

Student / TD1: 4TPU279U - Bachelor 1st year - spring 2023

Prenom Nom Groupe

Devoir Maison : trajectoire d'un ballon de rugby

</br>

Déposer ce fichier **notebook** complété (ou sa version Python/Spyder) ainsi que le fichier de données sur Moodle via la page consacrée à votre demi-groupe.

Renommer le fichier suivant :

DM_NomPrenom_S2.ipynb pour un fichier jupyter-notebook

trajectoire_NomPrenom.txt pour le fichier de données

ou

• DM_NomPrenom_S2.py pour un fichier *python* pur

et

ATTENTION: Abolir totalement l'emploi des espaces, lettres accentuées et autres symboles dans le nom du fichier!

respect des consignes

Les points suivants seront pris en compte pour l'évaluation :

- qualité des données extraites *via* Tracker
- mise en forme des figures (légendes, unités, titre etc...)
- clarté des programmes et mise en page

Tracker

trajectoire_NomPrenom_S2.txt

Créer avec Tracker un echantillonnage de la vidéo. On pourra utiliser la hauteur de la barre transversale (3 mètres)

pour la calibration. Sauvegarder le fichier de données au (format txt par défaut) sous le nom :

Extraction des données et représentation

In []: from numpy import array

Extraire les données et stocker le temps dans une liste t et les coordonnées dans x et y . Puis convertir les listes

Tracer la loi horaire : x(t)

In []: import matplotlib.pyplot as plt

Tracer la loi horaire : y(t)

In []:

vx et de vy ? Faire afficher le résultat.

Tracer la trajectoire du ballon : y(t) en fonction de x(t)

In []:

Calcul des composantes $horizontale\ (v_x)$ et $verticale\ (v_y)$ de la vitesse du ballon en utilisant la méthode des

Traitement des données

In []: N = len(vx)
print('number of data points = ', N)

différences finies centrales. On créera 2 listes vx et vy pour stocker les valeurs. Quelle est la taille du vecteur

Eliminer la première et la dernière valeur du tableau t de telle sorte que la taille de t soit identique à celles de vx et vy . On appellera ce nouveau vecteur tv .

print('number of data points = ', N)

In []: tv = list(t)

Tracer les composantes de la vitesse du ballon en fonction du temps, ie. $v_x(t)$ et $v_y(t_v)$

Tracer la composante horizontale de la vitesse du ballon en échelle semi-logarithmique, ie. $\log(v_x)$ en fonction de t_v

Régression linéaire et temps caractéristiques

from numpy import log # logarithme naturel = "ln"

avec $v_x^0=v_x(t=0)\cos(lpha)$ où lpha est l'angle de tir et $v_x(t=0)$ la vitesse initiale suivant (Ox). Le paramètre $au=m/\mu$ correspond au temps caractéristique de décroissance de la vitesse.

• La composante horizontale de la vitesse doit vérifier la relation suivante :

• La composante verticale de la vitesse doit vérifier la relation suivante :
$$v_y(t)=v_y^0\,\exp\!\left(-\frac{t}{\tau}\right)+v_{\rm lim}\left(1-\exp\!\left(-\frac{t}{\tau}\right)\right)$$

 $v_x(t) = v_x^0 \, \exp\!\left(-rac{t}{ au}
ight)$

A l'aide d'un ajustement linéaire de $\ln(v_x)$ en fonction de t, déduire la valeur numérique de au :

avec $v_y^0=v_y(t=0)\sin(lpha)$ et $v_{
m lim}= au g=\lim_{t o\infty}v_y(t)$ représente l'asymptote verticale de la vitesse.

In []: from scipy.optimize import curve_fit
 from numpy import ones, sqrt

 $\ln(v_x)=\ln(v_x^0)-rac{t}{ au}=a_0+a_1\ t$

In []: from scipy.optimize import curve_fit

In []: from numpy import linspace, arange

Tracer la droite de regression

On créera un tableau vy_cst à cet effet.

 $\log(v_y(t)-v_{
m lim})$ en fonction de t

In []: from scipy.constants import g

Tracer la partie non constante de la composante verticale de la vitesse du ballon en échelle semi-logarithmique, ie.

 $\lnig(v_y(t)-v_{
m lim}ig)=\lnig(v_x^0-v_{
m lim}ig)-rac{t}{ au}=a_0+a_1\ t$

A l'aide d'un ajustement linéaire de $\ln(v_y(t)-v_{
m lim})$ en fonction de t, déduire la valeur numérique de au :

from numpy import ones, sqrt

Tracer la droite de regression

In []: from numpy import linspace, arange

#plt.savefig('figure_2.png', dpi=300, format='png', transparent=True)

In []: import matplotlib.pyplot as plt

Tracer l'hodographe (v_x, v_y)

Pour aller plus loin

plt.plot(vx,vy,linestyle='', marker='o', markersize=2, color='orange', linewidth=1.5, label='\$v_x(t)\$') plt.xlabel('\$v_x\$ (m/s)') plt.ylabel('\$v_y\$ (m/s)')

Ce dernier hodographe devrait être une droite, de même que la loi $\ln(v_x(t))$ tracée plus haut. Dans le cas d'un ballon de rugby, la

force de frottement est en fait une force de trainée en $-v^2$, ie. $\vec{f}=-\rho SC_x|v|\vec{v}$ avec ρ densité de l'atmosphère, S surface en contact et C_x le coefficient de trainée.

In []:

In []:

In []: