

23 (повышенный уровень, время – 8 мин)

Тема: динамическое программирование.

Что проверяется:

Умение анализировать результат исполнения алгоритма

1.6.2. Вычислимость. Эквивалентность алгоритмических моделей (?).

1.1.3. Умение строить информационные модели объектов, систем и процессов в виде алгоритмов (?).

Что нужно знать:

- динамическое программирование – это способ решения сложных задач путем сведения их к более простым задачам того же типа
- с помощью динамического программирования решаются задачи, которые требуют полного перебора вариантов:
 - «подсчитайте количество вариантов...»
 - «как оптимально распределить...»
 - «найдите оптимальный маршрут...»
- динамическое программирование позволяет ускорить выполнение программы за счет использования дополнительной памяти; полный перебор не требуется, поскольку запоминаются решения всех задач с меньшими значениями параметров

Пример задания:

Р-09 (демо- 2021). Исполнитель преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Умножить на 2

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая умножает его на 2. Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 1 результатом является число 20, и при этом траектория вычислений содержит число 10?

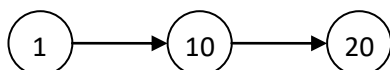
Решение (теоретическое):

- запишем рекуррентную формулу для вычисления K_N – количества возможных программ для получения числа N из некоторого начального числа:

$$K_N = K_{N-1}, \text{ если } N \text{ не делится на } 2$$

$$K_N = K_{N-1} + K_{N/2}, \text{ если } N \text{ делится на } 2$$

- все допустимые программы можно разбить на 2 части:
 - переход от 1 до 10
 - переход от 10 до 20



- обозначим через $K_{a \rightarrow b}$ количество возможных программ получения числа b из числа a
- очевидно, что если траектория проходит через c , то $K_{a \rightarrow b} = K_{a \rightarrow c} \cdot K_{c \rightarrow b}$ для любого c , такого что $a < c < b$
- поэтому $K_{1 \rightarrow 20} = K_{1 \rightarrow 10} \cdot K_{10 \rightarrow 20}$
- вычисляем эти значения отдельно стандартным способом по рекуррентным формулам п. 1:

N	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
K_N	1	2	2	4	4	6	6	10	10	14

N	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
K_N	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2

- 7) (И.В. Степанов) этот результат достаточно очевиден и без таблицы: понятно, что получить 20 из 10 с помощью заданных команд можно только двумя способами – добавляя по единице или умножив 10 на 2
- 8) перемножаем результаты двух этапов: $14 \cdot 2 = 28$
- 9) Ответ: **28**.

Решение (электронные таблицы Excel, LibreOffice Calc):

- 1) главная проблема при решении этого задания – высокая вероятность арифметической ошибки, поэтому во время компьютерного экзамена можно реализовать этот же алгоритм в электронных таблицах
- 2) сначала найдём количество программ для перехода от числа 1 к числу 10; построим ряд этих чисел в первой строке и запишем начальную единицу в первую ячейку второй строки:

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K
1	N	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
2	KN	1									

- 3) в строке 2 будем считать значение K_N по разным формулам для чётных и нечётных N; предположим, что значение $K_{N/2}$ записано в строке 3 того же столбца; тогда в ячейку C2 нужно записать такую формулу:

C2		fx =ЕСЛИ(ОСТАТ(C1;2)=0;B2+C3;B2)				
	A	B	C	D	E	
1	N	1	2	3	4	
2	KN	1	2			
3			1			

- 4) следующий вопрос – как получить $K_{N/2}$; для этого нужно:

а) вычислить значение $N/2$:

C1/2

б) найти это значение в диапазоне B1:K1:

ПОИСКПОЗ (C1/2 ; \$B\$1 : \$K\$1 ; 0)

функция ПОИСКПОЗ возвращает номер элемента в массиве; в данном случае она ищет значение C1/2 в массиве B1:K1; последний аргумент 0 означает, что ищем точное совпадение

в) взять значение в строке 2 того же столбца, это и будет $K_{N/2}$:

=СМЕЩ (\$A\$2 ; 0 ; ПОИСКПОЗ (C1/2 ; \$B\$1 : \$K\$1 ; 0))

функция СМЕЩ находит значение ячейки, которая смещена относительно ячейки A2; второй аргумент задаёт смещение по строкам (0 – в той же строке), а третий – смещение по столбцам, такое, какое вернула функция ПОИСКПОЗ

- 5) вот как выглядит формула в ячейке C3:

C3		fx =СМЕЩ(\$A\$2;0;ПОИСКПОЗ(C1/2;\$B\$1:\$K\$1;0))					
	A	B	C	D	E	F	
1	N	1	2	3	4	5	
2	KN	1	2				
3			1				

- 6) теперь копируем («протягиваем») формулы в C2 и C3 вправо до конца таблицы:

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K
1	N	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
2	KN	1	2	2	4	4	6	6	10	10	14
3			1	#Н/Д	2	#Н/Д	2	#Н/Д	4	#Н/Д	4

- 7) здесь #Н/Д означает, что значение $N/2$ не найдено в первой строке (оно получилось дробное), но по формуле, которую мы записали в C2 и скопировали на всю вторую строку, для нечётных N это значение не используется

- 8) вторую часть таблицы можно построить так же, но можно просто учесть, что второе слагаемое в формуле будет только для $N = 20$:

L10 fx =СМЕЩ(\$A\$2;0;ПОИСКПОЗ(L8/2;\$B\$8:\$K\$8;0))												
	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L
8	N	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
9	KN	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2
10												1

- 9) перемножая значения последних ячеек двух таблиц, получаем $14 \cdot 2 = 28$.

10) Ответ: 28.

- 11) Про работу функций СМЕЩ и ПОИСКПОЗ можно посмотреть здесь:

<https://www.youtube.com/watch?v=BQN2nxLOaLg>

Решение (электронные таблицы OpenOffice Calc):

- 1) в электронных таблицах OpenOffice Calc нужно использовать английские названия функций:

C2: =IF (MOD (C1 ; 2) = 0 ; B2+C3 ; B2)

C3: =OFFSET (\$A\$2 ; 0 ; MATCH (C1/2 ; \$B\$1 : \$K\$1 ; 0))

- 2) Ответ: 28.

Решение (рекурсивная программа, Python):

- 3) для проверки (если есть время) можно написать программу, реализующую тот же алгоритм
 4) вычисления по рекуррентным формулам можно организовать с помощью рекурсии
 5) рекурсивная функция, которая возвращает количество программ для преобразования числа start в число x, может быть написана так:

```
def numProg( start, x ):
    if x < start: return 0          # (1)
    if x == start: return 1         # (2)
    K = numProg( start, x-1 )       # (3)
    if x % 2 == 0:
        K += numProg( start, x//2 ) # (4)
    return K
```

- 6) если число x меньше, чем начальное значение, количество программ равно 0 (строка (1))
 7) если число x равно начальному значению, количество программ равно 1 (строка (2))
 8) в остальных случаях всегда учитываем количество программ предыдущего числа (если последняя команда программы будет +1), см. строку (3)
 9) если число чётное, нужно добавить ещё и количество программ для числа $x//2$ (строка (4))
 10) в основной программе вычисляем количество программ от 1 до 10 и умножаем на количество программ от 10 до 20:

```
print( numProg(1,10)*numProg(10,20) )
```

- 11) Ответ: 28.

- 12) аналогичная программа на Паскале:

```
function numProg( start, x: integer ): integer;
var K: integer;
begin
    if x < start then numProg := 0
    else if x = start then numProg := 1
    else begin
        K := numProg( start, x-1 );
        if x mod 2 = 0 then
            K := K + numProg( start, x div 2 );
        numProg := K;
    end;
end;

begin
    writeln( numProg(1,10)*numProg(10,20) );
end.
```

- 13) аналогичная программа на C++:

```
#include <iostream>
```

```

using namespace std;

int numProg( int start, int x ) {
    int K;
    if( x < start ) return 0;
    if( x == start ) return 1;
    K = numProg( start, x-1 );
    if( x % 2 == 0 )
        K += numProg( start, x / 2 );
    return K;
}

int main()
{
    cout << numProg(1,10)*numProg(10,20) ;
}

```

Решение (программа на Python, А. Сидоров):

- 1) можно использовать другую идею: начав со значения **start**, мы можем попасть в **x** либо через значение **start+1**, либо через **2*start**
- 2) получается такой краткий вариант программы:

```

def numProg( start, x ):
    if x < start: return 0
    if x == start: return 1
    return numProg(start+1,x) + numProg(start*2,x)

print( numProg(1,10)*numProg(10,20) )

```

Главное его достоинство в том, что не нужно делать проверку на чётность **x** и использовать обратные операции.

- 3) Ответ: **28**.

- 4) аналогичная программа на Паскале:

```

function numProg( start, x: integer ): integer;
var K: integer;
begin
    if x < start then numProg := 0
    else if x = start then numProg := 1
    else
        numProg := numProg(start+1,x) + numProg(start*2,x);
    end;

begin
    writeln( numProg(1,10)*numProg(10,20) );
end.

```

- 5) аналогичная программа на C++:

```

#include <iostream>
using namespace std;

int numProg( int start, int x ) {
    int K;
    if( x < start ) return 0;
    if( x == start ) return 1;
    return numProg(start+1,x) + numProg(start*2,x);
}

int main()
{
    cout << numProg(1,10)*numProg(10,20) ;
}

```

- 6) (К. Поляков) Программу из п. 2 можно легко обобщить на случай, когда траектория не должна содержать некоторые числа. Для этого в функцию нужно добавить третий параметр – список запрещённых значений **blocked**. Если начальное значение есть в списке **blocked**, функция возвращает 0:
- ```
def numProg(start, x, blocked):
 if x < start: return 0
 if start in blocked: return 0
 if x == start: return 1
 return numProg(start+1,x,blocked) + numProg(start*2,x,blocked)
```
- 7) Модифицированная программа находит количество программ, для которых траектория не содержит числа 15:
- ```
print( numProg(1,10,[1])*numProg(10,20,[15]) )
```

Решение (динамическое программирование, Python):

- рекурсивная программа может работать очень медленно для больших чисел или при большом количестве команд; вместо этого можно применить динамическое программирование, заполняя массив по тем же формулам
- создаём массив

```
TARGET = 20
K = [0]*(TARGET+1)
```

константа **TARGET** означает наибольшее число, которое нужно получить; размер массива на единицу больше, элемент **K[0]** мы использовать не будем, так удобнее (ведь нас интересуют числа, начиная с 1)
- записываем в первый элемент единицу:

```
K[1] = 1
```
- вот процедура, которая заполняет по приведённым выше формулам элементы массива с индексами от **start+1** до **x** (элемент **K[start]** должен быть уже заполнен!)

```
def fillArray( start, x ):
    for i in range(start+1,x+1):
        K[i] = K[i-1]
        if i % 2 == 0 and i // 2 >= start:
            K[i] += K[i//2]
```

в условие добавилась вторая часть (**i//2 >= start**) для того, чтобы не захватывать значения **K[i]** при **i < start**
- основная программа заполняет две части массива и выводит результат:

```
fillArray( 1, 10 )
fillArray( 10, 20 )
print( K[TARGET] )
```
- обратите внимание, что после первого вызова процедуры **fillArray** значение **K[10]** уже определено, так что всё готово для заполнения второй части
- Ответ: **28**.
- аналогичная программа на Паскале:

```
const TARGET = 20;
var K: array[1..TARGET] of integer;

procedure fillArray( start, x: integer );
var i: integer;
begin
    for i:=start+1 to x do begin
        K[i] := K[i-1];
        if (i mod 2 = 0) and (i div 2 >= start) then
            K[i] := K[i] + K[i div 2];
        end;
    end;

begin
    K[1] := 1;
```

```

    fillArray( 1, 10 );
    fillArray( 10, 20 );
    writeln( K[TARGET] );
end.

```

- 9) аналогичная программа на C++:

```

#include <iostream>
using namespace std;

const int TARGET = 20;
int K[TARGET+1] = {0, 1};
void fillArray( int start, int x ) {
    for( int i = start+1; i<=x; i++ ) {
        K[i] = K[i-1];
        if( i % 2 == 0 and i / 2 >= start )
            K[i] += K[i/2];
    }
}

int main() {
    fillArray( 1, 10 );
    fillArray( 10, 20 );
    cout << K[TARGET] << endl;
}

```

Решение (динамическое программирование, 2 таблицы, А.Н. Носкин):

- идея решения задачи в том, чтобы получить количество решений из числа "1" в число "10" (число, через которое проходят все траектории), а потом получить количество решений из числа "10" в число "20", при этом во втором случае расчеты начинаются сначала, то есть количество решений при числе "10" равно 1;
- результатом решения задачи будет перемножения количества решений одной таблицы на количество решений второй таблицы;
- создаём массив и заполняем количеством решений для каждого числа; при этом следует учесть формулы для пересчёта количества решений:

```

a[i] = a[i-1] - для чисел не кратных 2;
a[i] = a[i-1] + a[i//2] - для чисел кратных 2

```

- фрагмент кода для вычисления количества решений до числа "10".

```

a=[0]*11 # массив от 0 - 10
# табличка от 1 до 10
a[1] = 1
for i in range(2,10+1):
    if i%2==0 and i>=2:
        a[i] = a[i-1] + a[i//2]
    else: a[i] = a[i-1]

```

- Фрагмент кода для вычисления количества решений от числа "10" до числа "20". При этом важно учесть, что команда Умножить на 2 работает с индекса 20 и более, так как $10 \cdot 2 = 20$.

```

b=[0]*21 # массив от 0 - 20
# табличка от 10 до 20
b[10] = 1
for i in range(11,20+1):
    if i%2==0 and i>=20:
        b[i] = b[i-1] + b[i//2]
    else: b[i] = b[i-1]

```

- Результат решения задачи будет перемножение последних элементов массива.

```
print(a[10]*b[20])
```

Вывод результата можно организовать и так:

```
print(a[-1]*b[-1])
```

- Ответ: **28**.

Ещё пример задания:

Р-08 (демо-вариант 2018 г.). Исполнитель М17 преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 2
3. Умножить на 3

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая – увеличивает его на 2, а третья – умножает его на 3. Программа для исполнителя М17 – это последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 2 результатом является число 12 и при этом траектория вычислений содержит числа 8 и 10?

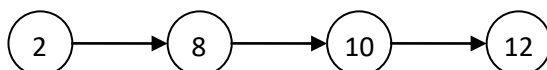
Решение:

- 1) запишем рекуррентную формулу для вычисления K_N – количества возможных программ для получения числа N из некоторого начального числа:

$$K_N = K_{N-1} + K_{N-2}, \text{ если } N \text{ не делится на } 3$$

$$K_N = K_{N-1} + K_{N-2} + K_{N/3}, \text{ если } N \text{ делится на } 3$$

- 2) все допустимые программы можно разбить на 3 части:
 - переход от 2 до 8
 - переход от 8 до 10
 - переход от 10 до 12



- 3) обозначим через $K_{a \rightarrow b}$ количество возможных программ получения числа b из числа a
- 4) очевидно, что если траектория проходит через c , то $K_{a \rightarrow b} = K_{a \rightarrow c} \cdot K_{c \rightarrow b}$ для любого c , такого что $a < c < b$
- 5) поэтому $K_{2 \rightarrow 12} = K_{2 \rightarrow 8} \cdot K_{8 \rightarrow 10} \cdot K_{10 \rightarrow 12}$
- 6) вычисляем эти значения отдельно стандартным способом по рекуррентным формулам п. 1:

N	2	3	4	5	6	7	8
K_N	1	1	2	3	6	9	15

N	8	9	10
K_N	1	1	2

	10	11	12
	1	1	2

- 7) и перемножаем: $15 \cdot 2 \cdot 2 = 60$
- 8) Ответ: **60**.

Решение (программа на Python, Б.С. Михлин):

- 1) полная программа:


```

# функция подсчета количества цепочек команд (программ).
# x - текущее число, t - цель (target).
def nProg( x, t ):
    if x == t: # если цель достигнута, то
        return 1 # завершить функцию, посчитав цепочку (программу)
    if x > t: # если перелет, то
        return 0 # завершить функцию, не считая цепочку
    # x < t - продолжаем строить дерево:
    return nProg( x+1, t ) + nProg( x+2, t ) + nProg( x*3, t )
print( nProg( 2, 8 ) * nProg( 8, 10 ) * nProg( 10, 12 ) )
      
```
- 2) Ответ: **60**.

Ещё пример задания:

Р-07. Исполнитель Июнь15 преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Умножить на 2

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая умножает его на 2. Программа для исполнителя Июнь15 – это последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 2 результатом является число 29 и при этом траектория вычислений содержит число 14 и не содержит числа 25?

Решение:

- 1) у нас в задании две особые точки – числа 14 (через которое должна проходить траектория) и 25 (а сюда она попасть НЕ должна)
- 2) сначала, так же, как и в задачах, рассмотренных ниже, составляем рекуррентную формулу, по которой будем вычислять количество K_N обозначить количество разных программ для получения числа N из начального числа:
- 3) число N могло быть получено одной из двух операций:
 - увеличением на 1 числа $N-1$;
 - умножением на 2 числа $N/2$ (только для N , которые делятся на 2);

$$K_N = K_{N-1} \text{ для нечётных чисел}$$

$$K_N = K_{N-1} + K_{N/2} \text{ для чётных чисел}$$

- 4) для начального числа 2 количество программ равно 1: существует только одна пустая программа, не содержащая ни одной команды; $K_1 = 1$.
- 5) составляем таблицу до первой особой точки – числа 14:

N	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
K_N	1	1	2	2	3	3	5	5	7	7	10	10	13

- 6) поскольку число 14 должно обязательно войти в траекторию, начинаем составлять вторую часть таблицы (до второй контрольной точки, 25) с этого числа заново, считая, что все ячейки для меньших чисел – нулевые

N	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29
K_N	13	13	13	13	13	13	13	13	13	13	13	0				

- 7) поскольку траектория не может проходить через 25, для $N = 25$ принимаем $K_N = 0$ (в таблице эта ячейка выделена красным цветом)
- 8) дальше заполняем оставшиеся ячейки второй части таблицы обычным способом (см. задачи ниже):

N	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29
K_N	13	13	13	13	13	13	13	13	13	13	13	0	0	0	13	13

- 9) Ответ: 13.

Решение (программа на Python, Б.С. Михлин):

- 3) полная программа:


```
# функция подсчета количества цепочек команд (программ) .
# x - текущее число, t - цель (target) .
def nProg( x, t ):
    if x == t: # если цель достигнута, то
        return 1 # завершить функцию, посчитав цепочку (программу)
    if x==25 or x > t: # если x=25 или перелет, то
        return 0 # завершить функцию, не считая цепочку
    # x < t - продолжаем строить дерево:
    return nProg( x+1, t ) + nProg( x*2, t )
print( nProg( 2, 14 ) * nProg( 14, 29 ) )
```
- 4) Ответ: 13.

Решение (2 таблицы, Python, А.Н. Носкин):

1) идея: смотри разбор P-09

```

a = [0]*15 # массив от 0 - 14
# заполняем от 2 до 14
a[2] = 1
for i in range(3, 14+1):
    if i%2==0 and i>=4:
        a[i] = a[i-1] + a[i//2]
    else: a[i] = a[i-1]

b = [0]*30 # массив от 0 - 29
# заполняем от 14 до 29
b[14] = 1
for i in range(15, 29+1):
    if i==25: b[25] = 0
    elif i%2==0 and i>=28:
        b[i] = b[i-1] + b[i//2]
    else: b[i] = b[i-1]

print(a[14]*b[29])
# или так: print(a[-1]*b[-1])

```

2) Ответ: 13.

