

太极计划星间激光通信测距的伪随机码选取

陈沛权 邓汝杰 张艺斌 李磐 齐克奇 刘河山 罗子人

Pseudo-random code selection for inter-satellite laser ranging and data communication in the Taiji program

CHEN Pei-quan, DENG Ru-jie, ZHANG Yi-bin, LI Pan, QI Ke-qi, LIU He-shan, LUO Zi-ren

引用本文:

陈沛权, 邓汝杰, 张艺斌, 李磐, 齐克奇, 刘河山, 罗子人. 太极计划星间激光通信测距的伪随机码选取[J]. 中国光学, 2025, 18(3): 547-556. doi: 10.37188/CO.2024-0033

CHEN Pei-quan, DENG Ru-jie, ZHANG Yi-bin, LI Pan, QI Ke-qi, LIU He-shan, LUO Zi-ren. Pseudo-random code selection for inter-satellite laser ranging and data communication in the Taiji program[J]. *Chinese Optics*, 2025, 18(3): 547-556. doi: 10.37188/CO.2024-0033

在线阅读 View online: https://doi.org/10.37188/CO.2024-0033

您可能感兴趣的其他文章

Articles you may be interested in

太极计划中的星间激光测距地面电子学验证

Ground electronics verification of inter-satellites laser ranging in the Taiji program 中国光学(中英文). 2023, 16(4): 765 https://doi.org/10.37188/CO.2022-0041

空间引力波探测望远镜光学系统设计

Optical design of space gravitational wave detection telescope

中国光学(中英文). 2022, 15(4): 761 https://doi.org/10.37188/CO.2022-0018

太极计划时钟噪声传递的地面原理验证

Ground-based principle verification of clock noise transfer for the Taiji program 中国光学(中英文). 2023, 16(6): 1394 https://doi.org/10.37188/CO.2023-0012

低灵敏度空间引力波望远镜光学系统设计

Design of optical system for low-sensitivity space gravitational wave telescope 中国光学(中英文). 2023, 16(6): 1384 https://doi.org/10.37188/CO.2023-0006

空间引力波探测前向杂散光测量和抑制

Measurement and suppression of forward stray light for spaceborne gravitational wave detection 中国光学(中英文). 2023, 16(5): 1081 https://doi.org/10.37188/CO.2022-0251

高精度倒装焊机光学对位系统研制及算法研究

Development and algorithm research of optical alignment system for a high precision flip chip bonder 中国光学(中英文). 2023, 16(3): 587 https://doi.org/10.37188/CO.2022-0101 文章编号 2097-1842(2025)03-0547-10

太极计划星间激光通信测距的伪随机码选取

陈沛权^{1,2,3,4},邓汝杰^{1,2},张艺斌^{1,2},李 磐²,齐克奇²,刘河山²,罗子人^{1,2,4*} (1. 国科大杭州高等研究院基础物理与数学科学学院,浙江杭州 310024;

- 2. 中国科学院力学研究所 微重力重点实验室, 北京 100190;
 - 3. 中国科学院国家空间科学中心, 北京 100190;
 - 4. 中国科学院大学, 北京 100049)

摘要: 太极计划拟通过扩频通信技术, 在干涉链路的基础上, 实现星间的激光通信和绝对距离测量。伪随机码的选取是实现通信测距系统的第一步, 需对不同的伪随机码的实现原理、相关性、测距误差函数等进行对比分析。本文首先介绍了 m序列、Gold 序列与 Weil 序列的生成原理, 并采用不同的硬件结构和方法生成相应的伪随机序列, 采用 GPS 的 C/A 码作为 Gold 序列与 Weil 序列进行比较分析选取。在 FPGA 开发平台实现用于生成 Gold 序列和 Weil 序列的硬件电路, 并分析不同硬件实现方法的优劣与资源消耗情况。然后, 分别计算 Gold 序列与 Weil 序列的相关值及其均方根误差, 比较 Gold 序列与 Weil 序列的伪随机噪声性能。最后, 基于测距原理和激光干涉后的码间串扰现象, 构建用于测距的误差函数, 与理想的误差函数作对比, 分析用不同伪随机码测距的优势和劣势。数据表明: Weil 序列相关值的旁瓣值范围为-60.27 dB 至-24.01 dB、自相关 rms 为 0.303、互相关 rms 为 0.307, 指标均优于 Gold 序列,消耗的硬件资源为 Gold 序列的 30%, 误差函数的偏差值更小。Weil 序列更适合于太极计划的星间通信测距需求。

关键词:空间引力波探测;伪随机码;激光测距;扩频通信

中图分类号:O439;P171.3

文献标志码:A

doi: 10.37188/CO.2024-0033

CSTR: 32171.14.CO.2024-0033

Pseudo-random code selection for inter-satellite laser ranging and data communication in the Taiji program

CHEN Pei-quan^{1,2,3,4}, DENG Ru-jie^{1,2}, ZHANG Yi-bin^{1,2}, LI Pan², QI Ke-qi², LIU He-shan², LUO Zi-ren^{1,2,4,4}

- $(1.\,School\,of\,Fundamental\,Physics\,and\,Mathematical\,Sciences, Hangzhou\,Institute\,for\,Advanced\,Study,$
 - UCAS, Hangzhou 310024, China;
 - 2. National Microgravity Laboratory, Institute of Mechanics, Chinese Academy of Sciences, Beijing 100190, China;
 - 3. National Space Science Center, Chinese Academy of Sciences, Beijing 100190, China;
 - 4. University of Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China)
 - * Corresponding author, E-mail: luoziren@imech.ac.cn

