

Компьютерная графика

Лекция 7: Распространение света, уравнение
рендеринга, модели освещения

2025

Почему важно освещение

- ≈90% информации человек воспринимает через зрение

Почему важно освещение

- ≈90% информации человек воспринимает через зрение
- Зрение воспринимает то, как освещены окружающие объекты

Почему важно освещение

- ≈90% информации человек воспринимает через зрение
- Зрение воспринимает то, как освещены окружающие объекты
- Человек с рождения учится воспринимать мир освещённым

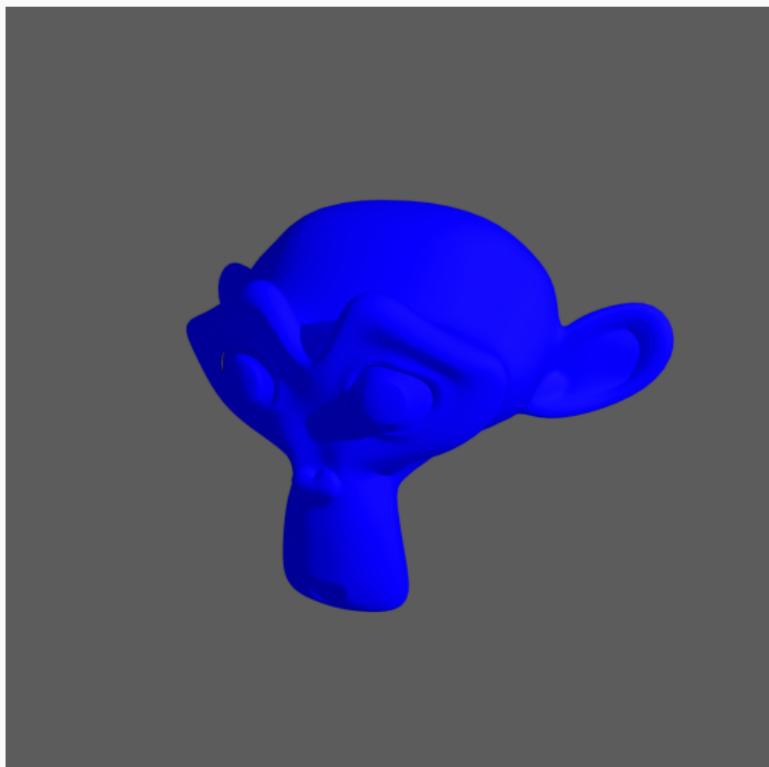
Почему важно освещение

- Помогает понять форму объектов

Почему важно освещение



Почему важно освещение



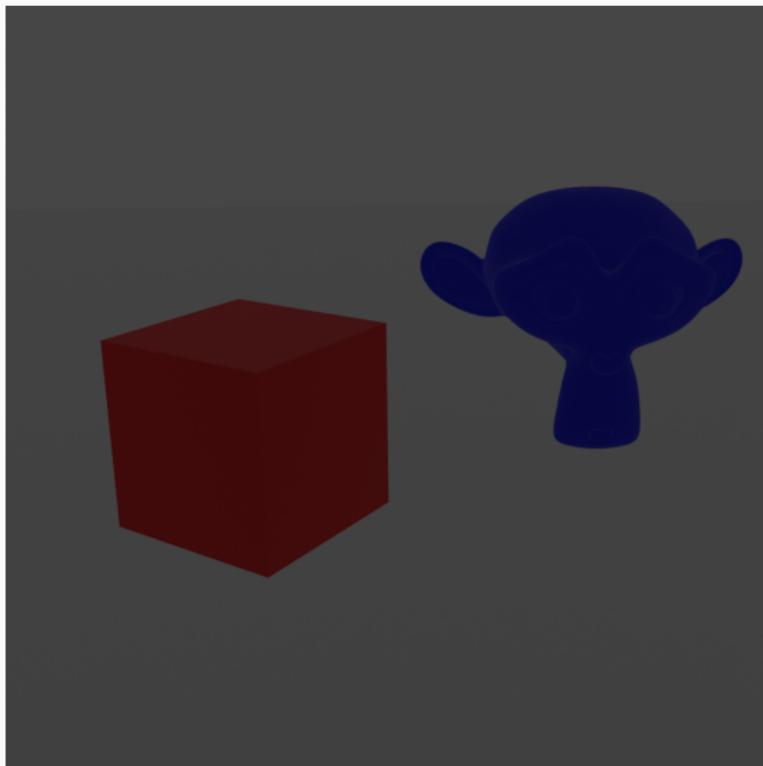
Почему важно освещение

- Помогает понять форму объектов

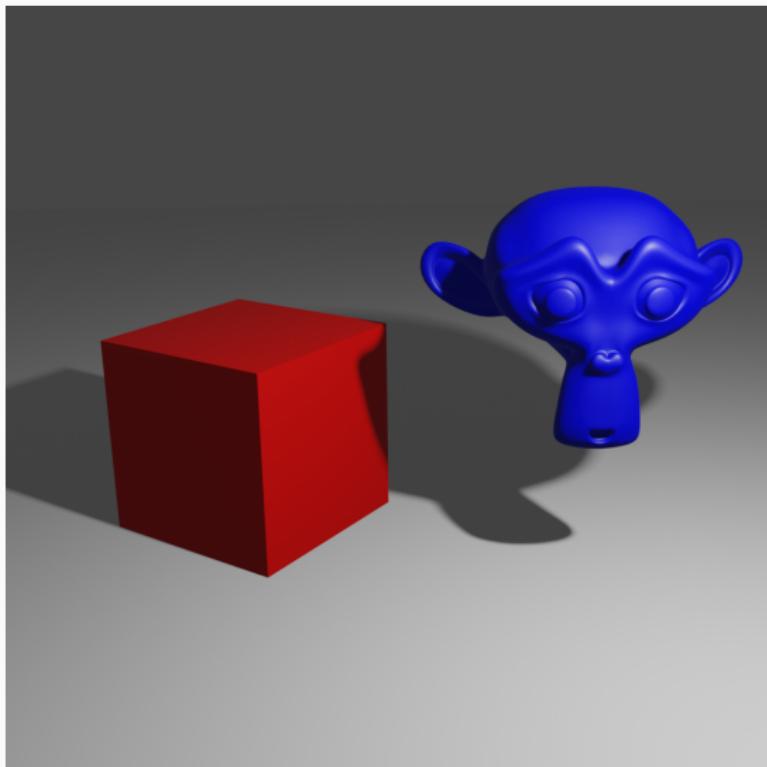
Почему важно освещение

- Помогает понять форму объектов
- Помогает понять соотношение между объектами в пространстве

Почему важно освещение



Почему важно освещение



Почему важно освещение

- Помогает понять форму объектов
- Помогает понять соотношение между объектами в пространстве

Почему важно освещение

- Помогает понять форму объектов
- Помогает понять соотношение между объектами в пространстве
- Помогает понять материал объектов