Решение (динамическое программирование, Python, А.Н. Носкин):

1) использование одной таблицы

```

a = [0]*30 # массив от 0 - 29
# заполняем от 2 до 14
a[2] = 1
for i in range(3, 14+1):
    if i % 2 == 0:
        a[i] = a[i-1] + a[i//2]
    else: a[i] = a[i-1]

# заполняем с 15 до 29
for i in range(15, 29+1):
    if i==25: a[25] = 0
    elif i%2 == 0 and i>=28:
        a[i] = a[i-1] + a[i//2]
    else: a[i] = a[i-1]
print( a[29] )

```

2) Ответ: 13.

Решение (электронные таблицы Excel, LibreOffice Calc с помощью функции ИНДЕКС, А. Рогов):

- 1) Основная идея решения заключается в том, что количество программ для данного числа равно сумме аналогичных значений чисел, в которые можно попасть из данного с помощью команд
- 2) будем использовать возможность функции **ИНДЕКС** возвращать значение из ячейки, адрес которой можно вычислить. Для этого функции надо знать диапазон, в котором брать значения и номер строки и столбца внутри диапазона
- 3) поскольку траектория содержит число 14, разобьем решение на два этапа
- 4) найдем количество программ, для которых при исходном числе 2 результатом будет 14. В столбец А внесем числа от 2 до 14 так, чтобы каждое число совпадало с номером строки

1	A	B
2		2
3		3
4		4
5		5
6		6
7		7
8		8
9		9
10		10
11		11
12		12
13		13
14		14

- 5) в столбец В внесем формулу для подсчета количества программ. В ячейке В2 это будет формула **=ИНДЕКС (В\$1 : В\$100 ; А2+1) +ИНДЕКС (В\$1 : В\$100 ; А2*2)**
- 6) здесь **В\$1 : В\$100** – это диапазон, внутри которого мы будем брать значения. Начинаться он должен с первой строки для того, чтобы нумерация строк внутри диапазона совпала с нумерацией чисел при вычислениях. А заканчиваться в такой ячейке, номер которой позволит взять любое число. В данном случае для расчета количества программ для числа 13 надо взять значения чисел 14 и 26. Значит, диапазон должен включать хотя бы 26 строк. Число 100 взято с запасом. Абсолютная адресация позволит эту формулу скопировать в другие ячейки столбца В.
- 7) **А2+1** – это вычисление из какой строки надо взять данные. По условию задачи у нас две команды: +1 и *2, соответственно, для подсчета количества программ в ячейке **В2**, которая соответствует числу 2, мы возьмем числа из строк $2 + 1 = 3$ и $2 * 2 = 4$
- 8) данную формулу мы копируем на ячейки диапазона **В3 : В13**, а в ячейку **В14** внесем 1

1	A	B	1	A	B
2		2	2	2	=ИНДЕКС(В\$1:В\$100;А2+1)+ИНДЕКС(В\$1:В\$100;А2*2)
3		3	3	3	=ИНДЕКС(В\$1:В\$100;А3+1)+ИНДЕКС(В\$1:В\$100;А3*2)
4		4	4	4	=ИНДЕКС(В\$1:В\$100;А4+1)+ИНДЕКС(В\$1:В\$100;А4*2)
5		5	5	5	=ИНДЕКС(В\$1:В\$100;А5+1)+ИНДЕКС(В\$1:В\$100;А5*2)
6		6	6	6	=ИНДЕКС(В\$1:В\$100;А6+1)+ИНДЕКС(В\$1:В\$100;А6*2)
7		7	7	7	=ИНДЕКС(В\$1:В\$100;А7+1)+ИНДЕКС(В\$1:В\$100;А7*2)
8		8	8	8	=ИНДЕКС(В\$1:В\$100;А8+1)+ИНДЕКС(В\$1:В\$100;А8*2)
9		9	9	9	=ИНДЕКС(В\$1:В\$100;А9+1)+ИНДЕКС(В\$1:В\$100;А9*2)
10		10	10	10	=ИНДЕКС(В\$1:В\$100;А10+1)+ИНДЕКС(В\$1:В\$100;А10*2)
11		11	11	11	=ИНДЕКС(В\$1:В\$100;А11+1)+ИНДЕКС(В\$1:В\$100;А11*2)
12		12	12	12	=ИНДЕКС(В\$1:В\$100;А12+1)+ИНДЕКС(В\$1:В\$100;А12*2)
13		13	13	13	=ИНДЕКС(В\$1:В\$100;А13+1)+ИНДЕКС(В\$1:В\$100;А13*2)
14		14	14	14	1

- 9) вторая часть решения - количество программ из 14 в 29. Построим данную часть правее, в столбцах **С** и **Д**. Для корректной работы функции **ИНДЕКС** с формулами важно числа писать в совпадающие по номеру строки, а диапазон в формуле начинать с первой строки. Внесем формулу

=ИНДЕКС (D\$1 : D100 ; С14+1) +ИНДЕКС (D\$1 : D100 ; С14*2)

в ячейку **Д14**, копируем ее до ячейки **Д28**, а в ячейку **Д29** внесем 1. Для того, чтобы учесть, что в 25 нельзя, просто укажем значение в столбце **Д** напротив 25

13	13	1	
14	14	1	1
15			0
16			0
17			0
18			0
19			0
20			0
21			0
22			0
23			0
24			0
25			0
26			1
27			1
28			1
29			1

- 10) в ячейке **B2** получилось количество программ, которыми можно попасть из 2 в 14, а в ячейке **D14** количество программ из 14 в 29 минус 25. Для получения итогового ответа перемножим эти числа: $13 \cdot 1 = 13$
- 11) Ответ: **13**
- 12) Подробнее о методе решения: <https://youtu.be/bHUpKN8iftA>

Ещё пример задания:

P-06. У исполнителя Удвоитель две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Умножить на 2

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая умножает его на 2. Программа для исполнителя Удвоитель – это последовательность команд. Сколько существует программ, преобразующих число 4 в число 24, предпоследней командой которых является команда «1»?

Решение:

- 1) итак, мы знаем предпоследнюю команду – 1, при этом последняя команда может быть любая – 1 или 2
- 2) выходит, что нужно получить количество всех программ вида «*11» и «*12», где звёздочка обозначает любые команды
- 3) если программа заканчивается на «11», то до выполнения цепочки «11» у нас было число $24 - 1 - 1 = 22$; поэтому нужно найти число программ для преобразования 4 в 22
- 4) для начального числа 1 количество программ равно 1: существует только одна пустая программа, не содержащая ни одной команды; если через K_N обозначить количество разных программ для получения числа N из начального числа 1, то $K_1 = 1$.
- 5) теперь рассмотрим общий случай, чтобы построить рекуррентную формулу, связывающую K_N с предыдущими элементами последовательности K_1, K_2, \dots, K_{N-1} , то есть с решениями таких же задач для меньших N
- 6) число N могло быть получено одной из двух операций:
 - увеличением на 1 числа $N-1$;
 - умножением на 2 числа $N/2$ (только для N , которые делятся на 2, и таких, что $N/2 \geq 4$);

$$K_N = K_{N-1} \text{ для нечётных чисел}$$

$$K_N = K_{N-1} + K_{N/2} \text{ для чётных чисел, таких, что } N/2 \geq 4$$

- 7) составляем таблицу:

N	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22
K_N	1	1	1	1	2	2	3	3	4	4	5	5	7	7	9	9	12	12	15

- 8) теперь рассматриваем случай, когда программа заканчивается на «12», это значит, что до выполнения цепочки «12» у нас было число $(24/2) - 1 = 11$; поэтому нужно найти число программ для преобразования 4 в 11, берём его из таблицы: **3**
- 9) ответ к задаче – сумма двух значений, выделенных жёлтым маркером: $15 + 3 = 18$, поскольку мы рассмотрели все варианты программ, в которых предпоследняя команда – 1
- 10) Ответ: **18**.

Решение (программа на Python, А. Носкин):

- 1) Представим результат получения из числа 4 в число 24 в виде строки из цепочки команд, например, **112211**.
- 2) Тогда для решения задачи необходимо в функции, кроме двух параметров x и y добавить третий параметр s , куда будем записывать очередность команд: **f(x, y, s)**
- 3) Итогом станет строка, которая состоит из номеров команд. Если предпоследней командой является «1», то такая строка является решением данной задачи.
if x == y: return s[-2]=='1'
- 4) Полный текст программы с рекурсивной функцией
def f(x, y, s):
if x == y: return s[-2]=='1'

```

elif x > y or (x==y and s[-2]!='1'):
    return 0
return f(x+1,y,s+'1')+f(x*2,y,s+'2')
print(f(4,24,''))

```

5) Ответ: **18**.

Решение (программа на Python):

1) полная программа:

```

TARGET = 4
def nProg( x ):
    if x == TARGET: # если цель достигнута, то
        return 1    # завершить функцию, посчитав программу
    if x < TARGET:  # если перелет, то
        return 0    # завершить функцию, не считая цепочку
    # x > TARGET - продолжаем строить дерево:
    n = nProg( x - 1 )
    if x % 2 == 0:
        n += nProg( x // 2 )
    return n
START = 24
print( nProg( START//2-1 ) + nProg( START-1-1 ) )

```

2) Ответ: **18**.

Решение (ещё один варианты программы на Python, Б.С. Михлин):

1) полная программа:

```

def nProg( x, t ): # x - текущее число, t - цель (target)
    if x == t:
        return 1
    if x > t:
        return 0
    # x < t - строим дерево:
    return nProg( x + 1, t ) + nProg( x * 2, t )
# Т.к. предпоследняя команда +1, то 22 +1 +1 = 24, (11 +1) *2 = 24
print( nProg( 4, 22 ) + nProg( 4, 11 ) )

```

2) Ответ: **18**.

Ещё пример задания:

Р-05. Исполнитель Июнь15 преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Умножить на 2

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая умножает его на 2. Программа для исполнителя Июнь15 – это последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 1 результатом является число 21 и при этом траектория вычислений содержит число 10? Траектория вычислений программы – это последовательность результатов выполнения всех команд программы. Например, для программы 121 при исходном числе 7 траектория будет состоять из чисел 8, 16, 17.

Решение (вариант 1):

- 1) заметим, что при выполнении любой из команд число увеличивается (не может уменьшаться)
- 2) для начального числа 1 количество программ равно 1: существует только одна пустая программа, не содержащая ни одной команды; если через K_N обозначить количество разных программ для получения числа N из начального числа 1, то $K_1 = 1$.
- 3) теперь рассмотрим общий случай, чтобы построить рекуррентную формулу, связывающую K_N с предыдущими элементами последовательности K_1, K_2, \dots, K_{N-1} , то есть с решениями таких же задач для меньших N

- 4) число N могло быть получено одной из двух операций:

- увеличением на 1 числа N-1;
- умножением на 2 числа N/2 (только для N, которые делятся на 2);

$$K_N = K_{N-1} \text{ для нечётных чисел}$$

$$K_N = K_{N-1} + K_{N/2} \text{ для чётных чисел}$$

- 5) поскольку траектория должна проходить через число 10, сначала выясняем, сколькими способами можно получить 10 из 1, а затем будем считать, сколько есть способов получить 21 из 10
- 6) заполняем таблицу от 1 до 10 по полученным формулам:

N	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
K_N	1	2	2	4	4	6	6	10	10	14

- 7) второй этап – определяем таким же образом (и по таким же формулам!), сколько есть способов получить конечное число 21 из 10, только левую часть таблицы (от 1 до 10) мы уже не рассматриваем:

N	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21
K_N	14	14	14	14	14	14	14	14	14	14	28	28

- 8) Ответ: **28**.

Решение (вариант 2, А.Н. Носкин):

- 1) первый этап (п. 1-6) такой же, как и в первом варианте (см. выше);
- 2) на втором этапе используем такую идею: если мы знаем количество команд, с помощью которых из начального числа 1 можно получить 10 и определим количество команд, с помощью которых из 10 можно получить конечное значение 21, останется только перемножить эти два числа – это и будет ответ
- 3) составляем таблицу для получения 21 из 10, используя те же рекуррентные формулы:

N	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21
K_N	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	2

- 4) результат – $14 \times 2 = 28$

- 5) Ответ: **28**.

Решение (программа на Python, Б.С. Михлин):

- 13) полная программа:

```
# Функция подсчета количества цепочек команд (программ) .
# x - текущее число, t - цель (target) .
def nProg( x, t ):
    if x == t: # если цель достигнута, то
        return 1 # завершить функцию, посчитав цепочку (программу)
    if x > t: # если перелет, то
        return 0 # завершить функцию, не считая цепочку
    # x < t - продолжаем строить дерево:
    return nProg( x+1, t ) + nProg( x*2, t )
print( nProg( 1, 10 ) * nProg( 10, 21 ) )
```

- 14) Ответ: **28**.

Ещё пример задания:

Р-04. Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя три команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 1
2. прибавь 2
3. прибавь следующее

Первая из них увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает это число на 2, а третья прибавляет к числу на экране число, большее на 1 (к числу 3 прибавляется 4, к числу 9 прибавляется 10 и т. д.). Программа для исполнителя Калькулятор – это последовательность команд. Сколько есть программ, которые число 2 преобразуют в число 10?

Решение (1 способ, составление таблицы):

- 1) заметим, что при выполнении любой из команд число увеличивается (не может уменьшаться)
- 2) для начального числа 2 количество программ равно 1: существует только одна пустая программа, не содержащая ни одной команды; если через K_N обозначить количество разных программ для получения числа N из начального числа 2, то $K_2 = 1$.
- 3) теперь рассмотрим общий случай, чтобы построить рекуррентную формулу, связывающую K_N с предыдущими элементами последовательности K_1, K_2, \dots, K_{N-1} , то есть с решениями таких же задач для меньших N
- 4) число N могло быть получено одной из трёх операций сложения:
 - увеличением на 1 числа $N-1$;
 - увеличением на 2 числа $N-2$;
 - из некоторого числа X увеличением на $X+1$ (следующее число), так что $N = X + X + 1$, откуда $X = (N - 1) / 2$; так могут быть получены только нечетные числа;
 поэтому

$$K_N = K_{N-1} + K_{N-2} \text{ для чётных чисел}$$

$$K_N = K_{N-1} + K_{N-2} + K_{(N-1)/2} \text{ для нечётных чисел}$$

- 5) остается по этой формуле заполнить таблицу для всех значений от 2 до 10:

N	2	3	4	5	6	7	8	9	10
K_N	1	1	2	4	6	11	17	30	47

- 6) Ответ:– 47.

Решение (программа на Python, Б.С. Михлин):

- 15) полная программа:

```
t = 10 # цель (target)
# функция подсчета количества цепочек команд (программ) .
# x - текущее число.
def nProg( x ):
    if x == t: # если цель достигнута, то
        return 1 # завершить функцию, посчитав цепочку (программу)
    if x > t: # если перелет, то
        return 0 # завершить функцию, не считая цепочку
    # x < t - продолжаем строить дерево:
    return nProg( x + 1 ) + nProg( x + 2 ) + nProg( x * 2 + 1 )
print( nProg( 2 ) )
```

- 16) Ответ: 47.

Ещё пример задания:

P-03. Исполнитель Май4 преобразует число, записанное на экране. У исполнителя три команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 1
2. прибавь 2
3. прибавь 4

Первая из них увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает это число на 2, а третья – на 4. Программа для исполнителя Май4 – это последовательность команд. Сколько есть программ, которые число 21 преобразуют в число 30?

Решение (1 способ, составление таблицы):

- 1) заметим, что при выполнении любой из команд число увеличивается (не может уменьшаться)
- 2) все числа, меньшие начального числа 21, с помощью этого исполнителя получить нельзя, для них количество программ будет равно 0
- 3) для начального числа 21 количество программ равно 1: существует только одна пустая программа, не содержащая ни одной команды; если через K_N обозначить количество разных программ для получения числа N из начального числа 21, то $K_{21} = 1$.

- 4) теперь рассмотрим общий случай, чтобы построить рекуррентную формулу, связывающую K_N с предыдущими элементами последовательности K_1, K_2, \dots, K_{N-1} , то есть с решениями таких же задач для меньших N
- 5) любое число $N > 21$ могло быть получено одной из трёх операций сложения соответственно из чисел $N-1$, $N-2$ и $N-4$, поэтому

$$K_N = K_{N-1} + K_{N-2} + K_{N-4}$$

- 6) остается по этой формуле заполнить таблицу для всех значений от 21 до 30:

N	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
K_N	1	1	2	3	6	10	18	31	55	96

- 7) ответ – 96.

Решение (программа на Python, Б.С. Михлин):

- 1) полная программа:
- ```
t = 30 # цель (target)
функция подсчета количества цепочек команд (программ).
x - текущее число.
def nProg(x):
 if x == t: # если цель достигнута, то
 return 1 # завершить функцию, посчитав цепочку (программу)
 if x > t: # если перелет, то
 return 0 # завершить функцию, не считая цепочку
 # x < t - продолжаем строить дерево:
 return nProg(x + 1) + nProg(x + 2) + nProg(x + 4)
print(nProg(21))
```
- 2) Ответ: 96.

**Ещё пример задания:**

**Р-02.** У исполнителя Утроитель две команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 1
2. умножь на 3

Первая из них увеличивает число на экране на 1, вторая – утраивает его.

Программа для Утроителя – это последовательность команд.

Сколько есть программ, которые число 1 преобразуют в число 20?

**Решение (1 способ, составление таблицы):**

- 1) заметим, что при выполнении любой из команд число увеличивается (не может уменьшаться)
- 2) начнем с простых случаев, с которых будем начинать вычисления: для чисел 1 и 2, меньших, чем 3, существует только одна программа, состоящая только из команд сложения; если через  $K_N$  обозначить количество разных программ для получения числа  $N$  из 1, то  $K_1 = K_2 = 1$ .
- 3) теперь рассмотрим общий случай, чтобы построить рекуррентную формулу, связывающую  $K_N$  с предыдущими элементами последовательности  $K_1, K_2, \dots, K_{N-1}$ , то есть с решениями таких же задач для меньших  $N$
- 4) если число  $N$  не делится на 3, то оно могло быть получено только последней операцией сложения, поэтому  $K_N = K_{N-1}$
- 5) если  $N$  делится на 3, то последней командой может быть как сложение, так и умножение
- 6) поэтому для получения  $K_N$  нужно сложить  $K_{N-1}$  (количество программ с последней командой сложения) и  $K_{N/3}$  (количество программ с последней командой умножения). В итоге получаем:

если  $N$  не делится на 3:  $K_N = K_{N-1}$

если  $N$  делится на 3:  $K_N = K_{N-1} + K_{N/3}$

- 7) остается заполнить таблицу для всех значений от 1 до  $N$ :

| N | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | 16 | 17 | 18 | 19 | 20 |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|



|       |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |    |    |    |
|-------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|----|----|
| $K_N$ | 1 | 1 | 2 | 2 | 2 | 3 | 3 | 3 | 5 | 5 | 5 | 7 | 7 | 7 | 9 | 9 | 9 | 12 | 12 | 12 |
|-------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|----|----|

- 8) Заметим, что количество вариантов меняется только в тех столбцах, где N делится на 3, поэтому из всей таблицы можно оставить только эти столбцы:

|       |   |   |   |   |    |    |    |    |
|-------|---|---|---|---|----|----|----|----|
| N     | 1 | 3 | 6 | 9 | 12 | 15 | 18 | 21 |
| $K_N$ | 1 | 2 | 3 | 5 | 7  | 9  | 12 | 15 |

- 9) заданное число 20 попадает в последний интервал (от 18 до 21), поэтому ...  
10) ответ – **12**.