Abstract: The Taiji program aims to achieve inter-satellite laser communication and absolute distance meas-

收稿日期:2024-02-06;修订日期:2024-02-29

基金项目:国家重点研发计划资助(No. 2021YFC2202902, No. 2020YFC2200104)

urement using spread spectrum phase modulation technology based on the interferometric laser link. The selection of pseudo-random codes is the initial step in the design and implementation of the ranging and communication system, which requires comprehensive research and comparison of various aspects, including the implementation principles, correlation properties, and ranging error functions associated with different pseudo-random codes. This paper first elucidates the generation principles of m-sequences, Gold sequences, and Weil sequences. Pseudo-random sequences are generated using different hardware structures such as Fibonacci, Galois, and register addressing. The hardware circuits for Gold and Weil sequence generation are implemented on an FPGA development platform. The GPS C/A code is used as the Gold sequence, which facilitates its comparison and analysis with the Weil sequence. An analysis of the resource consumption and complexity of different hardware implementation methods is performed. Then, correlation values and root mean square errors are calculated to compare the pseudorandom noise performance of the Gold and Weil sequences. Finally, an error function for ranging is constructed based on the ranging principles and the intersymbol interference phenomenon after laser interference. This function is then compared with the ideal error function to evaluate the advantages and disadvantages of using different pseudorandom codes for ranging. The analysis reveals that Weil sequences demonstrate superior performance, exhibiting a sidelobe range of -60.27 dB to -24.01 dB, an autocorrelation rms of 0.303, and a cross-correlation rms of 0.307, outperforming Gold sequences in all metrics. Additionally, Weil sequences require only 30% of the hardware resources of Gold sequences and have a smaller error function deviation. Weil sequences are better suited to the laser ranging and data communication requirements of the Taiji program.

Key words: space gravitational wave detection; pseudo-random code; laser ranging; spread spectrum communication

1 引言

中国科学院在2016年公布了开展"太极计 划",其目标是在日心轨道构建臂长为3百万公里 的等边三角形卫星组,并基于星间激光外差干涉 原理实现对引起干涉仪光学路径长度变化的引力 波信号的探测[1-2]。类似的探测计划还有 Laser Interferometer Space Antenna (LISA) 和天琴计划[3-6]。 为了实现对微弱的引力波信号的测量,硬件系统 必须将噪声水平控制到 1 pm/Hz^{1/2} 以下。由于轨 道运动导致的三星间干涉臂不等长的现象所引起 的激光频率噪声是引力波探测过程中的最大噪声 源, 需利用时间延迟干涉技术 (Time Delay Interferometry, TDI) 进行抑制[7]。TDI 技术需要依赖 于精度达到 1m 以内的星间绝对距离信息, 然而 由于太极计划运行在日心轨道,全球导航卫星系 统 (Global Navigation Satellite System, GNSS) 并 不能满足星间绝对距离的测量需求。因此,需要 利用激光链路实现星间绝对距离的测量[8]。但是 由于激光在星间的长距离传播衍射以及光学平台

上的损耗,发送端功率达到2W的激光在接收端 的功率只有 100 pW, 再加上电子学噪声的干扰, 干涉后的拍频信号的信噪比 (SNR) 极低, 这会限 制系统的测距精度并影响通信误码率。其次,由 于相位计从激光拍频载波的相位中提取引力波科 学信息,则通信测距系统对激光链路的调制操作 会引入残留相位噪声,从而降低相位计的测量精 度。为此, 太极计划采用基于直接序列扩频 (Direct Sequence Spread Spectrum, DS/SS) 的二进制相 移键控 (Binary Phase Shift Keying, BPSK) 调制方 式进行星间激光距离测量与通信。该方案的优势 在于,首先,由于它通过伪随机噪声 (Pseudo-random Noise, PRN) 序列将测距信号的频谱扩展到 更宽的频率范围内,因此它具备很强的抗干扰性, 可在信噪比极低的条件下工作。其次,此项技术 降低了调制操作对同一通道载波的其它科学信号 的干扰。采用 0.1 rad 调制深度便不会对用于科 学测量的相位计引入高于预算水平的相位噪声, 对应的通信测距的功率仅为光功率的1%,节省了 功率消耗[9-10]。最后,还可利用伪随机码来携带数 据比特,从而实现激光通信。

伪随机码广泛应用于星间的通信测距, 最基 本的伪随机码是 m 序列, 它具有较好的自相关 性, 但是由于某些同级 m 序列之间的互相关性较 差,导致 m 序列的选择性较少,因此现代通信系 统较少直接使用 m 序列作为伪随机码。星间通 信测距最常用的伪随机码为 Gold 序列和 Weil 序 列, 例如全球定位系统(Global Positioning System, GPS)的 C/A 码与 L1C 码分别采用 Gold 序列和 Weil 序列, 北斗卫星的 BII 信号和 BIC 信号同样 分别采用 Gold 序列和 Weil 序列, 只是在具体应 用过程中会对生成的伪随机码进行相应的截断或 增补[15-16]。LISA 团队通过数值优化, 利用 C 语言 生成了 6 组伪随机码, 并实现了 42 cm 的测距精 度和 14.6 kbps 的通信速率[9,11]。天琴团队基于 m 序列实现了 1.2 m 的测距精度[12]。太极计划要 求激光链路用的伪随机码组具有极低的互相关 性, 因此 Gold 序列和 Weil 序列相比 m 序列更适 合太极计划星间激光通信测距,但这两种伪随机 码的原理、硬件生成方式大不相同,分别适用于 不同的硬件平台。另外,它们的相关性能、灵活 性也有所区别,均适用于特定的应用场景。在前 期的工作中,初步验证了Weil码用于激光通信测 距的可行性,实现了 1.6 m 的电子学测距精度和 19.5 kbps 的通信速率[13-14]。