Почему важно освещение



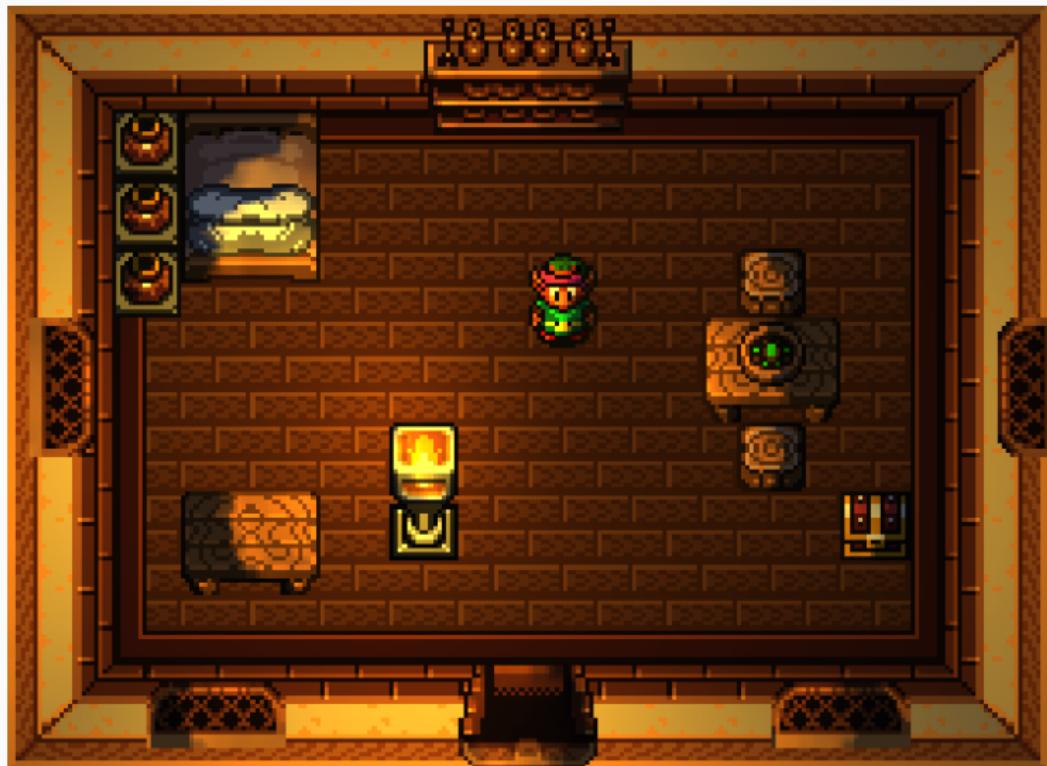
Почему важно освещение

- Помогает понять форму объектов
- Помогает понять соотношение между объектами в пространстве
- Помогает понять материал объектов

Почему важно освещение

- Помогает понять форму объектов
- Помогает понять соотношение между объектами в пространстве
- Помогает понять материал объектов
- Помогает создать атмосферу

Почему важно освещение



Почему важно освещение

- Помогает понять форму объектов
- Помогает понять соотношение между объектами в пространстве
- Помогает понять материал объектов
- Помогает создать атмосферу

Почему важно освещение

- Помогает понять форму объектов
- Помогает понять соотношение между объектами в пространстве
- Помогает понять материал объектов
- Помогает создать атмосферу
- Помогает сделать объекты более привычными человеку

Почему важно освещение



Почему важно освещение



Почему важно освещение

- Помогает понять форму объектов
- Помогает понять соотношение между объектами в пространстве
- Помогает понять материал объектов
- Помогает создать атмосферу
- Помогает сделать объекты более привычными человеку

Почему важно освещение

- Помогает понять форму объектов
- Помогает понять соотношение между объектами в пространстве
- Помогает понять материал объектов
- Помогает создать атмосферу
- Помогает сделать объекты более привычными человеку
- ⇒ Какой бы графикой вы ни занимались, полезно добавить освещение

Что такое свет

- Свет – электромагнитная волна

Что такое свет

- Свет – электромагнитная волна
- Пара векторных полей (электрическое \mathbf{E} и магнитное \mathbf{B}), описываемых уравнениями Максвелла

$$\nabla \cdot \mathbf{E} = 4\pi\rho$$

$$\nabla \cdot \mathbf{B} = 0$$

$$\nabla \times \mathbf{E} = -\frac{1}{c} \frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t}$$

$$\nabla \times \mathbf{B} = \frac{1}{c} \left(4\pi \mathbf{J} + \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t} \right)$$

Что такое свет

- Свет – электромагнитная волна
- Пара векторных полей (электрическое \mathbf{E} и магнитное \mathbf{B}), описываемых уравнениями Максвелла

$$\nabla \cdot \mathbf{E} = 4\pi\rho$$

$$\nabla \cdot \mathbf{B} = 0$$

$$\nabla \times \mathbf{E} = -\frac{1}{c} \frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t}$$

$$\nabla \times \mathbf{B} = \frac{1}{c} \left(4\pi \mathbf{J} + \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t} \right)$$

- Линейное волновое уравнение \Rightarrow раскладывается в сумму волн фиксированной длины волны λ (монохроматические волны)

Что такое свет

- Свет – электромагнитная волна
- Пара векторных полей (электрическое \mathbf{E} и магнитное \mathbf{B}), описываемых уравнениями Максвелла

$$\nabla \cdot \mathbf{E} = 4\pi\rho$$

$$\nabla \cdot \mathbf{B} = 0$$

$$\nabla \times \mathbf{E} = -\frac{1}{c} \frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t}$$

$$\nabla \times \mathbf{B} = \frac{1}{c} \left(4\pi \mathbf{J} + \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t} \right)$$

- Линейное волновое уравнение \Rightarrow раскладывается в сумму волн фиксированной длины волны λ (монохроматические волны)
- Много нетривиальных эффектов: интерференция, дифракция, поляризация, сложное взаимодействие с веществом

Свет

- В графике обычно достаточно геометрической оптики – предела при $\lambda \rightarrow 0$

Свет

- В графике обычно достаточно геометрической оптики – предела при $\lambda \rightarrow 0$
- Свет распространяется прямыми лучами (исключение – граница раздела сред или неоднородные среды)

Свет

- В графике обычно достаточно геометрической оптики – предела при $\lambda \rightarrow 0$
- Свет распространяется прямыми лучами (исключение – граница раздела сред или неоднородные среды)
- Свет распространяется бесконечно быстро ($c \rightarrow \infty$)

Свет

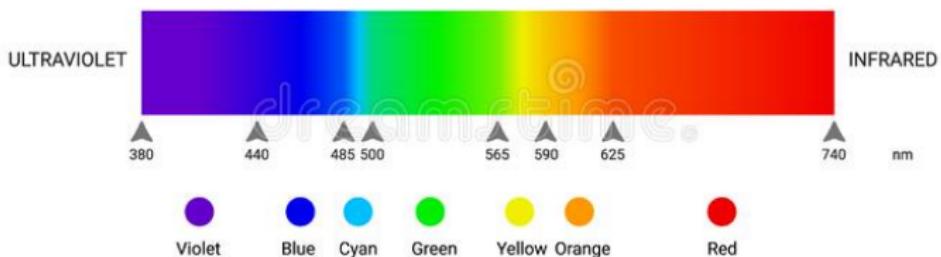
- В графике обычно достаточно геометрической оптики – предела при $\lambda \rightarrow 0$
- Свет распространяется прямыми лучами (исключение – граница раздела сред или неоднородные среды)
- Свет распространяется бесконечно быстро ($c \rightarrow \infty$)
- Луч света разбивается в сумму монохроматических лучей, каждая имеет свою амплитуду (количество света)

Свет

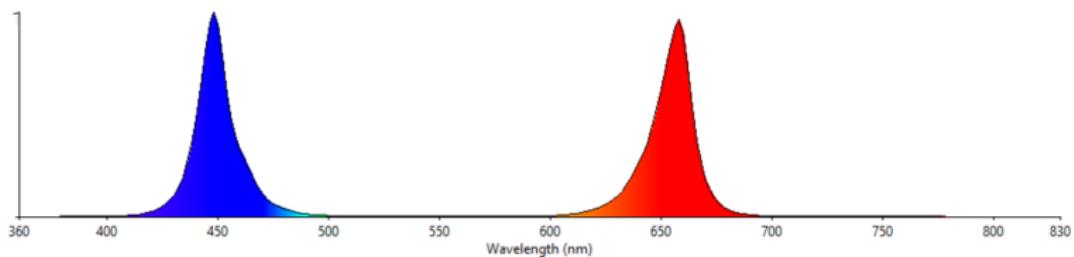
- В графике обычно достаточно геометрической оптики – предела при $\lambda \rightarrow 0$
- Свет распространяется прямыми лучами (исключение – граница раздела сред или неоднородные среды)
- Свет распространяется бесконечно быстро ($c \rightarrow \infty$)
- Луч света разбивается в сумму монохроматических лучей, каждая имеет свою амплитуду (количество света)
- Интересуют только волны видимого спектра

Видимый спектр

Visible spectrum



Фиолетовый цвет



Столкновение света с поверхностью

- Что происходит, когда луч света сталкивается с некой поверхностью?

