#### LINEU ALBERTO CAVAZANI DE FREITAS

# TESTE WALD PARA ESTUDO DE PARÂMETROS DE MODELOS MULTIVARIADOS DE COVARIÂNCIA LINEAR GENERALIZADA

(versão pré-defesa, compilada em 19 de outubro de 2021)

Dissertação apresentada como requisito parcial à obtenção do grau de Mestre em Informática no Programa de Pós-Graduação em Informática, Setor de Ciências Exatas, da Universidade Federal do Paraná.

Área de concentração: Ciência da Computação.

Orientador: Prof. Dr. Wagner Hugo Bonat.

Coorientador: Prof. Dr. Marco Antônio Zanata Alves.

**CURITIBA PR** 

#### **RESUMO**

O resumo deve conter no máximo 500 palavras, devendo ser justificado na largura da página e escrito em um único parágrafo<sup>1</sup> com um afastamento de 1,27 cm na primeira linha. O espaçamento entre linhas deve ser de 1,5 linhas. O resumo deve ser informativo, ou seja, é a condensação do conteúdo e expõe finalidades, metodologia, resultados e conclusões.

Suspendisse vitae elit. Aliquam arcu neque, ornare in, ullamcorper quis, commodo eu, libero. Fusce sagittis erat at erat tristique mollis. Maecenas sapien libero, molestie et, lobortis in, sodales eget, dui. Morbi ultrices rutrum lorem. Nam elementum ullamcorper leo. Morbi dui. Aliquam sagittis. Nunc placerat. Pellentesque tristique sodales est. Maecenas imperdiet lacinia velit. Cras non urna. Morbi eros pede, suscipit ac, varius vel, egestas non, eros. Praesent malesuada, diam id pretium elementum, eros sem dictum tortor, vel consectetuer odio sem sed wisi.

Sed feugiat. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Ut pellentesque augue sed urna. Vestibulum diam eros, fringilla et, consectetuer eu, nonummy id, sapien. Nullam at lectus. In sagittis ultrices mauris. Curabitur malesuada erat sit amet massa. Fusce blandit. Aliquam erat volutpat. Aliquam euismod. Aenean vel lectus. Nunc imperdiet justo nec dolor.

Etiam euismod. Fusce facilisis lacinia dui. Suspendisse potenti. In mi erat, cursus id, nonummy sed, ullamcorper eget, sapien. Praesent pretium, magna in eleifend egestas, pede pede pretium lorem, quis consectetuer tortor sapien facilisis magna. Mauris quis magna varius nulla scelerisque imperdiet. Aliquam non quam. Aliquam porttitor quam a lacus. Praesent vel arcu ut tortor cursus volutpat. In vitae pede quis diam bibendum placerat. Fusce elementum convallis neque. Sed dolor orci, scelerisque ac, dapibus nec, ultricies ut, mi. Duis nec dui quis leo sagittis commodo.

Aliquam lectus. Vivamus leo. Quisque ornare tellus ullamcorper nulla. Mauris porttitor pharetra tortor. Sed fringilla justo sed mauris. Mauris tellus. Sed non leo. Nullam elementum, magna in cursus sodales, augue est scelerisque sapien, venenatis congue nulla arcu et pede. Ut suscipit enim vel sapien. Donec congue. Maecenas urna mi, suscipit in, placerat ut, vestibulum ut, massa. Fusce ultrices nulla et nisl.

Palavras-chave: Palavra-chave 1. Palavra-chave 2. Palavra-chave 3.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>E também não deve ter notas de rodapé; em outras palavras, não siga este exemplo... ;-)

**ABSTRACT** 

The abstract should be the English translation of the "resumo", no more, no less.

Suspendisse vitae elit. Aliquam arcu neque, ornare in, ullamcorper quis, commodo eu, libero. Fusce sagittis erat at erat tristique mollis. Maecenas sapien libero, molestie et, lobortis in, sodales eget, dui. Morbi ultrices rutrum lorem. Nam elementum ullamcorper leo. Morbi dui. Aliquam sagittis. Nunc placerat. Pellentesque tristique sodales est. Maecenas imperdiet lacinia velit. Cras non urna. Morbi eros pede, suscipit ac, varius vel, egestas non, eros. Praesent malesuada, diam id pretium elementum, eros sem dictum tortor, vel consectetuer odio sem sed wisi.

