

李青航 SA22225226

2.1-2

Algorithm 1 No Increasing INSERTION-SORT(A)

```

1: for  $j = 2$  to  $A.length$  do
2:    $key = A[j]$ 
3:    $i = j - 1$ 
4:   while  $i > 0$  and  $A[i] < key$  do
5:      $A[i + 1] = A[i]$ 
6:      $i = i - 1$ 
7:   end while
8:    $A[i + 1] = key$ 
9: end for

```

2.1-3

初始化: $j = 1, A.length = 1$ 时, 要么 $A[1] = \text{value}$, 返回对应位置 $i = 1$, 要么没找到返回NIL, 显然正确。

保持: 不断迭代, 当碰到 $A[j] = v$ 时 (第5行) 返回对应位置 i 。

终止: 当迭代完所有 j 后, 没有找到value, 返回NIL。

Algorithm 2 Linear-Search(A, v)

```

1:  $i = NIL$ 
2: for  $j = 1$  to  $A.length$  do
3:   if  $A[j] = v$  then
4:      $i = j$ 
5:     return  $i$ 
6:   end if
7: end for
8: return  $i$ 

```

2.2-1

$n^3/1000 - 100n^2 - 100n + 3$ 表示为 $\Theta(n^3)$

2.2-2

Algorithm 3 Selection Sort(A)

```

1: for  $i = 1$  to  $n - 1$  do
2:    $min = i$ 
3:   for  $j = i + 1$  to  $n$  do
4:     if  $A[j] < A[min]$  then
5:        $min = j$ 
6:     end if
7:   end for
8:   Swap( $A[min], A[i]$ )
9: end for
10: return  $i$ 

```

初始化：当 $i = 1$,数组 A 中也只有一个元素时，显然已经排序，正确。

保持：当迭代到寻找第 i 小的元素时， $A[1...i - 1]$ 已经排序好，将第 i 小的与 $A[i]$ 交换，此时， $A[1...i]$ 都排序好了。

终止：当进行到 $n - 1$ 次时，前 $A[1...n - 1]$ 已经非递减有序，第 n 个就是最大，整体全部排好，终止，正确。

只用进行 $n-1$ 次，因为最后一个（第 n 个）最大就应该在最后，全部已经排序好。

最好情况 $\Theta(n^2)$ ，最坏情况 $\Theta(n^2)$

3.1-1

存在正常量 $c_1 = 0.5, c_2 = 1, n_0$, 当 $n \geq n_0$ 时, $0.5(f(n) + g(n)) \leq \max(f(n), g(n)) \leq f(n) + g(n)$, 符合 $\Theta(f(n) + g(n))$ 定义

3.1-2

根据多项式定理 $(x_1 + x_2 + \dots + x_m)^b = \sum_{k_1 + k_2 + \dots + k_m = b} \frac{b!}{k_1! \cdot k_2! \cdot \dots \cdot k_m!} \prod_{t=1}^m x_t^{k_t}$,
 二项式的 b 次方展开公式, $(n + a)^b = n^b + \dots$ 其中省略的...部分是 n^b 的低阶,
 所以根据 Θ 记号定义, 多项式可以省略低阶, 所以 $(n + a)^b = \Theta(n^b)$