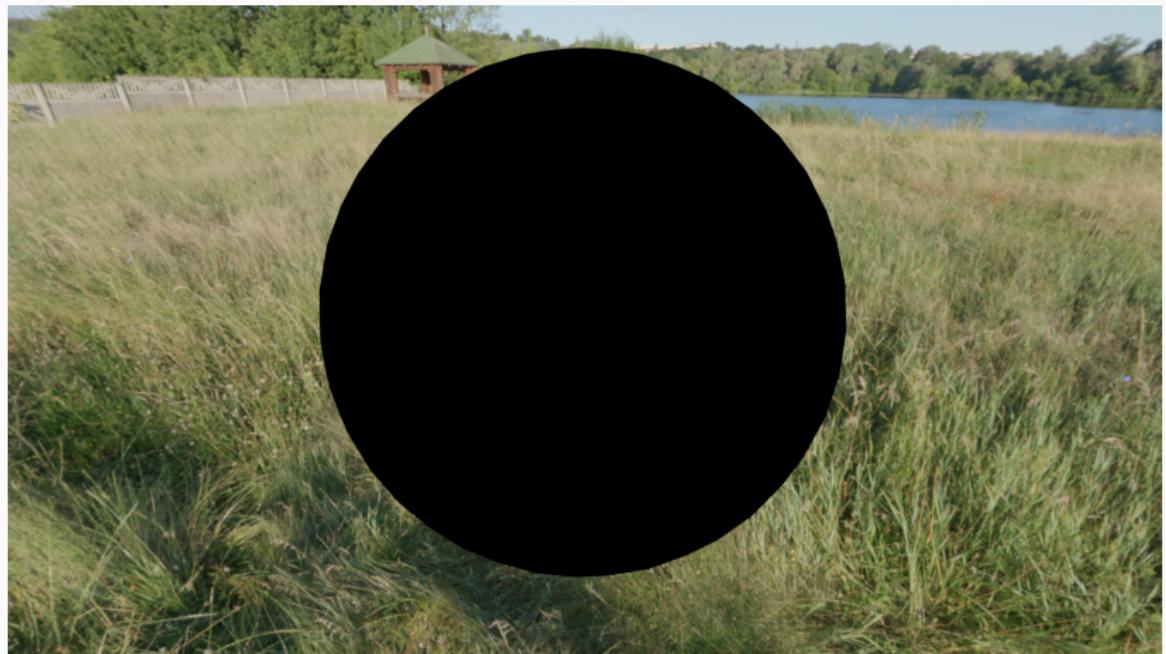
Столкновение света с поверхностью

- Что происходит, когда луч света сталкивается с некой поверхностью?
- Зависит от её материала:

Столкновение света с поверхностью

- Что происходит, когда луч света сталкивается с некой поверхностью?
- Зависит от её материала:
 - Абсолютно чёрное тело: поглощает весь свет

Абсолютно чёрное тело



Столкновение света с поверхностью

- Что происходит, когда луч света сталкивается с некой поверхностью?
- Зависит от её материала:
 - Абсолютно чёрное тело: поглощает весь свет

Столкновение света с поверхностью

- Что происходит, когда луч света сталкивается с некой поверхностью?
- Зависит от её материала:
 - Абсолютно чёрное тело: поглощает весь свет
 - Зеркало: отражает свет в строго определённом направлении

Зеркало



Столкновение света с поверхностью

- Что происходит, когда луч света сталкивается с некой поверхностью?
- Зависит от её материала:
 - Абсолютно чёрное тело: поглощает весь свет
 - Зеркало: отражает свет в строго определённом направлении

Столкновение света с поверхностью

- Что происходит, когда луч света сталкивается с некой поверхностью?
- Зависит от её материала:
 - Абсолютно чёрное тело: поглощает весь свет
 - Зеркало: отражает свет в строго определённом направлении
 - Старое, плохо отполированное зеркало / лакированная поверхность: отражает свет примерно в определённом направлении

Старое зеркало



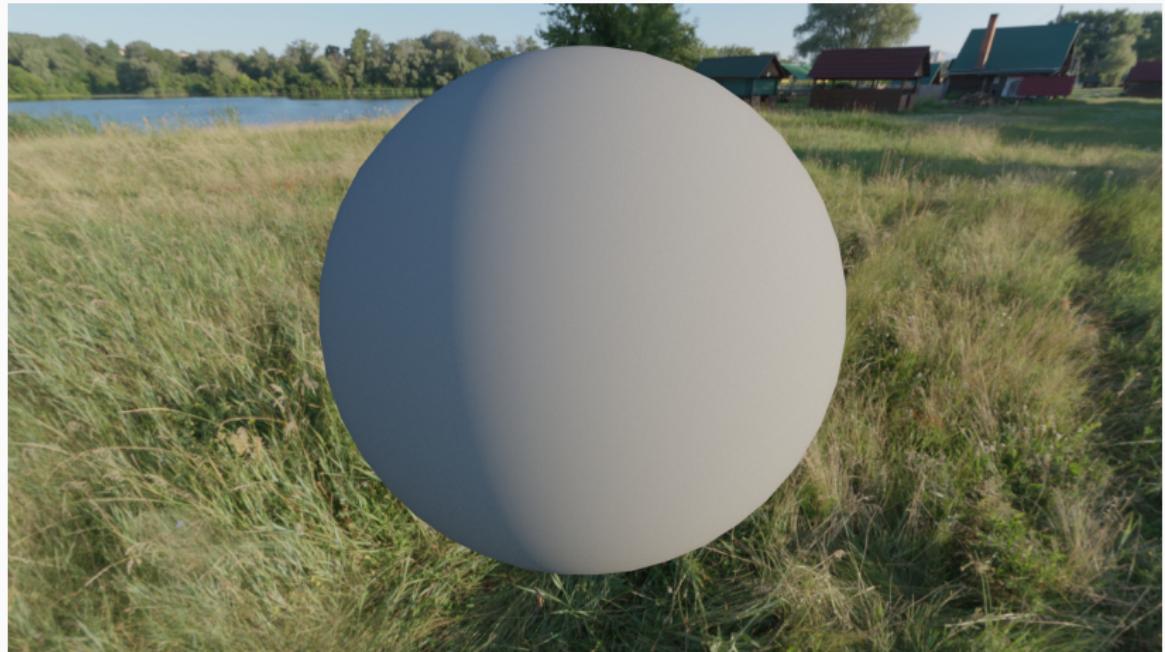
Столкновение света с поверхностью

- Что происходит, когда луч света сталкивается с некой поверхностью?
- Зависит от её материала:
 - Абсолютно чёрное тело: поглощает весь свет
 - Зеркало: отражает свет в строго определённом направлении
 - Старое, плохо отполированное зеркало / лакированная поверхность: отражает свет примерно в определённом направлении

Столкновение света с поверхностью

- Что происходит, когда луч света сталкивается с некой поверхностью?
- Зависит от её материала:
 - Абсолютно чёрное тело: поглощает весь свет
 - Зеркало: отражает свет в строго определённом направлении
 - Старое, плохо отполированное зеркало / лакированная поверхность: отражает свет примерно в определённом направлении
 - Диффузная (ламбертова) поверхность: отражает свет во все стороны равномерно

Диффузная поверхность



Столкновение света с поверхностью

- Что происходит, когда луч света сталкивается с некой поверхностью?
- Зависит от её материала:
 - Абсолютно чёрное тело: поглощает весь свет
 - Зеркало: отражает свет в строго определённом направлении
 - Старое, плохо отполированное зеркало / лакированная поверхность: отражает свет примерно в определённом направлении
 - Диффузная (ламбертова) поверхность: отражает свет во все стороны равномерно

Столкновение света с поверхностью

- Что происходит, когда луч света сталкивается с некой поверхностью?
- Зависит от её материала:
 - Абсолютно чёрное тело: поглощает весь свет
 - Зеркало: отражает свет в строго определённом направлении
 - Старое, плохо отполированное зеркало / лакированная поверхность: отражает свет примерно в определённом направлении
 - Диффузная (ламбертова) поверхность: отражает свет во все стороны равномерно
 - Вода, стекло: частично отражает, частично преломляет (закон Френеля)

