

M1 - Bases de Données Réparties

Devoir sur table du 27 mars 2007

Eléments de corrigé

Sans document – Durée : 1 heure

Exercice 1 : Index : Arbre B+

7 pts

La relation $M(m, x, y, z, t)$ contient 10^9 nuplets.

Question 1. Le nombre de valeurs distinctes de $M.t$ est 1 200 000. L'attribut $M.t$ est indexé par un arbre B+ d'ordre 500.

a) Combien de niveaux (en incluant le niveau de la racine) possède cet index ?

3 niveaux

b) L'index est construit en minimisant le nombre de nœuds. Quel est le nombre de clés dans la racine?

1 seule clé

c) L'index est maintenant construit en **maximisant** le nombre de nœuds. Quel est le nombre de clés dans la racine?

: 3 clés

Question 2. L'attribut $M.x$ est indexé par un arbre B+ d'ordre 1. Le nombre de valeurs distinctes de $M.x$ est 30 parmi les entiers $[1, 30]$. L'index est construit en minimisant le nombre de nœuds.

a) Combien de niveaux (en incluant le niveau de la racine) possède cet index ?

4 niveaux

b) Quels nœuds faut-il traverser depuis la racine pour atteindre la clé 14 ? Pour chaque nœud traversé, donner les clés qu'il contient.

Il faut traverser $(19) \rightarrow (7, 13) \rightarrow (15, 17) \rightarrow (13, 14)$

Question 3. L'attribut $M.y$ est indexé par un arbre B+ d'ordre 3. L'attribut $M.y$ a 1801 valeurs entières distinctes dans $[0, 1800]$. L'index est construit en minimisant le nombre de nœuds.

a) Combien de feuilles possède l'arbre ?

301 feuilles

b) Les feuilles sont remplies en maximisant le nombre de feuilles pleines. Combien de feuilles ne sont pas pleines ?

2 feuilles non pleines

c) Le niveau juste au-dessus des feuilles contient K nœuds nommés $N_0, N_1, \dots, N_i, \dots, N_{K-1}$ avec $0 \leq i < K$

Quelles est la première valeur contenue dans N_i (*i.e.* la plus petite valeur dans le nœud N_i)? Donner une réponse en fonction de i , sous la forme : $a*i + b$

$42i+6$

Question 4. L'attribut $M.z$ est indexé par un arbre B+. L'attribut $M.z$ a 10^6 valeurs entières distinctes dans $[1, 10^6]$. Combien de pages, contenant des nuplets de M , faut-il lire pour répondre aux requêtes suivantes ?

a) R1 : Select * from M where $z = 3 \cdot 10^5$

1000 pages

b) R2 : Select count(*) from M where $z \leq 10^4$.

: 0 page

Il suffit de parcourir les feuilles de l'index puis de compter le nombre de références vers des nuplets, sans nécessité de lire les nuplets par la suite.

c) R3 : Select count(distinct z) from M where $z \leq 10^4$.

: 0 page

Exercice 2 : Hachage extensible

7 pts

On considère une table de hachage extensible. La profondeur globale de son répertoire est $PG=5$.

On nomme certains paquets A, B, C, D. On donne la profondeur locale (PL) des paquets :

Paquet A : PL = 2

Paquet B : PL = 1

Paquet C et D : PL = 4

PL = 5 pour tous les autres paquets.

On décrit partiellement le contenu du répertoire :

la 1^{ère} case du répertoire référence le paquet A,

la 2^{ème} case référence B,

la 3^{ème} case référence C,

la 11^{ème} case référence D.

Question 1

a) Quelle est la taille du répertoire ?

: 32

b) Combien de cases du répertoire sont associées avec le paquet B ?

Réponse : 16 cases

c) La 7^{ème} case référence-t-elle un des paquets A à D ? Répondre par A, B, C, D ou Autre.

7ème case C6 pointe vers un autre paquet

d) Au total, combien de paquets possède la table de hachage ?

