Потоковый анализ

(Data-flow analysis)

Потоковый анализ

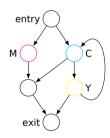
Потоковый анализ (Data flow analysis)

- Статический
- Глобальный (весь CFG)
- Зависит от потока управления
- Вычисление свойств исполнения программы
- Единая формальная модель и теория

Примеры

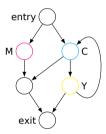
- Reaching definitions (use-def links)
- Liveness analysis
- Constant propagation
- Constant subexpression elimination
- Dead code elimination

CFG





- ullet Потоковый граф $G = \langle V, E, v_{entry}, v_{exit} \rangle$
- Направление анализа $D = \{\downarrow, \uparrow\}$
- Полурешетка свойств $\langle L, \wedge \rangle$
- ullet Преобразователи свойств $PT_{v \in V}: L o L$
- ullet Начальное значение $\mathit{in}(v_{\mathit{entry}})$ или $\mathit{out}(v_{\mathit{exit}})$

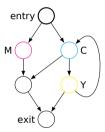




Окружение потокового анализа

- ullet Потоковый граф $G = \langle V, E, v_{entry}, v_{exit} \rangle$
- ullet Направление анализа $D = \{\downarrow, \uparrow\}$
- Полурешетка свойств $\langle L, \wedge \rangle$
- ullet Преобразователи свойств $PT_{v\in V}:\,L o L$
- ullet Начальное значение $\mathit{in}(v_{\mathit{entry}})$ или $\mathit{out}(v_{\mathit{exit}})$

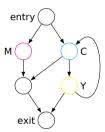
entry in: out: o





- ullet Потоковый граф $G = \langle V, E, v_{entry}, v_{exit} \rangle$
- Направление анализа $D = \{\downarrow, \uparrow\}$
- Полурешетка свойств $\langle L, \wedge \rangle$
- ullet Преобразователи свойств $PT_{v\in V}:\,L o L$
- ullet Начальное значение $\mathit{in}(v_{\mathit{entry}})$ или $\mathit{out}(v_{\mathit{exit}})$

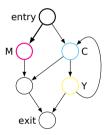






- ullet Потоковый граф $G = \langle V, E, v_{entry}, v_{exit} \rangle$
- ullet Направление анализа $D = \{\downarrow, \uparrow\}$
- Полурешетка свойств $\langle L, \wedge \rangle$
- ullet Преобразователи свойств $PT_{v \in V}: L o L$
- ullet Начальное значение $\mathit{in}(v_{\mathit{entry}})$ или $\mathit{out}(v_{\mathit{exit}})$

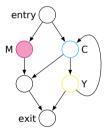






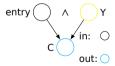
- Потоковый граф $G = \langle V, E, v_{entry}, v_{exit} \rangle$
- ullet Направление анализа $D = \{\downarrow, \uparrow\}$
- Полурешетка свойств $\langle L, \wedge \rangle$
- ullet Преобразователи свойств $PT_{v \in V}: L o L$
- ullet Начальное значение $\mathit{in}(v_{\mathit{entry}})$ или $\mathit{out}(v_{\mathit{exit}})$

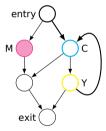






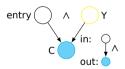
- ullet Потоковый граф $G = \langle V, E, v_{entry}, v_{exit} \rangle$
- ullet Направление анализа $D = \{\downarrow, \uparrow\}$
- Полурешетка свойств $\langle L, \wedge \rangle$
- ullet Преобразователи свойств $PT_{v \in V}: L o L$
- ullet Начальное значение $\mathit{in}(v_{\mathit{entry}})$ или $\mathit{out}(v_{\mathit{exit}})$

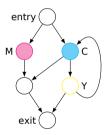






- Потоковый граф $G = \langle V, E, v_{entry}, v_{exit} \rangle$
- Направление анализа $D = \{\downarrow, \uparrow\}$
- Полурешетка свойств $\langle L, \wedge \rangle$
- ullet Преобразователи свойств $PT_{v \in V}: L o L$
- ullet Начальное значение $\mathit{in}(v_{\mathit{entry}})$ или $\mathit{out}(v_{\mathit{exit}})$