Стекло



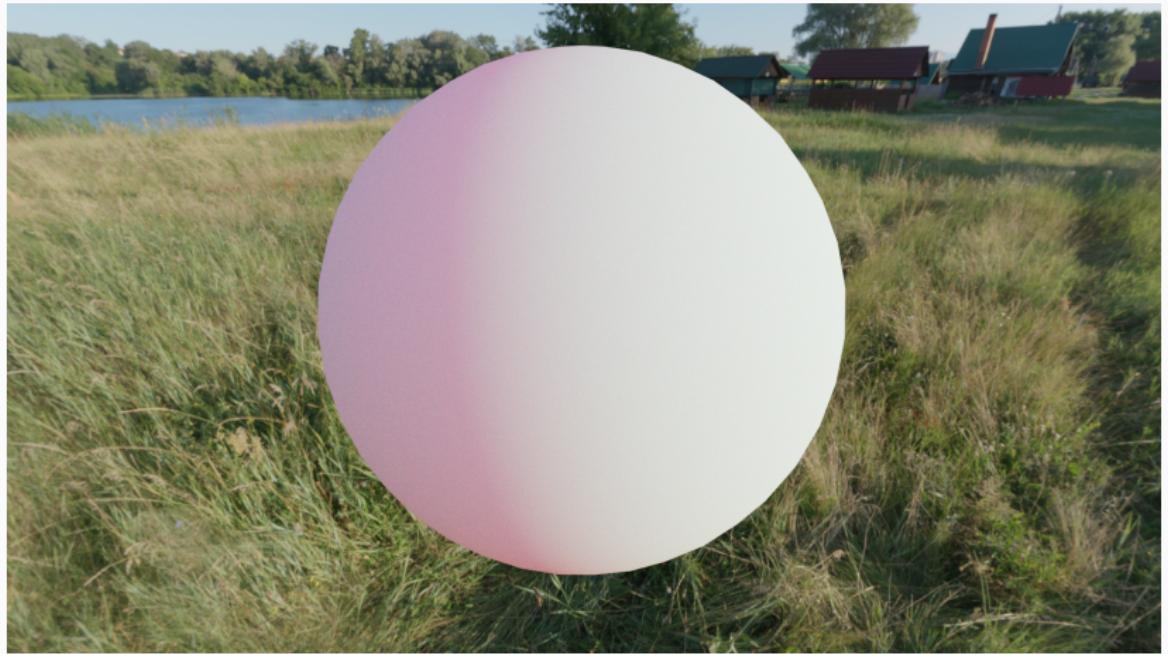
Столкновение света с поверхностью

- Что происходит, когда луч света сталкивается с некой поверхностью?
- Зависит от её материала:
 - Абсолютно чёрное тело: поглощает весь свет
 - Зеркало: отражает свет в строго определённом направлении
 - Старое, плохо отполированное зеркало / лакированная поверхность: отражает свет примерно в определённом направлении
 - Диффузная (ламбертова) поверхность: отражает свет во все стороны равномерно
 - Вода, стекло: частично отражает, частично преломляет (закон Френеля)

Столкновение света с поверхностью

- Что происходит, когда луч света сталкивается с некой поверхностью?
- Зависит от её материала:
 - Абсолютно чёрное тело: поглощает весь свет
 - Зеркало: отражает свет в строго определённом направлении
 - Старое, плохо отполированное зеркало / лакированная поверхность: отражает свет примерно в определённом направлении
 - Диффузная (ламбертова) поверхность: отражает свет во все стороны равномерно
 - Вода, стекло: частично отражает, частично преломляет (закон Френеля)
 - Воск: частично отражает, частично преломляет, но свет заходит неглубоко (subsurface scattering)

Bock



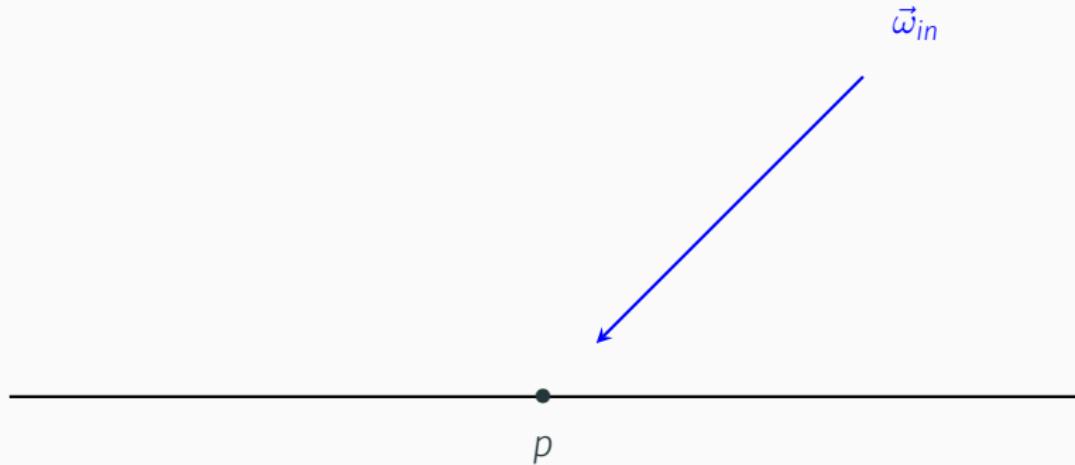
Столкновение света с поверхностью

- Что происходит, когда луч света сталкивается с некой поверхностью?

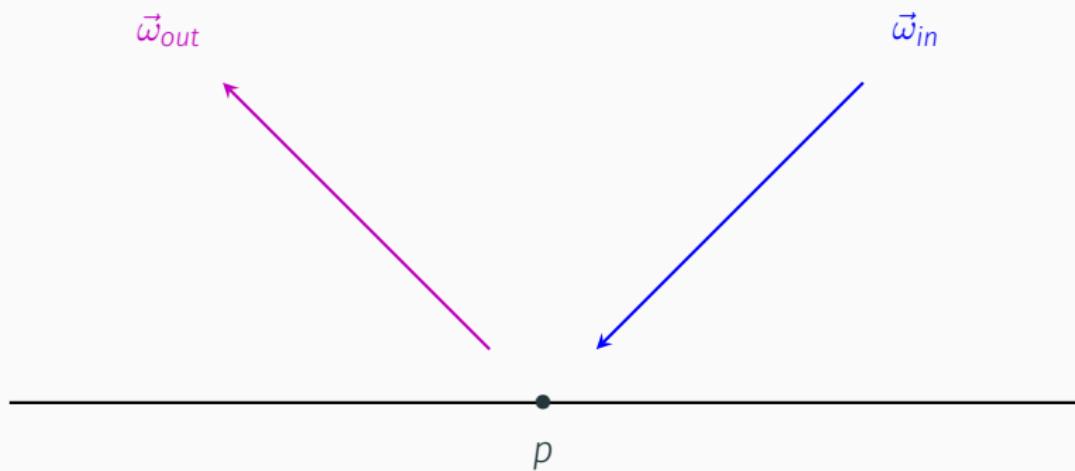
Столкновение света с поверхностью

- Что происходит, когда луч света сталкивается с некой поверхностью?
- \Rightarrow Свет, выходящий в каком-то направлении, складывается из света, пришедшего из *всех направлений*

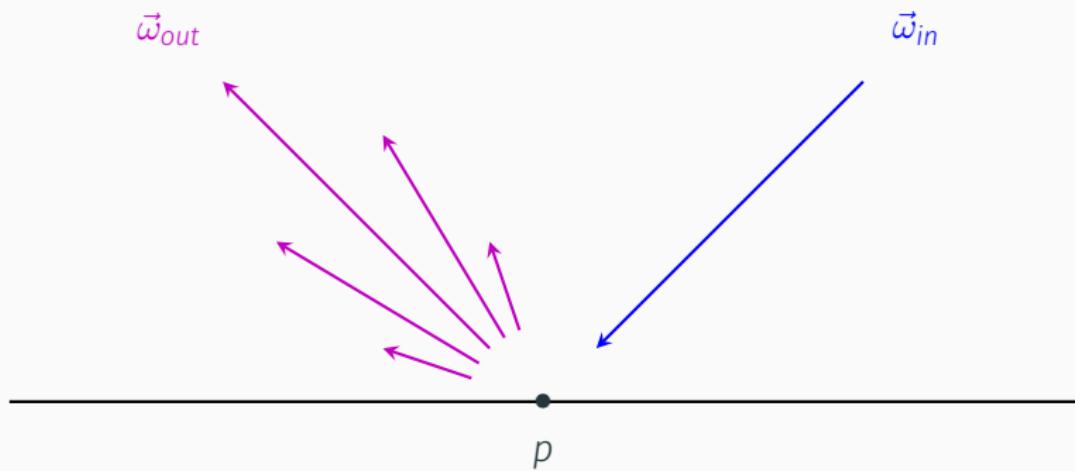
Абсолютно чёрное тело



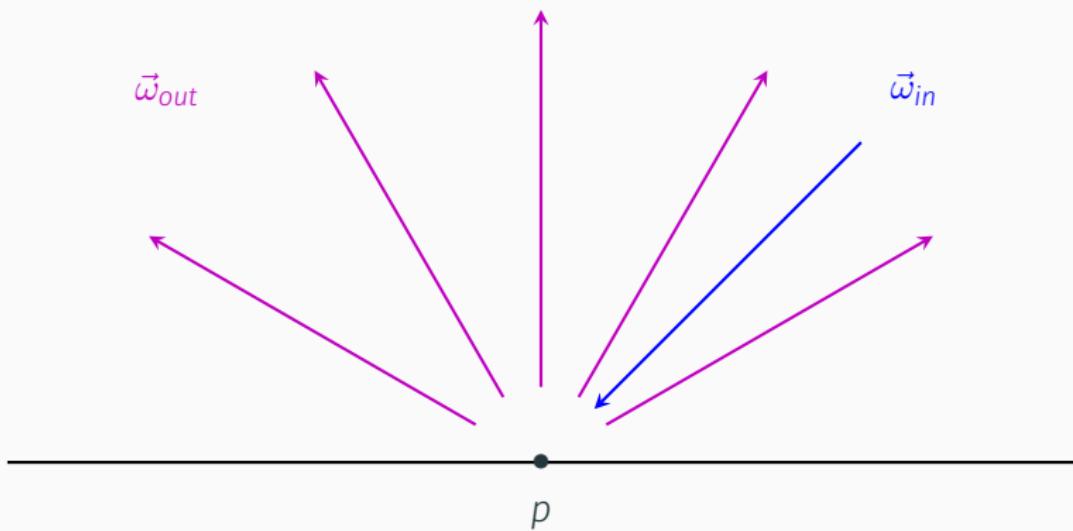
Зеркало



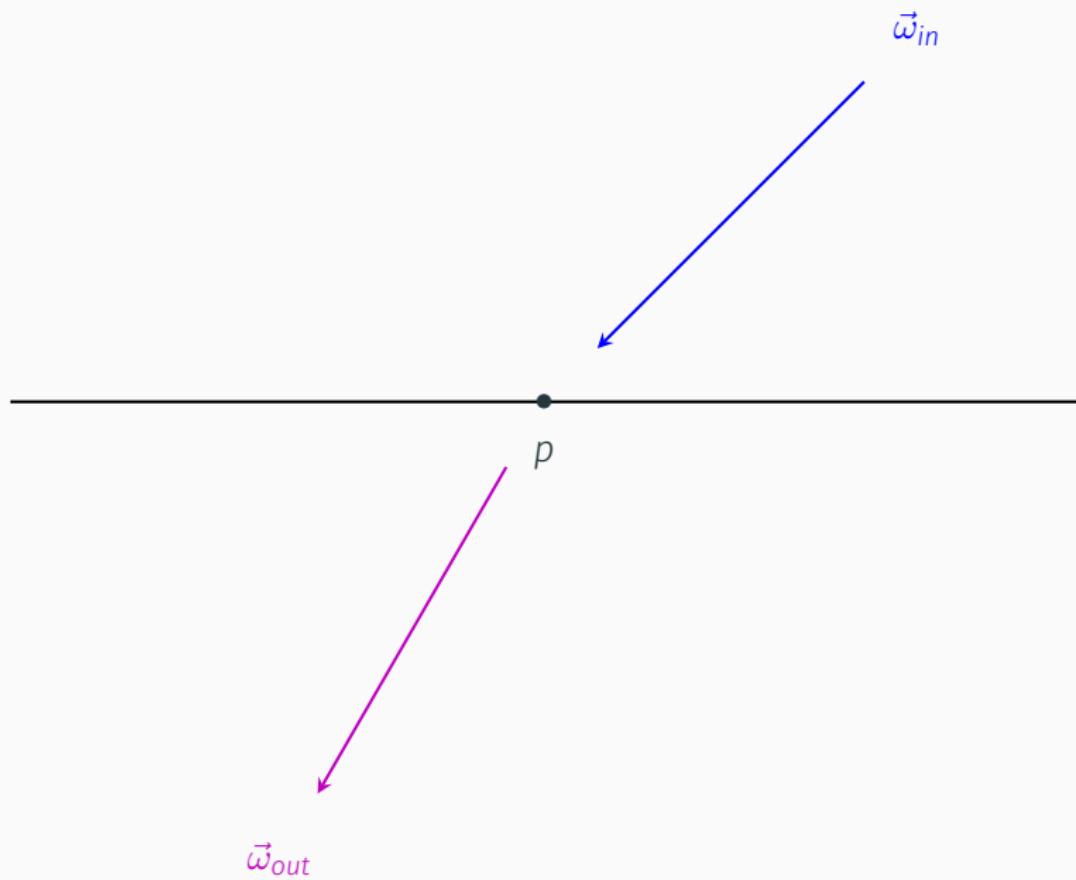
Старое зеркало / лакированная поверхность



Диффузная поверхность



Стекло



Уравнение рендеринга (Kajiya, 1986)

$$I_{out}(p, \vec{\omega}_{out}, \lambda) = I_e(p, \vec{\omega}_{out}, \lambda) + \int_{\mathbb{S}^2} I_{in}(p, \vec{\omega}_{in}, \lambda) \cdot f(p, \vec{\omega}_{in}, \vec{\omega}_{out}, \lambda) \cdot (\vec{\omega}_{in} \cdot \vec{n}) d\vec{\omega}_{in}$$

Уравнение рендеринга (Kajiya, 1986)

$$I_{out}(p, \vec{\omega}_{out}, \lambda) = I_e(p, \vec{\omega}_{out}, \lambda) + \int_{\mathbb{S}^2} I_{in}(p, \vec{\omega}_{in}, \lambda) \cdot f(p, \vec{\omega}_{in}, \vec{\omega}_{out}, \lambda) \cdot (\vec{\omega}_{in} \cdot \vec{n}) d\vec{\omega}_{in}$$

- I_{out} – количество света, выходящего из точки p в направлении $\vec{\omega}_{out}$ с длиной волны λ

Уравнение рендеринга (Kajiya, 1986)

$$I_{out}(p, \vec{\omega}_{out}, \lambda) = I_e(p, \vec{\omega}_{out}, \lambda) + \int_{\mathbb{S}^2} I_{in}(p, \vec{\omega}_{in}, \lambda) \cdot f(p, \vec{\omega}_{in}, \vec{\omega}_{out}, \lambda) \cdot (\vec{\omega}_{in} \cdot \vec{n}) d\vec{\omega}_{in}$$

- I_{out} – количество света, выходящего из точки p в направлении $\vec{\omega}_{out}$ с длиной волны λ
- I_e – количество света, излучаемого поверхностью из точки p в направлении $\vec{\omega}_{out}$ с длиной волны λ

Уравнение рендеринга (Kajiya, 1986)

$$I_{out}(p, \vec{\omega}_{out}, \lambda) = I_e(p, \vec{\omega}_{out}, \lambda) + \int_{\mathbb{S}^2} I_{in}(p, \vec{\omega}_{in}, \lambda) \cdot f(p, \vec{\omega}_{in}, \vec{\omega}_{out}, \lambda) \cdot (\vec{\omega}_{in} \cdot \vec{n}) d\vec{\omega}_{in}$$

