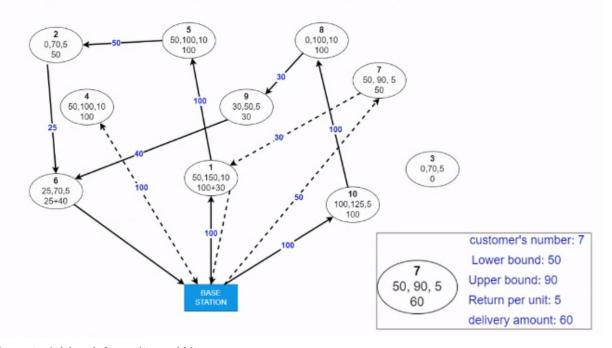
3. Split PVRPD with objective is maximum profit



input: 1 kho hàng (tọa độ)

1 tập N các khách hàng (tọa độ)

có ma trận khoảng cách (có vận tốc -> time bay, đi từ A - B)

có K xe tải, có M drone, cùng loại

- Mỗi khách hàng có lượng hàng yêu cầu từ L_i đến U_i, lợi nhuận trên 1 đơn vị hàng hóa là W_i.
- Xe tải và drone có trọng tải tối đa là M_t, M_d
- mỗi xe tải thực hiện 1 hành trình duy nhất, trong mỗi hành trình, khách hàng đc thăm tối đa 1 lần
- mỗi drone có thể có nhiều hành trình. Trong 1 hành trình, 1 khách tối
 đa 1 lần, time bay của drone ko vượt quá quy định (d)
- Max thời gian làm việc mỗi phương tiện là D
- -> tìm hành trình và lượng hàng phân bổ để tối đa hóa lợi nhuận

Biến: $X_{i,j,k}$ = 1 nếu xe k đi từ i đến khách vị trí j, 0 nếu ngược lại

Y_{i,j,m,n} = 1 nếu drone m đi từ i đến khách vị trí j tại hành trình thứ n = 0 nếu ngược lại

QX_{i,k} = lượng hàng xe k giao cho khách i

QY_{i,m,n} = lượng hàng Drone m giao cho khách i trong chu trình thứ n

TX_{i,i} = thời gian đi từ i đến j bằng xe tải

TY_{i,i} = thời gian đi từ i đến j bằng Drone

Ràng buộc:

- Bắt đầu, kết thúc tại 0

$$\sum_{i=1}^{N} X_{0,i,k} = \sum_{i=1}^{N} X_{j,0,k} \le 1, \ \forall k$$

$$\sum_{i=1}^{N} Y_{0,i,m,n} = \sum_{i=1}^{N} Y_{j,0,m,n} \le , \ \forall m,n$$

- Không thể đi từ i đến i

$$X_{i,i,k} = 0, \forall i,k$$

 $Y_{i,i,m,n} = 0, \forall i,m, n$

- Xe thăm mỗi đỉnh 1 lần, đi vào i và ra tại i

$$\sum_{i=1}^{N} X_{i,j,k} = \sum_{u=1}^{N} X_{j,u,k} \le 1, \ \forall k$$

$$\sum_{i=1}^{N} Y_{i,j,m,n} = \sum_{u=1}^{N} Y_{j,u,m,n} \le 1, \ \forall m,n$$

- Ràng buộc về thời gian

$$\textstyle \sum\limits_{i=0}^{} \sum\limits_{j=0}^{} X_{i,j,k} * \mathsf{T} X_{i,j} \leq \mathsf{D}, \ \forall \, k$$

$$\sum_{n=1} \sum_{j=0} \sum_{i=0} Y_{i,j,m,n} * \mathsf{TY}_{i,j} \leq \mathsf{D}, \ \forall \, \mathsf{m}$$

$$\sum_{i=0}^{n} \sum_{j=0}^{n} Y_{i,j,m,n} * TY_{i,j} \le d, \forall n$$

- Ràng buộc về trọng tải:

$$L_i \le \sum_{k=1} QX_{i,k} + \sum_{n=1} \sum_{m=1} QY_{i,m,n} \le U_i, \ \forall i$$

$$\sum_{i=1} QX_{i,k} \le M_t, \ \forall k$$

$$\sum_{i=1}^{n} QY_{i,m,n} \le M_d, \ \forall m, n$$

Hàm mục tiêu:
$$\sum_{i=1}^{\infty} ((\sum_{k=1}^{\infty} QX_{i,k} + \sum_{n=1}^{\infty} \sum_{m=1}^{\infty} QY_{i,m,n}) * W_i) \longrightarrow Maximize$$

Chiến thuật tham lam:

Biến:

loadX_i: trọng tải còn lại của xe i timeX_i: thời gian đã đi của xe i

loadY_i: trọng tải còn lại của drone i

timeY_i: thời gian đã đi của drone i

timeYN_{i,n}: thời gian đã đi trong chu trình thứ n của drone i

delivered_i: lượng hàng đã được giao cho khách i

t_{i,j}: thời gian đi từ i đến j

flag_i = 0 nếu lượng hàng đã giao cho khách i < L_i

flag_i = 1 nếu L_i ≤ lượng hàng đã giao ≤ U_i

• Hiện tại xe tải ở vi trí k:

1. Tính tỉ lệ $\frac{W_i * (U_i + L_i)/2}{t_{k,i}}$, ưu tiên chọn khách hàng i tiếp theo với tỉ lệ lớn nhất thỏa mãn: timeX_i + t_{k,i} + t_{i,0} \leq D.

2. Tính tỉ lệ: $rate = \frac{l wong hàng có thể giao còn lại / trọng tải tối đa}{thời gian có thể giao còn lại / thời gian tối đa}$

rate ≥ 1, giao lượng hàng là U_i - delivered $_i$ nếu U_i - delivered $_i$ ≤ load X_i , ngược lại giao load X_i

rate < 1, giao lượng hàng là L_i - delivered $_i$ nếu L_i - delivered $_i$ \leq load X_i , ngược lại giao load X_i

Cập nhật flagi, deliveredi

- Với Drone
- 3. Nếu có khách hàng có flag = 0:

Ưu tiên khách hàng gần nhất thỏa mãn:

timeY_i +
$$t_{k,i}$$
 + $t_{i,0} \le D$
timeYN_{i,n} + $t_{k,i}$ + $t_{i,0} \le d$

Nếu L_i - delivered $_i$ \leq load Y_i , giao L_i - delivered $_i$. Ngược lại, giao load Y_i Nếu không có flag = 0, nhảy qua bước 4

4. Giao cho khách có tỉ lệ $\frac{W_i^*(U_i-delivered_i)}{t_i}$ lớn nhất thỏa mãn:

timeY_i +
$$t_{k,i}$$
 + $t_{i,0} \le D$
timeYN_{i,n} + $t_{k,i}$ + $t_{i,0} \le d$

Nếu U_i - delivered_i ≤ loadY_i thì giao U_i - delivered_i Ngược lại, giao loadY_i