

**Московский авиационный институт  
(национальный исследовательский университет)**

**Институт №8 «Информационные технологии и прикладная  
математика»**

**Кафедра 806 «Вычислительная математика  
и программирование»**

**Лабораторная работа №8 по курсу «Программирование графических  
процессоров»  
(Лабораторная работа №3 по курсу «Параллельная обработка данных»)**

**Технология MPI и технология CUDA. MPI-IO**

Студент: Л. Я. Вельтман  
Преподаватель: К. Г. Крашенинников  
А. Ю. Морозов  
Группа: М8О-407Б  
Дата:  
Оценка:  
Подпись:

**Москва, 2020**

## Условие

**Цель работы:** Совместное использование технологии MPI и технологии CUDA. Применение библиотеки алгоритмов для параллельных расчетов Thrust. Реализация метода Якоби. Решение задачи Дирихле для уравнения Лапласа в трехмерной области с граничными условиями первого рода. Использование механизмов MPI-IO и производных типов данных. Требуется решить задачу описанную в лабораторной работе 7, используя возможности графических ускорителей установленных на машинах вычислительного кластера. Учесть возможность наличия нескольких GPU в рамках одной машины. На GPU необходимо реализовать основной расчет. Требуется использовать объединение запросов к глобальной памяти. На каждой итерации допустимо копировать только граничные элементы с GPU на CPU для последующей отправки их другим процессам. Библиотеку Thrust использовать только для вычисления погрешности в рамках одного процесса.

Запись результатов в файл должна осуществляться параллельно всеми процессами. Необходимо создать производный тип данных, определяющий шаблон записи данных в файл.

### Вариант 2:

MPI\_Type\_hvector.

**Входные данные:** На первой строке заданы три числа: размер сетки процессов. Гарантируется, что при запуске программы количество процессов будет равно произведению этих трех чисел. На второй строке задается размер блока, который будет обрабатываться одним процессом: три числа. Далее задается путь к выходному файлу, в который необходимо записать конечный результат работы программы и точность  $\epsilon$ . На последующих строках описывается задача: задаются размеры области,  $l_x, l_y, l_z$ , граничные условия:  $u_{down}, u_{up}, u_{left}, u_{right}, u_{front}, u_{back}$  и начальное значение  $u_0$ .

**Выходные данные:** В файл, определенный во входных данных, необходимо напечатать построчно значения  $(u_{1,1,1}, u_{2,1,1}, \dots, u_{1,2,1}, u_{2,2,1}, \dots, u_{n_x-1,n_y,n_z}, u_{n_x,n_y,n_z})$  в ячейках сетки в формате с плавающей запятой с семью знаками мантиссы.

### Программное и аппаратное обеспечение:

Device Number: 0

Device name: GeForce GT 545

TotalGlobalMem: 3150381056

Const Mem : 65536

Max shared mem for blocks 49152

Max regs per block 32768

Max thread per block 1024

multiProcessorCount : 3

maxThreadsDim 1024 1024 64  
maxGridSize 65535 65535 65535  
OS: macOS Catalina version 10.15.5  
Text Editor: Sublime Text 3

# 1 Описание

## Метод решения

В данной лабораторной работе нужно решить задачу, описанную в лабораторной работе 7. Одна итерация решения исходной задачи состоит из трех этапов.

На первом этапе происходит обмен граничными слоями между процессами.

На втором этапе выполняется обновление значений во всех ячейках.

И третий этап заключается в вычислении погрешности: сначала локально в рамках каждого процесса, а потом через обмены и во всей области.

## Описание программы

Обмен граничными слоями между процессами происходит с помощью вспомогательных буферов, на каждой итерации копируются данные между device и host памятью, чтобы обновить принимаемые или отсылаемые данные. При помощи функций `MPI_Isend` и `MPI_Irecv` производится асинхронный обмен, затем ожидаем завершения этих асинхронных процедур благодаря `MPI_Wait` и обновление значений во всех ячейках.

Для расчета значения, отвечающего за сходимост, используется библиотека `thrust`, с помощью которой находится максимум. Нужно создать массив, в котором количество ячеек равно максимальному значению числа нитей. В каждой ячейке этого массива будет храниться максимальное значение, полученное каждым из потоков. Позже из этого массива находится максимум и дальше применяется функция `MPI_Allreduce`. Она имеет варианты каждой из операции редукции, где результат возвращается всем процессам группы (в нашем случае максимум).