- I_{out} – количество света, выходящего из точки p в направлении $\vec{\omega}_{out}$ с длиной волны λ
- I_e – количество света, излучаемого поверхностью из точки p в направлении $\vec{\omega}_{out}$ с длиной волны λ
- I_{in} – количество света, приходящего в точку p из направления $\vec{\omega}_{in}$ с длиной волны λ

Уравнение рендеринга (Kajiya, 1986)

$$I_{out}(p, \vec{\omega}_{out}, \lambda) = I_e(p, \vec{\omega}_{out}, \lambda) + \int_{\mathbb{S}^2} I_{in}(p, \vec{\omega}_{in}, \lambda) \cdot f(p, \vec{\omega}_{in}, \vec{\omega}_{out}, \lambda) \cdot (\vec{\omega}_{in} \cdot \vec{n}) d\vec{\omega}_{in}$$

- I_{out} – количество света, выходящего из точки p в направлении $\vec{\omega}_{out}$ с длиной волны λ
- I_e – количество света, излучаемого поверхностью из точки p в направлении $\vec{\omega}_{out}$ с длиной волны λ
- I_{in} – количество света, приходящего в точку p из направления $\vec{\omega}_{in}$ с длиной волны λ
- f – функция, определяющая, сколько света с длиной волны λ , пришедшего из направления $\vec{\omega}_{in}$, отразится в направлении $\vec{\omega}_{out}$

Уравнение рендеринга (Kajiya, 1986)

$$I_{out}(p, \vec{\omega}_{out}, \lambda) = I_e(p, \vec{\omega}_{out}, \lambda) + \int_{\mathbb{S}^2} I_{in}(p, \vec{\omega}_{in}, \lambda) \cdot f(p, \vec{\omega}_{in}, \vec{\omega}_{out}, \lambda) \cdot (\vec{\omega}_{in} \cdot \vec{n}) d\vec{\omega}_{in}$$

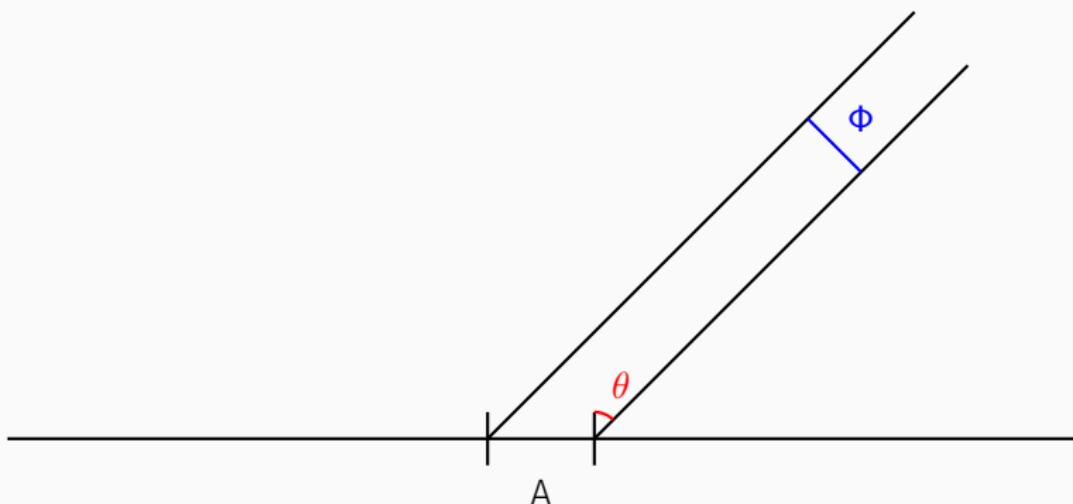
- I_{out} – количество света, выходящего из точки p в направлении $\vec{\omega}_{out}$ с длиной волны λ
- I_e – количество света, излучаемого поверхностью из точки p в направлении $\vec{\omega}_{out}$ с длиной волны λ
- I_{in} – количество света, приходящего в точку p из направления $\vec{\omega}_{in}$ с длиной волны λ
- f – функция, определяющая, сколько света с длиной волны λ , пришедшего из направления $\vec{\omega}_{in}$, отразится в направлении $\vec{\omega}_{out}$
- \vec{n} – нормаль (перпендикуляр) к поверхности в точке p

Косинус угла падения

- Откуда взялся $\vec{\omega}_{in} \cdot \vec{n}$?

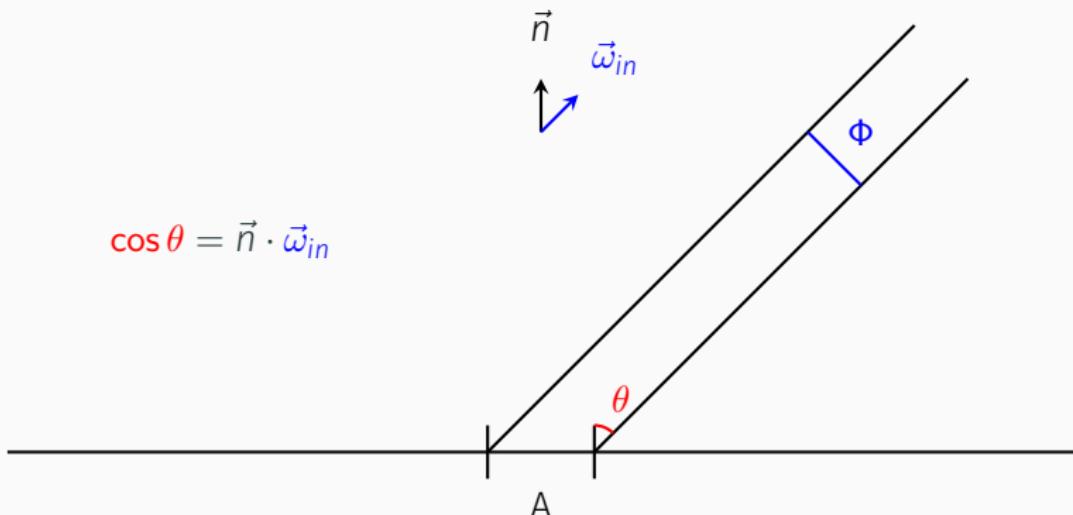
Косинус угла падения

- Откуда взялся $\vec{\omega}_{in} \cdot \vec{n}$?
- На поверхность площадью A падает световой поток с площадью поперечного сечения Φ под углом θ
- Тогда $\Phi = A \cdot \cos \theta$
- \Rightarrow На единицу площади приходится $\cos \theta$ от общей плотности потока



Косинус угла падения

- Откуда взялся $\vec{\omega}_{in} \cdot \vec{n}$?
- На поверхность площадью A падает световой поток с площадью поперечного сечения Φ под углом θ
- Тогда $\Phi = A \cdot \cos \theta$
- \Rightarrow На единицу площади приходится $\cos \theta$ от общей плотности потока



Материал

- f определяет материал объекта

Материал

- f определяет материал объекта
- Абсолютно чёрное тело: $f(p, \vec{\omega}_{in}, \vec{\omega}_{out}, \lambda) = 0$

Материал

- f определяет материал объекта
- Абсолютно чёрное тело: $f(p, \vec{\omega}_{in}, \vec{\omega}_{out}, \lambda) = 0$
- Идеальное зеркало: $f(p, \vec{\omega}_{in}, \vec{\omega}_{out}, \lambda) = \delta(R_{\vec{n}}(\vec{\omega}_{in}) - \vec{\omega}_{out})$
 - R – отраженный вектор: $R_{\vec{n}}(\vec{\omega}) = 2\vec{n} \cdot (\vec{n} \cdot \vec{\omega}) - \vec{\omega}$

Материал

- f определяет материал объекта
- Абсолютно чёрное тело: $f(p, \vec{\omega}_{in}, \vec{\omega}_{out}, \lambda) = 0$
- Идеальное зеркало: $f(p, \vec{\omega}_{in}, \vec{\omega}_{out}, \lambda) = \delta(R_{\vec{n}}(\vec{\omega}_{in}) - \vec{\omega}_{out})$
 - R – отраженный вектор: $R_{\vec{n}}(\vec{\omega}) = 2\vec{n} \cdot (\vec{n} \cdot \vec{\omega}) - \vec{\omega}$
- Старое зеркало: $f(p, \vec{\omega}_{in}, \vec{\omega}_{out}, \lambda) = (R_{\vec{n}}(\vec{\omega}_{in}) \cdot \vec{\omega}_{out})^7$