虽然以上团队均利用不同的伪随机码初步实现了通信测距的功能,但目前尚未针对引力波探测中星间激光通信测距需求,系统地对 Weil 码与其他常用测距码的性能进行详细比较分析。以此为出发点,本文从原理、硬件实现、相关性能以及码间串扰后测距误差的线性度这几个方面,分析Weil 码在实现星间激光通信测距的优势。第二部分介绍星间激光通信测距的原理。第三部分阐述 Gold 序列和 Weil 序列的原理和硬件生成方式。第四部分从硬件资源消耗情况、相关性、测距误差函数的线性度这三个方面分析这两种伪随机码的优劣。

2 激光通信测距原理

2.1 激光通信测距系统总体结构

太极计划中的单个干涉臂的框图如图 1 所示。光学测量系统基于激光外差干涉技术监测由

引力波信号引起的星间位移波动信息,由于激光束长距离的衍射损失和器件损耗,光功率从发送端的 2 W 降至接收端的 100 pW。各卫星将本地的伪随机码以 DSSS-BPSK 的方式调制到本地激光链路上,并将接收到的弱光与本地激光进行拍频,并利用相位计锁定到拍频载波,从而提取出载波相位,同时可利用拍频信号作为本地激光的控制信号以实现弱光锁相。

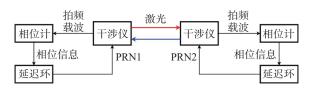


图 1 太极计划中单个干涉臂的框图

Fig. 1 Block diagram of an interferometric arm in Taiji program

相位计的主要任务是进行相位信号的测量,同时由于卫星平台的功耗有限,因此作为探测系统的辅助功能模块的通信测距系统只有小部分的激光能量可用于实现通信测距功能。由于通信的调制深度越大,其所占用的能量便越多,因此通信系统必须采用较低深度的调制方案^[9]。考虑到相位残留噪声会随着调制深度的增加而增大,最终会影响科学信号的准确测量,因此调制深度设定为 0.1 rad,甚至更小,仅利用激光功率的 1% 用于实现通信测距功能。相位计跟踪锁定到干涉仪输出的拍频载波后输出相位信息,将其作为延迟环的输入用于通信及测距功能的实现。延迟环通过调整本地伪随机码的延迟使其与输入的伪随机码对齐,从而得到用于计算距离值的时间延迟和伪随机码中携带的数据比特。

太极计划三星拓扑结构的六条干涉链路均采 用相同的调制方式,在干涉仪进行激光外差干涉 时便会产生码间串扰,因此所采用的6组伪随机 码之间的互相关性必须足够小,才能使得被串扰 后的伪随机码仍然具有非常高的自相关性。

2.2 通信测距系统的工作原理

实现通信测距功能的核心模块是延迟环(Delay-locked Loop, DLL), 其基本原理如图 2 所示。DLL 将输入的伪随机码与本地码进行相关运算, 当积分值的绝对值超过预设的特定门槛后, DLL 便完成伪随机码的捕获。随后进入跟踪阶段, 利用准时、超前和滞后这三组延迟大小依次

相差半个码片的积分模块来实现实时跟踪与对齐。利用积分值可实现数据恢复和实时距离测量。准时支路的积分值的符号便代表了所传输的数据比特是1还是0,超前和滞后支路的积分值之差形成的误差信号控制DLL调整本地延迟,也就是对应的距离值的大小,以此实现通信测距功能。

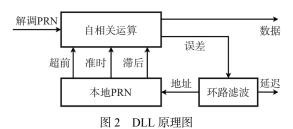


Fig. 2 Principle diagram of DLL

激光通信测距功能的实现基于伪随机码的相 关性,自相关度越高,信号捕获的准确度越高,互 相关度越高,不同码组之间的独立性也越高,码间 串扰所引起的噪声在各个频段分布均匀,其影响 便接近白噪声,使得串扰后的伪随机码依旧呈现 高度的自相关性。

伪随机码 c 的自相关函数 AutoCorr 在 l 点的 值定义为

$$AutoCorr(c,l) = \sum_{i=0}^{N-1} c_i \cdot c_{i-l} \quad . \tag{1}$$

伪随机码 c 与 d 之间的互相关函数 CrossCorr 在 l 点的值定义为

$$CrossCorr(c,d,l) = \sum_{i=0}^{N-1} c_i \cdot d_{i-l} \quad . \tag{2}$$

旁瓣能量 SideSlobe 定义为

$$SideSlobe = 10\log_{10}\frac{Corr^2}{Length^2} \quad , \qquad (3)$$

其中 Corr 表示相关值大小, Length 表示序列长度。

旁瓣大小、均方根误差可作为伪随机码性能的判断指标。自相关和互相关函数的旁瓣越小,则随机性越好,这在通信中将获得更好的频谱扩充,从而具备更强的抗干扰性,在低信噪比环境也能实现可靠的通信。综上所述,为系统选择合适的伪随机码是实现高精度激光距离测量和通信的关键。

