416665051937939409039338744182433943913578137185996643388440141  
2117922290338042975984057736333004792080731559120439155480122523  
672807955325817,

6510659995266063591055365197843971653052867831776645052653874807  
3272350230024951542913906217496003842598321422207205450466226764  
6360811708269660870572637616950065053228882843975057880709740665  
1869250241559458475603776185255754047995821599563606418243192330  
9839964002377502213711516934892726627065141585940560062467288247  
1759715751070369845157555053558871500605067354320427435035891722  
5775526580639305331350371746689342288675972636204132354942034816  
575946642646647,

6485374441440746914665180281868186767593685813524295649107621631  
4920105150603174569272753848487913967427095272501427278524311800  
3919092353515905692962399328102009948141156889448878735722125494  
8793190790806275981934864827272926659859503148740956497215151522  
5960237352122025432249122762975720235210377067331044447183697479  
0081111501586825750077715741594845605550574636858139679802101359  
7725674053784004359417093528393208322621349799036805557517486465  
226264479201953,

6460022354312582572793343100604163087216372941214865569096184912  
8264649129519348448432905480579717691858255710088987798272858291  
9857988823013643150972964452150582066421067179678540872788178708  
8472858544237323843649456753195786360153338730014417334774860737  
7883493771712701177835395171471037298674059747610655668868136196  
8741422855890119823712590155145658957911785029816244348821565371  
1057874251971726449089251928969082516345596779536154854135917899  
503811275677859,

6290786896526191101104637204956784381227340661051657910828669971  
6267335693246028707774013347645977380950984776343876969909875294  
2475302113453001726515021150951787060177907684527500036613064305  
0644003846177805527625055452287543233874755833265955939691167304  
7171355746312332499222107121986062756954352549642189832310641881  
4200283654871647427000279594155753348516861131606314323025247789  
2493843858478050872063688267933199443582315041224037924767099733  
678635301638141,

3968620073611058415100520213411260157904795081130719522978235660  
6330055934459149142237964592643988503205750058383138740625077975  
0469959847258727524021961875235775019643818206527633334880509363  
7278937115851245038648988552443219178175055389585371559294805102  
8654301176935276911966822057678604890091623833595968933032804334  
6050528687656070074819026280605052643870795548971970604904511789  
2865324610657207096287410543113618086241243889950193461784940722  
479757469151539,

2863197031529473288153933699822451082727702000722696759885229504  
1313999072823494859400867475223741892230775436916623417513188267  
7113108622889456312171768789696091241397344497426691932673496153

Москва, 2022

5816370149394920104197026110496592400216298456410229697005431188  
3574416656178742540075220619120018510311158174242330754028041714  
2424791501010005017683228455380542925083351805209216343354836657  
3200194191867920554465873387553772422573481328508708279162428700  
310652039850453,

5742406534529289317346806810998293126135961121255923767806998078  
3669199063463958936875187485245728922542596194942481393700660465  
8373862438021569501521389097442243127951061867212621395706003933  
6103893369697640285320473263985513279456769716303734724009078244  
7261163049292411484397040547814772684928946659949098665064316473  
6780154766727580625910093687245942661529857611347004734354220873  
7928808413922671034766241809092439197356071672909937228180990077  
950407664219007,

8390215390741416296165728438444990265873752901278087636077774776  
1921341480750259769410798838297101358734448083756787499898413860  
3500679475317700212591013564253656316609340419408138410020052733  
4183948439259777254016779633390822424664157982455073549929911569  
5910050693478919044307967140016199181371971117658297476534651440  
3496430261809804492777341951845073019882512072916850316644036384  
6084663171050507797381039040530910389182301934645605548291059568  
523203447442799,

4399718557344668512982825468593339414449818136881809741813232714  
1250485480288000012952901890772247554087001207932047882438396458  
8403345420563219527978210841284927473582450640623657239138853617  
2362446436730597596869126652904206039856863066288725309001561486  
8253083604285712437195620531579884917564324020259685210579202139  
1513375922644484315674566347017713342067961412582444586239500630  
1312165904622674862571282606855115068547823738210731074919273694  
772322590742003,