Запись результатов в файл осуществляется параллельно всеми процессами. Для этого было необходимо создать производный тип данных - `hvector`, определяющий шаблон записи данных в файл.

## 2 Исходный код

```
1 | #include <iostream>
2 | #include <iomanip>
3 | #include <string>
4 | #include <algorithm>
5 | #include <stdio.h>
6 | #include <stdlib.h>
7 | #include "mpi.h"
8 | #include <thrust/extrema.h>
9 | #include <thrust/device_vector.h>
10 |
11 |
12 |
13 | #define CSC(call) \
14 | do { \
15 |     cudaError_t res = call; \
16 |     if (res != cudaSuccess) { \
17 |         fprintf(stderr, "ERROR: Cuda in %s:%d. Message: %s\n", \
18 |             __FILE__, __LINE__, cudaGetErrorString(res)); \
19 |         exit(0); \
20 |     } \
21 | } while(0)
22 |
23 |
24 | #define Update_ij(i, j, step, side) \
25 | { \
26 |     i += step; \
27 |     while(i >= side) \
28 |     { \
29 |         i -= side; \
30 |         ++j; \
31 |     } \
32 | } \
33 |
34 |
35 | const int axes = 3;
36 | const int directions = 6;
37 | const int BlockCount = 32;
38 | const int ThreadsCount = 32;
39 |
40 |
41 | void WaitAll(int* coords, int* gridProc, MPI_Request *arrOfRequests)
42 | {
43 |     MPI_Status tmp;
44 |
45 |     for (int i = 0, j = 1; i < axes; ++i, j += 2)
46 |     {
47 |         if (coords[i] > 0)
```

```

48     {
49         MPI_Wait(&arrOfRequests[i * 2], &tmp);
50     }
51     if (coords[i] < gridProc[i] - 1)
52     {
53         MPI_Wait(&arrOfRequests[j], &tmp);
54     }
55 }
56 }
57
58
59 __host__ __device__
60 double FindMax(double a, double b, double max)
61 {
62     double fbs = a - b;
63     fbs = fbs > 0.0 ? fbs : -fbs;
64     if (fbs > max)
65     {
66         max = fbs;
67     }
68     return max;
69 }
70
71
72 __host__ __device__
73 int GetPos(int i, int j, int k, int nY, int nX)
74 {
75     return i + (j + k * nY) * nX;
76 }
77
78
79 void GetCoords(int* coords, int rank, int* gridProc)
80 {
81     coords[2] = rank / gridProc[0] / gridProc[1];
82     coords[1] = (rank - coords[2] * gridProc[0] * gridProc[1]) / gridProc[0];
83     coords[0] = rank - (coords[2] * gridProc[1] + coords[1]) * gridProc[0];
84 }
85
86
87 int GetRank(int* coords, int* gridProc)
88 {
89     return coords[0] + gridProc[0] * (coords[2] * gridProc[1] + coords[1]);
90 }
91
92
93 void Printer(FILE* out, double* arr, int size)
94 {
95     for (int i = 0; i < size; ++i)
96     {