Sed feugiat. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Ut pellentesque augue sed urna. Vestibulum diam eros, fringilla et, consectetuer eu, nonummy id, sapien. Nullam at lectus. In sagittis ultrices mauris. Curabitur malesuada erat sit amet massa. Fusce blandit. Aliquam erat volutpat. Aliquam euismod. Aenean vel lectus. Nunc imperdiet justo nec dolor.

Etiam euismod. Fusce facilisis lacinia dui. Suspendisse potenti. In mi erat, cursus id, nonummy sed, ullamcorper eget, sapien. Praesent pretium, magna in eleifend egestas, pede pede pretium lorem, quis consectetuer tortor sapien facilisis magna. Mauris quis magna varius nulla scelerisque imperdiet. Aliquam non quam. Aliquam porttitor quam a lacus. Praesent vel arcu ut tortor cursus volutpat. In vitae pede quis diam bibendum placerat. Fusce elementum convallis neque. Sed dolor orci, scelerisque ac, dapibus nec, ultricies ut, mi. Duis nec dui quis leo sagittis commodo.

Aliquam lectus. Vivamus leo. Quisque ornare tellus ullamcorper nulla. Mauris porttitor pharetra tortor. Sed fringilla justo sed mauris. Mauris tellus. Sed non leo. Nullam elementum, magna in cursus sodales, augue est scelerisque sapien, venenatis congue nulla arcu et pede. Ut suscipit enim vel sapien. Donec congue. Maecenas urna mi, suscipit in, placerat ut, vestibulum ut, massa. Fusce ultrices nulla et nisl.

Keywords: Keyword 1. Keyword 2. Keyword 3.

#### LISTA DE FIGURAS

#### LISTA DE TABELAS

### LISTA DE ACRÔNIMOS

DINF Departamento de Informática

PPGINF Programa de Pós-Graduação em Informática

UFPR Universidade Federal do Paraná

## LISTA DE SÍMBOLOS

$\alpha$	alfa, primeira letra do alfabeto grego
β	beta, segunda letra do alfabeto grego
γ	gama, terceira letra do alfabeto grego
$\omega$	ômega, última letra do alfabeto grego
$\pi$	pi
au	Tempo de resposta do sistema
heta	Ângulo de incidência do raio luminoso

## SUMÁRIO

1	INTRODUÇÃO	9
1.1	MOTIVAÇÃO	9
1.2	DESAFIO	9
1.3	HIPÓTESE	9
1.4	OBJETIVO	9
1.5	CONTRIBUIÇÃO	9
1.6	ORGANIZAÇÃO DO DOCUMENTO	9
2	REFERENCIAL TEÓRICO	10
2.1	MODELOS MULTIVARIADOS DE COVARIÂNCIA LINEAR GENERALI-	
	ZADA	10
2.1.1	Modelo linear generalizado	10
2.1.2	Modelo de covariância linear generalizada	10
2.1.3	Modelos multivariados de covariância linear generalizada	10
2.1.4	Estimação e inferência	10
2.2	TESTES DE HIPÓTESES	10
2.2.1	Elementos de um teste de hipóteses	10
2.2.2	Testes de hipóteses em modelos de regressão	10
2.2.3	ANOVA e MANOVA	10
2.3	TESTES DE COMPARAÇÕES MÚLTIPLAS	10
3	TRABALHOS RELACIONADOS	11
4	TESTE WALD EM MODELOS MULTIVARIADOS DE COVARIÂNCIA	
	LINEAR GENERALIZADA	12
4.1	HIPÓTESES E ESTATÍSTICA DE TESTE	12
4.1.1	Exemplo 1: hipótese para um único parâmetro	12
4.1.2	Exemplo 2: hipótese para múltiplos parâmetros	12
4.1.3	Exemplo 3: hipótese de igualdade de parâmetros	12
4.1.4	Exemplo 4: hipótese sobre parâmetros de regressão ou dispersão para respostas	
	sob mesmo preditor	12
4.2	ANOVA E MANOVA VIA TESTE WALD	12
4.2.1	ANOVA e MANOVA tipo I	12
4.2.2	ANOVA e MANOVA tipo II	12
4.2.3	ANOVA e MANOVA tipo III	12
4.3	TESTE DE COMPARAÇÕES MÚLTIPLAS VIA TESTE WALD	12