**Решение (2 способ, подстановка – вычисления по формулам «с конца»):**

- п. 1-6 выполняются так же, как и при первом способе; главная задача – получить рекуррентную формулу:  
если N не делится на 3:  $K_N = K_{N-1}$   
если N делится на 3:  $K_N = K_{N-1} + K_{N/3}$   
с начальными условиями  $K_1 = K_2 = 1$
- начинаем с заданного конечного числа 20; применяем первую формулу ( $K_N = K_{N-1}$ ), пока не дойдем до числа, делящегося на 3 (это 18):  
 $K_{20} = K_{19} = K_{18}$
- далее применяем вторую формулу ( $K_N = K_{N-1} + K_{N/3}$ ):  
 $K_{20} = K_{18} = K_{17} + K_6$
- применяем первую формулу для 17:  
 $K_{17} = K_{16} = K_{15} \Rightarrow K_{20} = K_{15} + K_6$
- применяем вторую формулу для обоих слагаемых:  
 $K_{20} = (K_{14} + K_5) + (K_5 + K_2) = K_{14} + 2K_5 + 1$   
где учтено, что  $K_2 = 1$
- с помощью первой формулы переходим в правой части к числам, делящимся на 3:  
 $K_{20} = K_{12} + 2K_3 + 1$   
а затем применяем вторую формулу для каждого слагаемого  
 $K_{20} = (K_{11} + K_4) + 2(K_2 + K_1) + 1 = K_{11} + K_4 + 2(1+1) + 1 = K_{11} + K_4 + 5$
- снова используем первую формулу  
 $K_{20} = K_9 + K_3 + 5$   
а затем – вторую:  
 $K_{20} = (K_8 + K_3) + (K_2 + K_1) + 5 = K_8 + 2(K_2 + K_1) + 5 = K_8 + 9$
- и еще раз  
 $K_{20} = K_6 + 9 = K_5 + K_2 + 9 = K_5 + 10 = K_3 + 10 = 2 + 10 = 12$
- ответ – **12**.

**Решение (3 способ, О.В. Щецова, лицей № 6, г. Дубна):**

- будем составлять таблицу из трех столбцов: в первом записывается получаемое число от 1 до 20, во втором – какой последней командой может быть получено это число, а в третьем вычисляем количество различных программ для получения этого числа из 1
- очевидно, что число 1 может быть получено с помощью одной единственной (пустой) программы:









| Число | Как можно получить? | Количество программ |
|-------|---------------------|---------------------|
| 1     |                     | 1                   |

- 3) число 2 не делится на 3, поэтому его можно получить только командой сложения (+1), значит, количество программ для 2 совпадает с количеством программ для 1:











| Число | Как можно получить? | Количество программ |
|-------|---------------------|---------------------|
| 1     |                     | 1                   |
| 2     | +1                  | = 1                 |

- 4) число 3 делится на 3, поэтому его можно получить с помощью двух команд: +1 (из 2) и \*3 (из 1):



| Число | Как можно получить?                                                                  | Количество программ                                                                                                                                                                                                                                   |
|-------|--------------------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 1     |     |                                                                                                                                                                      |
| 2     | +1  |    |
| 3     | +1 *3                                                                                |  +  = 2                                                                             |

- 5) числа 4 и 5 не делятся на 3, поэтому их можно получить только с помощью команды +1, а число 6 может быть получено двумя командами:

| Число | Как можно получить?                                                                  | Количество программ                                                                                                                                                       |
|-------|--------------------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 1     |                                                                                      | 1                                                                                                                                                                         |
| 2     | +1  |                                                                                          |
| 3     | +1 *3                                                                                | 1 + 1 =                                                                                  |
| 4     | +1                                                                                   |         |
| 5     | +1  |         |
| 6     | +1 *3                                                                                |  +  = 3 |

6) следующая группа – 7, 8 (не делятся на 3) и 9 (делится на 3):

| Число | Как можно получить? | Количество программ |
|-------|---------------------|---------------------|
| 1     |                     | 1                   |
| 2     | +1                  | 1                   |
| 3     | +1 *3               | 1 + 1 = 2           |
| 4     | +1                  | 2                   |
| 5     | +1                  | 2                   |
| 6     | +1 *3               | 2 + 1 = 3           |
| 7     | +1                  | 3                   |
| 8     | +1                  | 3                   |
| 9     | +1 *3               | 3 + 2 = 5           |

7) далее – 10, 11 и 12:

| Число | Как можно получить? | Количество программ |
|-------|---------------------|---------------------|
| 1     |                     | 1                   |
| 2     | +1                  | 1                   |
| 3     | +1 *3               | 1 + 1 = 2           |
| 4     | +1                  | 2                   |
| 5     | +1                  | 2                   |
| 6     | +1 *3               | 2 + 1 = 3           |
| 7     | +1                  | 3                   |
| 8     | +1                  | 3                   |
| 9     | +1 *3               | 3 + 2 = 5           |
| 10    | +1                  | 5                   |
| 11    | +1                  | 5                   |
| 12    | +1 *3               | 5 + 2 = 7           |

8) и так далее, вот полностью заполненная таблица (до конечного числа 20):

| Число | Как можно получить? | Количество программ |
|-------|---------------------|---------------------|
| 1     |                     | 1                   |
| 2     | +1                  | 1                   |
| 3     | +1 *3               | 1 + 1 = 2           |
| 4     | +1                  | 2                   |
| 5     | +1                  | 2                   |
| 6     | +1 *3               | 2 + 1 = 3           |
| 7     | +1                  | 3                   |
| 8     | +1                  | 3                   |
| 9     | +1 *3               | 3 + 2 = 5           |
| 10    | +1                  | 5                   |
| 11    | +1                  | 5                   |
| 12    | +1 *3               | 5 + 2 = 7           |
| 13    | +1                  | 7                   |
| 14    | +1                  | 7                   |
| 15    | +1 *3               | 7 + 2 = 9           |
| 16    | +1                  | 9                   |
| 17    | +1                  | 9                   |
| 18    | +1 *3               | 9 + 3 = 12          |
| 19    | +1                  | 12                  |
| 20    | +1                  | 12                  |

9) ответ – количество программ, с помощью которых можно получить число 20 из 1, – считываем из последней ячейки третьего столбца

10) ответ – **12**.

**Решение (4 способ, М.В. Кузнецова и её ученики, г. Новокузнецк):**

- 1) пусть  $N$  – искомое конечное число,  $K(N)$  количества программ получения числа  $N$
- 2) тогда для построения рекуррентной формулы определения  $K(N)$ , нужно знать 2 факта:
  - а) какой может быть последняя команда и сколько есть видов этого последнего действия?

- б) для каждого «последнего» действия нужно знать число программ получения предыдущего числа, сумма этих количеств и есть искомое значение  $K(N)$  – число программ получения числа  $N$ .

Например, общее количество программ получения числа 6 с помощью Утроителя равно  $K(6) = K(5) + K(2)$ , т.к. есть два способа завершения программ получения этого значения:  $6=5+1$  и  $6=2 \cdot 3$ .

- 3) число программ получения числа  $N$  зависит от числа программ получения предыдущего значения, и что программы получения чисел, кратных 3-м могут завершаться 2-мя способами:  $(N-1)+1$  или  $(N/3) \cdot 3$ , а все остальные числа получают только первым способом:  $(N-1)+1$ .
- 4) составим рекуррентную формулу для определения числа программ получения числа  $N$ :  
 при  $N=1$  имеем  $K(1) = 1$   
 если  $N$  не кратно 3:  $K(N) = K(N-1)$   
 если  $N$  делится на 3:  $K(N) = K(N-1) + K(N/3)$
- 5) с помощью этих формул заполняем таблицу следующим образом:
- в первом столбце записываем все натуральные числа от 1 до заданного  $N$ ;
  - во втором столбце – числа, на единицу меньшие (из которых может быть получено  $N$  последней операцией сложения с 1);
  - в третьем столбце для чисел, кратных 3-м, записываем частное от деления числа, записанного в первом столбце, на 3 (из этого числа может быть получено  $N$  последней операцией умножения на 3);
  - в последнем столбце вычисляем  $K(N)$ , складывая соответствующие значения для тех строк, номера которых записаны во втором и третьем столбцах:

| N  | N-1 | N/3 | K(N)   |
|----|-----|-----|--------|
| 1  | ←   |     | 1      |
| 2  | ← 1 |     | 1      |
| 3  | ← 2 | 1   | 1+1=2  |
| 4  | 3   |     | 2      |
| 5  | 4   |     | 2      |
| 6  | ← 5 | 2   | 2+1=3  |
| 7  | 6   |     | 3      |
| 8  | 7   |     | 3      |
| 9  | 8   | 3   | 3+2=5  |
| 10 | 9   |     | 5      |
| 11 | 10  |     | 5      |
| 12 | 11  | 4   | 5+2=7  |
| 13 | 12  |     | 7      |
| 14 | 13  |     | 7      |
| 15 | 14  | 5   | 7+2=9  |
| 16 | 15  |     | 9      |
| 17 | 16  |     | 9      |
| 18 | 17  | 6   | 9+3=12 |
| 19 | 18  |     | 12     |
| 20 | 19  |     | 12     |

- 6) ответ – 12.

Решение (5 способ, А. Сидоров):

- 1) основная идея – число программ, преобразующих начальное число 1 в конечное 20 с помощью заданных в условии команд, равно числу программ, преобразующих конечное число 20 в начальное 1 с помощью обратных команд: «**вычти 1**» и «**раздели на 3**»
- 2) будем строить «обратное дерево» – дерево всех способов преобразования **конечного числа в начальное**; это лучше (в сравнении с построением «прямого» дерева, от начального числа к конечному), потому что операция умножения необратима – каждое число можно умножить на 3, но не каждое можно разделить на 3; из-за этого сразу отбрасываются тупиковые ветви, не дающие новых решений
- 3) рисуем сокращенное дерево, в котором черные стрелки показывают действие первой команды («прибавь 1»), а красные – действие второй команды («умножь на 3»); красные стрелки подходят только к тем числам, которые делятся на 3:

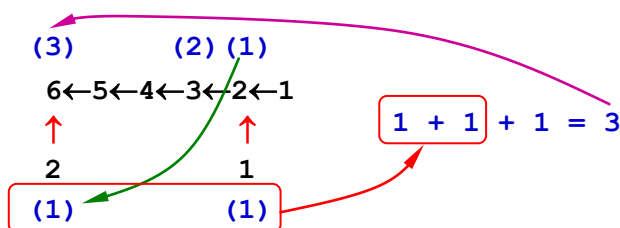
20←19←18←17←16←15←14←13←12←11←10←9←8←7←6←5←4←3←2←1

↑      ↑      ↑      ↑      ↑      ↑  
 6      5      4      3      2      1

- 4) чтобы получить количество программ для каждого числа из верхней строки, нужно сложить соответствующие количества программ для всех чисел из нижнего ряда, которые не больше данного (программы с умножением), и добавить 1 (программа, состоящая из одних сложений)
- 5) очевидно, что для получения 1 существует одна (пустая) программа; тогда для числа 2 тоже получается одна программа, а для числа 3 – две программы:

(2) (1)  
 3←2←1  
↑  
 1  
 (1)

- 6) далее, для чисел 4 и 5 получаем 2 программы (после числа 3 нет «разветвлений» – подходящих красных стрелок), а для числа 6 – 3 программы, так как «подошло» еще одно разветвление (6 можно получить умножением 2 на 3), а для числа 2 мы уже подсчитали количество программ – оно равно 1:



- 7) находить число программ для следующих чисел нам уже не понадобится, потому что при умножении на 3 они дают числа, большие, чем заданное конечное число 20
- 8) запишем полученные результаты в самой нижней строке для всех множителей от 1 до 6:

(3)      (2) (1)  
 20←19←18←17←16←15←14←13←12←11←10←9←8←7←6←5←4←3←2←1  
↑      ↑      ↑      ↑      ↑      ↑  
 6      5      4      3      2      1  
(3)      (2)      (2)      (2)      (1)      (1)

- 9) теперь остается сложить все числа в скобках в нижнем ряду (количество программ с командами умножения) и добавить 1 (одна программа, состоящая только из команд сложения):

$$3 + 2 + 2 + 2 + 1 + 1 + 1 = 12$$

- 10) ответ – **12**.

**Возможные проблемы:**

- неверно определенные начальные условия
- неверно выведенная рекуррентная формула
- ошибки при заполнении таблицы (невнимательность)
- второй способ (подстановка), как правило, приводит к большому количеству вычислений; конечно, можно отдельно выписывать все полученные ранее значения  $K_N$ , но тогда мы фактически придем к табличному методу

**Решение (программа на Python, Б.С. Михлин):**

- 1) полная программа:  

```

t = 20 # цель (target)
функция подсчета количества цепочек команд (программ) .
x - текущее число.
def nProg(x):
 if x == t: # если цель достигнута, то
 return 1 # завершить функцию, посчитав цепочку (программу)
 if x > t: # если перелет, то
 return 0 # завершить функцию, не считая цепочку
 # x < t - продолжаем строить дерево:
 return nProg(x + 1) + nProg(x * 3)
print(nProg(1))

```
- 2) Ответ: 12.

**Еще пример задания:**

**Р-01.** У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 1
2. увеличь вторую с конца цифру на 1

Первая из них увеличивает число на экране на 1, вторая – увеличивает на 1 число десятков.

Если перед выполнением команды 2 вторая с конца цифра равна 9, она не изменяется.

Программа для Калькулятора – это последовательность команд.

Сколько есть программ, которые число 15 преобразуют в число 28?

**Решение (1 способ, составление таблицы):**

- 1) заметим, что при выполнении любой из команд число увеличивается (не может уменьшаться)
- 2) при заданных командах очередное число  $N$  может быть получено двумя способами:
- 3) увеличением на 1 (для всех чисел, больших начального числа)
- 4) увеличением числа десятков на 1 (то есть, фактически командой «+10») – для всех чисел, больших или равных 25; например, число 24 не может быть получено этой командой ( $14 + 10 = 24$ ), потому что число 14 меньше, чем начальное значение 15
- 5) таким образом, рекуррентные формулы принимают вид  

$$K_N = K_{N-1} \text{ для всех чисел, меньших, чем 25}$$

$$K_N = K_{N-1} + K_{N-10} \text{ для чисел, больших или равных 25}$$
- 6) других способов получения числа с помощью исполнителя с заданными командами нет, то есть мы таким образом рассматриваем все возможные программы
- 7) начальное значение:  $K_{15} = 1$  (число 15 можно получить единственной пустой программой)
- 8) далее заполняем таблицу:

| $N$   | 15 | 16 | 17 | 18 | 19 | 20 | 21 | 22 | 23 | 24 | 25 | 26 | 27 | 28 |
|-------|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| $K_N$ | 1  | 1  | 1  | 1  | 1  | 1  | 1  | 1  | 1  | 1  | 2  | 3  | 4  | 5  |

- 9) Ответ: 5

**Решение (программа на Python, Б.С. Михлин):**

1) полная программа:

```
t = 28 # цель (target)
Функция подсчета количества цепочек команд (программ).
x - текущее число.
def nProg(x):
 if x == t: # если цель достигнута, то
 return 1 # завершить функцию, посчитав цепочку (программу)
 if x > t: # если перелет, то
 return 0 # завершить функцию, не считая цепочку
 # x < t - продолжаем строить дерево:
 x1 = x
 if x1 % 100 // 10 < 9: # число десятков < 9?
 x1 += 10
 return nProg(x + 1) + nProg(x1)
print(nProg(15))
```

2) Ответ: **5**.

### Еще пример задания:

**P-00.** У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 1
2. увеличь две младшие цифры на 1

Первая из них увеличивает число на экране на 1, вторая – увеличивает на 1 число десятков и число единиц. Если перед выполнением команды 2 какая-либо из двух младших цифр равна 9, она не изменяется. Программа для Калькулятора – это последовательность команд.

Сколько есть программ, которые число 23 преобразуют в число 48?

#### Решение (1 способ, составление таблицы):

- 1) заметим, что при выполнении любой из команд число увеличивается (не может уменьшаться)
- 2) при заданных командах очередное число N может быть получено двумя способами:
- 3) увеличением на 1 (для всех чисел, больших начального числа)
- 4) увеличением обеих цифр на 1 в результате выполнения команды 2 (то есть, фактически командой «+11») – для всех чисел, больших или равных 23 + 11 = 34, которые **НЕ** оканчиваются на 0;
- 5) увеличением *только младшей* цифры на 1 в результате выполнения команды 2 (то есть, фактически командой «+1») – для всех чисел от 91 до 99, но в нашем диапазоне (23..48) таких нет
- 6) увеличением *только старшей* цифры на 1 в результате выполнения команды 2 (то есть, фактически командой «+10») – для всех чисел, больших 34 и имеющих 9 на конце; в нашем случае под этот вариант подходит только число 39
- 7) таким образом, рекуррентные формулы принимают вид
 
$$K_N = K_{N-1} \text{ для всех чисел, меньших, чем 34, а также для всех чисел, оканчивающихся на 0}$$

$$K_N = K_{N-1} + K_{N-11} \text{ для чисел, больших или равных 34, кроме 39}$$

$$K_N = K_{N-1} + K_{N-11} + K_{N-10} \text{ для числа 39}$$
- 8) других способов получения числа с помощью исполнителя с заданными командами нет, то есть мы таким образом рассматриваем все возможные программы
- 9) начальное значение:  $K_{23} = 1$  (число 23 можно получить единственной пустой программой)
- 10) далее заполняем таблицу:

| N     | 23 | ... | 33 | 34 | 35 | 36 | 37 | 38 | 39 | 40 | 41 | 42 | 43 | 44 | 45 | 46 | 47 | 48 |
|-------|----|-----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| $K_N$ | 1  | ... | 1  | 2  | 3  | 4  | 5  | 6  | 8  | 8  | 9  | 10 | 11 | 12 | 14 | 17 | 21 | 26 |

здесь многоточия означают, что для всех чисел от 23 до 33 включительно количество программ равно 1;

11) например, для числа 47 количество программ вычисляется как

$$K_{47} = K_{46} + K_{36} = 17 + 4 = 21$$

а для числа 39 –как

$$K_{39} = K_{38} + K_{28} + K_{29} = 6 + 1 + 1 = 8$$

12) Ответ: 26

Решение (программа на Python, Б.С. Михлин):

3) полная программа:

```
t = 48 # цель (target)
Функция подсчета количества цепочек команд (программ).
x - текущее число.
def nProg(x):
 if x == t: # если цель достигнута, то
 return 1 # завершить функцию, посчитав цепочку (программу)
 if x > t: # если перелет, то
 return 0 # завершить функцию, не считая цепочку
 # x < t - продолжаем строить дерево:
 x1 = x
 if x1 % 100 // 10 < 9: # число десятков < 9?
 x1 += 10
 if x1 % 10 < 9: # число единиц < 9?
 x1 += 1
 return nProg(x + 1) + nProg(x1)
print(nProg(23))
```

4) Ответ: 26.

## Задачи для тренировки<sup>1</sup>:

- 1) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 1
2. умножь на 2

Сколько есть программ, которые число 1 преобразуют в число 16?

- 2) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 1
2. умножь на 4

Сколько есть программ, которые число 1 преобразуют в число 55?

- 3) У исполнителя Калькулятор три команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 1
2. умножь на 2
3. умножь на 3

Сколько есть программ, которые число 1 преобразуют в число 18?