Материал

- f определяет материал объекта
- Абсолютно чёрное тело: $f(p, \vec{\omega}_{in}, \vec{\omega}_{out}, \lambda) = 0$
- Идеальное зеркало: $f(p, \vec{\omega}_{in}, \vec{\omega}_{out}, \lambda) = \delta(R_{\vec{n}}(\vec{\omega}_{in}) - \vec{\omega}_{out})$
 - R – отраженный вектор: $R_{\vec{n}}(\vec{\omega}) = 2\vec{n} \cdot (\vec{n} \cdot \vec{\omega}) - \vec{\omega}$
- Старое зеркало: $f(p, \vec{\omega}_{in}, \vec{\omega}_{out}, \lambda) = (R_{\vec{n}}(\vec{\omega}_{in}) \cdot \vec{\omega}_{out})^7$
- Диффузная поверхность: $f(p, \vec{\omega}_{in}, \vec{\omega}_{out}, \lambda) = 1$

Цвет

- Зависимость f от λ обеспечивает цвет объектов

Цвет

- Зависимость f от λ обеспечивает цвет объектов
- Мы видим свет, отражённый объектом

Цвет

- Зависимость f от λ обеспечивает цвет объектов
- Мы видим свет, отражённый объектом
- Объект синего цвета не отражает красный цвет (кажется чёрным при освещении красным светом)

BRDF, BTDF, BSDF

- Если f только отражает свет, её называют BRDF: Bidirectional Reflectance Distribution Function

BRDF, BTDF, BSDF

- Если f только отражает свет, её называют **BRDF**: Bidirectional Reflectance Distribution Function
- Если f только преломляет свет, её называют **BTDF**: Bidirectional Transmittance Distribution Function

BRDF, BTDF, BSDF

- Если f только отражает свет, её называют **BRDF**: Bidirectional Reflectance Distribution Function
- Если f только преломляет свет, её называют **BTDF**: Bidirectional Transmittance Distribution Function
- В общем случае её называют **BSDF**: Bidirectional Scattering Distribution Function

BSDF

- BSDF неотрицательна: $f(p, \vec{\omega}_{in}, \vec{\omega}_{out}, \lambda) \geq 0$

BSDF

- BSDF неотрицательна: $f(p, \vec{\omega}_{in}, \vec{\omega}_{out}, \lambda) \geq 0$
- Обычно BSDF предполагается нормированной: тело не может отразить больше света, чем пришло

$$\int_{\mathbb{S}^2} f(p, \vec{\omega}_{in}, \vec{\omega}_{out}, \lambda) (\vec{\omega}_{in} \cdot \vec{n}) d\vec{\omega}_{in} \leq 1$$

BSDF

- BSDF неотрицательна: $f(p, \vec{\omega}_{in}, \vec{\omega}_{out}, \lambda) \geq 0$
- Обычно BSDF предполагается нормированной: тело не может отразить больше света, чем пришло

$$\int_{\mathbb{S}^2} f(p, \vec{\omega}_{in}, \vec{\omega}_{out}, \lambda) (\vec{\omega}_{in} \cdot \vec{n}) d\vec{\omega}_{in} \leq 1$$

- Helmholtz reciprocity:

$$f(p, \vec{\omega}_{in}, \vec{\omega}_{out}, \lambda) = f(p, \vec{\omega}_{out}, \vec{\omega}_{in}, \lambda)$$

BSDF

- BSDF неотрицательна: $f(p, \vec{\omega}_{in}, \vec{\omega}_{out}, \lambda) \geq 0$
- Обычно BSDF предполагается нормированной: тело не может отразить больше света, чем пришло

$$\int_{\mathbb{S}^2} f(p, \vec{\omega}_{in}, \vec{\omega}_{out}, \lambda) (\vec{\omega}_{in} \cdot \vec{n}) d\vec{\omega}_{in} \leq 1$$

- Helmholtz reciprocity:

$$f(p, \vec{\omega}_{in}, \vec{\omega}_{out}, \lambda) = f(p, \vec{\omega}_{out}, \vec{\omega}_{in}, \lambda)$$

- Комбинация набора BSDF $\{f_i\}$ – тоже BSDF:

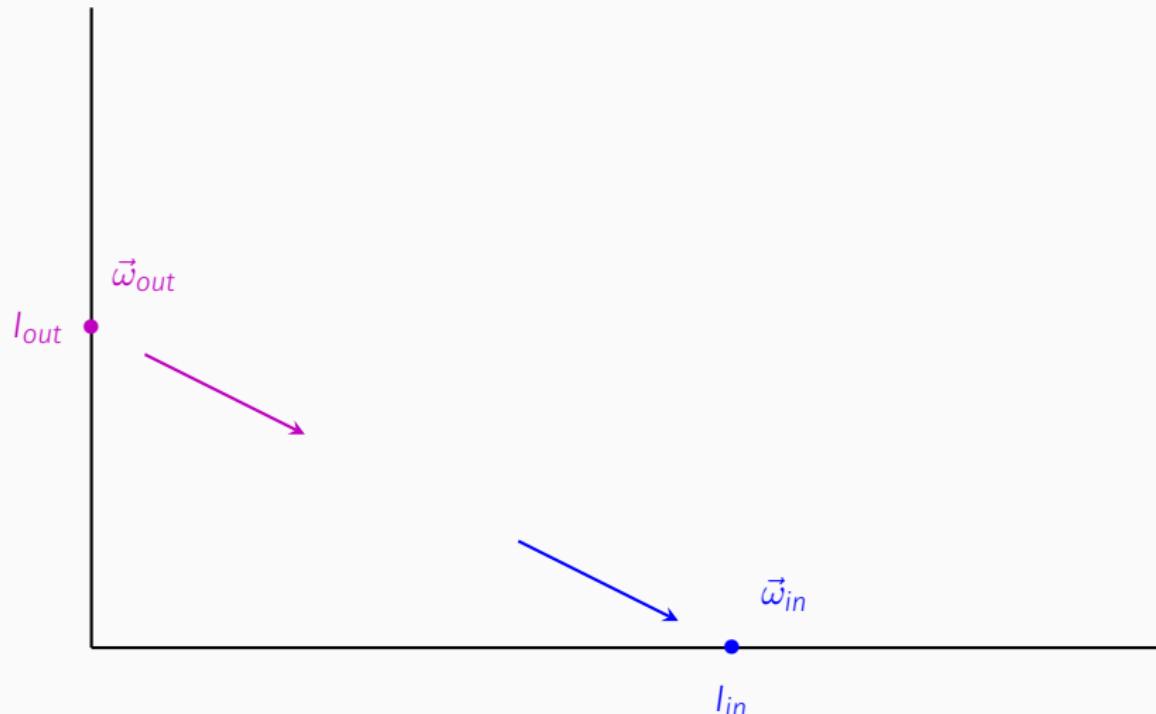
$$\mu_i \geq 0, \sum \mu_i \leq 1 \Rightarrow \sum \mu_i f_i$$

Уравнение рендеринга

- Откуда взять I_{in} ?

Уравнение рендеринга

- Откуда взять I_{in} ? Ответ: это чей-то I_{out}



Уравнение рендеринга

- Интегральное уравнение для каждой точки каждой поверхности сцены

Уравнение рендеринга

- Интегральное уравнение для каждой точки каждой поверхности сцены
- Включает зависимость от материала объектов в каждой точке

Уравнение рендеринга

- Интегральное уравнение для каждой точки каждой поверхности сцены
- Включает зависимость от материала объектов в каждой точке
- Геометрия сцены связывает уравнения для разных точек

Уравнение рендеринга

- Интегральное уравнение для каждой точки каждой поверхности сцены
- Включает зависимость от материала объектов в каждой точке
- Геометрия сцены связывает уравнения для разных точек
- Обычно вместо всех возможных значений λ берут дискретный набор (**красный**, зелёный, **синий**)

Уравнение рендеринга

- Интегральное уравнение для каждой точки каждой поверхности сцены
- Включает зависимость от материала объектов в каждой точке
- Геометрия сцены связывает уравнения для разных точек
- Обычно вместо всех возможных значений λ берут дискретный набор (**красный**, **зелёный**, **синий**)
- Задача решения этого уравнения называется *Global Illumination (GI)*

Уравнение рендеринга

- Как описывать геометрию?