3 伪随机码的生成

3.1 线性反馈移位寄存器 LFSR

常见的伪随机码如 m序列、Gold 序列在硬件上主要由线性反馈移位寄存器产生, LFSR 的抽头系数由本原多项式决定, 抽头系数为 1 的移位寄存器需要参与反馈和移位, 抽头系数为 0 的寄存器仅需进行移位操作。由于利用到反馈机制, 因此各级寄存器当前的输出与之前的状态有关, 即状态切换确知, 而各级寄存器只能呈现有限种状态可能性, LFSR 最终的输出将具有周期性。对于 n 级 LFSR, 排除全 0 状态, 则输出的序列的周期为 2"—1。 LFSR 的实现结构主要有两种: Fibonacci 型和 Galois 型。下面将分析两种结构的特点, 并选择一种更符合太极计划星间激光通信测距需求的结构作为备选方案。

3.1.1 Fibonacci 结构

Fibonacci型 LFSR 结构简单,本原多项式中各项的幂代表需要参与反馈的寄存器级数。以10级的m序列的生成为例,选择本原多项式为

$$P = X^{10} + X^9 + X^8 + X^6 + X^3 + X^2 + 1 . (4)$$

Fibonacci 型 LFSR 结构如图 3 所示,最高一级的触发器 (flip-flop, FF) 作为输出端,第 10、9、8、6、3、2 级触发器的输出需先进行异或操作再反馈到输入,至少需要 3 倍的异或门的延迟时间才能反馈到输入端。

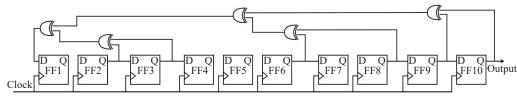


图 3 Fibonacci 型 LFSR 原理图

Fig. 3 Principle diagram of Fibonacci LFSR

Fibonacci 型反馈方式比 Galois 型更加复杂,常用于编码加密中。当级数比较高时,若存在较多反馈的抽头系数,则所需的延迟就会显著增大,在时钟频率较快的情况下,FPGA的触发器有可能无法满足建立和保存时间的要求,从而输出错误的伪随机码,因此 Fibonacci 型不适用于级数较大且工作时钟频率较快的硬件平台。

3.1.2 Galois 结构

Galois 型 LFSR 结构与 Fibonacci 型相反,将3.1.1 节中的公式(4)再次作为本原多项式。Galois

型的 LFSR 如图 4 所示,最 1 级触发器作为输出寄存器,第 2、3、6、8、9、10 级触发器的前级输出与第 1 级进行异或操作分别作为反馈输入。显然,无论存在多少级反馈操作,均只需 1 个异或门的延迟时间,因此寄存器有充分的建立和保持时间余量。太极计划星间激光通信测距平台基于 FPGA 硬件平台实现,必须满足时序约束的要求,对寄存器的建立和保存时间有一定的要求,若基于 LFSR 产生伪随机码,则 Galois 型是更佳选择。

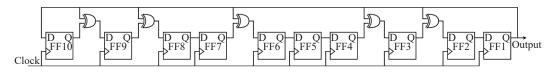


图 4 Galois 型 LFSR 原理图

Fig. 4 Principle diagram of Galois LFSR

3.2 Gold 序列生成

Gold 序列是现代通信常用的伪随机码,为了使得相关值有界且均匀以便获得更好的相关性能,构成 Gold 序列的 m 序列需要是优选对,再基于优选对的移位异或产生 Gold 序列[15-16]。本文以 GPS 的 C/A 码作为分析对象,并基于公式 (4)及公式 (5) 生成 C/A 码序列:

$$P = X^{10} + X^3 + 1 (5)$$

在 FPGA 平台基于这两个本原多项式的 Galois 型 LFSR 产生 Gold 序列, 其硬件结构图如图 5 所示, 生成的 Gold 序列长度为 1023 个码片。对于级数为 n的 LFSR, 通过改变 m 序列间的相位差可获得 2"-1 个 Gold 序列。加上原本的两个 m 序列, 总共可得到 2"+1 个 Gold 序列。

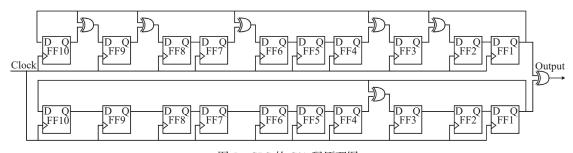


图 5 GPS 的 C/A 码原理图

Fig. 5 Principle diagram of C/A code for GPS

3.3 Weil 序列生成

一个长度为素数 N 的 Weil 序列的生成可以 定义为

$$W(k; w) = L(k) \oplus L((k+w) \bmod N),$$

$$k = 0, 1, 2, \dots, N-1 \quad , \tag{6}$$

其中 mod 为取模操作, L(k) 是长度为 N 的基于二次剩余理论的勒让德序列, 两个相位差为 w 的勒让德序列进行异或产生 Weil 序列[17]。 L(k) 可定