```

```

97     fprintf(out, "%.6e ", arr[i]);
98 }
99 fprintf(out, "\n");
100 }
101
102 void WriteOutWithMPI(int* gridProc, int* block,
103                     std::string& output, double* grid, int* coords)
104 {
105     //convert double data to char values
106     int size = block[0] * block[1] * block[2];
107     const int doubleSize = 14;
108     char* charValues = new char[size * doubleSize];
109
110     //memset(charValues, ' ', size * doubleSize);
111     for (int k = 1; k <= block[2]; ++k)
112     {
113         for (int j = 1; j <= block[1]; ++j)
114         {
115             int i, len;
116             for (i = 1; i < block[0]; ++i)
117             {
118                 len = sprintf(&charValues[GetPos(i - 1, j - 1, k - 1, block[1], block
119                 [0]) * doubleSize], "%.6e ", grid[GetPos(i, j, k, block[1] + 2,
120                 block[0] + 2)]);
121                 if (len < doubleSize)
122                 {
123                     charValues[GetPos(i - 1, j - 1, k - 1, block[1], block[0]) *
124                     doubleSize + len] = ' ';
125                 }
126             }
127             len = sprintf(&charValues[GetPos(i - 1, j - 1, k - 1, block[1], block[0]) *
128             doubleSize], "%.6e\n", grid[GetPos(i, j, k, block[1] + 2, block[0] + 2)
129             ]);
130             if (len < doubleSize)
131             {
132                 charValues[GetPos(i - 1, j - 1, k - 1, block[1], block[0]) * doubleSize
133                 + len] = '\n';
134             }
135         }
136     }
137
138     MPI_Aint stride = block[0] * doubleSize * gridProc[0];
139     MPI_Aint gstride = stride * block[1] * gridProc[1];
140     MPI_Aint position = coords[0] * doubleSize * block[0];
141     position += stride * block[1] * coords[1];
142     position += gstride * block[2] * coords[2];
143
144     int blocklength = block[0] * doubleSize;

```

```

140
141 MPI_File fp;
142 MPI_Datatype square, rectangle;
143
144 MPI_Type_create_hvector(block[1], blocklength, stride, MPI_CHAR, &square);
145 MPI_Type_commit(&square);
146
147 MPI_Type_create_hvector(block[2], 1, gstride, square, &rectangle);
148 MPI_Type_commit(&rectangle);
149
150 MPI_File_delete(output.c_str(), MPI_INFO_NULL);
151 MPI_File_open(MPI_COMM_WORLD, output.c_str(), MPI_MODE_CREATE | MPI_MODE_RDWR,
    MPI_INFO_NULL, &fp);
152
153 MPI_File_set_view(fp, position, MPI_CHAR, rectangle, "native", MPI_INFO_NULL);
154 MPI_File_write_all(fp, charValues, doubleSize*size, MPI_CHAR, MPI_STATUS_IGNORE);
155
156 MPI_File_close(&fp);
157
158 delete[] charValues;
159 }
160
161
162 void FillBuffer(double* buf, int size, double val)
163 {
164     for (int i = 0; i < size; ++i)
165     {
166         buf[i] = val;
167     }
168 }
169
170
171 void InitBufsEdge(double** sendBuf, double** getBuf, double** deviceSendBuf, double**
    deviceGetBuf, int* sizeEdges, int* gridProc, int* coords, double* u, double u0)
172 {
173     for (int i = 0, j = 1; i < axes; ++i, j += 2)
174     {
175         sendBuf[i * 2] = new double[sizeEdges[i]];
176         getBuf[i * 2] = new double[sizeEdges[i]];
177         sendBuf[j] = new double[sizeEdges[i]];
178         getBuf[j] = new double[sizeEdges[i]];
179         FillBuffer(sendBuf[i * 2], sizeEdges[i], u0);
180         FillBuffer(sendBuf[j], sizeEdges[i], u0);
181
182         CSC(cudaMalloc((void**)&deviceSendBuf[i * 2], sizeof(double) * sizeEdges[i]));
183         CSC(cudaMalloc((void**)&deviceGetBuf[i * 2], sizeof(double) * sizeEdges[i]));
184         CSC(cudaMalloc((void**)&deviceSendBuf[j], sizeof(double) * sizeEdges[i]));
185         CSC(cudaMalloc((void**)&deviceGetBuf[j], sizeof(double) * sizeEdges[i]));
186

