Testes de hipóteses para uma média, uma proporção e uma variância

Prof. Me. Lineu Alberto Cavazani de Freitas

Departamento de Estatística Laboratório de Estatística e Geoinformação





Um pesquisador deseja estudar o efeito de certa substância no tempo de reação de seres vivos a um certo tipo de estímulo. Um experimento foi desenvolvido com 49 cobaias que recebem a substância e logo em seguida são submetidas a um estímulo elétrico. Para cada cobaia foi avaliado o tempo de reação em segundos.

Os valores observados forneceram uma média de 9,1. Admite-se que o tempo de reação segue o modelo Normal com média 8 e desvio padrão 2 segundos. O pesquisador desconfia que o tempo médio sofre alteração por influência da substância. Efetue um teste de hipótese para verificar se o pesquisador tem razão. Considere um nível de significância de 5% e interprete os resultados.

- 2. Teste a ser efetuado.
 - ► Teste para a média com variância conhecida.
- 3. Hipóteses nula e alternativa.

•
$$H_0: \mu = 8 \times H_1: \mu \neq 8.$$

4. Estatística de teste.

4. Quantidades necessárias.

$$\bar{y} = 9.1.$$

$$\sigma = 2$$

$$\mu_0 = 8.$$

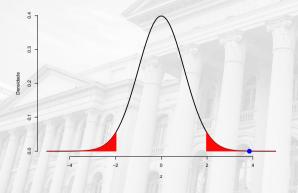
$$n = 49$$

μ₀ = 8.
Nível de significância.

$$\alpha = 0.05$$

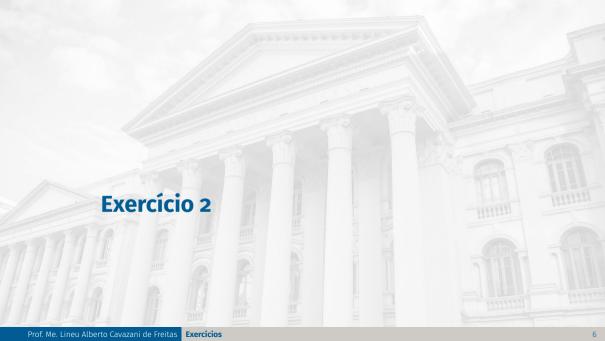
- 6. Valores críticos.
 - $ightharpoonup Z_{critico} = \pm 1.96$

$$z_{crítico} = \pm 1,96$$



$$z_{calculado} = \frac{\bar{y} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}} = \frac{9.1 - 8}{2/\sqrt{49}} = 3.85$$

- ► A um nível de significância de 5% Rejeita-se a hipótese nula.
- ► Existe evidência suficiente nos dados que permita afirmar que o tempo de reação das cobaias em que foi aplicada a substância é diferente do tempo considerado habitual (8 segundos).



Deseja-se investigar se uma certa moléstia que ataca o rim aumenta o consumo de oxigênio desse orgão. Para indivíduos sadios, admite-se que esse consumo tem distribuição Normal com média $12cm^3/min$.

Os valores medidos em pacientes com a moléstia estão na tabela:

12.5	13.2	12.3	14.3	13.3
12.3	13.4	13.6	13.5	12.7

Qual seria a conclusão ao nível de significância de 1%?

- 1. Teste a ser efetuado.
 - ► Teste para a média com variância desconhecida
- 2. Hipóteses nula e alternativa.

•
$$H_0: \mu = 12 \times H_1: \mu > 12.$$

3. Estatística de teste.

4. Quantidades necessárias.

$$\bar{y} = 13,11.$$
 $s = 0,65$

$$s = 0.65$$

$$\mu_0 = 12.$$

$$n = 10$$

μ₀ = 12.
 Nível de significância.

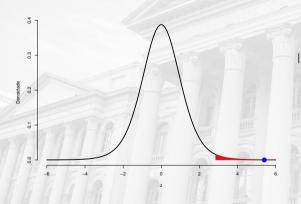
$$\alpha = 0.01$$

6. Valores críticos.

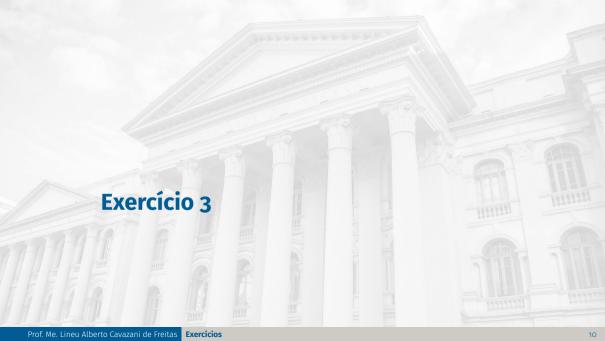
►
$$t_{critico} = 2,8214$$

$$t_{critico} = 2,8214$$

$$t_{calculado} = \frac{\bar{y} - \mu_0}{s/\sqrt{n}} = \frac{13,11 - 12}{0,65/\sqrt{10}} = 5,4$$



- ► A um nível de significância de 1%, rejeita-se a hipótese nula.
- ► A moléstia causa aumento no consumo renal médio de oxigênio.



