Компьютерная графика

Лекция 10: Вычисление проекции для shadow mapping, PCF, ESM, VSM, PSM, CSM

2021

▶ 6 перспективных проекций для 6 граней cubemap-текстуры shadow map

- ▶ 6 перспективных проекций для 6 граней cubemap-текстуры shadow map
- Каждая проекция смотрит в направлении некоторой оси: $\pm X, \pm Y, \pm Z$

- ▶ 6 перспективных проекций для 6 граней cubemap-текстуры shadow map
- ightharpoonup Каждая проекция смотрит в направлении некоторой оси: $\pm X, \pm Y, \pm Z$
- Угол видимой области 90° по обеим осям (квадратная камера)

- ▶ 6 перспективных проекций для 6 граней cubemap-текстуры shadow map
- Каждая проекция смотрит в направлении некоторой оси: $\pm X, \pm Y, \pm Z$
- Угол видимой области 90° по обеим осям (квадратная камера)
- ▶ near и far максимальное (соответственно, минимальное), при котором не обрезается ничего лишнего

- ▶ 6 перспективных проекций для 6 граней cubemap-текстуры shadow map
- ightharpoonup Каждая проекция смотрит в направлении некоторой оси: $\pm X, \pm Y, \pm Z$
- Угол видимой области 90° по обеим осям (квадратная камера)
- near и far максимальное (соответственно, минимальное), при котором не обрезается ничего лишнего
 - ▶ near минимальное расстояние до вершины объекта сцены
 - ▶ far максимальное расстояние до вершины объекта сцены

- ▶ 6 перспективных проекций для 6 граней cubemap-текстуры shadow map
- ightharpoonup Каждая проекция смотрит в направлении некоторой оси: $\pm X, \pm Y, \pm Z$
- Угол видимой области 90° по обеим осям (квадратная камера)
- ▶ near и far максимальное (соответственно, минимальное), при котором не обрезается ничего лишнего
 - ▶ near минимальное расстояние до вершины объекта сцены
 - ▶ far максимальное расстояние до вершины объекта сцены
 - ▶ far можно вычислить, зная bounding box'ы всех объектов сцены

lacktriangle Одна ортографическая проекция: задаётся центром C и осями X,Y,Z

- ▶ Одна ортографическая проекция: задаётся центром C и осями X,Y,Z
- Z параллельный направлению на источник света

- ▶ Одна ортографическая проекция: задаётся центром C и осями X,Y,Z
- ▶ Z параллельный направлению на источник света
- \triangleright X, Y перпендикулярны Z (и друг другу)
 - ▶ Можно выбрать любые, перпендикулярные Z
 - Можно попробовать выбрать их так, чтобы максимизировать эффективное разрешение shadow map (т.е. чтобы одному пикселю shadow map соответствовала как можно меньшая область пространства) - сводится к задаче OBB (oriented bounding box)

- ▶ Одна ортографическая проекция: задаётся центром C и осями X,Y,Z
- ▶ Z параллельный направлению на источник света
- \triangleright X, Y перпендикулярны Z (и друг другу)
 - Можно выбрать любые, перпендикулярные Z
 - Можно попробовать выбрать их так, чтобы
 максимизировать эффективное разрешение shadow map
 (т.е. чтобы одному пикселю shadow map соответствовала
 как можно меньшая область пространства) сводится к
 задаче OBB (oriented bounding box)
- ightharpoonup Откуда взять C и длины векторов X, Y, Z?

▶ Вычислим bounding box всей сцены

- ▶ Вычислим bounding box всей сцены
- ightharpoonup В качестве C возьмём центр bounding box'a сцены

- Вычислим bounding box всей сцены
- ightharpoonup В качестве C возьмём центр bounding box'a сцены
- ightharpoonup Мы знаем направление вектора X, нужно вычислить его длину
 - ightharpoonup Пусть \hat{X} вектор направления (нормированный)
 - ▶ Мы хотим, чтобы для всех вершин сцены выполнялось $|(V-C)\cdot \hat{X}| \leq |X|$

- ▶ Вычислим bounding box всей сцены
- ightharpoonup В качестве C возьмём центр bounding box'a сцены
- ightharpoonup Мы знаем направление вектора X, нужно вычислить его длину
 - ightharpoonup Пусть \hat{X} вектор направления (нормированный)
 - Мы хотим, чтобы для всех вершин сцены выполнялось $|(V-C)\cdot \hat{X}| \leq |X|$
 - ightharpoonup Пройдёмся по всем восьми вершинам bounding box'а сцены и вычислим $\max_V |(V-C)\cdot \hat{X}|$ это длина вектора X