```



```

187         if (!coords[i])
188         {
189             FillBuffer(getBuf[i * 2], sizeEdges[i], u[i * 2]);
190         }
191         if (coords[i] == gridProc[i] - 1)
192         {
193             FillBuffer(getBuf[j], sizeEdges[i], u[j]);
194         }
195     }
196 }
197
198
199 void Clear(double* grid, double* newGrid, double** sendBuf, double** getBuf,
200           double* deviceGrid, double* deviceNewGrid, double* deviceMaxValues,
201           double** deviceSendBuf, double** deviceGetBuf)
202 {
203     delete[] grid;
204     delete[] newGrid;
205
206     CSC(cudaFree(deviceGrid));
207     CSC(cudaFree(deviceNewGrid));
208     CSC(cudaFree(deviceMaxValues));
209
210     for (int i = 0, j = 1; i < axes; ++i, j += 2)
211     {
212         delete[] sendBuf[i * 2];
213         delete[] getBuf[i * 2];
214         delete[] sendBuf[j];
215         delete[] getBuf[j];
216
217         CSC(cudaFree(deviceSendBuf[i * 2]));
218         CSC(cudaFree(deviceGetBuf[i * 2]));
219         CSC(cudaFree(deviceSendBuf[j]));
220         CSC(cudaFree(deviceGetBuf[j]));
221     }
222 }
223
224
225 void GetNeighbours(int* neighb, int* gridProc, int* coords)
226 {
227     int tmp[axes] = {coords[0], coords[1], coords[2]};
228
229     for (int i = 0, j = 1; i < axes; ++i, j += 2)
230     {
231         --tmp[i];
232         neighb[2 * i] = GetRank(tmp, gridProc);
233         tmp[i] += 2;
234         neighb[j] = GetRank(tmp, gridProc);
235         --tmp[i];

```

```

236     }
237 }
238
239
240 void Isend_Irecv(MPI_Request* in, MPI_Request* out, double** sendBuf, double** getBuf,
241                 int* sizeEdges, int* gridProc, int* coords, int* neighb)
242 {
243     for (int i = 0, j = 1; i < axes; ++i, j += 2)
244     {
245         if (coords[i] > 0)
246         {
247             MPI_Isend(sendBuf[i * 2], sizeEdges[i], MPI_DOUBLE,
248                     neighb[i * 2], 0, MPI_COMM_WORLD, &out[i * 2]);
249             MPI_Irecv(getBuf[i * 2], sizeEdges[i], MPI_DOUBLE,
250                     neighb[i * 2], 0, MPI_COMM_WORLD, &in[i * 2]);
251         }
252         if (coords[i] < gridProc[i] - 1)
253         {
254             MPI_Isend(sendBuf[j], sizeEdges[i], MPI_DOUBLE,
255                     neighb[j], 0, MPI_COMM_WORLD, &out[j]);
256             MPI_Irecv(getBuf[j], sizeEdges[i], MPI_DOUBLE,
257                     neighb[j], 0, MPI_COMM_WORLD, &in[j]);
258         }
259     }
260 }
261
262 __global__
263 void FillInEdgesKernel(double* grid, double* getBuf, int ax,
264                       int lim, int nX, int nY, int nZ, int tmpX, int tmpY, int tmpZ)
265 {
266     int offset = gridDim.x * blockDim.x;
267     int threadId = blockDim.x * blockIdx.x + threadIdx.x;
268
269     // formula to get coords  $x + (y + z * ny) * nx$ 
270     #define idx_in(i, j) ( \
271         tmpX * (lim * (nX - 1) + (i + j * nY) * nX) + \
272         tmpY * (i + (lim * (nY - 1) + j * nY) * nX) + \
273         tmpZ * (i + (j + (lim * (nZ - 1)) * nY) * nX) \
274     ) \
275
276     int first_n = (ax == 2) ? nY : nZ;
277     int second_n = (ax != 0) ? nX : nY;
278     int i = 0;
279     int j = 0;
280     Update_ij(i, j, threadId, second_n);
281
282     while (j < first_n)
283     {

```

```

284     grid[idx_in(i, j)] = getBuf[i + j * second_n];
285     Update_ij(i, j, offset, second_n);
286 }
287 }
288
289
290 __global__
291 void FillOutEdgesKernel(double* newGrid, double* sendBuf, int ax,
292                        int lim, int nX, int nY, int nZ, int tmpX, int tmpY, int tmpZ)
293 {
294     int offset = gridDim.x * blockDim.x;
295     int threadId = blockDim.x * blockIdx.x + threadIdx.x;
296
297     #define idx_out(i, j) ( \
298         tmpX * (lim * (nX - 3) + 1 + (i + j * nY) * nX) + \
299         tmpY * (i + (lim * (nY - 3) + 1 + j * nY) * nX) + \
300         tmpZ * (i + (j + (lim * (nZ - 3) + 1) * nY) * nX) \
301     ) \
302
303     int first_n = (ax == 2) ? nY : nZ;
304     int second_n = (ax != 0) ? nX : nY;
305
306     int i = 0;
307     int j = 0;
308     Update_ij(i, j, threadId, second_n);
309
310     while (j < first_n)
311     {
312         sendBuf[i + j * second_n] = newGrid[idx_out(i, j)];
313         Update_ij(i, j, offset, second_n);
314     }
315 }
316
317
318 __device__
319 void UpdateCoords(int& i, int& j, int& k, int shift, int nX, int nY)
320 {
321     i += shift;
322     while (i > nX)
323     {
324         i -= nX;
325         ++j;
326     }
327     while (j > nY)
328     {
329         j -= nY;
330         ++k;
331     }
332 }