5	IMPLEMENTAÇÃO COMPUTACIONAL	13
6	ANÁLISE DE DADOS	14
7	CONSIDERAÇÕES FINAIS	15
	REFERÊNCIAS	16

## 1 INTRODUÇÃO

- 1.1 MOTIVAÇÃO
- 1.2 DESAFIO
- 1.3 HIPÓTESE
- 1.4 OBJETIVO
- 1.5 CONTRIBUIÇÃO
- 1.6 ORGANIZAÇÃO DO DOCUMENTO

#### 2 REFERENCIAL TEÓRICO

REFERENCIAL TEÓRICO, FUNDAMENTAÇÃO TEÓRICA, REVISÃO DE LITERATURA

- 2.1 MODELOS MULTIVARIADOS DE COVARIÂNCIA LINEAR GENERALIZADA
- 2.1.1 Modelo linear generalizado
- 2.1.2 Modelo de covariância linear generalizada
- 2.1.3 Modelos multivariados de covariância linear generalizada
- 2.1.4 Estimação e inferência
- 2.2 TESTES DE HIPÓTESES
- 2.2.1 Elementos de um teste de hipóteses
- 2.2.2 Testes de hipóteses em modelos de regressão
- 2.2.3 ANOVA e MANOVA
- 2.3 TESTES DE COMPARAÇÕES MÚLTIPLAS

#### 3 TRABALHOS RELACIONADOS

## 4 TESTE WALD EM MODELOS MULTIVARIADOS DE COVARIÂNCIA LINEAR GENERALIZADA

#### PROPOSTA, METODOLOGIA

- 4.1 HIPÓTESES E ESTATÍSTICA DE TESTE
- 4.1.1 Exemplo 1: hipótese para um único parâmetro
- 4.1.2 Exemplo 2: hipótese para múltiplos parâmetros
- 4.1.3 Exemplo 3: hipótese de igualdade de parâmetros
- 4.1.4 Exemplo 4: hipótese sobre parâmetros de regressão ou dispersão para respostas sob mesmo preditor
- 4.2 ANOVA E MANOVA VIA TESTE WALD
- 4.2.1 ANOVA e MANOVA tipo I
- 4.2.2 ANOVA e MANOVA tipo II
- 4.2.3 ANOVA e MANOVA tipo III
- 4.3 TESTE DE COMPARAÇÕES MÚLTIPLAS VIA TESTE WALD

## 5 IMPLEMENTAÇÃO COMPUTACIONAL

## 6 ANÁLISE DE DADOS

## 7 CONSIDERAÇÕES FINAIS

#### **REFERÊNCIAS**

- Goossens, M., Mittelbach, F. e Samarin, A. (1993). The ETEX Companion. Addison-Wesley.
- Maziero, C. (2015). Modelo PPGInf UFPR para teses e dissertações. http://www.inf.ufpr.br/maziero. Acessado em 30/11/2015.
- Oetiker, T., Partl, H., Hyna, I. e Schlegl, E. (2007). The Not So Short Introduction to  $\LaTeX 2_{\mathcal{E}}$ . http://www.ctan.org/tex-archive/info/lshort.
- UFPR, B. (2015). Manual de normalização de documentos científicos de acordo com as normas da ABNT. Relatório Técnico ISBN 9788584800025, Sistema de Bibliotecas Universidade Federal do Paraná, Curitiba PR.