- ▶ Вычислим bounding box всей сцены
- ightharpoonup В качестве C возьмём центр bounding box'а сцены
- ightharpoonup Мы знаем направление вектора X, нужно вычислить его длину
 - ightharpoonup Пусть \hat{X} вектор направления (нормированный)
 - Мы хотим, чтобы для всех вершин сцены выполнялось $|(V-C)\cdot \hat{X}| \leq |X|$
 - ightharpoonup Пройдёмся по всем восьми вершинам bounding box'а сцены и вычислим $\max_{X} |(V-C)\cdot \hat{X}|$ это длина вектора X
- ightharpoonup Аналогично для Y, Z

▶ В базовом shadow mapping хорошо видны пиксели shadow map (квадратная лесенка на границе тени)

- В базовом shadow mapping хорошо видны пиксели shadow map (квадратная лесенка на границе тени)
 - ▶ Тем хуже, чем больше сцена (пиксели становятся больше)
 - ▶ Особенно плохо, если тень движется

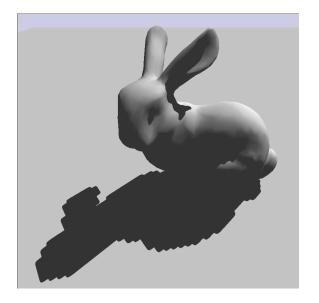
- В базовом shadow mapping хорошо видны пиксели shadow map (квадратная лесенка на границе тени)
 - ▶ Тем хуже, чем больше сцена (пиксели становятся больше)
 - Особенно плохо, если тень движется
- Хочется сгладить тени, убрав пиксели и сделав аппроксимацию мягких теней

- В базовом shadow mapping хорошо видны пиксели shadow map (квадратная лесенка на границе тени)
 - Тем хуже, чем больше сцена (пиксели становятся больше)
 - Особенно плохо, если тень движется
- Хочется сгладить тени, убрав пиксели и сделав аппроксимацию мягких теней
- Саму shadow map сглаживать (размывать / использовать линейную фильтрацию / mipmaps) нет смысла: получатся интерполированные значения глубин, сравнение с ними даёт видимые артефакты и ничего не улучшает

Пиксели shadow mapping



Пиксели shadow mapping (с линейной фильтрацией)



Percentage-closer filtering (PCF)

► Shadow mapping выдаёт 0 или 1 в зависимости от того, находится ли текущий пиксель в тени

Percentage-closer filtering (PCF)

- Shadow mapping выдаёт 0 или 1 в зависимости от того, находится ли текущий пиксель в тени
- PCF: прочитаем не один пиксель из shadow map, а несколько, и проинтерполируем результаты сравнения

Percentage-closer filtering (PCF)

- ► Shadow mapping выдаёт 0 или 1 в зависимости от того, находится ли текущий пиксель в тени
- PCF: прочитаем не один пиксель из shadow map, а несколько, и проинтерполируем результаты сравнения
- Можно взять много соседних пикселей и усреднить результат сравнения по Гауссу
- Можно взять четыре соседних пикселя и проинтерполировать между ними

Percentage-closer filtering (PCF): пример кода

▶ B OpenGL есть ограниченная поддержка PCF в виде shadow sampler'ов

- ▶ B OpenGL есть ограниченная поддержка PCF в виде shadow sampler'ов
- Для текстуры нужно настроить параметры:
 - ► GL_TEXTURE_COMPARE_MODE в значение GL_COMPARE_REF_TO_TEXTURE (по умолчанию GL_NONE)
 - ► GL_TEXTURE_COMPARE_FUNC в значение GL_LESS (теоретически могут быть GL_ALWAYS и т.п.)

- ▶ B OpenGL есть ограниченная поддержка PCF в виде shadow sampler'ов
- ▶ Для текстуры нужно настроить параметры:
 - ► GL_TEXTURE_COMPARE_MODE в значение GL_COMPARE_REF_TO_TEXTURE (по умолчанию GL_NONE)
 - ► GL_TEXTURE_COMPARE_FUNC в значение GL_LESS (теоретически могут быть GL_ALWAYS и т.п.)
- ► Teкcтypy c GL_COMPARE_REF_TO_TEXTURE нельзя использовать как sampler2D, для неё есть отдельный тип sampler'a: sampler2DShadow