- 4) У исполнителя Калькулятор три команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 1
2. умножь на 2
3. умножь на 4

Сколько есть программ, которые число 1 преобразуют в число 17?

- 5) У исполнителя Калькулятор три команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 1
2. умножь на 3
3. умножь на 4

Сколько есть программ, которые число 1 преобразуют в число 25?

- 6) У исполнителя Калькулятор три команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 1
2. прибавь 2
3. умножь на 3

Сколько есть программ, которые число 1 преобразуют в число 12?

- 7) У исполнителя Калькулятор три команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 1
2. прибавь 3
3. умножь на 2

Сколько есть программ, которые число 1 преобразуют в число 15?

- 8) У исполнителя Калькулятор три команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 1
2. прибавь 3
3. умножь на 3

Сколько есть программ, которые число 1 преобразуют в число 15?

- 9) У исполнителя Калькулятор три команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 1
2. прибавь 3
3. умножь на 4

Сколько есть программ, которые число 1 преобразуют в число 18?

- 10) У исполнителя Калькулятор три команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 1

<sup>1</sup> Источники заданий:

1. Демонстрационные варианты ЕГЭ 2012-2016 гг.
2. Тренировочные работы МИОО.



- 2. прибавь 2
- 3. умножь на 4

Сколько есть программ, которые число 1 преобразуют в число 13?

- 11) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:

- 1. прибавь 1
- 2. умножь на 4

Сколько есть программ, которые число 1 преобразуют в число 32?

- 12) (С.Э. Назаренко) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:

- 1. прибавь 2
- 2. умножь на 2

Сколько есть программ, которые число 1 преобразуют в число 24?

- 13) (С.Э. Назаренко) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:

- 1. прибавь 1
- 2. умножь на 3

Сколько есть программ, которые число 5 преобразуют в число 49?

- 14) (С.Э. Назаренко) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:

- 1. прибавь 3
- 2. умножь на 3

Сколько есть программ, которые число 5 преобразуют в число 27?

- 15) (С.Э. Назаренко) У исполнителя Калькулятор три команды, которым присвоены номера:

- 1. прибавь 1
- 2. прибавь 3
- 3. умножь на 2

Сколько есть программ, которые число 3 преобразуют в число 15?

- 16) (Т.В. Белова) У исполнителя Калькулятор три команды, которым присвоены номера:

- 1. прибавь 1
- 2. умножь на 2
- 3. возведи в квадрат

Сколько есть программ, которые число 2 преобразуют в число 38?

- 17) (Т.В. Белова) У исполнителя Калькулятор три команды, которым присвоены номера:

- 1. прибавь 1
- 2. прибавь 3
- 3. возведи в квадрат

Сколько есть программ, которые число 2 преобразуют в число 19?

- 18) (Т.В. Белова) У исполнителя Калькулятор три команды, которым присвоены номера:

- 1. прибавь 1
- 2. умножь на 2
- 3. возведи в квадрат

Сколько есть программ, которые число 2 преобразуют в число 27?

- 19) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:

- 1. прибавь 1
- 2. увеличь число десятков на 1

Например: при помощи команды 2 число 23 преобразуется в 33. Если перед выполнением команды 2 вторая с конца цифра равна 9, она не изменяется.

Сколько есть программ, которые число 11 преобразуют в число 27?

- 20) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:

- 1. прибавь 1
- 2. увеличь число десятков на 1

Например: при помощи команды 2 число 23 преобразуется в 33. Если перед выполнением команды 2 вторая с конца цифра равна 9, она не изменяется.

Сколько есть программ, которые число 12 преобразуют в число 36?

21) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 1
2. увеличь каждый разряд числа на 1

Например, число 23 с помощью команды 2 превратится в 34, а 29 в 39 (так как младший разряд нельзя увеличить). Если перед выполнением команды 2 какая-либо цифра равна 9, она не изменяется. Сколько есть программ, которые число 25 преобразуют в число 51?

22) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 1
2. увеличь каждый разряд числа на 1

Например, число 23 с помощью команды 2 превратится в 34, а 29 в 39 (так как младший разряд нельзя увеличить). Если перед выполнением команды 2 какая-либо цифра равна 9, она не изменяется. Сколько есть программ, которые число 24 преобразуют в число 46?

23) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 1
2. увеличь каждый разряд числа на 1

Например, число 23 с помощью команды 2 превратится в 34 а 29 в 39 (так как младший разряд нельзя увеличить). Программа для Калькулятора – это последовательность команд. Сколько существует программ, которые число 26 преобразуют в число 49?

24) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 1
2. увеличь число десятков на 1

Например: при помощи команды 2 число 23 преобразуется в 33. Если перед выполнением команды 2 вторая с конца цифра равна 9, она не изменяется.

Сколько есть программ, которые число 10 преобразуют в число 33?

25) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 2
2. умножь на 2

Сколько есть программ, которые число 2 преобразуют в число 40?

26) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 3
2. умножь на 2

Сколько есть программ, которые число 3 преобразуют в число 42?

27) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 1
2. прибавь 3

Сколько есть программ, которые число 1 преобразуют в число 15?

28) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 1
2. прибавь 3

Сколько есть программ, которые число 7 преобразуют в число 20?

29) У исполнителя Калькулятор три команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 1
2. умножь на 2
3. умножь на 3

Сколько есть программ, которые число 1 преобразуют в число 14?

30) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 2
2. умножь на 3

Сколько есть программ, которые число 1 преобразуют в число 49?

31) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 2
2. умножь на 3

Сколько есть программ, которые число 1 преобразуют в число 55?

32) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 1
2. умножь на 1,5

Первая из них увеличивает на 1 число на экране, вторая увеличивает это число в 1,5 раза, если число чётное. К нечётным числам вторая команда неприменима. Сколько есть программ, которые число 1 преобразуют в число 20?

33) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 1
2. умножь на 1,5

Первая из них увеличивает на 1 число на экране, вторая увеличивает это число в 1,5 раза, если число чётное. К нечётным числам вторая команда неприменима. Сколько есть программ, которые число 2 преобразуют в число 22?

34) У исполнителя Калькулятор три команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 1
2. сделай чётное
3. сделай нечётное

Первая из них увеличивает на 1 число на экране, вторая умножает это число на 2, третья переводит число  $x$  в число  $2x + 1$ . Например, вторая команда переводит число 10 в число 20, а третья переводит число 10 в число 21. Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует программ, которые число 2 преобразуют в число 16?

35) У исполнителя Калькулятор четыре команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 1
2. сделай чётное
3. сделай нечётное
4. умножь на 10

Первая из них увеличивает на 1 число на экране, вторая умножает это число на 2, третья переводит число  $x$  в число  $2x + 1$ , четвертая умножает на 10. Например, вторая команда переводит число 10 в число 20, а третья переводит число 10 в число 21. Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует программ, которые число 1 преобразуют в число 15?

36) У исполнителя Калькулятор три команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 1
2. прибавь 2
3. прибавь 5

Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует программ, которые число 21 преобразуют в число 30?

37) У исполнителя Калькулятор три команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 1
2. прибавь 3
3. прибавь 6

Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует программ, которые число 21 преобразуют в число 30?

38) У исполнителя Калькулятор три команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 2
2. прибавь 3
3. прибавь 5

Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует программ, которые число 20 преобразуют в число 35?

39) У исполнителя Калькулятор три команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 1
2. прибавь 4
3. прибавь 5

Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует программ, которые число 30 преобразуют в число 46?

40) У исполнителя Калькулятор три команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 2
2. прибавь 4
3. прибавь 5

Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует программ, которые число 31 преобразуют в число 51?

41) У исполнителя Калькулятор три команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 1
2. прибавь 2
3. прибавь предыдущее

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает это число на 2, третья прибавляет к числу на экране число, меньшее на 1 (к числу 3 прибавляется 2, к числу 11 прибавляется 10 и т. д.). Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует программ, которые число 2 преобразуют в число 9?

42) Исполнитель Июнь15 преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 2

Программа для исполнителя Июнь15 – это последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 5 результатом является число 15 и при этом траектория вычислений содержит число 10?

43) Исполнитель Июнь15 преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 3

Программа для исполнителя Июнь15 – это последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 3 результатом является число 20 и при этом траектория вычислений содержит число 12?

44) Исполнитель Июнь15 преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 2
3. Прибавить 3

Программа для исполнителя Июнь15 – это последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 4 результатом является число 15 и при этом траектория вычислений содержит число 8?

45) Исполнитель Июнь15 преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Умножить на 2
3. Прибавить 3

Программа для исполнителя Июнь15 – это последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 4 результатом является число 20 и при этом траектория вычислений содержит число 10?

- 46) Исполнитель Июнь15 преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Умножить на 2
3. Умножить на 3

Программа для исполнителя Июнь15 – это последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 2 результатом является число 28 и при этом траектория вычислений содержит число 7?

- 47) Исполнитель A13S преобразует целое число, записанное на экране. У исполнителя три команды, каждой команде присвоен номер:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 3
3. Прибавь предыдущее

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает это число на 3, третья прибавляет к числу на экране число, меньшее на 1 (к числу 3 прибавляется 2, к числу 11 прибавляется 10 и т. д.). Программа для исполнителя A13S – это последовательность команд. Сколько существует программ, которые число 2 преобразуют в число 10?

- 48) Исполнитель A12S преобразует целое число, записанное на экране. У исполнителя три команды, каждой команде присвоен номер:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 2
3. Прибавь предыдущее

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает это число на 2, третья прибавляет к числу на экране число, меньшее на 1 (к числу 3 прибавляется 2, к числу 11 прибавляется 10 и т. д.). Программа для исполнителя A12S – это последовательность команд. Сколько существует программ, которые число 3 преобразуют в число 10?

- 49) Исполнитель A23S преобразует целое число, записанное на экране. У исполнителя три команды, каждой команде присвоен номер:

1. Прибавь 2
2. Прибавь 3
3. Прибавь предыдущее

Первая команда увеличивает число на экране на 2, вторая увеличивает это число на 3, третья прибавляет к числу на экране число, меньшее на 1 (к числу 3 прибавляется 2, к числу 11 прибавляется 10 и т. д.). Программа для исполнителя A23S – это последовательность команд. Сколько существует программ, которые число 2 преобразуют в число 11?

- 50) Исполнитель Калькулятор преобразует целое число, записанное на экране. У исполнителя две команды, каждой команде присвоен номер:

1. Прибавь 1
2. Умножь на 2

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает это число в 2 раза. Сколько существует программ, которые число 3 преобразуют в число 20 и в которых предпоследняя команда 1?

- 51) Исполнитель Калькулятор преобразует целое число, записанное на экране. У исполнителя две команды, каждой команде присвоен номер:

1. Прибавь 1
2. Умножь на 2

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает это число в 2 раза. Сколько существует программ, которые число 5 преобразуют в число 32 и в которых предпоследняя команда 1?

- 52) Исполнитель Калькулятор преобразует целое число, записанное на экране. У исполнителя две команды, каждой команде присвоен номер:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 2

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает – на 2. Сколько существует программ, которые число 4 преобразуют в число 14 и в которых предпоследняя команда 1?

- 53) Исполнитель Калькулятор преобразует целое число, записанное на экране. У исполнителя две команды, каждой команде присвоен номер:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 2

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает – на 2. Сколько существует программ, которые число 3 преобразуют в число 18 и в которых предпоследняя команда 2?

- 54) Исполнитель Июнь15 преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Умножить на 2

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая умножает его на 2. Программа для исполнителя Июнь15 – это последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 1 результатом является число 21 и при этом траектория вычислений содержит число 10?

- 55) Исполнитель Июнь15 преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Умножить на 2

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая умножает его на 2. Программа для исполнителя Июнь15 – это последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 2 результатом является число 34 и при этом траектория вычислений содержит число 12?

- 56) Исполнитель Июнь15 преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Умножить на 2

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая умножает его на 2. Программа для исполнителя Июнь15 – это последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 2 результатом является число 34 и при этом траектория вычислений содержит число 10 и не содержит число 28?

- 57) Исполнитель Июнь15 преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Умножить на 2

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая умножает его на 2. Программа для исполнителя Июнь15 – это последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 3 результатом является число 30 и при этом траектория вычислений содержит число 20 и не содержит число 12?

- 58) Исполнитель Июнь15 преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Умножить на 2

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая умножает его на 2. Программа для исполнителя Июнь15 – это последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 1 результатом является число 28 и при этом траектория вычислений содержит число 25 и не содержит число 10?

- 59) Исполнитель Июнь15 преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Умножить на 3

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая умножает его на 3. Программа для исполнителя Июнь15 – это последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 4 результатом является число 50 и при этом траектория вычислений содержит число 6 и не содержит число 12?

- 60) Исполнитель Июнь15 преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Умножить на 2

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая умножает его на 2. Программа для исполнителя Июнь15 – это последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 2 результатом является число 40 и при этом траектория вычислений содержит число 20 и не содержит число 8?

- 61) Исполнитель Июнь15 преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 2
2. Умножить на 3

Первая команда увеличивает число на экране на 2, вторая умножает его на 3. Программа для исполнителя Июнь15 – это последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 1 результатом является число 63 и при этом траектория вычислений содержит число 25 и не содержит число 6?

- 62) Исполнитель Июнь15 преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Умножить на 2

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая умножает его на 2. Программа для исполнителя Июнь15 – это последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 3 результатом является число 55 и при этом траектория вычислений содержит число 18 и не содержит число 12?

- 63) Исполнитель Июнь15 преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Умножить на 2

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая умножает его на 2. Программа для исполнителя Июнь15 – это последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 5 результатом является число 60 и при этом траектория вычислений содержит число 8 и не содержит число 22?

- 64) Исполнитель Июнь15 преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1



**2. Умножить на 2**

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая умножает его на 2. Программа для исполнителя Июнь15 – это последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 3 результатом является число 45 и при этом траектория вычислений содержит число 10 и не содержит число 15?

- 65) Исполнитель Июнь15 преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 5

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает его на 5. Программа для исполнителя Июнь15 – это последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 2 результатом является число 26 и при этом траектория вычислений содержит число 15 и не содержит число 10?

- 66) Исполнитель Июнь15 преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 3

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает его на 3. Программа для исполнителя Июнь15 – это последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 3 результатом является число 21 и при этом траектория вычислений содержит число 12 и не содержит число 18?

- 67) Исполнитель Июнь15 преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 3

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает его на 3. Программа для исполнителя Июнь15 – это последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 5 результатом является число 25 и при этом траектория вычислений содержит число 15 и не содержит число 12?

- 68) Исполнитель Июнь15 преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Умножить на 2

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая умножает его на 2. Программа для исполнителя Июнь15 – это последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 2 результатом является число 31 и при этом траектория вычислений содержит число 15 и не содержит число 22?

- 69) Исполнитель Июнь15 преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Умножить на 2

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая умножает его на 2. Программа для исполнителя Июнь15 – это последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 2 результатом является число 33 и при этом траектория вычислений содержит число 16 и не содержит число 30?

- 70) Исполнитель Май16 преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 2



Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает его на 2. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 1 результатом является число 12 и при этом траектория вычислений содержит число 7?

- 71) Исполнитель Май16 преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 2

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает его на 2. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 1 результатом является число 13 и при этом траектория вычислений содержит число 7?

- 72) Исполнитель Июнь16 преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 2
3. Умножить на 2

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 3 результатом является число 13 и при этом траектория вычислений содержит число 10?

- 73) Исполнитель Июнь16 преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 2
3. Умножить на 2

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 2 результатом является число 12 и при этом траектория вычислений содержит число 10?

- 74) Исполнитель Июнь16 преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 2
3. Умножить на 3

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 2 результатом является число 16 и при этом траектория вычислений содержит число 14?

- 75) Исполнитель Июнь16 преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 2
3. Умножить на 2

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 3 результатом является число 13 и при этом траектория вычислений не содержит число 8?

- 76) Исполнитель Июнь16 преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 2
3. Умножить на 2

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 2 результатом является число 12 и при этом траектория вычислений не содержит число 10?

- 77) Исполнитель Июнь16 преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 2
3. Умножить на 3

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 2 результатом является число 16 и при этом траектория вычислений не содержит число 14?

- 78) Исполнитель Июнь16 преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 2
3. Умножить на 3

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 2 результатом является число 13 и при этом траектория вычислений содержит число 10?

- 79) Исполнитель Июнь16 преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Умножить на 2
3. Умножить на 3

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 2 результатом является число 25 и при этом траектория вычислений не содержит число 20?

- 80) Исполнитель Июнь17 преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Умножить на 2
3. Умножить на 3

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 2 результатом является число 31 и при этом траектория вычислений не содержит число 25?

- 81) Исполнитель Июнь17 преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Сделай нечётное

Выполняя первую команду, исполнитель увеличивает число на 1, а выполняя вторую – из числа  $x$  получает число  $2x + 1$ . Сколько существует программ, для которых при исходном числе 1 результатом является число 25 и при этом траектория вычислений не содержит число 21?

- 82) Исполнитель Июнь17 преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Сделай нечётное

Выполняя первую команду, исполнитель увеличивает число на 1, а выполняя вторую – из числа  $x$  получает число  $2x + 1$ . Сколько существует программ, для которых при исходном числе 1 результатом является число 31 и при этом траектория вычислений не содержит число 25?

- 83) Исполнитель Июнь17 преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 2
3. Прибавить 3

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 3 результатом является число 15 и при этом траектория вычислений не содержит число 8?

- 84) Исполнитель Июнь17 преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 2
3. Прибавить 4

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 2 результатом является число 13 и при этом траектория вычислений не содержит число 6?

- 85) Исполнитель Июнь17 преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Умножить на 2
3. Умножить на 3

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 2 результатом является число 30 и при этом траектория вычислений содержит число 15?

- 86) Исполнитель Июнь17 преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Умножить на 2
3. Умножить на 3

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 2 результатом является число 28 и при этом траектория вычислений содержит число 12?

- 87) Исполнитель K17 преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 2
3. Умножить на 2

Программа для исполнителя K17 – это последовательность команд. Сколько существует таких программ, которые исходное число 3 преобразуют в число 13 и при этом траектория вычислений программы содержит число 9 и число 11?

- 88) Исполнитель K17 преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 3
3. Умножить на 2

Программа для исполнителя K17 – это последовательность команд. Сколько существует таких программ, которые исходное число 1 преобразуют в число 13 и при этом траектория вычислений программы содержит число 4 и число 9?

- 89) Исполнитель R17 преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 2
3. Умножить на 2

Программа для исполнителя R17 – это последовательность команд. Сколько существует таких программ, которые исходное число 1 преобразуют в число 12 и при этом траектория вычислений программы содержит число 7 и число 10?

- 90) Исполнитель R17 преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 2
3. Умножить на 3

Программа для исполнителя R17 – это последовательность команд. Сколько существует таких программ, которые исходное число 2 преобразуют в число 15 и при этом траектория вычислений программы содержит число 4 и число 11?

- 91) Исполнитель R17 преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 3
3. Умножить на 2

Программа для исполнителя R17 – это последовательность команд. Сколько существует таких программ, которые исходное число 2 преобразуют в число 14 и при этом траектория вычислений программы содержит число 6 и число 10?

- 92) Исполнитель R17 преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 3
3. Умножить на 2

Программа для исполнителя R17 – это последовательность команд. Сколько существует таких программ, которые исходное число 3 преобразуют в число 20 и при этом траектория вычислений программы содержит число 9 и число 12?

