Tell a

Berechne
$$Z_{c}$$
. $Z_{c} = \sum_{n=1}^{E_{n}} \exp\left(-\frac{t\omega}{kT}\right) \exp\left(-\frac{t\omega}{kT}\right)$
 $= \exp\left(-\frac{t\omega}{2kT}\right) \sum_{n=1}^{\infty} \left[\exp\left(-\frac{t\omega}{kT}\right)^{n}\right] = \exp\left(-\frac{t\omega}{2kT}\right) \frac{1-o}{1-\exp\left(-\frac{t\omega}{kT}\right)}$
 $= \exp\left(-\frac{t\omega}{2kT}\right) \sum_{n=1}^{\infty} \left[\exp\left(-\frac{t\omega}{kT}\right)^{n}\right] = \exp\left(-\frac{t\omega}{2kT}\right) \frac{1-o}{1-\exp\left(-\frac{t\omega}{kT}\right)}$

Wern ω_{i} den Zewtand In γ hobon, der exp.

Mikro zewteend ist, denn ist die Eiergie Gest.

Also muss $Z = E_{n} = E_{n}$ seen.

Moment, es ist mu mach den möglich. Web gdyl.

Dies at: $E = Z = E_{n} = Z = E_{n}$
 $= E_{n} = E_{n$

Toil b Die Innere Energie ist: $\langle E \rangle = \frac{1}{Z_c} = \frac{1}{|E|} = \exp\left(-\frac{E_c}{kT}\right)$ = $2 \sinh \left(-\frac{\hbar\omega}{kT}\right) \stackrel{\sim}{\underset{i=1}{Z}} \hbar\omega \left(i+\frac{1}{2}\right) \exp \left(-\frac{\hbar\omega Ci+\frac{1}{2}}{kT}\right)$ = 2 sinh (- tw) = two(i+=) exp(-two) exp(-twi) = 2 sinh (- two) exp(-two) two Z (i+2) exp(-two) -1 + 3 exp (two) $2\left(-1+\exp\left(\frac{\hbar\omega}{\kappa T}\right)\right)^{2}$ $-\exp(-\frac{\alpha}{2}) + 3 \exp(\frac{\alpha}{2})$ = to sinh (-a) 2 - 2 exp (x) + 2 exp (2x)

Teil C Bestimme du freie Eragie: F(T) = - KT ln(Ze) = - $\sqrt{1} \ln \left(\frac{1}{2} \operatorname{csch} \left(- \frac{\hbar \omega}{\sqrt{\Gamma}} \right) \right)$ F= U- 75 U = F+TS $S = -\frac{\partial F}{\partial T} = \frac{1}{2} \frac{1}{csch(...)} \cdot \left(-\frac{coh(...)}{kT^2}\right)$ $TS = -\frac{h\omega}{2} \cosh\left(-\frac{t\omega}{\kappa T}\right)$ $U = -kT ln \left(\frac{1}{2} \operatorname{csch} \left(-\frac{\hbar \omega}{kT}\right)\right) - \frac{\hbar \omega}{2} \coth \left(-\frac{\hbar \omega}{kT}\right)$ Das ist schon Ziemlich sperrig.

Teil d $\zeta(T) = T \left(\frac{\partial S}{\partial T}\right)_{X}$ 5 = - 5 ans der vorlargen Antyolse. $S = -\frac{h\omega}{2T} coth \left(-\frac{t\omega}{kT}\right)$ 35 = his coh(") + 400 csch(") too $C(T) = \frac{h\omega}{2T} coth(...) + \frac{h^2\omega^2}{2kT^2} csch^2(...)$ Mit d:= two wird dies: $c = \frac{k}{2} \alpha \cosh(\alpha) + \frac{k}{2} \alpha^2 \cosh^2(\alpha)$ Für & 1/2 1, also KT >> two weaden bede Symmanden 2, also c= K. Fir 271, also kT 4 the get de earste gegen O, de mete gegen O.