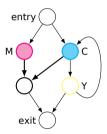






- ullet Потоковый граф $G = \langle V, E, v_{entry}, v_{exit} \rangle$
- Направление анализа $D = \{\downarrow, \uparrow\}$
- Полурешетка свойств $\langle L, \wedge \rangle$
- ullet Преобразователи свойств $PT_{v \in V}: L o L$
- ullet Начальное значение $\mathit{in}(v_{\mathit{entry}})$ или $\mathit{out}(v_{\mathit{exit}})$

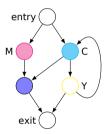






- Потоковый граф $G = \langle V, E, v_{entry}, v_{exit} \rangle$
- ullet Направление анализа $D = \{\downarrow, \uparrow\}$
- Полурешетка свойств $\langle L, \wedge \rangle$
- ullet Преобразователи свойств $PT_{v \in V}: L o L$
- Начальное значение $\mathit{in}(v_{\mathit{entry}})$ или $\mathit{out}(v_{\mathit{exit}})$

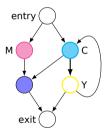






- ullet Потоковый граф $G = \langle V, E, v_{entry}, v_{exit} \rangle$
- Направление анализа $D = \{\downarrow, \uparrow\}$
- Полурешетка свойств $\langle L, \wedge \rangle$
- ullet Преобразователи свойств $PT_{v \in V}: L o L$
- ullet Начальное значение $\mathit{in}(v_{\mathit{entry}})$ или $\mathit{out}(v_{\mathit{exit}})$

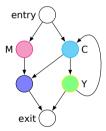






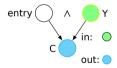
- ullet Потоковый граф $G = \langle V, E, v_{entry}, v_{exit} \rangle$
- Направление анализа $D = \{\downarrow, \uparrow\}$
- Полурешетка свойств $\langle L, \wedge \rangle$
- ullet Преобразователи свойств $PT_{v \in V}: L o L$
- ullet Начальное значение $\mathit{in}(v_{\mathit{entry}})$ или $\mathit{out}(v_{\mathit{exit}})$

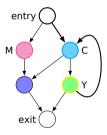






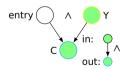
- Потоковый граф $G = \langle V, E, v_{entry}, v_{exit} \rangle$
- ullet Направление анализа $D = \{\downarrow, \uparrow\}$
- Полурешетка свойств $\langle L, \wedge \rangle$
- ullet Преобразователи свойств $PT_{v \in V}: L o L$
- Начальное значение $\mathit{in}(v_{\mathit{entry}})$ или $\mathit{out}(v_{\mathit{exit}})$

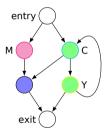






- Потоковый граф $G = \langle V, E, v_{entry}, v_{exit} \rangle$
- Направление анализа $D = \{\downarrow, \uparrow\}$
- Полурешетка свойств $\langle L, \wedge \rangle$
- ullet Преобразователи свойств $PT_{v\in V}:\,L o L$
- ullet Начальное значение $\mathit{in}(v_{\mathit{entry}})$ или $\mathit{out}(v_{\mathit{exit}})$

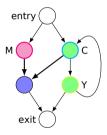






- ullet Потоковый граф $G = \langle V, E, v_{entry}, v_{exit} \rangle$
- Направление анализа $D = \{\downarrow, \uparrow\}$
- Полурешетка свойств $\langle L, \wedge \rangle$
- ullet Преобразователи свойств $PT_{v \in V}: L o L$
- Начальное значение $\mathit{in}(v_{\mathit{entry}})$ или $\mathit{out}(v_{\mathit{exit}})$

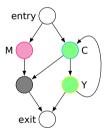






- ullet Потоковый граф $G = \langle V, E, v_{entry}, v_{exit} \rangle$
- Направление анализа $D = \{\downarrow, \uparrow\}$
- Полурешетка свойств $\langle L, \wedge \rangle$
- ullet Преобразователи свойств $PT_{v\in V}:\,L o L$
- ullet Начальное значение $\mathit{in}(v_{\mathit{entry}})$ или $\mathit{out}(v_{\mathit{exit}})$