- 93) (А.Е. Гребенкин, Екатеринбург) Исполнитель U18 преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Вычесть 1
2. Вычесть 3
3. Разделить нацело на 3

При выполнении команды 3 выполняется деление нацело (остаток отбрасывается). Программа для исполнителя U18 – это последовательность команд. Сколько существует таких программ, которые исходное число 22 преобразуют в число 2?

- 94) (А.Е. Гребенкин, Екатеринбург) Исполнитель U18 преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Вычесть 1
2. Вычесть 3
3. Взять остаток от деления на 4

Команда 3 выполняется только для чисел, больших, чем 4. Программа для исполнителя U18 – это последовательность команд. Сколько существует таких программ, которые исходное число 22 преобразуют в число 2?

- 95) Исполнитель Май18 преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 3

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 2 результатом является число 18 и при этом траектория вычислений содержит число 9 и не содержит число 14?

- 96) Исполнитель Май18 преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 3

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 2 результатом является число 20 и при этом траектория вычислений содержит число 10 и не содержит число 15?

- 97) Исполнитель Май18 преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 3

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 3 результатом является число 20 и при этом траектория вычислений содержит число 15 и не содержит число 10?

- 98) Исполнитель Калькулятор преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Умножить на 2
3. Умножить на 3

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 3 результатом является число 46 и при этом траектория вычислений содержит число 12 и не содержит число 25?

- 99) Исполнитель Калькулятор преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Умножить на 2
3. Умножить на 3

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 5 результатом является число 52 и при этом траектория вычислений содержит число 15 и не содержит число 29?

- 100) Исполнитель Калькулятор преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Умножить на 3
3. Умножить на 4

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 2 результатом является число 60 и при этом траектория вычислений содержит число 16 и не содержит число 21?

- 101) Исполнитель Калькулятор преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Умножить на 3
3. Умножить на 4

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 2 результатом является число 70 и при этом траектория вычислений содержит число 8 и не содержит число 35?

- 102) (С.А. Скопинцева) Исполнитель Калькулятор преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 4
3. Умножить на 4

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 2 результатом является число 24 и при этом траектория вычислений содержит число 6 и не содержит число 8?

- 103) Исполнитель Калькулятор преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 2
3. Умножить на 2

Сколько существует программ, состоящих из 6 команд, для которых при исходном числе 1 результатом является число 20?

- 104) Исполнитель Калькулятор преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 2
3. Прибавить 3

Сколько существует программ, состоящих из 7 команд, для которых при исходном числе 3 результатом является число 22?

- 105) Исполнитель Калькулятор преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1

2. Прибавить 3
3. Умножить на 2

Сколько существует программ, состоящих из 7 команд, для которых при исходном числе 2 результатом является число 25?

- 106) Исполнитель Калькулятор преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Умножить на 2
3. Умножить на 3

Сколько существует программ, состоящих из 8 команд, для которых при исходном числе 1 результатом является число 34?

- 107) Исполнитель Калькулятор преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 4
3. Умножить на 2

Сколько существует программ, состоящих из 7 команд, для которых при исходном числе 3 результатом является число 27?

- 108) У исполнителя Калькулятор есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 2
3. Умножить на 3

Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 1 в число 28, и при этом траектория вычислений содержит число 8 и не содержит чисел 10 и 11?

- 109) У исполнителя Калькулятор есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 2
3. Умножить на 3

Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 2 в число 21, и при этом траектория вычислений содержит число 5 и не содержит чисел 8 и 11?

- 110) У исполнителя Калькулятор есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 2
3. Умножить на 3

Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 3 в число 22, и при этом траектория вычислений содержит число 10 и не содержит чисел 8 и 15?

- 111) У исполнителя Калькулятор есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 2
3. Умножить на 3

Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 4 в число 23, и при этом траектория вычислений содержит число 8 и не содержит чисел 11 и 18?

- 112) У исполнителя Калькулятор есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 2
3. Умножить на 3

Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 5 в число 26, и при этом траектория вычислений содержит число 11 и не содержит чисел 13 и 15?

- 113) (С.С. Поляков) У исполнителя Калькулятор есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1

2. Прибавить 5
3. Умножить на 3

Найдите длину самой короткой программы, в результате выполнения которой при исходном числе 1 результатом является число 227.

- 114) (С.С. Поляков) Исполнитель Калькулятор преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 2
3. Умножить на 2

Сколько существует программ минимальной длины, в результате выполнения которых при исходном числе 1 результатом является число 28?

- 115) (С.С. Поляков) Исполнитель Калькулятор преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 5
3. Умножить на 3

Сколько существует программ минимальной длины, в результате выполнения которых при исходном числе 1 результатом является число 111?

- 116) (С.С. Поляков) Исполнитель Калькулятор преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 5
3. Умножить на 3

Сколько разных чисел может быть получено из числа 1 с помощью программ, состоящих из 4 команд?

- 117) (С.С. Поляков) Исполнитель Калькулятор преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 5
3. Умножить на 3

Сколько разных чисел может быть получено из числа 1 с помощью программ, состоящих из 7 команд?

- 118) (С.С. Поляков) Исполнитель Калькулятор преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 2
3. Умножить на 2

Сколько разных чисел на отрезке [34, 59] может быть получено из числа 1 с помощью программ, состоящих из 6 команд?

- 119) (С.С. Поляков) Исполнитель Калькулятор преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 5
3. Умножить на 3

Сколько разных чисел на отрезке [1000, 1024] может быть получено из числа 1 с помощью программ, состоящих из 8 команд?

- 120) (С.С. Поляков) Исполнитель Калькулятор преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Прибавить 5
3. Умножить на 3



Определите число, для получения которого из числа 1 существует 175 программ.

- 121) (А.Н. Носкин) Исполнитель Калькулятор преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 2
2. Прибавить 5

Определите число, для получения которого из числа 5 существует 34 программы.

- 122) (А.Н. Носкин) Исполнитель Калькулятор преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 2
2. Прибавить 4
3. Прибавить 5

Определите число, для получения которого из числа 31 существует 1001 программа.

- 123) (Е. Джобс) Исполнитель Остаточек преобразует числа и имеет следующие команды:

1. Прибавить 1
2. Умножить на 2
3. Прибавить остаток от деления на 4

Первая команда увеличивает число на единицу, вторая – увеличивает вдвое, третья команда добавляет к числу значение остатка от деления этого числа на 4. Определите, сколько существует чисел, из которых Остаточек может получить число 80 с помощью программы длиной не более 5 команд.

- 124) (Е. Джобс) Исполнитель Вычислитель преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 3
2. Умножить на 2

Первая команда увеличивает число на экране на 3, вторая – умножает на 2. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 1 результатом является число 41 и при этом траектория вычислений содержит число 16 и не содержит числа 32?

- 125) (Е. Джобс) Исполнитель Вычислитель преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 2
2. Сделать простое

Первая команда увеличивает число на экране на 2, вторая – получает ближайшее большее простое число. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 2 результатом является число 45 и при этом траектория вычислений содержит число 14 и не содержит числа 33?

- 126) (Е. Джобс) Исполнитель Вычислитель преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 3
2. Умножить на 2

Первая команда увеличивает число на экране на 3, вторая – увеличивает значение в два раза. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 12 результатом является число 96?

- 127) (Е. Джобс) Исполнитель Умножитель преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Умножить на 2
2. Умножить на 3

Первая команда увеличивает число на экране в 2 раза, вторая – увеличивает значение в 3 раза. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 8 результатом является число 3456, и при этом траектория вычислений содержит число 96.

- 128) (Е. Джобс) Исполнитель Простачок преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:



1. Прибавить 2
2. Прибавить предыдущее
3. Прибавить следующее

Первая команда увеличивает число на 2, вторая – на предыдущее (например, число 5 будет преобразовано по правилу  $5 + 4$ ), третья – на следующее (аналогично, 5 по правилу  $5 + 6 = 11$ ). Сколько существует таких программ, которые исходное число 7 преобразуют в число 63, и при этом траектория вычислений не содержит число 43?

- 129) (Е. Джобс) Исполнитель ЛенивыйСчетовод преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 2
2. Прибавить 3
3. Дописать к числу справа 1

Первая команда увеличивает число на 2, вторая – на 3, третья – приписывает к текущему значению цифру 1 (например, для 10 результатом выполнения данной команды будет 101). Сколько существует таких программ, которые исходное число 3 преобразуют в число 25, при этом траектория вычислений содержит число 12?

- 130) (Е. Джобс) Исполнитель Простачок преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 2
2. Прибавить 3
3. Умножить на 2

Первая команда увеличивает число на 2, вторая – на 3, третья – увеличивает число вдвое. Сколько различных чисел может быть получено из числа 10 всеми возможными алгоритмами длиной 5 команд?

- 131) (А. Комков) Исполнитель Нолик преобразует двоичное число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Добавить справа 0
3. Добавить справа 1

Первая команда увеличивает число на 1. При выполнении второй команды, исполнитель справа к числу приписывает 0, а при выполнении третьей команды справа к числу приписывает 1. (например, для числа 10 результатом работы данных команд будут являться числа 100 и 101 соответственно).

Сколько существует программ, которые исходное двоичное число 100 преобразуют в двоичное число 11101?

- 132) (А. Комков) Исполнитель Нолик преобразует двоичное число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1
2. Добавить справа 0
3. Добавить справа 1

Первая команда увеличивает число на 1. При выполнении второй команды, исполнитель приписывает справа к числу 0, а при выполнении третьей команды приписывает справа к числу 1. (например, для числа 10 результатом работы данных команд будут являться числа 100 и 101 соответственно).

Сколько существует программ, которые исходное двоичное число 101 преобразуют в двоичное число 101110?

- 133) (А. Комков) Исполнитель Нолик преобразует двоичное число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Вычесть 1
2. Убрать последнюю цифру справа

Первая команда уменьшает число на 1. Вторая команда убирает последнюю справа цифру, например, для числа 110 результатом работы данной команды будет являться число 11. Сколько существует программ, которые исходное двоичное число 100001 преобразуют в двоичное число 100?

- 134) **(А. Комков)** Исполнитель Нолик преобразует двоичное число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. **Вычесть 1**
2. **Убрать последнюю цифру справа**

Первая команда уменьшает число на 1. Вторая команда убирает последнюю справа цифру, например, для числа 110 результатом работы данной команды будет являться число 11. Сколько существует программ, которые исходное двоичное число 110111 преобразуют в двоичное число 110?

- 135) **(А. Комков)** Исполнитель Нолик преобразует двоичное число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. **Прибавить 1**
2. **Добавить слева 1**

Первая команда увеличивает число на 1. Вторая команда приписывает к двоичному числу слева 1, например, для числа 10 результатом работы данной команды будет являться число 110. Сколько существует программ, которые исходное двоичное число 100 преобразуют в двоичное число 110001?

- 136) **(А. Комков)** Исполнитель Нолик преобразует двоичное число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. **Прибавить 1**
2. **Добавить слева 1**

Первая команда увеличивает число на 1. Вторая команда приписывает к двоичному числу слева 1, например, для числа 10 результатом работы данной команды будет являться число 110. Сколько существует программ, которые исходное двоичное число 1 преобразуют в двоичное число 11111?

- 137) **(А. Комков)** Исполнитель Нолик преобразует двоичное число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. **Вычесть 1**
2. **Обнулить**

Первая команда уменьшает число на 1. Вторая команда обнуляет все ненулевые разряды, кроме старшего (например, для исходного числа 11101 результатом работы команды будет число 10000), если таких разрядов нет, то данная команда не выполняется. Сколько существует программ, которые исходное двоичное число 1100 преобразуют в двоичное число 100?

- 138) **(А. Комков)** Исполнитель Нолик преобразует двоичное число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. **Вычесть 1**
2. **Обнулить**

Первая команда уменьшает число на 1. Вторая команда обнуляет все ненулевые разряды, кроме старшего (например, для исходного числа 11101 результатом работы команды будет число 10000), если таких разрядов нет, то данная команда не выполняется. Сколько существует программ, которые исходное двоичное число 10001 преобразуют в двоичное число 1?

- 139) **(А. Комков)** Исполнитель Нолик преобразует двоичное число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. **Вычесть 1**
2. **Обнулить**

Первая команда уменьшает число на 1. Вторая команда обнуляет все ненулевые разряды, кроме старшего (например, для исходного числа 11101 результатом работы команды будет число 10000), если таких разрядов нет, то данная команда не выполняется. Сколько существует программ, которые исходное двоичное число 1000000 преобразуют в двоичное число 1000?

- 140) **(А. Комков)** Исполнитель Нолик преобразует число, записанное на экране в четверичной системе счисления. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 2
2. Прибавить 3
3. Добавить справа 0

Первая команда увеличивает число на 2. Вторая команда увеличивает число на 3. Третья команда приписывает к записи числа справа 0, например, для числа 123 результатом работы данной команды будет являться число 1230. Сколько существует программ, которые число 1, записанное в четверичной системе счисления, преобразуют в четверичную запись 100?

- 141) **(А. Комков)** Исполнитель Нолик преобразует число, записанное на экране в троичной системе счисления. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Вычесть 2
2. Обнулить младший разряд

Первая команда уменьшает число на 2. Вторая команда обнуляет ненулевой младший разряд троичной записи числа. (Например, при выполнении этой команды число 21 преобразуется в число 20. Если в младшем разряде находится 0, то данная команда не выполняется). Сколько существует программ, которые троичное число 212, преобразуют в троичное число 10?

- 142) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 2
3. Умножь на 3

Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 1 в число 15, и при этом траектория вычислений содержит число 10 и не содержит числа 14?

- 143) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 3
3. Умножь на 2

Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 3 в число 21, и при этом траектория вычислений содержит число 8 и не содержит числа 12?

- 144) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 2
3. Прибавь 3

Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 5 в число 18, и при этом траектория вычислений содержит число 11 и не содержит чисел 10 и 15?

- 145) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Умножь на 2
2. Умножь на 2 и прибавь 1

Сколько различных результатов можно получить из исходного числа 1 после выполнения программы, содержащей ровно 15 команд?

- 146) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 2
2. Умножь на 2 и прибавь 1

Сколько различных результатов можно получить из исходного числа 2 после выполнения программы, содержащей ровно 15 команд?

- 147) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Умножь на 2 и прибавь 1

Сколько различных результатов можно получить из исходного числа 3 после выполнения программы, содержащей ровно 11 команд?

- 148) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 3
2. Умножь на 2 и прибавь 1

Сколько различных результатов можно получить из исходного числа 2 после выполнения программы, содержащей ровно 13 команд?

- 149) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Умножь на 2 и вычти 3

Сколько различных результатов можно получить из исходного числа 3 после выполнения программы, содержащей ровно 12 команд?

- 150) (Е. Джобс) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 3
2. Умножь на 3

Сколько различных чётных чисел, меньших 100, может получить Калькулятор из исходного числа 3?

- 151) (Е. Джобс) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Умножь на 2
3. Сделай нечётное

Первая команда увеличивает число на 1, вторая – вдвое, третья прибавляет к четному числу 1, к нечетному – 2. Сколько существует таких программ, которые исходное число 3 преобразуют в число 25 и при этом траектория вычислений программы содержит число 9 и число 17?

- 152) (А. Богданов) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 2

Первая команда увеличивает число на 1, вторая – на 2. Сколько существует таких программ, которые исходное число 11 преобразуют в число 29, и при этом траектория вычислений содержит либо 17, либо 23, либо 17 и 23 одновременно?

- 153) (Е. Джобс) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Вычти 8
2. Раздели нацело на 2

Первая команда уменьшает число на 8, вторая – вдвое. Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует таких программ, которые исходное число 102 преобразуют в число 5 и при этом траектория вычислений программы содержит число 43?

- 154) (А. Богданов) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 2

Первая команда увеличивает число на 1, вторая – на 2. Сколько существует таких программ, которые исходное число 3 преобразуют в число 13, и при этом траектория вычислений не содержит 8?

- 155) (Б. Михлин) Исполнитель K22 преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 4
3. Прибавь следующее чётное

Первая из них увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает число на 4. Третья команда прибавляет к числу следующее четное число (например, число 2 увеличивает на 4, а число 5 увеличивает на 6). Сколько существует программ, которые число 2 преобразуют в число 26, при этом траектория вычислений проходит через число 11 и не проходит через число 21?

- 156) (Б. Михлин) Исполнитель K22 преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 4
3. Прибавь факториал

Первая из них увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает число на 4. Факториалом числа  $N$  (обозначается как  $N!$ ) называют произведение всех натуральных чисел от 1 до  $N$ . Третья команда увеличивает число на его факториал (например, для числа 3 будет получено  $9 = 3 + 3!$ , так как  $3! = 1 \cdot 2 \cdot 3 = 6$ ). Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 1 в число 20, и при этом траектория вычислений содержит число 10?

- 157) (Б. Михлин) Исполнитель K22 преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 4
3. Получи факториал следующего числа

Первая из них увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает число на 4. Факториалом числа  $N$  (обозначается как  $N!$ ) называют произведение всех натуральных чисел от 1 до  $N$ . Третья команда заменяет число  $N$  на факториал следующего числа, т.е. на факториал  $(N + 1)$ . Например, для числа  $N = 3$  будет получено  $24 = (3 + 1)! = 4! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4$ . Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 2 в число 24, и при этом траектория вычислений не содержит число 12?

- 158) (Б. Михлин) Исполнитель K22 преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 4
3. Прибавь число Фибоначчи

Первая из них увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает число на 4. Третья команда увеличивает число на ближайшее число из ряда Фибоначчи не меньшее, чем число на экране (например, для числа 3 будет получено  $6 = 3 + 3$ , а для числа 6 будет получено  $14 = 6 + 8$ ).

Программа для исполнителя – это последовательность команд.

Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 1 в число 17?

*Примечание.* Числа Фибоначчи – это ряд чисел, в котором первое и второе число равны единице, а каждое следующее число равно сумме двух предыдущих чисел ряда: 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, ...

- 159) (Б. Михлин) Исполнитель K22 преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 4
3. Прибавь меньшее число Фибоначчи

Первая из них увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает число на 4.

Третья команда увеличивает число на ближайшее число из ряда Фибоначчи меньшее,

чем число на экране (например, для числа 3 будет получено  $5 = 3 + 2$ , а для числа 7 будет получено  $12 = 7 + 5$ ). Программа для исполнителя – это последовательность команд.

Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 2 в число 16?

*Примечание.* Числа Фибоначчи – это ряд чисел, в котором первое и второе число равны единице, а каждое следующее число равно сумме двух предыдущих чисел ряда: 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, ...

- 160) (Б. Михлин) Исполнитель K22 преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 4
3. Получи большее число Фибоначчи

Первая из них увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает число на 4. Третья команда получает ближайшее число из ряда Фибоначчи, которое больше, чем число на экране (например, для числа 3 будет получено 5, а для числа 7 будет получено 8). Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 1 в число 13?

*Примечание.* Числа Фибоначчи – это ряд чисел, в котором первое и второе число равны единице, а каждое следующее число равно сумме двух предыдущих чисел ряда: 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, ...

- 161) (Б. Михлин) Исполнитель K22 преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 3
3. Получи число Фибоначчи по номеру

Первая из них увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает число на 3. Третья команда получает число из ряда Фибоначчи с номером, равным числу на экране (например, для числа 6 будет получено 8, а для числа 7 будет получено 13). Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 6 в число 21?

