Derivate

derivate delle funzioni elementari				
$D \ k = 0$ dove k è una costante	D sen x = cos x			
$D x^n = n x^{n-1}$	$D \cos x = - \sin x$			
$D \frac{1}{x^n} = Dx^{-n} = -n x^{-n-1} = -\frac{n}{x^{n+1}}$	$D tgx = \frac{1}{\cos^2 x} = 1 + tg^2 x$			
$D^{n}\sqrt{x} = \frac{1}{n^{n}\sqrt{x^{n-1}}}$	$D \cot gx = -\frac{1}{\sin^2 x} = -1 - \cot g^2 x$			
$D\sqrt{x} = \frac{1}{2\sqrt{x}}$	$D\ arcsenx = \frac{1}{\sqrt{1 - x^2}}$			
$D \log_a x = \frac{1}{x} \log_a e = \frac{1}{x} \cdot \frac{1}{\ln a}$	$D\ arccosx = -\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$			
$D \ln x = \frac{1}{x}$	$D \ arctgx = \frac{1}{1+x^2}$			
$D a^x = a^x \ln a = a^x \cdot \frac{1}{\log_a e}$	$D\ arccot gx = -\frac{1}{1+x^2}$			
$D e^x = e^x$	$D x = \frac{x}{ x } = \frac{ x }{x}$			

regole di derivazione				
$D k \cdot f(x) = k \cdot f'(x)$	prodotto di una costante k per una funzione			
$D f(x) \pm g(x) \pm h(x) = f'(x) \pm g'(x) \pm h'(x)$	somma di due o più funzioni			
$D f(x) \cdot g(x) = f'(x) \cdot g(x) + f(x) \cdot g'(x)$	prodotto di due funzioni			
$D f(x) \cdot g(x) \cdot h(x) = f'(x) \cdot g(x) \cdot h(x) + f(x) \cdot g'(x) \cdot h(x) + f(x) \cdot g(x) \cdot h'(x)$	prodotto di tre funzioni			
$D \frac{f(x)}{g(x)} = \frac{f'(x) \cdot g(x) - f(x) \cdot g'(x)}{[g(x)]^2}$	rapporto di due funzioni			
$Df[g(x)] = f'[g(x)] \cdot g'(x)$	funzione composta			
$Df(x)^{g(x)} = f(x)^{g(x)} \cdot \left[g'(x) \cdot ln[f(x)] + g(x) \cdot \frac{f'(x)}{f(x)} \right]$	funzione elevata ad una funzione			

esempi di derivate di alcune funzioni elementari

D k = 0	D 5 = 0	$D \pi = 0$	D 0 = 0	$D \log_2 5 = 0$
$D x^n = n x^{n-1}$	D x = 1	$D x^7 = 7 x^6$	$D x^{-2} = -2 x^{-3}$	$D x^{\frac{2}{3}} = \frac{2}{3} x^{-\frac{1}{3}}$
$D^{n}\sqrt{x} = \frac{1}{n^{n}\sqrt{x^{n-1}}}$	$D \sqrt[3]{x} = \frac{1}{3\sqrt[3]{x^{3-1}}} = \frac{1}{3\sqrt[3]{x^2}}$		$D \sqrt[8]{x} = \frac{1}{8\sqrt[8]{x^{8-1}}} = \frac{1}{8\sqrt[8]{x^7}}$	
$D\log_a x = \frac{1}{x}\log_a e$	$D \log_3 x = \frac{1}{x} \log_3 e = \frac{1}{x} \frac{1}{\ln 3}$		$D \log_{\frac{1}{5}} x = \frac{1}{x} \log_{\frac{1}{5}} e = \frac{1}{x} \frac{1}{\ln_{\frac{1}{5}}}$	
$D a^x = a^x \ln a$	$D 2^x = 2^x \ln 2$		$D\ 2012^x = 2012^x\ ln2012$	

esempi di derivate con le regole di derivazione

Derivata del prodotto di una costante k per una funzione $D k \cdot f(x) = k \cdot f'(x)$

$$D(5x^2) = 5 \cdot D(x^2) = 5 \cdot (2x) = 10x$$
 $D(\frac{7}{3}senx) = \frac{7}{3} \cdot D(senx) = \frac{7}{3} \cdot cosx$

Derivata della somma di due o più funzioni $D f(x) \pm g(x) \pm h(x) = f'(x) \pm g'(x) \pm h'(x)$

$$D(7 \log_{10} x + 3x + 4) = \frac{1}{x} \cdot \frac{7}{\ln 10} + 3$$

$$D(5x^3 - tgx + x) = 15x^2 - \frac{1}{\cos^2 x} + 1$$

Derivata del prodotto di due funzioni $D f(x) \cdot g(x) = f'(x) \cdot g(x) + f(x) \cdot g'(x)$

$$D\left(x^{2} t g x\right)=2 x \cdot t g x+x^{2} \cdot \frac{1}{\cos^{2} x} \qquad \qquad D\left(7 l n x \cdot e^{x}\right)=7 \frac{1}{x} \cdot e^{x}+7 l n x \cdot e^{x}=7 e^{x} \left(\frac{1}{x}+l n x\right)$$

Derivata del rapporto di due funzioni
$$D \frac{f(x)}{g(x)} = \frac{f'(x) \cdot g(x) - f(x) \cdot g'(x)}{[g(x)]^2}$$

$$D\left(\frac{2+x}{3x}\right) = \frac{(1)\cdot 3x - (2+x)\cdot 3}{(3x)^2} = \frac{3x - 3(2+x)}{(3x)^2} = \frac{x - 2 - x}{3x^2} = -\frac{2}{3x^2}$$

Derivata di una funzione composta $Df[g(x)] = f'[g(x)] \cdot g'(x)$

$$D(\sqrt{senx}) = \frac{1}{2\sqrt{senx}} \cdot cosx \qquad \qquad D(sen\sqrt{x}) = cos\sqrt{x} \cdot \frac{1}{2\sqrt{x}}$$

$$D\left(sen^2x\right) = (2 senx) \cdot cosx = 2 senx cosx$$

$$D\left(sen x^2\right) = (\cos x^2) \cdot 2x = 2 x \cos x^2$$

Derivata di una funzione elevata ad una funzione $Df(x)^{g(x)} = f(x)^{g(x)} \cdot \left[g'(x) \cdot lnf(x) + g(x) \cdot \frac{f'(x)}{f(x)}\right]$

$$D\left(x^{cosx}\right) = x^{cosx} \cdot \left[-senx \cdot ln(x) + cosx \cdot \frac{1}{x}\right] \qquad D\left((senx)^{x}\right) = (senx)^{x} \cdot \left[1 \cdot ln(senx) + x \cdot \frac{cosx}{senx}\right]$$