Exercise 1:

1. Parmi les problèmes d'optimisation sous contrainte suivants, lesquels reviennent à résoudre un système d'équation linéaire?

 $\Box f(x,y) = x^2y^3$ sous la contrainte x + y = 5

 $\Box f(x,y) = x^2 + y$ sous la contrainte x + y = 5

 $\Box f(x,y) = xy$ sous la contrainte x + y = 5

 $\Box f(x,y) = y - 5xy + 3$ sous la contrainte x + y = 5

□ Aucune des réponses ci-dessus

2. On considère le système linéaire suivant

$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 = 5\\ 3x_1 - 4x_2 = 6 \end{cases}$$

Parmi les propositions suivantes, laquelle correspond à la solution ou aux solutions du système?

 $\square \mathcal{S} = \{(9/5, 16/5)\}$

 $\square \mathcal{S} = \{(16/10, 9/5)\}$

 $\square \mathcal{S} = \{(9/10, 16/5)\}$

 $\square \mathcal{S} = \{(16/5, 9/10)\}$

☐ Aucune des réponses ci-dessus

3. On considère le système linéaire suivant

$$\begin{cases} \frac{3}{4}x_1 - \frac{3}{2}x_2 + x_3 = 3\\ x_1 - 5x_2 - \frac{1}{4}x_3 = 8\\ 7x_1 - 26x_2 + 3x_3 = 0 \end{cases}$$

Parmi les propositions suivantes, laquelle correspond à la solution ou aux solutions du système?

 $\square \mathcal{S} = \{(2, -1, 3/4)\}\$

 $\square \ \mathcal{S} = \{(s, -s, \frac{-48 - 36s}{19}) \, | \, s \in \mathbb{R} \}$

 $\square \mathcal{S} = \{(s, \frac{-48 - 36s_1}{19}, -s) \mid x_1 \in \mathbb{R}\}$

 $\square \mathcal{S} = \{ (s_1, s_2, \frac{-48s_1 - 36s_2}{19}) \mid s_1, s_2 \in \mathbb{R} \}$

☐ Aucune des réponses ci-dessus

4. On considère la matrice suivante

$$A = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & a_{14} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} & a_{24} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{n1} & a_{n2} & a_{n3} & a_{n4} \end{pmatrix}$$

Quelles sont ses dimensions?

 \square 4 × n

 \square $n \times 4$

 \Box 4 × 4

 \square $n \times n$

□ Aucune des réponses ci-dessus

5. On considère la matrice $A=(a_{i,j})_{1\leqslant i\leqslant 2,1\leqslant j\leqslant 3}$, où $a_{i,j}=ij-2j+i^2, \ \forall i\in\{1,2\}$ et $\forall j\in\{1,2,3\}$. Quelles sont les égalités correctes?

 $\Box \ a_{1,3} = -2$

 $\Box \ a_{2,3} = 3$

 $\Box \ a_{2,1} = a_{2,2}$

 $\Box a_{1,1} = 1$

☐ Aucune des réponses ci-dessus

6. Déterminer le rang de la matrice suivante

$$\begin{pmatrix} 8 & 2 & -3 \\ 2 & 0 & -1 \\ 2 & 6 & 2 \end{pmatrix}$$

 \Box 1

 \square 2

 \square 3

 \Box 4

 \square Aucune des réponses ci-dessus

Exercise 2:

Déterminer les solutions, s'il y en a, des systèmes linéaires suivantes:

1.
$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 + x_3 = 0 \\ 2x_1 + 3x_2 + 4x_3 = 3 \\ -3x_1 + x_2 + x_3 = 1 \end{cases}$$

2.
$$\begin{cases} 2x_1 - x_2 = 3\\ -x_1 + 2x_2 - x_3 = 4\\ -x_2 + 2x_3 = 5 \end{cases}$$

3.
$$\begin{cases} x_1 - x_2 + 2x_3 = 5\\ 3x_1 + 2x_2 + x_3 = 10\\ 2x_1 - 3x_2 - 2x_3 = -10 \end{cases}$$