*Примечание.* Числа Фибоначчи – это ряд чисел, в котором первое и второе число равны единице, а каждое следующее число равно сумме двух предыдущих чисел ряда: 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, ...

- 162) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 2
3. Умножь на 2

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает его на 2, третья – умножает на 2. Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 1 в число 15 и при этом не содержат двух команд умножения подряд?

- 163) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 2
3. Умножь на 2

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает его на 2, третья – умножает на 2. Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 1 в число 12 и при этом не содержат двух команд «Прибавить 2» подряд?

- 164) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 2



**3. Умножь на 2**

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает его на 2, третья – умножает на 2. Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 1 в число 18 и при этом не содержат двух команд «Прибавить 1» подряд?

- 165) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 3
3. Умножь на 2

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает его на 3, третья – умножает на 2. Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 1 в число 14 и при этом не содержат двух команд умножения подряд?

- 166) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 3
3. Умножь на 2

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает его на 3, третья – умножает на 2. Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 2 в число 20 и при этом не содержат двух команд «Прибавить 3» подряд?

- 167) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 3
3. Умножь на 2

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает его на 3, третья – умножает на 2. Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 3 в число 30 и при этом не содержат двух команд «Прибавить 1» подряд?

- 168) (**М. Фирсов**) Исполнитель Счеты преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 4
2. Прибавь 7
3. Раздели нацело на 2

Первая команда увеличивает число на экране на 4, вторая увеличивает его на 7, третья делит на 2 нацело (остаток отбрасывается). Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует программ, которые состоят из 10 команд и при исходном числе 1 результатом является 1?

- 169) (**М. Фирсов**) Исполнитель Счеты преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 3
2. Вычти 1

Первая команда увеличивает число на экране на 3, вторая уменьшает его на 1. Программа для исполнителя – это последовательность команд. Будем называть циклической программой, при выполнении которой исполнитель на каком-то этапе вновь получает начальное число и далее последовательность команд повторяется. Например, циклической является программа следующих преобразований:  $1 \rightarrow 4 \rightarrow 3 \rightarrow 2 \rightarrow 1 \rightarrow 4$ . Сколько существует циклических программ, состоящих из 9 команд?

- 170) (А. Сапегин) Исполнитель Ландыш преобразует пару чисел, записанную на экране. У исполнителя Ландыш есть четыре команды:

1. Прибавь к первому числу 3
2. Умножь первое число на 4
3. Прибавь ко второму числу 5
4. Умножь второе число на 2

Первая из них увеличивает первое число из пары на 2, вторая – умножает его на 4. Третья команда увеличивает второе число из пары на 5, четвертая – умножает его на 2. Сколько различных пар взаимно простых чисел можно получить из пары чисел (2, 3) с помощью программы, которая состоит ровно из 5 команд? Пары, отличающиеся только перестановкой чисел, считать одинаковыми.

- 171) (А. Бычков) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 2
3. Умножь на 2

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает его на 2, третья – умножает на 2. Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 3 в число 79, и при этом траектория вычислений содержит число 11 и не содержит число 23. Также программа не должна содержать двух команд «Прибавь 1» подряд.

- 172) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 3
3. Умножь на 2

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает его на 3, третья – умножает на 2. Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 4 в число 93, и при этом траектория вычислений содержит число 10 и не содержит число 28. Также программа не должна содержать двух команд «Прибавь 1» подряд.

- 173) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 3
3. Умножь на 2

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает его на 3, третья – умножает на 2. Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 2 в число 51, и при этом траектория вычислений содержит число 18 и не содержит число 33. Также программа не должна содержать двух команд «Умножь на 2» подряд.

- 174) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 3
3. Умножь на 2

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает его на 3, третья – умножает на 2. Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 3 в число 60, и при этом траектория вычислений содержит число 20 и не содержит чисел 30 и 40. Также программа не должна содержать двух команд «Умножь на 2» подряд.



- 175) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 2
3. Умножь на 3

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает его на 2, третья – умножает на 3. Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 1 в число 43, и при этом траектория вычислений содержит число 15 и не содержит чисел 25 и 30. Также программа не должна содержать двух команд «Умножь на 3» подряд.

- 176) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 2
3. Умножь на 3

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает его на 2, третья – умножает на 3. Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 2 в число 38, и при этом траектория вычислений содержит числа 15 и 30, а также не содержит чисел 12 и 20. Также программа не должна содержать двух команд «Умножь на 3» подряд.

- 177) (А. Брейк) Непоседливый Непоседа решил сыграть в игру. Он придумал исполнителя, преобразующего числа на доске и имеющего три команды:

1. Вычесть 2
2. Вычесть 3
3. Извлечь корень

Первые две команды уменьшают число на доске на 2 и 3 соответственно, третья команда — извлекает из числа квадратный корень, если число является квадратом любого числа. Программа для такого исполнителя — это последовательность команд. Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 25 в число 3?

- 178) (А. Брейк) Непоседливый Непоседа решил сыграть в игру. Он придумал исполнителя, преобразующего числа на доске и имеющего три команды:

1. Вычесть 3
2. Вычесть 4
3. Извлечь корень

Первые две команды уменьшают число на доске на 3 и 4 соответственно, третья команда — извлекает из числа квадратный корень, если число является квадратом любого числа. Программа для такого исполнителя — это последовательность команд. Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 36 в число 3 и содержат в траектории число 21?

- 179) (А. Брейк) Непоседливый Непоседа решил сыграть в игру. Он придумал исполнителя, преобразующего числа на доске и имеющего три команды:

1. Вычесть 2
2. Вычесть 4
3. Извлечь корень

Первые две команды уменьшают число на доске на 2 и 3 соответственно, третья команда — извлекает из числа квадратный корень, если число является квадратом любого числа. Программа для такого исполнителя — это последовательность команд. Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 46 в число 2 и содержат в траектории числа 32 и 12?

- 180) (А. Брейк) Непоседливый Непоседа решил сыграть в игру. Он придумал исполнителя, преобразующего числа на доске и имеющего три команды:

1. Вычесть 1
2. Вычесть 2

**3. Извлечь корень**

Первые две команды уменьшают число на доске на 1 и 2 соответственно, третья команда — извлекает из числа квадратный корень, если число является квадратом любого числа. Программа для такого исполнителя — это последовательность команд. Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 27 в число 6, содержат в траектории число 18, но не содержит число 20?

- 181) **(А. Брейк)** Непоседливый Непоседа решил сыграть в игру. Он придумал исполнителя, преобразующего числа на доске и имеющего три команды:

1. Вычесть 1
2. Вычесть 2
3. Извлечь корень

Первые две команды уменьшают число на доске на 1 и 2 соответственно, третья команда — извлекает из числа квадратный корень, если число является квадратом любого числа. Программа для такого исполнителя — это последовательность команд. Сколько различных результатов можно получить из исходного числа 113 в ходе исполнения программы, содержащей ровно 17 команд?

- 182) **(А. Брейк)** Непоседливый Непоседа решил сыграть в игру. Он придумал исполнителя, преобразующего числа на доске и имеющего три команды:

1. Прибавь 2
2. Сделай чётное
3. Сделай нечётное

Первая команда увеличивает число на 2, вторая команда преобразует число  $N$  в число  $2N$  при условии, что оно является нечетным. Третья — преобразует четное число  $N$  в нечетное вида  $2N+1$ . Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 2 в 35, а траектория вычислений программы содержит не более двух преобразований в нечетное?

- 183) **(А. Брейк)** Непоседливый Непоседа решил сыграть в игру. Он придумал исполнителя, преобразующего числа на доске и имеющего три команды:

1. Прибавь 3
2. Сделай чётное
3. Сделай нечётное

Первая команда увеличивает число на 3, вторая команда преобразует число  $N$  в число  $2N$  при условии, что оно является нечетным. Третья — преобразует четное число  $N$  в нечетное вида  $2N+1$ . Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 1 в 76, а траектория вычислений программы содержит не более пяти преобразований в чётное?

- 184) **(А. Брейк)** Исполнитель Великий Отрицатель преобразует число, записанное на доске. У Великого Отрицателя есть две команды:

1. Вычесть 3
2. Умножить на  $-3$

Первая команда уменьшает число на 3, вторая команда умножает его на  $-3$ . Сколько различных положительных результатов можно получить из исходного числа 133 в ходе исполнения программы, содержащей ровно 9 команд?

- 185) **(А. Брейк)** Исполнитель Великий Отрицатель преобразует число, записанное на доске. У Великого Отрицателя есть две команды:

1. Вычесть 2
2. Умножить на  $-3$

Первая команда уменьшает число на 2, вторая команда умножает его на  $-3$ . Сколько различных отрицательных результатов можно получить из исходного числа 91 в ходе исполнения программы, содержащей ровно 11 команд?

- 186) **(А. Брейк)** Исполнитель Великий Отрицатель преобразует число, записанное на доске. У Великого Отрицателя есть две команды:

1. Вычесть 5

**2. Умножить на -2**

Первая команда уменьшает число на 5, вторая команда умножает его на -2. Сколько различных неотрицательных результатов можно получить из исходного числа 216 в ходе исполнения программы, содержащей ровно 7 команд?

187) (А. Брейк) Лягушке нужно добраться до укрытия, избегая опасностей. У Лягушки есть три действия:

1. Короткий прыжок +2
2. Длинный прыжок +3
3. Избежать опасности 2n

Первые два действия увеличивают позицию Лягушки на 2 и 3 соответственно. Третье действие можно применить только тогда, когда Лягушка находится в нечетной позиции — позиция N преобразуется в позицию 2N, позволяя Лягушке избежать опасности. Лягушка была замечена на расстоянии 3. Сколько существует различных путей Лягушки к укрытию в позиции 46, каждый из которых содержит не более двух действий «Избежать опасности»?

188) (А. Брейк) Лягушке нужно добраться до укрытия, избегая опасностей. У Лягушки есть три действия:

1. Короткий прыжок +1
2. Длинный прыжок +2
3. Избежать опасности 2n

Первые два действия увеличивают позицию Лягушки на 1 и 2 соответственно. Третье действие применяет тогда, когда Лягушка находится в нечетной позиции — позиция N преобразуется в позицию 2N, позволяя Лягушке избежать опасности. Другие действия в нечетных позициях не могут быть выполнены. Лягушка была замечена на расстоянии 2. Сколько существует различных путей Лягушки к укрытию в позиции 76, каждый из которых содержит позиции 20 и 38?

189) (Е. Джобс) Исполнитель преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 2
2. Вычти 3

Первая команда увеличивает число на экране на 2, вторая уменьшает на 3. При выходе за пределы отрезка  $[-40; 40]$  исполнитель аварийно завершает свою работу. Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует таких программ, которые исходное число 1 преобразуют в число 30 и при этом траектория вычислений не содержит одинаковых чисел?

190) Исполнитель преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Припиши 1

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая приписывает 1 в конец десятичной записи числа. Программа для исполнителя – это последовательность команд. Например, если в начальный момент на экране находится число 1, то программа 212 последовательно преобразует его в 11, 12, 121. Сколько существует различных программ, которые преобразуют исходное число 1 в число 555?

191) Исполнитель преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 2
2. Припиши 2

Первая команда увеличивает число на экране на 2, вторая приписывает 2 в конец десятичной записи числа. Программа для исполнителя – это последовательность команд. Например, если в начальный момент на экране находится число 1, то программа 212 последовательно преобразует его в 12, 14, 142. Сколько существует различных программ, которые преобразуют исходное число 2 в число 900?

- 192) Исполнитель преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Припиши 3

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая приписывает 3 в конец десятичной записи числа. Программа для исполнителя – это последовательность команд. Например, если в начальный момент на экране находится число 1, то программа 212 последовательно преобразует его в 13, 14, 143. Сколько существует различных программ, которые преобразуют исходное число 3 в число 462?

- 193) Исполнитель преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Припиши 1

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая приписывает 1 в начало десятичной записи числа. Программа для исполнителя – это последовательность команд. Например, если в начальный момент на экране находится число 1, то программа 212 последовательно преобразует его в 11, 12, 112. Сколько существует различных программ, которые преобразуют исходное число 1 в число 512?

- 194) Исполнитель преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Припиши 2

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая приписывает 2 в начало десятичной записи числа. Программа для исполнителя – это последовательность команд. Например, если в начальный момент на экране находится число 3, то программа 212 последовательно преобразует его в 23, 24, 224. Сколько существует различных программ, которые преобразуют исходное число 3 в число 678?

- 195) Исполнитель преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Умножь на 2
3. Умножь на 3

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая умножает его на 2, третья – умножает на 3. Сколько существует различных программ, которые преобразуют исходное число 1 в число 100 и содержат не более двух команд умножения?

- 196) Исполнитель преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 2
2. Умножь на 3
3. Умножь на 5

Первая команда увеличивает число на экране на 2, вторая умножает его на 3, третья – умножает на 5. Сколько существует различных программ, которые преобразуют исходное число 2 в число 200 и содержат не более трёх команд умножения?

- 197) Исполнитель преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Умножь на 3
3. Умножь на 4

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая умножает его на 3, третья – умножает на 4. Сколько существует различных программ, которые преобразуют исходное число 3 в число 300 и содержат не более пяти команд умножения?

198) Исполнитель преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Умножь на 2
3. Умножь на 3

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая умножает его на 2, третья – умножает на 3. Сколько существует различных программ, которые преобразуют исходное число 1 в число 157 и содержат больше команд умножения, чем сложения?

199) Исполнитель преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Умножь на 2
3. Умножь на 5

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая умножает его на 2, третья – умножает на 5. Сколько существует различных программ, которые преобразуют исходное число 3 в число 260 и содержат больше команд умножения, чем сложения?

200) Исполнитель преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 3
2. Умножь на 2
3. Умножь на 7

Первая команда увеличивает число на экране на 3, вторая умножает его на 2, третья – умножает на 7. Сколько существует различных программ, которые преобразуют исходное число 2 в число 472 и содержат больше команд умножения, чем сложения?

201) (М. Шагитов) Исполнитель преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 2
2. Умножь на 2
3. Умножь на 3

Первая команда увеличивает число на экране на 2, вторая умножает его на 2, третья – умножает на 3. Сколько существует различных программ, которые преобразуют исходное число 1 в число 402, и при этом траектория вычислений содержит не более 2 чётных чисел (не считая первое и последнее числа)?

202) (М. Шагитов) Исполнитель преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 2
2. Умножь на 2
3. Умножь на 3

Первая команда увеличивает число на экране на 2, вторая умножает его на 2, третья – умножает на 3. Сколько существует различных программ, которые преобразуют исходное число 1 в число 214, и при этом траектория вычислений содержит не более 6 нечётных чисел (не считая первое и последнее числа)?

203) (М. Шагитов) Исполнитель преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 2
2. Умножь на 2
3. Умножь на 3

Первая команда увеличивает число на экране на 2, вторая умножает его на 2, третья – умножает на 3. Сколько существует различных программ, которые преобразуют исходное число 1 в число 300, и при этом траектория вычислений содержит не более 3 чисел кратных 6 (не считая первое и последнее числа)?

- 204) (Е. Джобс) На экране есть два окна, в каждом из которых написано по числу. У исполнителя Сумматор есть две команды, которым присвоены номера:

1. **запиши сумму чисел в первое окно**
2. **запиши сумму чисел во второе окно**

Выполняя первую из них, Сумматор складывает числа в окнах и заменяет этой суммой число в первом окне, а выполняя вторую, складывает числа и заменяет этой суммой число во втором окне. Сколько существует программ для Сумматора таких, что в результате его работы из пары чисел (1, 1) получится пара с суммой 88?

- 205) (М. Шагитов) Исполнитель преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. **Умножь на 5**
2. **Умножь на 3**
3. **Прибавь 45**

Первая команда умножает число на экране на 5, вторая – умножает на 3, третья – увеличивает на 45. Сколько существует различных программ, которые преобразуют исходное число 1 в число 2970, и при этом траектория вычислений не более 4 команд «умножь на 5», не менее 2 команд «умножь на 3», и ровно 5 команд «прибавь 45»?

- 206) (М. Шагитов) Исполнитель преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. **Прибавь 1**
2. **Припиши 1**
3. **Умножь на 5**

Первая команда увеличивает число на экране на 1. Вторая приписывает в конец числа 1, если новое число делится на 3; в противном случае число не изменяется. Третья команда умножает число на 5. Сколько существует различных программ, которые преобразуют исходное число 1 в число 410?

- 207) (ЕГЭ-2022) Исполнитель преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. **Вычти 1**
2. **Найди целую часть от деления на 2**

Первая команда уменьшает число на экране на 1, вторая заменяет число на экране на целую часть от деления числа на 2. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 30 результатом является число 1, и при этом траектория вычислений содержит число 12?

- 208) (ЕГЭ-2022) Исполнитель преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. **Вычти 2**
2. **Найди целую часть от деления на 2**

Первая команда уменьшает число на экране на 2, вторая заменяет число на экране на целую часть от деления числа на 2. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 28 результатом является число 1, и при этом траектория вычислений содержит число 10?

- 209) (А. Богданов) Исполнитель преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. **Прибавь 2**
2. **Умножь на 2**
3. **Возведи в квадрат**

Первая команда увеличивает число на экране на 2, вторая – умножает на 2, третья команда возводит число в квадрат. Программа для исполнителя – это последовательность команд, каждая из которых увеличивает число. Сколько существует различных программ с нечётным числом команд, которые преобразуют исходное число 1 в число 100?

- 210) (Е. Джобс) Исполнитель преобразует двузначное число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:



**1. Сложи разряды числа****2. Перемножь разряды числа**

Выполняя первую из них, исполнитель складывает разряды числа и выводит соответствующее значение на экран. При выполнении второй команды находится произведение разрядов, которое выводится на экран. Программой для исполнителя называется последовательность команд. Например, программа 221 примененная к числу 93 выполнится следующим образом:  $9 \cdot 3 = 27$ ,  $2 \cdot 7 = 14$ ,  $1+4 = 5$ . Найдите количество различных двузначных чисел, которые этот исполнитель может преобразовать в число 8?

- 211) **(Е. Джобс)** Исполнитель преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

**1. Вычти 3****2. Раздели нацело на 2**

Выполняя первую из них, исполнитель уменьшает число на экране на 3, выполняя вторую – делит число на экране на 2 нацело, отбрасывая остаток. Программой для исполнителя называется последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 108 результатом является число 12, и при этом траектория вычислений содержит число 42?

- 212) **(М. Шагитов)** Исполнитель преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

**1. Прибавь 2****2. Умножь на 3****3. Умножь на 4**

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 2, выполняя вторую – умножает на 3, выполняя третью – умножает на 4. Программой для исполнителя называется последовательность команд. Сколько существует различных программ, которые преобразуют исходное число 1 в число 600, и при этом траектория вычислений содержит ровно 5 чисел с суммой цифр 14.

- 213) **(М. Шагитов)** Исполнитель преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

**1. Прибавь 2****2. Умножь на 3****3. Умножь на 4**

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 2, выполняя вторую – умножает на 3, выполняя третью – умножает на 4. Программой для исполнителя называется последовательность команд. Сколько существует различных программ, которые преобразуют исходное число 1 в число 600, и при этом траектория вычислений не содержит двух идущих подряд нечётных чисел.

- 214) **(М. Шагитов)** Исполнитель преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

**1. Прибавь 2****2. Умножь на 3****3. Умножь на 4**

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 2, выполняя вторую – умножает на 3, выполняя третью – умножает на 4. Программой для исполнителя называется последовательность команд. Сколько существует различных программ, которые преобразуют исходное число 1 в число 600, и при этом траектория вычислений (включая начальное число) содержит три подряд идущих числа, сумма которых кратна 11.