```

```

333
334
335 __global__
336 void CalculateNewValuesKernel(double* grid, double* newGrid, double* maxValues,
337     int nX, int nY, int nZ, double hX, double hY, double hZ, double b, int
        proc)
338 {
339     int offset = gridDim.x * blockDim.x;
340     int threadId = blockDim.x * blockIdx.x + threadIdx.x;
341
342     int i = 1;
343     int j = 1;
344     int k = 1;
345
346     UpdateCoords(i, j, k, threadId, nX - 2, nY - 2);
347     maxValues[threadId] = 0.0;
348
349     while(k <= nZ - 2)
350     {
351         double a = (grid[GetPos(i - 1, j, k, nY, nX)] + grid[GetPos(i + 1, j, k, nY, nX
            )]) / (hX * hX);
352         a += (grid[GetPos(i, j - 1, k, nY, nX)] + grid[GetPos(i, j + 1, k, nY, nX)]) /
            (hY * hY);
353         a += (grid[GetPos(i, j, k - 1, nY, nX)] + grid[GetPos(i, j, k + 1, nY, nX)]) /
            (hZ * hZ);
354
355         newGrid[GetPos(i, j, k, nY, nX)] = a / b;
356         maxValues[threadId] = FindMax(grid[GetPos(i, j, k, nY, nX)], newGrid[GetPos(i,
            j, k, nY, nX)], maxValues[threadId]);
357         UpdateCoords(i, j, k, offset, nX - 2, nY - 2);
358     }
359 }
360
361
362
363 void Start(int* gridProc, int* block, std::string& output,
364     double eps, double* l, double* u,
365     double u0, int numProcs, int rank)
366 {
367     MPI_Bcast(gridProc, axes, MPI_INT, 0, MPI_COMM_WORLD);
368     MPI_Bcast(block, axes, MPI_INT, 0, MPI_COMM_WORLD);
369     MPI_Bcast(&eps, 1, MPI_DOUBLE, 0, MPI_COMM_WORLD);
370     MPI_Bcast(l, axes, MPI_DOUBLE, 0, MPI_COMM_WORLD);
371     MPI_Bcast(u, directions, MPI_DOUBLE, 0, MPI_COMM_WORLD);
372     MPI_Bcast(&u0, 1, MPI_DOUBLE, 0, MPI_COMM_WORLD);
373     {
374         int cntChars = output.size();
375         MPI_Bcast(&cntChars, 1, MPI_INT, 0, MPI_COMM_WORLD);
376

```

```

377     output.resize(cntChars);
378
379     MPI_Bcast((char*)output.c_str(), cntChars, MPI_CHAR, 0, MPI_COMM_WORLD);
380     output.push_back('\0');
381 }
382
383
384 MPI_Request in[directions], out[directions];
385
386 int coords[axes];
387 GetCoords(coords, rank, gridProc);
388
389 int neighb[directions];
390 GetNeighbours(neighb, gridProc, coords);
391
392 int size = (block[0] + 2) * (block[1] + 2) * (block[2] + 2);
393 double* grid = new double[size];
394 double* newGrid = new double[size];
395 FillBuffer(grid, size, u0);
396 FillBuffer(newGrid, size, u0);
397
398 int deviceCount;
399 cudaGetDeviceCount(&deviceCount);
400 cudaSetDevice(rank % deviceCount);
401
402 // for device
403 double* deviceSendBuf[directions];
404 double* deviceGetBuf[directions];
405 double* deviceMaxValues;
406 double* deviceGrid;
407 double* deviceNewGrid;
408
409 CSC(cudaMalloc((void**)&deviceMaxValues, sizeof(double) * BlockCount * ThreadsCount
    ));
410
411 CSC(cudaMalloc((void**)&deviceGrid, sizeof(double) * size));
412
413 CSC(cudaMalloc((void**)&deviceNewGrid, sizeof(double) * size));
414
415 CSC(cudaMemcpy(deviceGrid, grid, sizeof(double) * size, cudaMemcpyHostToDevice));
416
417 double* sendBuf[directions];
418 double* getBuf[directions];
419
420 int sizeEdges[axes];
421 sizeEdges[0] = (block[1] + 2) * (block[2] + 2); // y z
422 sizeEdges[1] = (block[0] + 2) * (block[2] + 2); // x z
423 sizeEdges[2] = (block[0] + 2) * (block[1] + 2); // x y
424