- ▶ B OpenGL есть ограниченная поддержка PCF в виде shadow sampler'ов
- Для текстуры нужно настроить параметры:
 - GL_TEXTURE_COMPARE_MODE в значение GL_COMPARE_REF_TO_TEXTURE (по умолчанию - GL_NONE)
 - ► GL_TEXTURE_COMPARE_FUNC в значение GL_LESS (теоретически могут быть GL_ALWAYS и т.п.)
- ► Teкcтypy c GL_COMPARE_REF_TO_TEXTURE нельзя использовать как sampler2D, для неё есть отдельный тип sampler'a: sampler2DShadow
- Функция texture(shadow_map, texcoord) принимает трёхмерный вектор текстурных координат:
 - Первые две обычные X,Y текстурные координаты
 - ▶ Третья используется для сравнения со значением в shadow map

- ▶ B OpenGL есть ограниченная поддержка PCF в виде shadow sampler'ов
- ▶ Для текстуры нужно настроить параметры:
 - ► GL_TEXTURE_COMPARE_MODE в значение GL_COMPARE_REF_TO_TEXTURE (по умолчанию GL_NONE)
 - ► GL_TEXTURE_COMPARE_FUNC в значение GL_LESS (теоретически могут быть GL_ALWAYS и т.п.)
- ► Teкcтypy c GL_COMPARE_REF_TO_TEXTURE нельзя использовать как sampler2D, для неё есть отдельный тип sampler'a: sampler2DShadow
- Функция texture(shadow_map, texcoord) принимает трёхмерный вектор текстурных координат:
 - Первые две обычные X,Y текстурные координаты
 - ▶ Третья используется для сравнения со значением в shadow map
- Если сравнение успешно, возвращается 1, иначе 0 (функция сравнения настраивается GL_TEXTURE_COMPARE_FUNC)

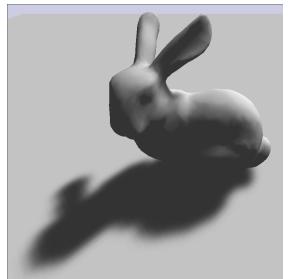
- ▶ B OpenGL есть ограниченная поддержка PCF в виде shadow sampler'ов
- Для текстуры нужно настроить параметры:
 - ► GL_TEXTURE_COMPARE_MODE в значение GL_COMPARE_REF_TO_TEXTURE (по умолчанию GL_NONE)
 - ► GL_TEXTURE_COMPARE_FUNC в значение GL_LESS (теоретически могут быть GL_ALWAYS и т.п.)
- ► Teкcтypy c GL_COMPARE_REF_TO_TEXTURE нельзя использовать как sampler2D, для неё есть отдельный тип sampler'a: sampler2DShadow
- Функция texture(shadow_map, texcoord) принимает трёхмерный вектор текстурных координат:
 - Первые две обычные X,Y текстурные координаты
 - ▶ Третья используется для сравнения со значением в shadow map
- ▶ Если сравнение успешно, возвращается 1, иначе 0 (функция сравнения настраивается GL_TEXTURE_COMPARE_FUNC)
- Для такой текстуры можно включить линейную фильтрацию интерполироваться будут не значения глубины, а результаты сравнения

Shadow sampler: пример кода

Shadow sampler с линейной фильтрацией



Shadow sampler с линейной фильтрацией и 7х7 размытием по Гауссу



Проблемы РСГ

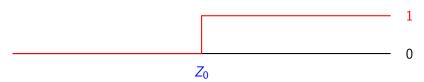
- ► + Есть аппаратная поддержка (shadow sampler)
- Аппаратная поддержка даёт только интерполяцию между 4 соседними пикселями
- Размытие всё равно приходится вычислять для каждого пикселя сцены уже при расчёте освещения - дорого и нельзя применить сепарабельные фильтры

 Хочется, чтобы shadow map содержал значения, которые имеет смысл интерполировать

- Хочется, чтобы shadow map содержал значения, которые имеет смысл интерполировать
- ▶ Тогда можно применить весь арсенал работы с текстурами: линейную фильтрацию, mipmaps, размытие, etc.