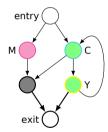






- ullet Потоковый граф $G = \langle V, E, v_{entry}, v_{exit} \rangle$
- Направление анализа $D = \{\downarrow, \uparrow\}$
- Полурешетка свойств $\langle L, \wedge \rangle$
- ullet Преобразователи свойств $PT_{v \in V}: L o L$
- Начальное значение $\mathit{in}(v_{\mathit{entry}})$ или $\mathit{out}(v_{\mathit{exit}})$

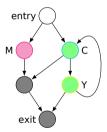






- ullet Потоковый граф $G = \langle V, E, v_{entry}, v_{exit} \rangle$
- Направление анализа $D = \{\downarrow, \uparrow\}$
- Полурешетка свойств $\langle L, \wedge \rangle$
- ullet Преобразователи свойств $PT_{v\in V}:\,L o L$
- ullet Начальное значение $\mathit{in}(v_{\mathit{entry}})$ или $\mathit{out}(v_{\mathit{exit}})$







Полурешетка свойств

Полурешетка $\langle L, \wedge angle$

Бинарная операция \land (meet): $\forall x, y, z \in L$

- $x \wedge x = x$ (идемпотентность);
- $x \wedge y = y \wedge x$ (коммутативность);
- $(x \land y) \land z = x \land (y \land z)$ (ассоциативность).

Частичный порядок $\langle L, \leq \rangle$: ^{1 2}

 $\forall x, y \in L$

- $x \le y \Leftrightarrow_{def} x \land y = x$;
- $x < y \Leftrightarrow_{def} x \land y = x \& x \neq y$.

 $^{^{1}}$ Выполняются ли свойства частичного порядка при таком определении ≤ через ∧?

 $^{^2}$ Можно ли восстановить полурешетку $\langle L, \wedge
angle$ имея только частичный порядок $\langle L, \leq
angle$?

Полурешетка свойств

Полурешетка $\langle L, \wedge \rangle$

Бинарная операция \land (meet): $\forall x, y, z \in L$

- $x \wedge x = x$ (идемпотентность);
- $x \wedge y = y \wedge x$ (коммутативность);
- $(x \wedge y) \wedge z = x \wedge (y \wedge z)$ (ассоциативность).

Частичный порядок $\langle L, \leq \rangle$: ^{1 2}

 $\forall x, y \in L$

- $x \le y \Leftrightarrow_{def} x \land y = x$;
- $x < y \Leftrightarrow_{def} x \land y = x \& x \neq y$.

Свойства полурешеток

- Обрыв убывающих цепей:
- $\forall x_1 > x_2 > \dots \exists k : \nexists y \in L : x_k > y$
- Ограниченность:

 $^{^{1}}$ Выполняются ли свойства частичного порядка при таком определении \leq через \wedge ?

 $^{^2}$ Можно ли восстановить полурешетку $\langle L, \wedge
angle$ имея только частичный порядок $\langle L, \leq
angle$?

• Множество подмножеств S $L=2^S, \land = \cap (\mathsf{или} \ \cup)$

- Натуральные числа $L = \mathbb{N}, x \wedge y = min(x, y)$
- Константые целочисленные значения $L=\mathbb{Z}\cup\{\mathsf{T},\bot\},\bot<\mathbb{Z}<\mathsf{T}$
- Иерархия типов в программе $L = Types, x \le y = x <: y \text{ (subtype)}$

Потоковые функции

Монотонность

Монотонность на полурешетке

Дистрибутивность

Задача потокового анализа

- Потоковый граф
- Полурешетка свойств
- Начальная разметка
- Преобразователи свойств
 - Семейство монотонных функций

Решение задачи потокового анализа

- MOP
- MFP
 - ∃MFP
 - ∃!*MFP*
 - $MFP \leq MOP$
- Теорема Килдалла
 - ullet дистрибутивность преобразователей $\Rightarrow MFP = MOP$
- Неразрешимость

Оценка сложности

Topsort ??



Спасибо за внимание