- 215) **(М. Байрамгулов)** Исполнитель преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

**1. Прибавь 1****2. Умножь на 2****3. Вычти 3**

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 1, выполняя вторую – умножает на 2, выполняя третью – уменьшает на 3. Программой для исполнителя называется последовательность команд. Сколько существует программ длиной не более 7 команд, которые преобразуют число 1 в число 10?

- 216) (М. Байрамгулов) Исполнитель преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Умножь на 3
3. Прибавь предыдущее

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 1, выполняя вторую – умножает на 3, выполняя третью – прибавляет предыдущее значение (полученное после предпоследней выполненной операции). Программой для исполнителя называется последовательность команд. Сколько существует программ, которые преобразуют число 2 в число 27?

- 217) (М. Байрамгулов) Исполнитель перемещается на координатной плоскости. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Увеличь  $x$  на 1
2. Умножь  $x$  на 2
3. Увеличь  $y$  на 3

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает координату  $x$  на 1, выполняя вторую – умножает на 2, выполняя третью – увеличивает координату  $y$  на 3. Программой для исполнителя называется последовательность команд. Сколько существует программ, при выполнении которых исполнитель из точки (1,0) переместится в точку (17, 27)?

- 218) (М. Ишимов) Исполнитель преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которые обозначены латинскими буквами:

- A. Вычти 2
- B. Вычти минимальную ненулевую цифру числа
- C. Вычти остаток от деления на 4

Выполняя первую из них, исполнитель уменьшает значение на экране на 2, выполняя вторую – уменьшает на минимальную ненулевую цифру числа, выполняя третью – уменьшает на остаток от деления числа на 4. Программа для исполнителя – это последовательность команд, каждая из которых уменьшает число. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 96 результатом является число 60, и при этом траектория вычислений содержит число 64? Траектория вычислений программы – это последовательность результатов выполнения всех команд программы. Например, для программы ABC при исходном числе 38 траектория будет состоять из чисел 36, 33, 32.

- 219) (В. Петров) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Умножь на 2
3. Умножь на 3

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая умножает его на 2, третья – умножает на 3. Программа для исполнителя – это последовательность команд. Определите длину самой короткой программы, которая преобразует число 1 в число 9217 и содержит ровно 30 команд "Прибавь 1". Под длиной программы понимается количество команд, входящих в неё.

- 220) (И. Женецкий) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Вычти 3
2. Найди целую часть от деления на 7

Первая из них уменьшает число на экране на 3, вторая заменяет число на экране на целую часть от деления числа на 7. Программа для исполнителя – это последовательность команд.



Сколько существует программ, для которых при исходном числе 50 результатом является число 1?

- 221) (Е. Джобс) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 2
3. Умножь на 2

Первая команда увеличивает число на 1, вторая – на 2, третья – вдвое. Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует таких программ, которые исходное число 3 преобразуют в число 25 и при этом в программе есть все три команды?

- 222) (И. Карпачев) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены коды:

- А. Умножь на 2
- В. Прибавь 3

Первая команда умножает число на 2, вторая – увеличивает его на 3. Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 2 результатом будет являться число 38, при этом программа содержит подпоследовательность команд АВА.

- 223) (И. Карпачев) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены коды:

- А. Прибавь 1
- В. Умножь на 2
- С. Умножь на 3

Первая команда увеличивает число на 1, вторая – умножает его на 2, третья – умножает на 3. Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 2 результатом будет являться число 27, при этом программа содержит подпоследовательность команд ВСА.

- 224) (И. Карпачев) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены коды:

- А. Прибавь 2
- В. Прибавь 3

Первая команда увеличивает число на 2, вторая – на 3. Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 15 результатом будет являться число 34, при этом траектория вычисления содержит ровно 3 простых числа. Траектория вычисления программы – это последовательности результатов выполнения всех команд. Например, для программы АВА при исходном числе 4 траектория будет состоять из чисел 6, 9, 11 и содержать одно простое число 11.

- 225) (А. Богданов) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Умножь на 2

Первая команда увеличивает число на 1, вторая – вдвое. Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 3 или 7 результатом является число 43 или 47, при этом траектория вычислений содержит число 20? Траектория вычислений программы – это последовательность результатов выполнения всех команд программы. Например, для программы 121 при исходном числе 7 траектория будет состоять из чисел 8, 16, 17.

- 226) (И. Карпачев) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены коды:

- А. Умножь на 2
- В. Прибавь 2

Первая команда увеличивает число в 2 раза, вторая – на 2. Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 4 результатом будет являться число 42, при этом траектория вычисления не содержит подпоследовательность команд ВВА. Траектория вычисления программы – это последовательности результатов выполнения всех команд. Например, для программы АВА при исходном числе 4 траектория будет состоять из чисел 8, 10, 20.

- 227) **(И. Карпачев)** Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены коды:

**А. Прибавь 2**  
**В. Умножь на 2**  
**С. Умножь на 4**

Первая команда увеличивает число на 2 раза, вторая – в 2 раза, третья – в 4 раза. Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 1 результатом будет являться число 24, при этом траектория вычисления не содержит подпоследовательность команд ВАСА. Траектория вычисления программы – это последовательности результатов выполнения всех команд. Например, для программы ВСА при исходном числе 4 траектория будет состоять из чисел 8, 32, 34.

- 228) **(И. Карпачев)** Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены коды:

**А. Вычти 2**  
**В. Вычти 3**  
**С. Найди целую часть от деления на 2**

Первая команда уменьшает число на экране на 2, вторая команда уменьшает число на экране на 3, третья команда заменяет число на экране на целую часть от деления числа на 2. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 29 результатом будет являться число 2, при этом программа соответствует маске «?В\*С??» (символ «?» означает ровно один произвольный символ; символ «\*» означает любую последовательность символов произвольной длины; в том числе «\*» может задавать и пустую последовательность)?

- 229) **(И. Карпачев)** Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены коды:

**А. Вычти 1**  
**В. Вычти 2**  
**С. Найди целую часть от деления на 2**

Первая команда уменьшает число на экране на 1, вторая команда уменьшает число на экране на 2, третья команда заменяет число на экране на целую часть от деления числа на 2. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 34 результатом будет являться число 2, при этом программа соответствует маске «?А\*СВ?» (символ «?» означает ровно один произвольный символ; символ «\*» означает любую последовательность символов произвольной длины; в том числе «\*» может задавать и пустую последовательность) и не содержит двух идущих подряд одинаковых команд?

- 230) **(М. Байрамгулов)** Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

**1. Прибавь 1**  
**2. Умножь на 2**  
**3. Прибавь 3**

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая увеличивает его в два раза, третья – увеличивает на 3. Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 5001 в число 45789 и при этом не содержат двух одинаковых команд подряд?

- 231) (М. Шагитов) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены коды:

**А. Прибавь 3**  
**В. Умножь на 4**  
**С. Умножь на 5**

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 3, выполняя вторую – умножает на 4, выполняя третью – умножает на 5. Программой для исполнителя называется последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 1 результатом будет являться число 725, при этом траектория вычисления содержит число 362, и не содержит команд В на промежутке траектории от начального до этого числа. Траектория вычисления программы – это последовательности результатов выполнения всех команд. Например, для программы САВ при исходном числе 4 траектория будет состоять из чисел 20, 23, 92.

- 232) (М. Шагитов) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены коды:

**А. Прибавь 3**  
**В. Умножь на 4**  
**С. Умножь на 5**

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 3, выполняя вторую – умножает на 4, выполняя третью – умножает на 5. Программой для исполнителя называется последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 1 результатом будет являться число 725, при этом траектория вычисления содержит числа 16 и 140, и содержит не более четырёх команд А на промежутке траектории между этими числами. Траектория вычисления программы – это последовательности результатов выполнения всех команд. Например, для программы САВ при исходном числе 4 траектория будет состоять из чисел 20, 23, 92.

- 233) (М. Шагитов) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены коды:

**А. Прибавь 3**  
**В. Умножь на 4**  
**С. Умножь на 5**

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 3, выполняя вторую – умножает на 4, выполняя третью – умножает на 5. Программой для исполнителя называется последовательность команд. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 1 результатом будет являться число 725, при этом траектория вычисления содержит числа 16 и 152, и на промежутке траектории между этими числами последовательность команд является палиндромом. Траектория вычисления программы – это последовательности результатов выполнения всех команд. Например, для программы САВ при исходном числе 4 траектория будет состоять из чисел 20, 23, 92.

- 234) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

**1. Прибавь 1**  
**2. Прибавь 5**

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 1, выполняя вторую – увеличивает на 5. Программой для исполнителя называется последовательность команд. Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 1 в число 30 так, что траектория вычисления не содержит чисел, в которых есть цифра 5?

- 235) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

**1. Прибавь 1**  
**2. Прибавь 3**

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 1, выполняя вторую – увеличивает на 3. Программой для исполнителя называется последовательность команд. Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 1 в число 45 так, что траектория вычисления не содержит чисел, в которых есть цифра 6?

- 236) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 7

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 1, выполняя вторую – увеличивает на 7. Программой для исполнителя называется последовательность команд. Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 1 в число 61 так, что траектория вычисления не содержит чисел, в которых есть цифра 7?

- 237) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 2
3. Умножь на 2

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 1, выполняя вторую – увеличивает на 2, выполняя третью – увеличивает в 2 раза. Программой для исполнителя называется последовательность команд.

Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 1 в число 38 так, что траектория вычисления не содержит чисел, в которых есть цифра 6?

- 238) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 3
3. Умножь на 3

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 1, выполняя вторую – увеличивает на 3, выполняя третью – увеличивает в 3 раза. Программой для исполнителя называется последовательность команд.

Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 1 в число 49 так, что траектория вычисления не содержит чисел, в которых есть цифра 5?

- 239) (Д. Муфаззалов) У исполнителя Калькулятор имеются две команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 1
2. умножь на 2

При выполнении каждой команды с текущим числом исполнитель тратит энергию, количество которой для каждого числа и команды приведено в таблице:

|             | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 |
|-------------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|----|----|----|----|----|
| прибавь 1   | 3 | 3 | 3 | 1 | 3 | 2 | 3 | 2 | 1 | 4  | 5  | 4  | 5  | 2  | 3  |
| умножь на 2 | 1 | 4 | 2 | 2 | 2 | 1 | 2 | 3 | 2 | 3  | 4  | 3  | 4  | 3  | 2  |

Какое минимальное количество энергии может потратить исполнитель, преобразуя число 1 в число 16?

- 240) (Д. Муфаззалов) У исполнителя Калькулятор имеются две команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 1
2. умножь на 2

При выполнении каждой команды с текущим числом исполнитель тратит энергию, количество которой для каждого числа и команды приведено в таблице:

|                    | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 |
|--------------------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|----|----|----|----|----|
| <b>прибавь 1</b>   | 3 | 3 | 3 | 1 | 3 | 2 | 3 | 2 | 1 | 4  | 5  | 4  | 5  | 2  | 3  |
| <b>умножь на 2</b> | 1 | 4 | 2 | 2 | 2 | 1 | 2 | 3 | 2 | 3  | 4  | 3  | 4  | 3  | 2  |

Какое минимальное количество энергии может потратить исполнитель, преобразуя число 1 в число 16, при условии, что траектория вычислений содержит число 10?

- 241) (Д. Муфаззалов) Исполнитель Калькулятор преобразует число, записанное на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 2
3. Умножь на 2

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 1, выполняя вторую – увеличивает на 2, выполняя третью – увеличивает в 2 раза. При выполнении каждой команды с текущим числом исполнитель тратит энергию, количество которой для каждого числа и команды приведено в таблице:

|                    | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 |
|--------------------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|----|----|----|----|----|
| <b>прибавь 1</b>   | 3 | 3 | 3 | 1 | 3 | 2 | 3 | 2 | 1 | 4  | 5  | 4  | 5  | 2  | 3  |
| <b>прибавь 2</b>   | 1 | 2 | 1 | 2 | 3 | 2 | 1 | 2 | 3 | 2  | 3  | 2  | 1  | 1  | 3  |
| <b>умножь на 2</b> | 1 | 4 | 2 | 2 | 2 | 1 | 2 | 3 | 2 | 3  | 4  | 3  | 4  | 3  | 2  |

Какое минимальное количество энергии исполнитель может потратить, преобразуя число 1 в число 16?

- 242) (Д. Муфаззалов) У исполнителя Калькулятор имеются две команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 1
2. умножь на 2

При выполнении каждой команды с текущим числом исполнитель тратит энергию, количество которой для каждого числа и команды приведено в таблице:

|                    | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 |
|--------------------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|----|----|----|----|----|
| <b>прибавь 1</b>   | 3 | 3 | 3 | 1 | 3 | 2 | 3 | 2 | 1 | 4  | 5  | 4  | 5  | 2  | 3  |
| <b>умножь на 2</b> | 1 | 4 | 2 | 7 | 2 | 1 | 2 | 3 | 2 | 3  | 4  | 3  | 4  | 3  | 2  |

Какое количество команд «прибавь 1» выполнит исполнитель, преобразуя число 1 в число 16, при условии, что он потратил минимально возможное количество энергии?

- 243) (А. Богданов) У исполнителя Калькулятор имеются четыре команды, которым присвоены номера:

1. прибавь 1
2. прибавь 3
3. вычти 1
4. вычти 3

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 42 результатом будет являться число 42, при этом траектория вычисления может содержать только числа от 40 до 49, притом каждое число не более одного раза.

- 244) (М. Шагитов) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 3
2. Умножь на 4
3. Умножь на 5

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 3, выполняя вторую – умножает на 4, выполняя третью – умножает на 5. У исполнителя есть запас энергии, который в начальный момент равен 500. При выполнении каждой команды над текущим числом на экране исполнитель расходует энергию равную **сумме цифр этого числа**. Сколько существует различных программ, преобразующих число 1 в число 2000, для выполнения которых хватит запаса энергии?

- 245) (М. Шагитов) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 3
2. Умножь на 4
3. Умножь на 5

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 3, выполняя вторую – умножает на 4, выполняя третью – умножает на 5. У исполнителя есть запас энергии, который в начальный момент равен 1000. При выполнении каждой команды над текущим числом на экране исполнитель расходует энергию равную **количеству цифр этого числа**. Сколько существует различных программ, преобразующих число 1 в число 5500, для выполнения которых хватит запаса энергии?

246) (М. Шагитов) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 3
2. Умножь на 4
3. Умножь на 5

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 3, выполняя вторую – умножает на 4, выполняя третью – умножает на 5. У исполнителя есть запас энергии, который в начальный момент равен 1000. При выполнении каждой команды над текущим числом на экране исполнитель расходует энергию равную **количеству цифр этого числа**. Сколько существует различных программ, преобразующих число 1 в число 5500, после выполнения которых запас энергии точно равен 0?

247) (М. Шагитов) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 3
2. Умножь на 4
3. Умножь на 5

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 3, выполняя вторую – умножает на 4, выполняя третью – умножает на 5. У исполнителя есть запас энергии, который в начальный момент равен 700. При выполнении каждой команды над текущим числом на экране исполнитель расходует энергию равную 10 единиц. Сколько существует различных программ, преобразующих число 1 в число 4400, после выполнения которых запас энергии точно равен 0?

248) (Е. Фокин) У исполнителя Калькулятор имеются две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 2
2. Прибавь сумму цифр

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 2, выполняя вторую – добавляет к числу сумму его цифр. Программа для исполнителя – это последовательность команд. Сколько есть программ, которые число 1 преобразуют в число 70 и содержат ровно семь подряд идущих команд 1 и ровно семь подряд идущих команд 2?

249) (PRO100 ЕГЭ) У исполнителя Калькулятор имеются четыре команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 2
3. Прибавь 3
4. Умножь на 4

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 1, выполняя вторую – увеличивает на 2, выполняя третью – увеличивает на 3, выполняя четвёртую – умножает на 4. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 38 результатом является число 68, при этом траектория вычислений содержит число 45 и не содержит 58?

250) (А. Игнатюк) У исполнителя Д-503 имеются три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 3
2. Умножь на А
3. Прибавь С

где А и С – натуральные числа, не превышающие 100. Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 3, выполняя вторую – умножает на А, выполняя третью –



увеличивает на С. Известно, что при выполнении программы 1323123 исполнитель преобразует число 5 в число 329. Определите значения А и С, запишите в ответе их сумму.

251) У исполнителя Калькулятор имеются четыре команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 2
3. Умножь на 2
4. Умножь на 3

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 1, выполняя вторую – увеличивает на 2, выполняя третью – умножает на 2, выполняя четвертую – умножает на 3. Сколько существует различных программ, преобразующих число 1 в число 55555, которые не содержат двух подряд идущих команд сложения и двух подряд идущих команд умножения?

252) У исполнителя Калькулятор имеются четыре команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 3
3. Умножь на 2
4. Умножь на 3

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 1, выполняя вторую – увеличивает на 3, выполняя третью – умножает на 2, выполняя четвертую – умножает на 3. Сколько существует различных программ, преобразующих число 1 в число 9999, которые не содержат двух подряд идущих команд сложения и двух подряд идущих команд умножения?

253) (А. Богданов) У исполнителя Прайм имеются три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 2
3. Умножь на 3

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 1, выполняя вторую – увеличивает на 2, выполняя третью – умножает на 3. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 8 результатом является число 32 и при этом траектория вычислений содержит число 16 и не содержит простых чисел?

254) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 3
3. Умножь на 2

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 1, выполняя вторую – увеличивает на 3, выполняя третью – умножает на 2. Сколько существует различных программ, преобразующих число 2 в число 40 и содержащих не более пяти команд 1, при выполнении которых траектория вычислений содержит число 18 и не содержит чисел 11 и 35?

255) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 2
3. Умножь на 3

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 1, выполняя вторую – увеличивает на 2, выполняя третью – умножает на 3. Сколько существует различных программ, преобразующих число 1 в число 43 и содержащих не более трёх команд 1, при выполнении которых траектория вычислений содержит число 25 и не содержит чисел 10 и 38?

256) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 3
3. Умножь на 3

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 1, выполняя вторую – увеличивает на 3, выполняя третью – умножает на 3. Сколько существует различных программ,

преобразующих число 3 в число 95 и содержащих не более шести команд 1, при выполнении которых траектория вычислений содержит число 37 и не содержит чисел 20 и 58?

257) (А. Богданов) У исполнителя Цифрень имеются две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 2

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 1, выполняя вторую – увеличивает на 2.

Определим цифровой корень числа как сумму цифр числа, которая вычисляется рекурсивно до тех пор, пока не останется одна цифра. Например, для числа 1993 цифровой корень вычисляется как  $1+9+9+3 = 22 \Rightarrow 2+2 = 4$ .

Сколько существует различных программ, преобразующих число 12 в число 37 и не содержащих команд, в которых цифровой корень исходного числа равен младшей цифре числа-результата? Например, к числу 18 (цифровой корень 9) можно применить команду 2, так что получим 20 ( $9 \neq 0$ ). Но к числу 20 (цифровой корень 2) команду 2 применить нельзя, так как последняя цифра результата 22, равная 2, совпадает с цифровым корнем исходного числа.

258) (М. Шагитов) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 3
2. Прибавь 5
3. Умножь на 2

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 3, выполняя вторую – увеличивает на 5, выполняя третью – умножает число на 2.

Укажите количество программ, которые преобразуют число 4 в число 68 и при этом траектория вычислений программы содержит число 16 или 32, но не оба эти числа одновременно.