: 8 paquets

Question 2 : Aucun paquet n'est plein.

a) On insère la valeur 122. Dans quel paquet est-elle insérée ? Répondre par A, B, C, D ou Autre.

Insertion dans le paquet D

b) On insère la valeur 46. Dans quel paquet est-elle insérée ? Répondre par A, B, C, D ou Autre.

Insertion dans le paquet F (Autre)

Question 3 : On suppose que chaque paquet contient exactement 2 valeurs (les plus petites possible).

a) Parmi tous les paquets, quelle est la plus grande valeur présente ?

Réponse : 62

b) Quelles sont les valeurs à supprimer pour provoquer la division par 2 de la taille du répertoire, *i.e.* telle que PG devienne égale à 4 ? Répondre en indiquant les valeurs dans l'ordre croissant.

Réponse : 22, 30, 54, 62

c) Suite à cette division, quelle sera maintenant la profondeur locale de C?

PL = 4

Question 4 : Un paquet peut contenir jusqu'à 4 valeurs. On veut insérer des valeurs dans le paquet A de l'arbre obtenu à la question précédente (question 3) pour que le répertoire retrouve sa taille initiale (*i.e.* telle que $PG = 5$).

a) Combien d'éclatements successifs du paquet A sont nécessaires ?

2 éclatements

b) Au total, combien de paquets contient la table ainsi obtenue ?

:9 paquets

c) Combien de valeurs, au minimum, faudra-t-il insérer ? Donner la liste des valeurs à insérer (si possible, choisir des petites valeurs).

Insérer 4 valeurs : Réponse : 16, 32, 48, 64

Exercice 3 : Optimisation des requêtes : jointures**6 pts**

Question 1 : Soient les relations $A(a, x)$ et $B(y, a)$ stockées dans la base sans être triées. Il existe seulement des index non plaçant sur $A.a$ et $B.a$. Les valeurs des attributs a sont des entiers positifs. On note :

$\text{Card}(R)$: la cardinalité de R

$D(R.a)$: le nb de valeurs distinctes de l'attribut $R.a$

$\text{Page}(R)$: le nb de pages de R

On suppose que $D(A.a) > 100$ et $D(B.a) > 40$.

On calcule le coût des requêtes en nombre de pages de données lues (on néglige le coût de lecture des nœuds d'un index).

a) La requête $R1$ est : $\text{select } * \text{ from } B \text{ order by } a$. Quel est le coût pour traiter $R1$ en utilisant l'index $B.a$?

Card(B)

b) La requête $R2$ est : $\sigma_{a=10}(A)$. Quel est le coût pour traiter $R2$ en utilisant l'index $A.a$?

Cost = card(A) / D(A.a)

c) La requête $R3$: $A \bowtie_a \sigma_{a=4}(B)$. Quel est le coût pour traiter $R3$ en utilisant les deux index $A.a$ et $B.a$?

Réponse : $\text{card}(A) + \text{card}(B) / D(B.a)$

Question 2 : Soient 4 relations : $A(\underline{a}, x)$ $B(y, \underline{a})$ $C(z, a)$ $D(t, a)$.

Les clés sont soulignées ; deux attributs de même nom sont liés par une contrainte d'intégrité référentielle (par exemple, $B.a$ fait référence à $A.a$). On traite les requêtes en effectuant seulement des jointures et sans aucun produit cartésien.

a) Combien d'ordre de jointure sont possibles pour traiter la requête suivante ? : $A \bowtie_a B \bowtie_a C \bowtie_a D$

: 12

b) On modifie le schéma des relations B, C, D pour avoir :

$A(\underline{a}, x)$ $B(\underline{b}, a)$ $C(\underline{c}, b)$ $D(\underline{d}, c)$.

Combien d'ordre de jointure sont possibles pour traiter la requête suivante ? : $A \bowtie_a B \bowtie_b C \bowtie_c D$

: 6