 Идея: рассматривать значение в одном пикселе shadow тар как описывающем некое распределение вероятности

- Идея: рассматривать значение в одном пикселе shadow тар как описывающем некое распределение вероятности
- График уровня освещённости в зависимости от расстояния до источника света:



Распределения вероятности можно усреднять: если $F_1(z), F_2(z)$ - распределения вероятности, то $F(z) = (1-t)\cdot F_1(z) + t\cdot F_2(z)$ - тоже распределение вероятности

- Распределения вероятности можно усреднять: если $F_1(z), F_2(z)$ распределения вероятности, то $F(z) = (1-t)\cdot F_1(z) + t\cdot F_2(z)$ тоже распределение вероятности
- ► Есть много вариантов того, как представить распределение одним пикселем shadow map

Идея: функцию распределения можно аппроксимировать экспонентой $F(z) = \exp(C \cdot (z_0 - z)) = \exp(-Cz) \exp(Cz_0)$ (z - расстояние до освещаемого пикселя, z_0 - расстояние до источника тени)

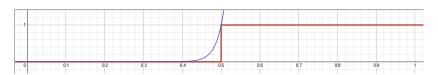
- Мдея: функцию распределения можно аппроксимировать экспонентой $F(z) = \exp(C \cdot (z_0 z)) = \exp(-Cz) \exp(Cz_0)$ (z расстояние до освещаемого пикселя, z_0 расстояние до источника тени)
- Интерполяция таких функций сводится к интерполяции $\exp(Cz_0)$

- Идея: функцию распределения можно аппроксимировать экспонентой $F(z) = \exp(C \cdot (z_0 z)) = \exp(-Cz) \exp(Cz_0)$ (z расстояние до освещаемого пикселя, z_0 расстояние до источника тени)
- ightharpoonup Интерполяция таких функций сводится к интерполяции $\exp(Cz_0)$
- ightharpoonup Будем записывать в shadow map значение $\exp(\mathit{Cz}_0)$

- Идея: функцию распределения можно аппроксимировать экспонентой $F(z) = \exp(C \cdot (z_0 z)) = \exp(-Cz) \exp(Cz_0)$ (z расстояние до освещаемого пикселя, z_0 расстояние до источника тени)
- ightharpoonup Интерполяция таких функций сводится к интерполяции $\exp(Cz_0)$
- ightharpoonup Будем записывать в shadow map значение $\exp(\mathit{Cz}_0)$
- ightharpoonup В шейдере будем умножать это значение на $\exp(-Cz)$

- Идея: функцию распределения можно аппроксимировать экспонентой $F(z) = \exp(C \cdot (z_0 z)) = \exp(-Cz) \exp(Cz_0)$ (z расстояние до освещаемого пикселя, z_0 расстояние до источника тени)
- ightharpoonup Интерполяция таких функций сводится к интерполяции $\exp(Cz_0)$
- ightharpoonup Будем записывать в shadow map значение $\exp(\mathit{Cz}_0)$
- ightharpoonup В шейдере будем умножать это значение на $\exp(-\mathit{Cz})$
- Если результат больше единицы $(z < z_0)$, принимаем освещённость за единицу

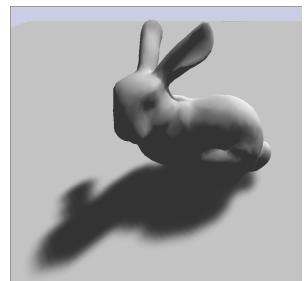
- Идея: функцию распределения можно аппроксимировать экспонентой $F(z) = \exp(C \cdot (z_0 z)) = \exp(-Cz) \exp(Cz_0)$ (z расстояние до освещаемого пикселя, z_0 расстояние до источника тени)
- ightharpoonup Интерполяция таких функций сводится к интерполяции $\exp(Cz_0)$
- ightharpoonup Будем записывать в shadow map значение $\exp(\mathit{Cz}_0)$
- ightharpoonup В шейдере будем умножать это значение на $\exp(-\mathit{Cz})$
- ightharpoonup Если результат больше единицы $(z < z_0)$, принимаем освещённость за единицу



ESM с линейной фильтрацией



ESM с линейной фильтрацией и 7х7 размытием по Гауссу



ESM

- + Shadow map можно фильтровать (размывать, mipmaps, etc)
- + Прост в реализации
- Требует floating-point буфер глубины или рендеринг в floating-point текстуру
- При фильтрации возникают артефакты из-за того, что результирующая освещённость может быть больше 1

 Идея: запишем в shadow map мат.ожидание глубины и её квадрата

- Идея: запишем в shadow map мат.ожидание глубины и её квадрата
- Их можно усреднять:

$$\int z \left[(1-t)p_1(z) + tp_2(z) \right] dz = (1-t) \int zp_1(z)dz + t \int zp_2(z)dz$$
(1)

ightharpoonup (аналогично для z^2)