```

```

425 InitBufsEdge(sendBuf, getBuf, deviceSendBuf, deviceGetBuf, sizeEdges, gridProc,
    coords, u, u0);
426
427 double nX = gridProc[0] * block[0];
428 double nY = gridProc[1] * block[1];
429 double nZ = gridProc[2] * block[2];
430
431 double hX = (double)(1[0] / nX);
432 double hY = (double)(1[1] / nY);
433 double hZ = (double)(1[2] / nZ);
434
435 double b = 2 * (1/(hX * hX) + 1/(hY * hY) + 1/(hZ * hZ));
436
437 int tmpkernel[axes] = {0};
438 int n_X = block[0] + 2, n_Y = block[1] + 2, n_Z = block[2] + 2;
439
440 double maxConvergence;
441 double globalMax = 0.0;
442
443 thrust::device_ptr<double> ptr = thrust::device_pointer_cast(deviceMaxValues);
444 do {
445     maxConvergence = 0.0;
446
447     Isend_Irecv(in, out, sendBuf, getBuf, sizeEdges, gridProc, coords, neighb);
448
449     WaitAll(coords, gridProc, in);
450     for (int i = 0, j = 1; i < axes; ++i, j += 2)
451     {
452         CSC(cudaMemcpy(deviceGetBuf[i * 2], getBuf[i * 2], sizeof(double) *
            sizeEdges[i], cudaMemcpyHostToDevice));
453         CSC(cudaMemcpy(deviceGetBuf[j], getBuf[j], sizeof(double) * sizeEdges[i],
            cudaMemcpyHostToDevice));
454     }
455
456     for (int d = 0; d < directions; ++d)
457     {
458         int ax = d >> 1;
459         tmpkernel[ax] = 1;
460         int lim = (d & 1);
461
462         FillInEdgesKernel<<<BlockCount, ThreadsCount>>>(deviceGrid, deviceGetBuf[d
            ],
463                                                         ax, lim, n_X, n_Y, n_Z,
464                                                         tmpkernel[0], tmpkernel
465                                                         [1], tmpkernel[2]);
466         tmpkernel[ax] = 0;
467     }
468     cudaThreadSynchronize();
469     CSC(cudaGetLastError());

```

```

469
470 CalculateNewValuesKernel<<<BlockCount, ThreadsCount>>>(deviceGrid,
    deviceNewGrid, deviceMaxValues,
471                                     n_X, n_Y, n_Z, hX, hY, hZ, b,
                                         rank);
472
473 cudaThreadSynchronize();
474 CSC(cudaGetLastError());
475
476 WaitAll(coords, gridProc, out);
477
478 for (int d = 0; d < directions; ++d)
479 {
480     int ax = d >> 1;
481     tmpkernel[ax] = 1;
482     int lim = (d & 1);
483
484     FillOutEdgesKernel<<<BlockCount, ThreadsCount>>>(deviceNewGrid,
        deviceSendBuf[d],
485                                     ax, lim, n_X, n_Y, n_Z,
        tmpkernel[0], tmpkernel
486                                     [1], tmpkernel[2]);
487
488     CSC(cudaGetLastError());
489
490     tmpkernel[ax] = 0;
491 }
492 cudaThreadSynchronize();
493
494 for (int i = 0, j = 1; i < axes; ++i, j += 2)
495 {
496     CSC(cudaMemcpy(sendBuf[i * 2], deviceSendBuf[i * 2], sizeof(double) *
        sizeEdges[i], cudaMemcpyDeviceToHost));
497     CSC(cudaMemcpy(sendBuf[j], deviceSendBuf[j], sizeof(double) * sizeEdges[i],
        cudaMemcpyDeviceToHost));
498 }
499
500 maxConvergence = *thrust::max_element(ptr, ptr + BlockCount * ThreadsCount);
501
502 MPI_Allreduce(&maxConvergence, &globalMax, 1, MPI_DOUBLE, MPI_MAX,
    MPI_COMM_WORLD);
503
504
505 double* tmp = deviceGrid;
506 deviceGrid = deviceNewGrid;
507 deviceNewGrid = tmp;
508 } while (globalMax >= eps);
509
510 cudaMemcpy(grid, deviceGrid, sizeof(double) * size, cudaMemcpyDeviceToHost);