义为

$$L(k) = \begin{cases} 0, & k = 0 \\ 1, & k \neq 0 \text{ 且有整数} x, \notin k = x^2 \text{mod} N. \end{cases} (7)$$

原始 Weil 码的长度 N 为素数, 因此在实际应用中, 通常需要对 Weil 序列进行循环截取来获得目标长度为 N_0 的 Weil 序列, 最终 Weil 序列可定义为:

$$c(n; w; p) = W((n+p-1) \bmod N; w),$$

$$n = 0, 1, 2, \dots, N_0 - 1$$
(8)

其中 p 为截取起始点, 取值范围为 1~N。

为了分析原始伪随机码的性能,本文选择与 上文中 Gold 码长接近的素数 1031 作为 Weil 序列的长度。上述基于二次剩余理论的勒让德序列 生成 Weil 序列的方式不利于在 FPGA 中实现,因 为这涉及到大量乘法和除法操作,会消耗过多硬件资源。因此需要先利用 Matlab 或其他应用程 序计算出所需的 Weil 序列,再将其存储到 FPGA 的 Read Only Memory (ROM) 中,便于通信过程 中进行实时读取,从而节省硬件资源并提高系统 运行速度。

Weil 序列的长度选择比 Gold 序列更加灵 活,在目标长度的附近选择一个素数,生成 Weil 序列后再通过循环截断或者增补的方式来获得需 要的长度,此时只对生成的 Weil 序列进行极小的 改动,不会使得伪随机序列的相关性能有本质下 降。而 Gold 序列则固定为 2"-1 的码片长度, 当 所需的长度与生成的长度不匹配时,便会显著影 响相关性。因此, 当扩频通信系统的扩频因子、 通信速率、序列码长等参数需要进行调试与修改 时,采用 Weil 码这种长度灵活可变的序列的优势 便相当明显,同时因其烧录到 ROM,可在不改变 原本 FPGA 布局布线情况下更换伪随机码组合, 从而不影响硬件系统的性能。另外, 当选择截断 长度为 2" 的码长序列时, 在 FPGA 这种二进制运 算平台进行参数设计与实现时可大大降低计算负 担,进一步减少资源消耗。

4 性能比较

理论上 Gold 序列与 Weil 序列虽均可作为太极计划星间激光通信测距所用的伪随机码,但它们在性能上仍有一定的差异,且实现方式不同,应针对需求选择合适的伪随机码。本文分析了级数为 10级,即码长为 1023的 Gold 序列和码长为1031的 Weil 序列,分别从所需的硬件资源、自相关与互相关性能和误差函数几方面进行比较分析。

4.1 硬件实现比较

Gold 序列的实现方式为 LFSR, 采用 Galois 型设计的 LFSR 涉及异或和移位操作, 每个时钟

周期输出 1 位伪随机码。基于 Verilog HDL 实现 Galois 型的 LFSR 生成 Gold 序列消耗的硬件资源如图 6(a) 所示。在 FPGA 上的 Weil 序列的生成方式则完全不同, 其利用地址寄存器读取事先存入 ROM 中的 Weil 序列, 该方式消耗的硬件资源如图 6(b) 所示。

Resource	Utilization	Available	Utilization%	Resource	Utilization	Available	Utilization%
LUT	21	101 400	0.02	LUT	7	101 400	0.01
				FF	10	202 800	0.01
FF	32	202 800	0.02	BRAM	0.50	325	0.15
IO	13	400	3.25	IO	3	400	0.75
BUFG	1	32	3.13	BUFG	1	32	3.13

- (a) Gold序列硬件消耗 (a) Hardware consumption for Gold code
- (b) Weil序列硬件消耗 (b) Hardware consumption for Weil code

图 6 硬件消耗比较

Fig. 6 Comparison of hardware consumption

图 6 展示的为生成单个伪随机序列所消耗的 硬件资源,在实际通信测距过程中, DLL 需要三 条支路的伪随机码进行相关运算,在牺牲少量块 随机存储寄存器 (Block Random Access Memory, BRAM) 的基础上, 生成 Weil 序列所需的其他硬 件资源大约为 Gold 序列对应的资源类型的 30%。Gold 序列生成过程中会不断进行状态转 移,相当于在FPGA中生成一个序列的真值表,因 此需要更多的查找表 (Look up Table, LUT) 的支 持,同时,Gold序列还需配置各个移位寄存器的 初始状态,因此需要消耗更多的触发器和 I/O 端 口。如图 6(a) 所示, Weil 序列比 Gold 序列多消 耗了 0.15% 的 BRAM 资源, 但是其 LUT、FF、IO 所需的数量大约只有图 6(b) 中所示的三分之一。 而由于 BRAM 资源对于太极探测任务需求而言, 其余量相对充裕。因此牺牲少量存储资源而节省 其他硬件资源的方案是合理的。值得注意的是, 在实时测距的过程中, DLL 会动态调整延迟值的 大小, Weil 序列采用寄存器寻址的获取方式, 这 会简化硬件算法的实现复杂度,而生成 Gold 序列 的 LFSR 的状态切换是周期性的, 若每次需要向 前减小延迟值,则需要对过去的状态进行保存与 赋值从而生成之前状态的伪随机码,这会大大增 加设计难度。可以得出, 预存 Weil 序列方式实现 简单,可以节省硬件资源消耗,在 FPGA 资源利用 率比较高、所剩资源有限的情况下,采用 Weil 序 列将比 Gold 序列更具优势。