- Идея: запишем в shadow map мат.ожидание глубины и её квадрата
- Их можно усреднять:

$$\int z \left[(1-t)p_1(z) + tp_2(z) \right] dz = (1-t) \int zp_1(z)dz + t \int zp_2(z)dz$$
(1)

- ▶ (аналогично для z^2)
- Моделируем пиксель как дискретное распределение с единственным значением ⇒ мат.ожидание глубины совпадает с её значением (и аналогично для квадрата глубины)

▶ По мат.ожиданию глубины (μ) и её квадрата можно вычислить дисперсию

$$\sigma^2 = \mathbb{E}[z^2] - \mathbb{E}[z]^2 \tag{2}$$

▶ По мат.ожиданию глубины (μ) и её квадрата можно вычислить дисперсию

$$\sigma^2 = \mathbb{E}[z^2] - \mathbb{E}[z]^2 \tag{2}$$

 По мат.ожиданию глубины и дисперсии можно вычислить освещённость через неравенство Чебышёва:

$$P(z) = \frac{\sigma^2}{\sigma^2 + (z - \mu)^2} \tag{3}$$

▶ В shadow map записываем глубину и её квадрат (нужна текстура с 2 компонентами)

- В shadow map записываем глубину и её квадрат (нужна текстура с 2 компонентами)
- По желанию с результирующей текстурой shadow map производим фильтрацию (e.g. размытие)

- В shadow map записываем глубину и её квадрат (нужна текстура с 2 компонентами)
- По желанию с результирующей текстурой shadow map производим фильтрацию (e.g. размытие)
- ightharpoonup В шейдере читаем shadow map, вычисляем μ и σ^2

- В shadow map записываем глубину и её квадрат (нужна текстура с 2 компонентами)
- ▶ По желанию с результирующей текстурой shadow map производим фильтрацию (e.g. размытие)
- ightharpoonup В шейдере читаем shadow map, вычисляем μ и σ^2
- ightharpoonup Если глубина нашего пикселя меньше μ , освещённость равна 1

- В shadow map записываем глубину и её квадрат (нужна текстура с 2 компонентами)
- По желанию с результирующей текстурой shadow map производим фильтрацию (e.g. размытие)
- ightharpoonup В шейдере читаем shadow map, вычисляем μ и σ^2
- ightharpoonup Если глубина нашего пикселя меньше μ , освещённость равна 1
- Иначе, вычисляем освещённость через неравенство Чебышёва

▶ VSM позволяет элегантно включить shadow bias

- ▶ VSM позволяет элегантно включить shadow bias
- Моделируем пиксель как параллелограмм с линейно меняющейся глубиной

- VSM позволяет элегантно включить shadow bias
- Моделируем пиксель как параллелограмм с линейно меняющейся глубиной
- ▶ Градиент глубины можно аппроксимировать с помощью dFdx и dFdy в шейдере

- ► VSM позволяет элегантно включить shadow bias
- Моделируем пиксель как параллелограмм с линейно меняющейся глубиной
- ▶ Градиент глубины можно аппроксимировать с помощью dFdx и dFdy в шейдере
- ▶ Итоговый квадрат глубины вычисляется как

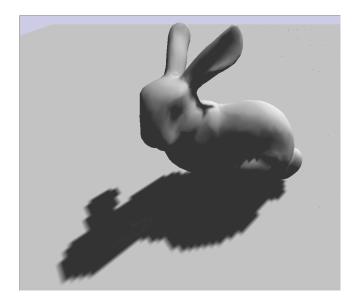
$$z^{2} + \frac{1}{4} \left[\left(\frac{\partial z}{\partial x} \right)^{2} + \left(\frac{\partial z}{\partial y} \right)^{2} \right] \tag{4}$$

- ► VSM позволяет элегантно включить shadow bias
- Моделируем пиксель как параллелограмм с линейно меняющейся глубиной
- ▶ Градиент глубины можно аппроксимировать с помощью dFdx и dFdy в шейдере
- ▶ Итоговый квадрат глубины вычисляется как

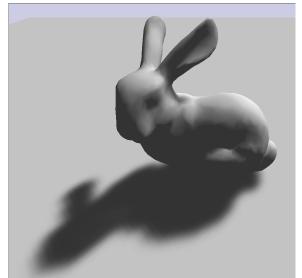
$$z^{2} + \frac{1}{4} \left[\left(\frac{\partial z}{\partial x} \right)^{2} + \left(\frac{\partial z}{\partial y} \right)^{2} \right] \tag{4}$$