Um antigo relatório de uma companhia afirma que 40% de toda a água obtida por meio de poços artesianos em determinada região é imprópria para consumo. Devido a uma série de mudanças na região existe uma forte suspeita de que este percentual seja maior do que 40%. Para dirimir as dúvidas, 400 poços foram sorteados e observou-se que em 184 deles a água era imprópria. Qual seria a conclusão, ao nível de 1% de significância?

- 1. Teste a ser efetuado.
 - ► Teste para a proporção.
- 2. Hipóteses nula e alternativa.

$$\vdash$$
 $H_0: p = 0,4 \times H_1: p > 0,4.$

3. Estatística de teste.

4. Quantidades necessárias.

$$\hat{p} = 184/400 = 0.46.$$

$$p_0 = 0.4.$$

$$n = 400$$

5. Nível de significância.

$$\alpha = 0.01$$

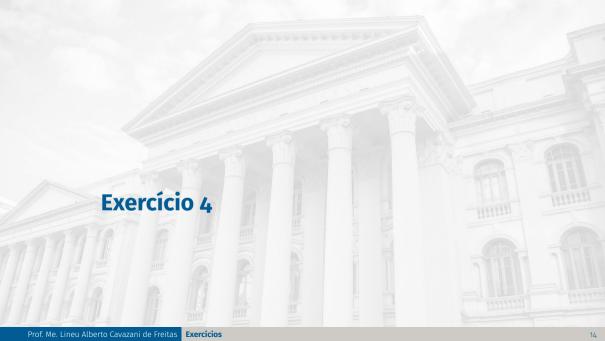
6. Valores críticos.

$$ightharpoonup z_{critico} = 2,33$$

$$z_{cr(tico} = 2.33$$

$$z_{calculado} = \frac{\hat{p} - p_0}{\sqrt{\frac{p_0(1 - p_0)}{n}}} = \frac{0.46 - 0.4}{\sqrt{\frac{0.4(1 - 0.4)}{400}}} = 2.45$$

- ► A um nível de significância de 1%, rejeita-se a hipótese nula.
- Existe evidência suficiente nos dados que permite afirmar que mais de 40% de toda a água obtida por meio de poços artesianos da região é imprópria para consumo.



Um analista da qualidade está avaliando a variabilidade do tamanho de peças na produção de um componente. Caso a variância exceda 2 unidades de medida, existirá uma proporção inaceitável de peças que que causarão problemas. Para avaliar se a variabilidade está dentro do controle, uma amostra foi tomada. Os dados estão na tabela:

103.23	98.31	99.02	99.42	98.63	98.66	101.06	99.83
100.22	103.1	100.5	103.84	103.23	100.46	102.68	

Assumindo que o tamanho das peças segue distribuição normal e considerando um nível de significância de 5%, pode-se afirmar que a variabilidade está acima do aceitável? No cálculo da variância considere 3 casas decimais.

- 1. Teste a ser efetuado.
 - ► Teste para a variância.
- 2. Hipóteses nula e alternativa.

•
$$H_0: \sigma^2 = 2 \times H_1: \sigma^2 > 2.$$

3. Estatística de teste.

$$\chi^2 = \frac{(n-1)s^2}{\sigma_0^2}$$

4. Quantidades necessárias.

$$n = 15.$$

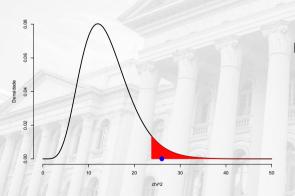
$$\sigma_0^2 = 2$$

5. Nível de significância.

$$\alpha = 0.05$$

- 6. Valor crítico.
 - $\chi^2_{critico} = 23.685$

$$\chi^2_{critico} = 23.685$$



$$\chi^2 = \frac{(15-1)s^2}{\sigma_0^2} = \frac{(15-1)3,713}{2} = 25,991$$

- ► A um nível de significância de 5%, rejeita-se a hipótese nula.
- Existe evidência suficiente nos dados que permite afirmar que a variância é maior que 2 unidades de medida.