## A 题: 储水式电热水器的温度设定问题

储水式电热水器在我国家庭中广泛使用,主要用来提供家庭洗澡所用热水。热水器结构主要包括:保温桶体(常见的有50L、60L、80L等)、加热管、温度设定装置以及进、出水口等,结构如下图所示(结构示意图来源于网络,仅供参考)

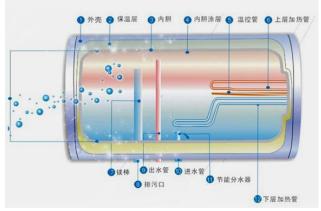


图 1 储水式电热水器内部结构示意图

热水器工作过程如下:开启电源开关,并设定温度进行加热,直至水温达到设定温度后停止加热,而当水温降至所设定温度以下 5 度时,热水器将重新开始加热,如此往复,实现恒定提供热水的作用。

现杭州市有一用户家庭,安装了某一品牌 60L 储水式电热水器,其电热水器额定功率 1500(W),电压 220(V),频率 50(HZ),设定温度范围  $30-75(^{\circ}C)$ ,机器尺寸 842\*400\*400mm;一级能效等级,其热水器外表散热面积  $1.08(m^2)$ ,热水器壁体平均传热系数  $0.879(W/^{\circ}C\cdot m^2)$ 。假设电热水器在用水时段采取恒流恒温方式,在混水管上装有恒温阀,用混水管提供热水,即用水期间因恒温阀有恒温功能,在保持出水流量不变的同时,也保持出水温度不变;出水流量为  $8(10^{-5}m^3\cdot s^{-1})$ ,出水温度夏天为  $37(^{\circ}C)$ 、冬天为  $42(^{\circ}C)$ ,每人洗澡时间为 900(s);水的最大密度为 $10^3(kg/m^3)$ ,水在常温时比热约为 $4.2\times10^3(J/kg\cdot {}^{\circ}C)$ 。

请你们团队根据热水器工作过程,通过合理假设,建立数学模型,解决储水式电热水器的温度设定以下相关问题。

- (1)给出将初始水温 20 ( ${}^{\circ}$ C)(此时,假设室内温度与初始水温相同)加热到设定温度 60 ( ${}^{\circ}$ C)所需化时间。
- (2) 考虑杭州市用户冬、夏两季的洗澡需求(夏季电热水器设定温度 45 °C, 冬季电热水器设定温度 60 °C), 请查阅相关资料、数据, 建立数学模型, 分析对比"电源一直开启"和"洗澡前开启"两种模式下, 电热水器的电量消耗情况。
- (3)"电源一直开启"模式能够随时满足用户的热水需求。然而,在"电源一直开启"模式下温度设定越高,热水器反复加热越频繁,导致电量的浪费。因此,就根据附表 1、2 分别为杭州市此用户家庭夏季、冬季代表性一天的室内温度变化,请你们在"电源一直开启"的模式下找到一个最佳的设定温度(日常恒定温度),既能满足一个人随时洗澡,又能使电量消耗最小。
- (4) 在问题 3 基础上,若能满足两个人洗澡,但用户可以等待,即在洗澡前将温度调高至所需温度继续加热,就根据附表 2 杭州市此用户家庭冬季代表性一天室内气温数据,设计一个合适的设定温度,实现电量消耗较少与用户等待时间较小之间的平衡方

## 案,从而满足用户对于电量消耗和等待时间的要求。

表 1 杭州市用户家庭夏季代表性一天的室内温度变化数据

时间(h)		0:00	1:00	2:00	3:00	4:00	5:00	6:00	7:00	8:00	9:00	10:00	11:00
温	度	26	26	25	25	24	25	26	27	29	30	31	31
( °C)													
时间	(h)	12:00	13:00	14:00	15:00	16:00	17:00	18:00	19:00	20:00	21:00	22:00	23:00
温	度	31	32	32	32	32	31	30	29	29	28	28	27
( °C)													

表 2 杭州市用户家庭冬季代表性一天的室内温度变化数据

时间(h)		0:00	1:00	2:00	3:00	4:00	5:00	6:00	7:00	8:00	9:00	10:00	11:00
温	度	6	6	6	6	6	6	6	7	7	7	7	8
( °C)													
时间	(h)	12:00	13:00	14:00	15:00	16:00	17:00	18:00	19:00	20:00	21:00	22:00	23:00
温	度	9	9	10	10	10	10	9	8	7	6	5	4
(°C)													

## 参考文献:

国家质量监督检验检疫总局,国家标准化管理委员会,中国家用电器研究院,等. 储水式电热水器: GB/T 20289-2006[S]. 北京:中国标准出版社,2006: 2-10.