▶ Убирает *почти* все артефакты shadow acne

VSM с линейной фильтрацией



VSM с линейной фильтрацией и 7х7 размытием по Гауссу



VSM

- ► + Shadow map можно фильтровать (размывать, mipmaps, etc)
- + Достаточно прост в реализации
- Требует floating-point буфер глубины или рендеринг в floating-point текстуру
- ▶ Возникает артефакт light bleeding

Light bleeding



Light bleeding

▶ Обычно возникает, когда σ^2 оказывается слишком большим

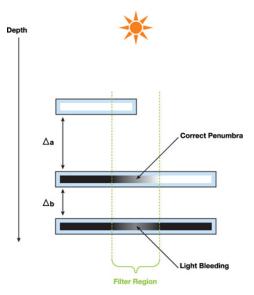
Light bleeding

- ▶ Обычно возникает, когда σ^2 оказывается слишком большим
- Можно исправить, трактуя маленькие значения коэффициента освещённости как нулевые, и преобразовав остальные значения в диапазон [0,1]

Light bleeding

- ▶ Обычно возникает, когда σ^2 оказывается слишком большим
- Можно исправить, трактуя маленькие значения коэффициента освещённости как нулевые, и преобразовав остальные значения в диапазон [0,1]
- Конкретные значения нужно подбирать в зависимости от сцены

Light bleeding



Convolution shadow maps (CSM)

Записывает в shadow map коэффициенты преобразования
 Фурье от функции распределения

Convolution shadow maps (CSM)

- Записывает в shadow map коэффициенты преобразования
 Фурье от функции распределения
- ► + Можно фильтровать (размывать, mipmaps, etc)
- Сложнее в реализации
- Требует многокомпонентных буферов (часто до 16 компонент на пиксель)
- Возникают ringing-артефакты (см. Gibbs phenomenon)

Ссылки

- ogldev.org/www/tutorial42/tutorial42.html
- learnopengl.com/Advanced-Lighting/Shadows/Shadow-Mapping
- docs.microsoft.com/enus/windows/win32/dxtecharts/common-techniques-toimprove-shadow-depth-maps
- Оригинальная статья про ESM
- Оригинальная статья про VSM
- Улучшения VSM, включая более реалистичные мягкие тени

Тени на больших сценах

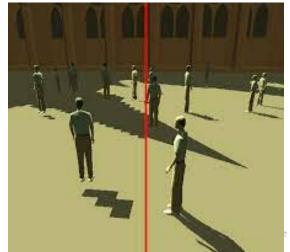
► Если сцена очень большая, даже огромных (8k) shadow тар текстур с хорошим сглаживанием может не хватить

Тени на больших сценах

- ▶ Если сцена очень большая, даже огромных (8k) shadow тар текстур с хорошим сглаживанием может не хватить
- Классически есть два решения:
 - ► Использовать неравномерное соответствие пикселей shadow map и объектов в мире
 - ▶ Использовать более одной shadow map

Perspective shadow maps (PSM)

 При генерации shadow тар помимо обычного преобразования вершин применяет ещё перспективное преобразование так, чтобы больше пикселей shadow тар приходилось на близкие к камере объекты

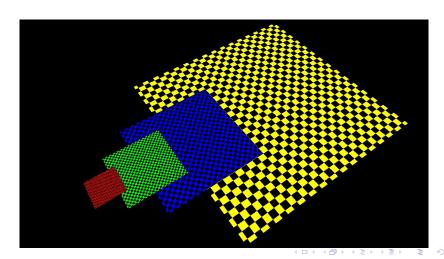


Perspective shadow maps (PSM)

- ▶ + Часто решает проблему точности shadow map
- Сложен в реализации
- Очень много худших случаев (например, камера смотрит на источник света), в которых алгоритм почти не работает

Cascaded shadow maps (CSM)

 Будем использовать несколько shadow maps (cascades):
 одну - для ближайших объектов, другую - для объектов на среднем расстоянии, третью - для далёких объектов, и т.п.



Cascaded shadow maps (CSM)

- + Прост в реализации
- + Можно комбинировать с VSM/ESM/etc
- Большой расход памяти
- Нужно аккуратно обработать переход между разными каскадами
- Самый часто использующийся сегодня алгоритм

Ссылки

- ▶ Оригинальная статья про PSM
- PSM + улучшения
- Статья про CSM
- ogldev.org/www/tutorial49/tutorial49.html
- ▶ learnopengl.com/Guest-Articles/2021/CSM