259) (М. Шагитов) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 3
2. Прибавь 5
3. Умножь на 2

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 3, выполняя вторую – увеличивает на 5, выполняя третью – умножает число на 2.

Сколько существует программ, которые преобразуют число 1 в число 10000 и при этом траектория вычислений программы содержит число 3000 или 5000, но не оба эти числа одновременно? В ответе запишите последние 6 цифр этого числа.

260) (А. Богданов) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 3
3. Прибавь 7

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 1, выполняя вторую – увеличивает на 3, выполняя третью – увеличивает на 7. Рассматриваются только такие программы, при выполнении которых все пары соседних чисел в траектории должны быть взаимно простыми, т. е. не должны иметь общих делителей, кроме 1. Например, из числа 24 командой 2 (+3) нельзя перейти в число 27, потому как оба эти числа делятся на 3. А из числа 25 можно перейти в 28. Для этих чисел нет общих простых делителей, т.е. числа взаимно простые. Сколько существует подходящих программ, для которых при исходном числе 13 результатом является число 31?

261) (Е. Джобс) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которым присвоены номера:

1. Вычти 2
2. Раздели нацело на 2
3. Раздели нацело на 3

Выполняя первую из них, исполнитель уменьшает число на экране на 1, выполняя вторую – делит нацело на 2, выполняя третью – делит нацело на 3. Сколько существует программ, для которых



при исходном числе 40 результатом является число 2, и при этом траектория вычислений не содержит число 22?

262) (И. Карпачев) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которым присвоены номера:

1. Вычти 5
2. Прибавь 2
3. Возведи в квадрат

Выполняя первую из них, исполнитель уменьшает число на экране на 5, выполняя вторую – увеличивает на 2, выполняя третью – возводит число в квадрат. **Исполнитель работает только с натуральными числами.** Программой для исполнителя называется последовательность команд. Сколько существует программ, состоящих ровно из 7 команд, для которых при исходном числе 3 результатом является число 28?

263) (Е. Джобс) У исполнителя Калькулятор имеются две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 2
2. Умножь на 3

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 2, выполняя вторую – умножает на 3. Сколько различных чисел можно получить с помощью программы из четырех команд из числа 1?

264) (Е. Джобс) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Прибавь 2
3. Умножь на 3

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 1, выполняя вторую – увеличивает на 2, выполняя третью – умножает на 3. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 6 результатом является число 25, и при этом траектория вычислений содержит либо число 15, либо 21, но не оба сразу?

265) (ЕГЭ-2023) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 2
2. Прибавь 3
3. Умножь на 2

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 2, выполняя вторую – увеличивает на 3, выполняя третью – умножает на 2. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 3 результатом является число 25, и при этом траектория вычислений содержит число 10 и не содержит число 17?

266) (ЕГЭ-2023) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которым присвоены номера:

1. Вычесть 1
2. Вычесть 2
3. Найти целую часть от деления на 3

Выполняя первую из них, исполнитель уменьшает число на экране на 1, выполняя вторую – уменьшает на 2, выполняя третью – делит на 3 нацело, отбрасывая остаток. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 19 результатом является число 3, и при этом траектория вычислений не содержит чисел 9 и 16?

267) (ЕГЭ-2023) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которым присвоены номера:

1. Вычесть 1
2. Вычесть 3
3. Найти целую часть от деления на 2

Выполняя первую из них, исполнитель уменьшает число на экране на 1, выполняя вторую – уменьшает на 3, выполняя третью – делит на 2 нацело, отбрасывая остаток. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 19 результатом является число 3, и при этом траектория вычислений содержит число 10 и не содержит числа 7?

268) (Е. Джобс) У исполнителя Калькулятор имеются две команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 3
2. Умножь на 2

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 3, выполняя вторую – умножает на 2. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 3 результатом является число 105, и при этом траектория вычислений содержит число 30?

269) (А. Рогов) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 1
2. Умножь на 2
3. Умножь на 3

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 1, выполняя вторую – умножает на 2, выполняя третью – умножает на 3. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 3 результатом является число 18, и при этом траектория вычислений содержит число 8 и не содержит число 13?

270) (А. Богданов) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавь 2
2. Умножь на 3
3. Умножь на 5

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 2, выполняя вторую – умножает на 3, выполняя третью – умножает на 5. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 1 результатом является число 75, и при этом траектория вычислений содержит число 13 и не содержит число 23?

271) (PRO100-ЕГЭ) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 2
2. Возвести в квадрат
3. Возвести в куб

Выполняя первую из них, исполнитель увеличивает число на экране на 2, выполняя вторую – возводит число в квадрат, выполняя третью – возводит число в куб. Сколько существует программ, для которых при исходном числе 10 результатом является число 1000?

272) (М. Ишимов) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которые обозначены латинскими буквами:

- А. Вычесть 3
- В. Вычесть 4
- С. Найти целую часть от деления на 2

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 28 результатом является число 13?

273) (М. Ишимов) У исполнителя Калькулятор имеются две команды, которые обозначены латинскими буквами:

- А. Вычесть 4
- В. Найти целую часть от деления на 2

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 39 результатом является число 4, и при этом траектория вычислений не содержит числа 23 и 8 одновременно?

274) (М. Ишимов) У исполнителя Калькулятор имеются две команды, которые обозначены латинскими буквами:

- А. Вычесть 1
- В. Найти целую часть от деления на 4

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 34 результатом является число 5, и при этом траектория вычислений содержит числа 30 и 27, но не содержит число 18?

275) (М. Ишимов) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которые обозначены латинскими буквами:

- А. Вычесть 1

**В. Вычесть 2**

**С. Вычесть 4**

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 37 результатом является число 8, и при этом траектория вычислений содержит числа 22 и 16, но не содержит число 32?

276) **(М. Ишимов)** У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которые обозначены латинскими буквами:

**А. Вычесть 3**

**В. Вычесть 2**

**С. Найти целую часть от деления на 2**

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 34 результатом является число 19, и при этом траектория вычислений содержит числа 23 и 21?

277) **(М. Ишимов)** У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которые обозначены латинскими буквами:

**А. Вычесть 3**

**В. Вычесть 1**

**С. Вычесть 4**

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 43 результатом является число 17, и при этом траектория вычислений не содержит числа 23 и 20 одновременно?

278) **(М. Ишимов)** У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которые обозначены латинскими буквами:

**А. Прибавить 3**

**В. Умножить на 3**

**С. Прибавить 4**

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 16 результатом является число 105, и при этом траектория вычислений содержит числа 96 и 99?

279) **(М. Ишимов)** У исполнителя Калькулятор имеются две команды, которые обозначены латинскими буквами:

**А. Прибавить 2**

**В. Прибавить 4**

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 3 результатом является число 69, и при этом траектория вычислений содержит числа 9 и 61?

280) **(М. Ишимов)** У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которые обозначены латинскими буквами:

**А. Вычесть 3**

**В. Вычесть 2**

**С. Вычесть 1**

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 36 результатом является число 13, и при этом траектория вычислений содержит числа 28 и 26?

281) **(М. Ишимов)** У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которые обозначены латинскими буквами:

**А. Вычесть 3**

**В. Найти целую часть от деления на 3**

**С. Вычесть 2.**

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 43 результатом является число 13, и при этом траектория вычислений содержит числа 21 и 15?

282) **(М. Ишимов)** У исполнителя Калькулятор имеются две команды, которые обозначены латинскими буквами:

**А. Вычесть 2**

**В. Вычесть 1**

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 42 результатом является число 17, и при этом траектория вычислений содержит число 28, но не содержит число 25?

- 283) (М. Ишимов) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которые обозначены латинскими буквами:

**А. Прибавить 3**  
**В. Умножить на 2**  
**С. Прибавить 2**

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 15 результатом является число 80, и при этом траектория вычислений содержит числа 61 и 64?

- 284) (М. Ишимов) У исполнителя Калькулятор имеются две команды, которые обозначены латинскими буквами:

**А. Умножить на 3**  
**В. Прибавить 2**

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 4 результатом является число 52, и при этом траектория вычислений содержит число 46, но не содержит число 18?

- 285) (М. Ишимов) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которые обозначены латинскими буквами:

**А. Прибавить 3**  
**В. Прибавить 2**  
**С. Возвести в квадрат**

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 13 результатом является число 89, и при этом траектория вычислений содержит числа 25 и 75?

- 286) (М. Ишимов) У исполнителя Калькулятор имеются две команды, которые обозначены латинскими буквами:

**А. Прибавить 3**  
**В. Прибавить 4**

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 17 результатом является число 80, и при этом траектория вычислений содержит числа 27 и 56?

- 287) (М. Ишимов) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которые обозначены латинскими буквами:

**А. Умножить на 4**  
**В. Прибавить 3**  
**С. Прибавить 2**

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 7 результатом является число 56, и при этом траектория вычислений содержит числа 38 и 40, но не содержит число 17?

- 288) (М. Ишимов) У исполнителя Калькулятор имеются две команды, которые обозначены латинскими буквами:

**А. Вычесть 3**  
**В. Вычесть 2**

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 43 результатом является число 7, и при этом траектория вычислений не содержит числа 19 и 17 одновременно?

- 289) (М. Ишимов) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которые обозначены латинскими буквами:

**А. Возвести в квадрат**  
**В. Прибавить 3**  
**С. Прибавить 4**

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 10 результатом является число 60, и при этом траектория вычислений не содержит числа 47 и 49 одновременно?

- 290) (М. Ишимов) У исполнителя Калькулятор имеются две команды, которые обозначены латинскими буквами:

**А. Вычесть 3**

**В. Вычесть 4**

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 44 результатом является число 19, и при этом траектория вычислений не содержит числа 33 и 31 одновременно?

- 291) **(М. Ишимов)** У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которые обозначены латинскими буквами:

**А. Вычесть 2**

**В. Вычесть 1**

**С. Найти целую часть от деления на 2**

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 36 результатом является число 12, и при этом траектория вычислений содержит числа 16 и 15, но не содержит число 19?

- 292) **(М. Ишимов)** У исполнителя Калькулятор имеются две команды, которые обозначены латинскими буквами:

**А. Вычесть 2**

**В. Вычесть 4**

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 34 результатом является число 12, и при этом траектория вычислений содержит число 28, но не содержит число 24?

- 293) **(М. Ишимов)** У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которые обозначены латинскими буквами:

**А. Умножить на 4**

**В. Прибавить 2**

**С. Прибавить 4**

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 8 результатом является число 36, и при этом траектория вычислений содержит число 24, но не содержит число 19?

- 294) **(М. Ишимов)** У исполнителя Калькулятор имеются две команды, которые обозначены латинскими буквами:

**А. Вычесть 3**

**В. Вычесть 5**

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 49 результатом является число 15?

- 295) **(М. Ишимов)** У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которые обозначены латинскими буквами:

**А. Вычесть 6**

**В. Вычесть 1**

**С. Найти целую часть от деления на 4**

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 42 результатом является число 6, и при этом траектория вычислений содержит числа 12 и 10, но не содержит число 20?

- 296) **(М. Ишимов)** У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которые обозначены латинскими буквами:

**А. Прибавить 3**

**В. Прибавить 2**

**С. Возвести в квадрат**

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 9 результатом является число 55, и при этом траектория вычислений не содержит число 13?

- 297) **(М. Ишимов)** У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которые обозначены латинскими буквами:

**А. Вычесть 3**

**В. Вычесть 5**

**С. Найти целую часть от деления на 3**

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 41 результатом является число 12, и при этом траектория вычислений не содержит число 28?

- 298) (М. Ишимов) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которые обозначены латинскими буквами:

**А. Найти целую часть от деления на 4**  
**В. Вычесть 1**  
**С. Вычесть 5**

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 43 результатом является число 17, и при этом траектория вычислений содержит число 39, но не содержит число 32?

- 299) (М. Ишимов) У исполнителя Калькулятор имеются две команды, которые обозначены латинскими буквами:

**А. Прибавить 3**  
**В. Умножить на 4**  
**С. Прибавить 4**

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 11 результатом является число 55, и при этом траектория вычислений содержит число 20?

- 300) (М. Ишимов) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которые обозначены латинскими буквами:

**А. Найти целую часть от деления на 3**  
**В. Вычесть 1**  
**С. Вычесть 5**

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 46 результатом является число 5, и при этом траектория вычислений содержит число 22?

- 301) (М. Ишимов) У исполнителя Калькулятор имеются две команды, которые обозначены латинскими буквами:

**А. Вычесть 1**  
**В. Вычесть 5**

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 32 результатом является число 17, и при этом траектория вычислений содержит числа 26 и 24, но не содержит число 27?

- 302) (М. Шагитов) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которые обозначены латинскими буквами:

**А. Прибавить 2**  
**В. Прибавить 3**  
**С. Умножить на 4**

Найдите количество существующих программ, для которых при исходном числе 1 результатом является число 100, и при этом траектория вычислений содержит строго больше чётных чисел, чем нечётных. В ответе запишите сумму цифр этого числа.

- 303) (М. Шагитов) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которые обозначены латинскими буквами:

**А. Прибавить 2**  
**В. Прибавить 3**  
**С. Умножить на 3**

Найдите количество существующих программ, для которых при исходном числе 1 результатом является число 123, и при этом траектория вычислений содержит равное количество чётных и нечётных чисел. В ответе запишите сумму цифр этого числа.

- 304) (М. Шагитов) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которые обозначены латинскими буквами:

**А. Прибавить 1**  
**В. Прибавить 4**  
**С. Умножить на 3**

Найдите количество существующих программ, для которых при исходном числе 1 результатом является число 180, и при этом траектория вычислений содержит равное количество чисел, кратных трём, и чисел, кратных пяти. В ответе запишите сумму цифр этого числа.

305) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которые обозначены латинскими буквами:

- А. Прибавить 1**
- В. Прибавить 3**
- С. Возвести в квадрат**

Найдите количество существующих программ, для которых при исходном числе 2 результатом является число 35, и при этом траектория вычислений содержит число 15 и не содержит числа 20.

306) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которые обозначены латинскими буквами:

- А. Прибавить 1**
- В. Умножить на 2**
- С. Возвести в квадрат**

Найдите количество существующих программ, для которых при исходном числе 2 результатом является число 50, и при этом траектория вычислений содержит числа 15 и 35 и не содержит числа 20 и 25.

307) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которые обозначены латинскими буквами:

- А. Прибавить 1**
- В. Умножить на 2**
- С. Возвести в квадрат**

Найдите количество существующих программ, для которых при исходном числе 2 результатом является число 100, и при этом траектория вычислений содержит числа 20 и 60 и не содержит числа 15 и 35.

308) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которые обозначены латинскими буквами:

- А. Прибавить 2**
- В. Прибавить 3**
- С. Возвести в квадрат**

Найдите количество существующих программ, для которых при исходном числе 3 результатом является число 38, и при этом траектория вычислений содержит числа 10 и 20 и не содержит числа 15 и 30.

309) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которые обозначены латинскими буквами:

- А. Прибавить 1**
- В. Прибавить 5**
- С. Возвести в квадрат**

Найдите количество существующих программ, для которых при исходном числе 5 результатом является число 60, и при этом траектория вычислений содержит числа 25 и 45 и не содержит числа 17, 32 и 50.

310) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которые обозначены латинскими буквами:

- А. Вычесть 1**
- В. Прибавить 2**
- С. Умножить на 2**

Найдите количество существующих программ, для которых при исходном числе 3 результатом является число 40, и при этом траектория вычислений содержит число 30 и не содержит числа 20, а программа не содержит двух команд А подряд.

311) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которые обозначены латинскими буквами:

- А. Вычесть 1**
- В. Прибавить 2**
- С. Умножить на 3**



Найдите количество существующих программ, для которых при исходном числе 5 результатом является число 62, и при этом траектория вычислений содержит число 32 и не содержит чисел, оканчивающихся на 0, а программа не содержит двух команд вычитания подряд.

- 312) У исполнителя Калькулятор имеются четыре команды, которые обозначены латинскими буквами:

**А. Вычесть 1**  
**В. Вычесть 2**  
**С. Прибавить 5**  
**Д. Умножить на 2**

Найдите количество существующих программ, для которых при исходном числе 7 результатом является число 50, и при этом траектория вычислений содержит число 37 и не содержит чисел, оканчивающихся на 5, а программа не содержит двух команд вычитания подряд.

- 313) У исполнителя Калькулятор имеются четыре команды, которые обозначены латинскими буквами:

**А. Вычесть 1**  
**В. Вычесть 3**  
**С. Прибавить 6**  
**Д. Умножить на 3**

Найдите количество существующих программ, для которых при исходном числе 5 результатом является число 58, и при этом траектория вычислений содержит число 26 и не содержит чисел, оканчивающихся на 1, а программа не содержит двух команд вычитания подряд.

- 314) У исполнителя Калькулятор имеются четыре команды, которые обозначены латинскими буквами:

**А. Вычесть 1**  
**В. Вычесть 5**  
**С. Прибавить 7**  
**Д. Умножить на 2**

Найдите количество существующих программ, для которых при исходном числе 9 результатом является число 84, и при этом траектория вычислений содержит число 60 и не содержит чисел, оканчивающихся на 3, а программа не содержит двух команд вычитания подряд.

- 315) **(А. Минак)** У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которые обозначены латинскими буквами:

**А. Прибавь 1**  
**В. Прибавь младшую цифру**  
**С. Прибавь старшую цифру**

Программа для исполнителя – это последовательность команд, каждая из которых изменяет число. Сколько существует программ с разными траекториями, для которых при исходном числе 82 результатом является число 124, и при этом траектория вычислений содержит число 95 и число 103? Траектория вычисления программы – это последовательность результатов выполнения всех команд программы. Например, при исходном числе 17 траектория вычислений программы СВА будет состоять из чисел 18, 26, 27.

- 316) **(М. Шагитов)** У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которые обозначены латинскими буквами:

**А. Прибавить 2**  
**В. Прибавить 3**  
**С. Умножить на 4**

Программа для исполнителя – это последовательность команд, каждая из которых изменяет число. Найдите количество программ, для которых при исходном числе 1 результатом является число 50, и при этом запрещено использование команды А сразу после команды С.



317) (М. Шагитов) У исполнителя Калькулятор имеются три команды, которые обозначены латинскими буквами:

- А. Прибавить 3**
- В. Умножить на 5**
- С. Умножить на 7**

Программа для исполнителя – это последовательность команд, каждая из которых изменяет число. Найдите количество программ, для которых при исходном числе 1 результатом является число 1000, и при этом запрещено использование команды В сразу после команды А.

318) (Д. Паршиков) Исполнитель Цепочка собирает последовательность из букв латинского алфавита, с помощью двух команд, которым присвоены номера:

- 1. Добавить следующую по алфавиту букву**
- 2. Пропустить три буквы и добавить следующую по алфавиту**

Выполняя первую команду, исполнитель добавляет в конец цепочки букву, следующую в алфавите за последней буквой текущей цепочки; выполняя вторую – добавляет букву, стоящую в алфавите на четвёртом месте после последней буквы текущей цепочки. Программа для такого исполнителя — это последовательность команд. Например, программа 121 преобразует «В» в «BCGH». Сколько существует программ из пяти команд, которые преобразуют исходную цепочку «А» в цепочку, оканчивающуюся буквой «О» и не содержащую букву «М»?

Латинский алфавит: ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ.

319) (А. Игнатюк) Теодор пришел в магазин, чтобы разменять сумму в 112 500 рублей монетами в 1, 3 и 5 рублей. Определите, сколько у Теодора существует способов сделать это. В ответ запишите сумму цифр полученного числа.