6388532302085669228615771388983452948007941743568163970560946831  
1573823440582391262298060528597378884877839378467209630230381530  
6534827967085414901778747057481200683688511510689191082105258922  
6052685423814611520013606076441149759993153875258431039836687849  
1477295583540652120665235922812546099439623062206418674291756938  
0739117771342475949570054037070727831415307906497757508851010437  
3434672731111688909374407992653018176506344174461412097021874839  
013850305001081,

6238596931990131478275327152343801799668257762705582576427997815  
9762203092076912114352050049037672901732308721413072130293922964  
0132476986634867943474326596357137590234739434371411059004396261  
7817326709729518180348452284402707055765832648925000626213596053  
8651731162386035920519860733295289085021252959118371245011510973  
4560508215282728727996124015076658960966561467552701222936398203  
5766005443366925574863537569235988977028475559932462781742771732  
084527629722071,

9173108187535281517140762116700384612326624554619159756170327131  
0757656635924281843424981081668449878754721923794254026172615377  
5101746178917581128106629011214499548577192827767864504626851560  
5836413638915408097220188140275180089310734305255138886443749996  
6122341170119119045726872737908981849869847860123093368219862117  
1950868306997973554932201570703501639796127718935617202820050214  
3324154428183926213506337495841035478668065439542819480000104949  
666864308342553,

5689251455873233118490724339174324094087448014557865887166027049  
5664321962031441544361759549587242125133092428721218246182853325  
1458370241955496043154775176676692961657069917019483034344848401  
7300552001636746608091709124028460097687944743670363346860455317  
1359973714482374155680856970543949243219029835173197572712016842  
0174143560853626343795447480580379241455980925106949867511682920  
3600404115287783073317258677431432165073466071636945594328043962  
958101936147809,

3296598709197109112959820504704293475825900372427606827655635749  
8660850965356068009758622830617287345249692687992331534798086071  
2627397394095931149068380533223022534221374729510613682359496006  
1876340564055040323692050623065242546198395644412628393882345454  
7460089522813345484923198657101332328787300275092830807326392486  
5211968215034692872919390614985480099886533616387938918376754156  
3672832357406596471532424507051233164360205118091594498781416503  
536663813499217,

4176791439387440012105039841955024735745096093311965085776705389  
5691934657364773387119735340616136225988616529250702956189211604  
8966591365743478770738243698964801725705290045304517238371391447  
0046749292919938264872421222262899730111739865042752534532703648  
8315945932085267740906478250924755297406903800503654667406986877  
2831125806094091021667400320210617922062588219277311497209232697  
2470824029802880077228618432257053517880272289765956917405478998  
570309852861051,

3809251286382179803016660472471937683846303761815393532574144834  
6576457744509974693675397497237533649976064958925573183085981775  
4015793878598784153310265427574524467014278167354736969887564519  
6279215803808112355168274026152117039595642690835965916238959137  
2827863960379924859564991838482868165372130973818618221826884940  
8436843451146101117822522692488138188214817608089582411015357520  
3695988826769890236133923107190668175242183002350816068120098977  
871980086991879

]

n = nums2[0]

for num in nums2:

    gcd = math.gcd(n, num)

    if (gcd != 1 and n != num):

        print("P: ", gcd)

        print("Q: ", n // gcd)

P2:

162257839621427704998966167419999134594347010619931431934253553615  
815831406985847131688778726472637456749117458469024415248493278440  
21318650107415301603729

Q2:

332887324606550405898744385280483412400440362238857508620795122286  
536136359393594009457727915595557106624942368929803279270793433863  
244828463637057300844924644275255689621074098809879615247608454923

Москва, 2022

453953277072084730906111596236543585457652909821462662614731954612  
923287793254422843140535049015604097575386363

### **3 Выводы:**

В этой лабораторной работе я познакомилась с алгоритмами факторизации больших чисел и различным программным обеспечением, которое помогает решать данную задачу.