

プログラミング基礎演習レポート2

1、導入:

人間が複数の音源から、必要な情報を抽出する機構を持っている。今回はその能力を模倣するICA（独立成分分析）のアルゴリズムを実装する。ICAにより、観察データ \mathbf{x} から、源信号 \mathbf{y} が求められる。

2、手法&結果:

問題1（必須）

①手法

1) まずはデータを読み、 \mathbf{x} に保存する、そして \mathbf{x} と各データの数 n を返す——`Getdata()`

2) そして \mathbf{x} を調整し、 $\mathbf{x} \leftarrow \mathbf{x} - \mathbb{E}[\mathbf{x}]$ 、また $\mathbf{\Sigma} = \mathbb{E}[\mathbf{x}\mathbf{x}^T]$ により、 $\mathbf{\Sigma}$ (sigma)を求める。`linalg.eig`により、 $\mathbf{\Sigma}$ の固有値 d と固有ベクトル \mathbf{E} が求められる。 $\mathbf{D} = \text{np.diag}(1/d)$ により、 $\mathbf{V} = \mathbf{E}\mathbf{D}^{-1/2}\mathbf{E}^T$ 中の \mathbf{D} を求め、さらに \mathbf{V} が計算できる。 $\mathbf{z} = \mathbf{V}\mathbf{x}$ により、 \mathbf{z} がわかる。——`Whitening()`

3) まずは \mathbf{W} をランダムに生成する。大きさは (N,N) ここでは $(2,2)$ 、そして、かく \mathbf{w} に対し、正規化する、また $\mathbf{w} \leftarrow \mathbb{E}[\mathbf{z}(\mathbf{w}^T \mathbf{z})^3] - 3\mathbf{w}$ で \mathbf{w} を更新する、とともに \mathbf{W} でも、こういう間、もちろん更新される。ここで、 $\mathbf{W} \leftarrow (\mathbf{W} * \mathbf{W}.T)^{(-0.5)} * \mathbf{W}$ により、 \mathbf{W} を非相関にする（後の結果見ると、効果はそんなに著しいのではない）。 \mathbf{W} が収束するまで、 $\mathbf{w} \leftarrow \mathbb{E}[\mathbf{z}(\mathbf{w}^T \mathbf{z})^3] - 3\mathbf{w}$ と \mathbf{w} の正規化を繰り返す。収束の条件はここで、 $\text{abs}(\mathbf{W} * \mathbf{W}.T - 1) < 0.0001$ にする。——`Generatew()&Decorrelation()`

4) 計算した \mathbf{W} で、 $\mathbf{y} = \mathbf{W}\mathbf{z}$ で \mathbf{y} を求める。

5) ここで`show_data()`を書いて、データの図を表示する。

②結果：結果の図はsource1.pngとsource2.pngに保存する。

Wを非相関化する処理を一応したけど、あまり著しくないため、ランダムなWは適切に決めて、kadai1.ipynbを完成した。

ここで $W = \begin{bmatrix} 0.7335677 & 0.45488916 \\ 0.48046912 & 0.4304221 \end{bmatrix}$

ICA問題はそもそも解がいくつあるから、信号源の幅はちょっと変わった。

問題 2（自由）

①手法

ここの処理の手法と前は完全に同じであるから、ただデータ処理か出力か書く

ここではファイルが大きから、#で省略したものが多い、もし先生がチェックしたいなら、#を削除してお願いします。そして、music1.wavとmusic2.wavの添付をも、お願いします。

1) ここではpyaudioを使い、音声を実時的に流そうとする。なぜかという、元々はscipy.io.wavfile.read とscipy.io.wavfile.write を使ったが、出力はいつもおかしくなってしまう。色々調べて、pyaudioにした。後でyはcomplex128ということもわかり、ちょっと圧縮し、wavをも生成できる。だが、やはり実時のデータは圧縮前だから、wavより美しいと思うから（実時出力には#削除必要あり）

②結果：

ここで、二つのWを選び、それぞれのWはsource1とsource2をよくする。

$W = \begin{bmatrix} 0.95180884 & 0.55365452 \\ 0.11275333 & 0.10250868 \end{bmatrix}$ はEliceをよく分離できる。

$W = \begin{bmatrix} 0.85359471 & 0.88491861 \\ 0.38882422 & 0.10559617 \end{bmatrix}$ はMozartをよく分離できる。

ipynbを実行したら、対応する、分離音声 sep1, sep2として、出力できる。（#削除必要あり）、ここでは便利のため、よく分離された音声をsource1.wavとsource2.wavに保存する。

問題 3 (自由)

①手法

1) ここでも、ただデータ処理か出力か書く、`mpimg.imread`で、元々の画像を読み、表示する。そして、サイズを変えて、後の処理を行う。かく画像を(512*512,1)にする。`imsave`で、画像を保存する。

結果

ここでも、二つのWを選び、それぞれのWはsource1とsource2をよくする。

$W = \begin{bmatrix} 0.7768532 & 0.38323983 \\ 0.21723714 & 0.66516969 \end{bmatrix}$ はLenaをよく分離できる。

$W = \begin{bmatrix} 0.98194907 & 0.47126819 \\ 0.65710421 & 0.79107614 \end{bmatrix}$ はnot Lena(another woman)をよく分離できる。

それぞれのipynbを実行したら、対応する、分離画像がp1,p2として、出力できる。だが、ここでは便利のため、よく分離された画像をsource1.pngとsource2.pngに保存する。

問題 4 (自由)

ここは考えだけがある、ある重なる画像（手振れなどの原因で）二つの画像を処理すれば、いいと思う。

3、考察：

一週間ぐらいいやりました。最初は行列の計算で、どれがNか、どれがnか、色々悩んだことがある。ようやく問題1がとけたけど、問題2を解いている間、20秒の音声は2分間の騒音になってしまった。正直、がっかりしていた、問題はどこにあるか色々排除した。そして色々調べて、実時的に音声を出力する方法を見つけ、やってみると、なんと、綺麗なEliceが分離された。心から喜んでいる。もちろんLENAの画像分離も面白いけど、言葉だけでは表示できない喜びはEliceのものである。

4、参考：

- Hyvärinen, Aapo, Juha Karhunen, and Erkki Oja. Independent component analysis. Vol. 46. John Wiley & Sons, 2004