基于静态随机存储器 (Static Random Access Memory, SRAM) 工艺实现的 FPGA 器件在太空

环境中容易受到高能粒子的影响,导致其内部单 元的逻辑状态发生翻转从而引起系统错误,即出 现单粒子翻转 (Single-Event Upsets, SEU) 现象。 由 SRAM 单元构成的 ROM 单元受 SEU 现象的 影响尤为明显,因此当受高能粒子影响时,基于 ROM 生成的 Weil 序列在太空中出现逻辑错误的 概率比 Gold 序列高。然而, 这个问题可通过多个 方面来解决。首先,可以设计看门电路对 SEU 进 行检测,并在程序发生错误的时刻触发系统复位, 使系统恢复正常工作状态; 其次, 可以增加冗余设 计,在信号传输时接收的数据只能来自未发生逻 辑错误翻转的硬件单元,从源头上保证数据的正 确性; 再者, 可以通过定时刷新的方式减小逻辑翻 转的概率;最后,还可以从结构设计方面提升系统 的抗干扰性能,如采用高可靠空间 FPGA 芯片进 行系统设计或将其作为关键控制平台,及时处理 因 SEU 导致的系统错误。基于上述方法,可以使 系统具备较强的抗干扰能力,从而实现基于 Weil 序列的卫星激光通信测距。

4.2 相关性比较

将 3.2 节中生成的长度为 1023 的 Gold 序列 和 3.3 节定义的方法生成的长度为 1031 的 Weil 序列进行比较,分别计算它们的自相关值,根据旁 瓣大小判定伪随机码相关性能的优劣。相关函数 及其均方根的计算结果如表 1 所示。可见, Gold 序列的自相关的旁瓣值范围为-60.20~-23.94 dB, 均方根误差 (root mean square, rms) 为 0.323; Weil 序列的自相关的旁瓣值范围为-60.27~-24.01 dB, 均方根误差为 0.303。Gold 序列的互相关的旁瓣 值范围为-60.20~-23.94 dB, 均方根误差为 0.312; Weil 序列的互相关的旁瓣值范围为-60.27~ -24.01 dB, 均方根误差为 0.307。由表 1 可知, 无 论是自相关值还是互相关值, Weil 序列的旁瓣值 均比 Gold 序列具有更大的衰减,均方根也更小。 两者的自相关和互相关结果如图 7~图 8(彩图见 期刊电子版) 所示。由图 7~图 8 可知, Weil 序列 的自相关和互相关的旁瓣值均比 Gold 序列小,由 此可知 Weil 序列更加具备随机信号特征,这将获 得更优的扩频通信指标,同时将产生更小的码间 串扰效应,有助于提高测距精度和数据通信的准 确度。另外, Weil 序列的均方根误差更小, 这使 得 DLL 进行环路控制时的误差函数可以更加稳

定地收敛在原点,进一步提高测距的精度。太极计划需要在 3×10° km 的星间距离条件下实现 1 m 以内的高精度测距误差,同时还要抑制不同组伪随机码之间的互相关性,Weil 序列高度的自相关性和极低的互相关性更符合课题需求。其受到互相关噪声干扰后,仍能维持良好的伪随机噪声特性,使得通信性能及测距精度依旧满足指标要求[18]。

表 1 相关值与均方根
Tab. 1 Correlation value and rms

码型	自相关值(dB)	自相关rms	互相关值(dB)	互相关rms
Gold	-60.20~-23.94	0.323	-60.20~-23.94	0.312
Weil	-60.27~-24.01	0.303	-60.27~-24.01	0.307

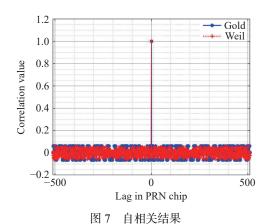


Fig. 7 Results of auto-correlation

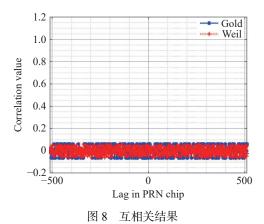


Fig. 8 Results of cross-correlation

4.3 误差函数比较

DLL 利用具有相位差的相关积分支路形成误差函数,借助环路控制算法使得通信测距系统实时收敛在误差函数的原点。太极计划选择的误差函数构建方案与 LISA 相同^[9],其基本原理可进

行简要概述。通信系统会对每个伪随机码片进行 重复采样,假设原始伪随机码的序列长度为N(N为正整数),对每个码片重复采样 K(K 为正整 数) 个相同样本,则在测距过程中,原本两组 N 个 码片间的自相关运算也就变为两组 N×K 个样本 间的自相关运算。由于采样后码组间的自相关函 数值与重复样本的对齐数目有关,自相关函数的 峰值由原本是一个点的值变为在宽度为 2×K 个 样本范围内的线性增加及线性减少的渐变形式。 由于 DLL 三条积分支路的伪随机码的偏移值分 别错开 K/2,则在初始的零偏移状态下,对应的准 时支路的自相关峰值位于原点,超前与滞后支路 的自相关峰值分别位于其左右两侧各 K/2 个样本 距离处,三个自相关峰值的峰值与斜率相同,则将 超前支路与滞后支路的自相关函数作差,便可得 到一条过原点的直线段,这便构建出测距误差函 数,而环路控制器使得误差值收敛于函数的原点, 也代表着当前本地伪随机码的时间延迟值与由于 距离导致的远端伪随机码的接收时间延迟值相 同,从而可根据本地的延迟时间计算距离,同时接 收该时刻的数据信息,就可以实现通信测距功 能。可见,误差函数的线性度对测距精度和误码 率有关键影响。设K为重复采样次数,N为未经 采样的原始伪随机码长度,以本地卫星重复采样 后的伪随机码的初始偏移点作为误差函数的原 点,设接收到的伪随机码与本地码的偏移点数为 x,则理想的误差函数应是分段的线性直线,并且 经过原点, 其定义如公式 (9) 所示:

$$f(x) = \begin{cases} N \cdot x + \frac{3}{2}K \cdot N, & x \in \left[-\frac{3}{2}K, -\frac{1}{2}K \right) \\ -2N \cdot x, & x \in \left[-\frac{1}{2}K, \frac{1}{2}K \right] \\ N \cdot x - \frac{3}{2}K \cdot N, & x \in \left(\frac{1}{2}K, \frac{3}{2}K \right) \\ 0, & x \in \left(-N, -\frac{3}{2}K \right) \cup \left(\frac{3}{2}K, N \right) \end{cases}$$

然而,太极计划的每一条激光链路均调制了不同组的伪随机码,这在激光干涉时会产生码间串扰,串扰示意图如图 9(彩图见期刊电子版) 所示。接收机解调后的伪随机码呈现 3 种状态,与原本只有两种状态的码型截然不同,这使得伪随机码的相关性有所降低,同时还增大了互相关值。因此,

解调后的伪随机码形成的误差函数与理想值会有 所偏差,这会影响通信和测距系统的精度。

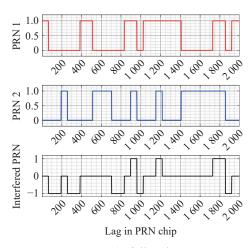
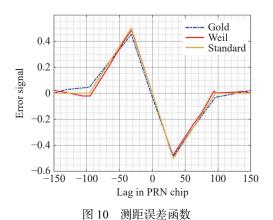


图 9 码间串扰示意图

Fig. 9 Schematic diagram of intersymbol interference

Gold 序列与 Weil 序列的误差函数与标准的误差函数如图 10(彩图见期刊电子版) 所示。



Ranging discriminator function

可见, Gold 序列的误差函数偏离原点,导致环路控制器收敛时,本地与接收端的伪随机码无法实现完全对齐,则本地伪随机码的偏移量对应的时间延迟值与真实的延迟值间存在明显偏差,这降低了测距精度并增大了通信误码率^[9]。在相关峰逐渐增大的过程中,基于 Gold 序列形成的误差函数的斜率绝对值更小,而通信测距系统的延迟环模块根据当前相关值是否超过设定的门限值来确认是否捕获接收的伪随机码,这导致 Gold 序列需要消耗更多的捕获时间,系统效率更低。Gold 序列的误差函数的峰值比 Weil 序列的小,在强噪声干扰下, Gold 序列的自相关更有可能衰减至门限值以下从而影响系统的正常工作。

对于各个区间的线段, 串扰后的 Weil 序列的

误差函数比 Gold 序列更加符合理想的误差函数, 环路控制器能更精确地收敛在原点,即此时的偏 移值既不超前,也不滞后,因此最接近实际值,因 而也将取得更高的测距精度和更低的通信误码 率。综上所述,Weil 序列更适合于太极计划的星 间激光通信和测距。

5 结 论

本文面向太极计划空间引力波探测的任务需求,通过对具有通信测距功能的伪随机码进行比较分析,选取合适的伪随机码。针对星间激光干涉测距系统的深空轨道、极低信噪比条件,采用直接序列扩频的通信方式提升通信系统的抗干扰性和可靠性。扩频通信中不同类型的伪随机码实现原理与性能指标各有不同。本文从硬件资源消耗情况、自相关性与互相关性能、误差函数的线性度这3个方面对 Gold 序列与 Weil 序列进行比

较。计算结果表明, Weil 序列的自相关的旁瓣值范围为-60.27~-24.01 dB、均方根误差为 0.303, 互相关的旁瓣值范围为-60.27~-24.01dB、均方根误差为 0.307, Gold 序列的自相关的旁瓣值范围为-60.20~-23.94 dB, 均方根误差为 0.323, 互相关的旁瓣值范围为-60.20~-23.94dB、均方根误差为 0.312。说明 Weil 序列具有更优的相关性能, 抗干扰能力也更强, 因此具有更高的星间测距精度和更低的通信误码率。在资源占用方面, Weil 序列消耗的硬件资源为 Gold 序列的 30%, 实现算法更加简单, 有利于在 FPGA 平台上部署。另外Weil 序列长度更加灵活, 方便通信系统的参数设计与调试优化。

本文研究为太极计划星间激光通信测距伪随 机码的选择提供了依据,也可为同样需要利用随 机噪声序列的其他课题提供参考。随着卫星通 信、光学测距等技术的进一步发展,伪随机码的 应用场景也会愈加广泛和深入。

参考文献:

- [1] HU W R, WU Y L. The Taiji Program in Space for gravitational wave physics and the nature of gravity [J]. *National Science Review*, 2017, 4(5): 685-686.
- [2] 罗子人, 张敏, 新刚, 等. 中国空间引力波探测"太极计划"及"太极 1 号"在轨测试[J]. 深空探测学报, 2020, 7(1): 3-10.
 - LUO Z R, ZHANG M, JIN G, *et al.*. Introduction of Chinese space-borne gravitational wave detection program "Taiji" and "Taiji-1" satellite mission [J]. *Journal of Deep Space Exploration*, 2020, 7(1): 3-10. (in Chinese).
- [3] BAYLE J B, BONGA B, CAPRINI C, *et al.*. Overview and progress on the Laser Interferometer Space Antenna mission [J]. *Nature Astronomy*, 2022, 6(12): 1334-1338.
- [4] ARMANO M, AUDLEY H, BAIRD J, et al.. Sensor noise in LISA Pathfinder: an extensive in-flight review of the angular and longitudinal interferometric measurement system [J]. Physical Review D, 2022, 106(8): 082001.
- [5] LUO J, CHEN L SH, DUAN H Z, et al.. TianQin: a space-borne gravitational wave detector [J]. Classical and Quantum Gravity, 2016, 33(3): 035010.
- [6] Huang X Q, Wang G F, Yang M L, *et al.*. Study on picometer-level laser interferometer readout system in TianQin project[J]. *Optics & Laser Technology*, 2023, 161: 109185.
- [7] WU H ZH, XU M Y, WANG P P, et al.. Time delay interferometry with a transfer oscillator [J]. *Optics Letters*, 2023, 48(1): 9-12.
- [8] 刘河山, 高瑞弘, 罗子人, 等. 空间引力波探测中的绝对距离测量及通信技术[J]. 中国光学, 2019, 12(3): 486-492. LIU H SH, GAO R H, LUO Z R, *et al.*. Laser ranging and data communication for space gravitational wave detection[J]. *Chinese Optics*, 2019, 12(3): 486-492. (in Chinese).
- [9] DELGADO E, JOSÉ J. Laser Ranging and Data Communication for the Laser Interferometer Space Antenna [M]. Granada: Universidad de Granada, 2012.
- [10] 辜方林, 彭进霖, 黄育侦, 等. 新型直接序列扩频通信方法[J]. 通信学报, 2023, 44(12): 78-85. GU F L, PENG J L, HUANG Y ZH, et al.. Novel direct sequence spread spectrum communication method[J]. *Journal on Communications*, 2023, 44(12): 78-85. (in Chinese).
- [11] ESTEBAN J J, BYKOV I, MARÍN A F G, et al.. Optical ranging and data transfer development for LISA[J]. *Journal of Physics: Conference Series*, 2009, 154: 012025.

- [12] XIE S Y, ZENG H Y, PAN Y H, et al.. Bi-directional PRN laser ranging and clock synchronization for TianQin mission[J]. Optics Communications, 2023, 541: 129558.
- [13] 邓汝杰, 张艺斌, 刘河山, 等. 太极计划中的星间激光测距地面电子学验证[J]. 中国光学 (中英文), 2023, 16(4): 765-776.
 - DENG R J, ZHANG Y B, LIU H SH, *et al.*. Ground electronics verification of inter-satellites laser ranging in the Taiji program [J]. *Chinese Optics*, 2023, 16(4): 765-776. (in Chinese).
- [14] 张艺斌,邓汝杰,刘河山,等. 太极计划星间激光通信参数设计及实验验证[J]. 中国激光, 2023, 50(23): 2306002. ZHANG Y B, DENG R J, LIU H SH, *et al.*. Parameter design and experimental verification of Taiji program intersatellite laser communication[J]. *Chinese Journal of Lasers*, 2023, 50(23): 2306002. (in Chinese).
- [15] 谢钢. GPS 原理与接收机设计[M]. 北京: 电子工业出版社, 2009.

 XIE G. Principles of GPS and Receiver Design[M]. Beijing: Publishing House of Electronics Industry, 2009. (in Chinese).
- [16] 赖文, 黄观文, 解世超, 等. 北斗三号 B1C/B2a 新信号精密定轨性能分析[J]. 大地测量与地球动力学, 2023, 43(2): 158-163.
 - LAI W, HUANG G W, XIE SH CH, *et al.*. Performance analysis of precise orbit determination for BDS-3 B1C/B2a new signal [J]. *Journal of Geodesy and Geodynamics*, 2023, 43(2): 158-163. (in Chinese).
- [17] 樊昌信,曹丽娜. 通信原理[M]. 7版. 北京: 国防工业出版社, 2012. FAN CH X, CAO L N. *Principles of Communications*[M]. 7th ed. Beijing: National Defense Industry Press, 2012. (in Chinese).
- [18] 瞿智, 杨俊, 陈建云. 伪码测距抗干扰容限分析[J]. 宇航学报, 2014, 35(12): 1450-1456. QU ZH, YANG J, CHEN J Y. Analysis of anti-jamming margin of pseudo-random code ranging[J]. *Journal of Astronautics*, 2014, 35(12): 1450-1456. (in Chinese).

作者简介:



罗子人(1980—), 男, 湖南长沙人, 博士, 研究员, 博士生导师, 2010年于中国科学院数学与系统科学研究院获得理学博士, 现为中国科学院力学研究所研究员, 博士生导师, 太极计划首席科学家助理, 主要从事引力波探测的空间激光干涉测距技术的理论分析和方案设计方面的研究。E-mail: luoziren@imech.ac.cn