```

```

511 |
512 | WriteOutWithMPI(gridProc, block, output, grid, coords);
513 | Clear(grid, newGrid, sendBuf, getBuf, deviceGrid, deviceNewGrid, deviceMaxValues,
    | deviceSendBuf, deviceGetBuf);
514 | }
515 |
516 |
517 |
518 | int main(int argc, char *argv[])
519 | {
520 |     std::ios_base::sync_with_stdio(false);
521 |     std::cin.tie(nullptr);
522 |     int gridProc[axes], block[axes];
523 |     double l[axes];
524 |     double eps, u0;
525 |     double u[directions];
526 |     std::string output;
527 |
528 |     int numProcs, rank;
529 |
530 |     MPI_Init(&argc, &argv);
531 |     MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD, &numProcs);
532 |     MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &rank);
533 |
534 |     if (!rank) // main process
535 |     {
536 |         std::cin >> gridProc[0] >> gridProc[1] >> gridProc[2];
537 |         std::cin >> block[0] >> block[1] >> block[2];
538 |         std::cin >> output;
539 |         std::cin >> eps;
540 |         std::cin >> l[0] >> l[1] >> l[2];
541 |         //front back down up left right
542 |         std::cin >> u[4] >> u[5] >> u[0] >> u[1] >> u[2] >> u[3];
543 |         std::cin >> u0;
544 |     }
545 |
546 |     Start(gridProc, block, output, eps, l, u, u0, numProcs, rank);
547 |
548 |     MPI_Finalize();
549 |
550 |     return 0;
551 | }

```



### 3 Результаты

proc	block	time CPU	time MPI	time MPI + CUDA	winner
(1, 1, 1)	(10, 10, 10)	104.456 ms	134.657 ms	302.983 ms	CPU
(2, 2, 2)	(10, 10, 10)	2477.87 ms	4168.76 ms	11067.1 ms	CPU
(1, 1, 1)	(20, 20, 20)	1774.47 ms	1020.22 ms	1014.8 ms	MPI + CUDA
(2, 2, 2)	(20, 20, 20)	58620.1 ms	5777.1 ms	42431.8 ms	MPI
(1, 1, 1)	(40, 40, 40)	61367.1 ms	23948.9 ms	7827.49 ms	MPI + CUDA
(2, 2, 2)	(40, 40, 40)	1.65423e+06 ms	156571 ms	275238 ms	MPI

## 4 Выводы

Для выполнения данной лабораторной работы нужно было решить задачу Дирихле для уравнения Лапласа в трехмерной области с граничными условиями первого рода. Для этого понадобилось совместить работу CUDA и MPI. MPI позволяет программе работать в мультипроцессорном режиме, причем каждый процесс будет распараллелен на несколько потоков. При всей своей благозвучности данная схема в реальности работает не так хорошо, как ожидалось. Связка CUDA + MPI выиграла на 2 тестах из 6, где использовалась сетка процессов  $1 \times 1 \times 1$ , когда использовалась  $2 \times 2 \times 2$ , то такая программа уступала программе, работающей только с MPI. Думаю, что полученные результаты сильно зависят от того, что время тратится на создание и инициализацию потоков, также кластеру могло не хватить ресурсов, к тому же допускаю, что сказывается моя неопытность в использовании этих технологий, уверена, что есть еще много разных фиш, которые могут ускорить программу.