Уравнение рендеринга

- Как описывать геометрию?
- Как описывать материал (BRDF)?

Уравнение рендеринга

- Как описывать геометрию?
- Как описывать материал (BRDF)?
- Как решать само уравнение?

Уравнение рендеринга

- Как описывать геометрию?
- Как описывать материал (BRDF)?
- Как решать само уравнение?
- Как это выглядит в коде?

Как описывать геометрию

- Зависит от используемого метода решения уравнения

Как описывать геометрию

- Зависит от используемого метода решения уравнения
- Самый частый вариант – триангуляция поверхности

Как описывать геометрию

- Зависит от используемого метода решения уравнения
- Самый частый вариант – триангуляция поверхности
- Параметрическая поверхность, сплайны, NURBS

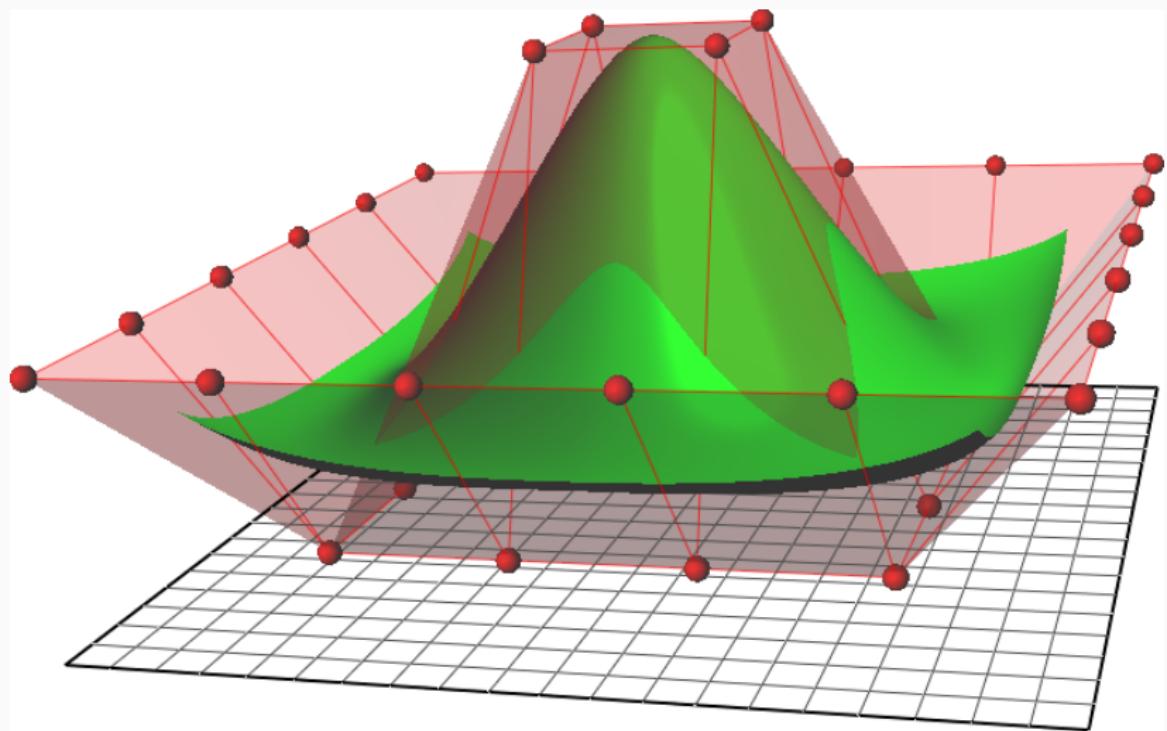
Как описывать геометрию

- Зависит от используемого метода решения уравнения
- Самый частый вариант – триангуляция поверхности
- Параметрическая поверхность, сплайны, NURBS
- Неявная поверхность $f(p) = 0$, по ∇f можно получить нормаль к поверхности

Как описывать геометрию

- Зависит от используемого метода решения уравнения
- Самый частый вариант – триангуляция поверхности
- Параметрическая поверхность, сплайны, NURBS
- Неявная поверхность $f(p) = 0$, по ∇f можно получить нормаль к поверхности
- Подвид неявных поверхностей – *signed distance function/field* (SDF) – функция $f(p)$, возвращающая расстояние до поверхности, удобна для некоторых алгоритмов (напр. raymarching)

NURBS



Как решать уравнение рендеринга: алгоритм radiosity

- Взять в качестве переменных среднюю освещённость в каждой вершине сцены, интерполировать освещённость в треугольниках, свести к системе линейных уравнений

Как решать уравнение рендеринга: алгоритм radiosity

- Взять в качестве переменных среднюю освещённость в каждой вершине сцены, интерполировать освещённость в треугольниках, свести к системе линейных уравнений
- Требует вычислить влияние каждого треугольника на каждый с учётом видимости

Как решать уравнение рендеринга: алгоритм radiosity

- Взять в качестве переменных среднюю освещённость в каждой вершине сцены, интерполировать освещённость в треугольниках, свести к системе линейных уравнений
- Требует вычислить влияние каждого треугольника на каждый с учётом видимости
- Обычно решается итеративными методами (Якоби, Гаусса-Зейделя)

Как решать уравнение рендеринга: алгоритм radiosity

- Взять в качестве переменных среднюю освещённость в каждой вершине сцены, интерполировать освещённость в треугольниках, свести к системе линейных уравнений
- Требует вычислить влияние каждого треугольника на каждый с учётом видимости
- Обычно решается итеративными методами (Якоби, Гаусса-Зейделя)
- Каждая итерация учитывает ещё одно возможное отражение света (bounce) перед попаданием в камеру

Как решать уравнение рендеринга: алгоритм radiosity

- Взять в качестве переменных среднюю освещённость в каждой вершине сцены, интерполировать освещённость в треугольниках, свести к системе линейных уравнений
- Требует вычислить влияние каждого треугольника на каждый с учётом видимости
- Обычно решается итеративными методами (Якоби, Гаусса-Зейделя)
- Каждая итерация учитывает ещё одно возможное отражение света (bounce) перед попаданием в камеру
- Плохо подходит для динамических и real-time сцен

Как решать уравнение рендеринга: raytracing + monte-carlo integration

- Посыпать лучи из камеры, симулируя обратное распространение света (*raytracing*)

Как решать уравнение рендеринга: raytracing + monte-carlo integration

- Посыпать лучи из камеры, симулируя обратное распространение света (*raytracing*)
- В точке пересечения луча с объектом сцены аппроксимировать интеграл, пуская отражённые лучи в случайном направлении (*monte-carlo integration*)

Как решать уравнение рендеринга: raytracing + monte-carlo integration

- Посыпать лучи из камеры, симулируя обратное распространение света (*raytracing*)
- В точке пересечения луча с объектом сцены аппроксимировать интеграл, пуская отражённые лучи в случайном направлении (*monte-carlo integration*)
- Основной алгоритм, использующийся при offline рендеринге

Как решать уравнение рендеринга: raytracing + monte-carlo integration

- Посыпать лучи из камеры, симулируя обратное распространение света (*raytracing*)
- В точке пересечения луча с объектом сцены аппроксимировать интеграл, пуская отражённые лучи в случайном направлении (*monte-carlo integration*)
- Основной алгоритм, использующийся при offline рендеринге
- Требует как-то ограничить количество отражений (*bounces*)

Как решать уравнение рендеринга: raytracing + monte-carlo integration

- Посыпать лучи из камеры, симулируя обратное распространение света (*raytracing*)
- В точке пересечения луча с объектом сцены аппроксимировать интеграл, пуская отражённые лучи в случайном направлении (*monte-carlo integration*)
- Основной алгоритм, использующийся при offline рендеринге
- Требует как-то ограничить количество отражений (*bounces*)
- Требует построить некую структуру данных (BVH – *bounding volume hierarchy*) для ускорения поиска пересечений лучей со сценой (RTX делают именно это)

Как решать уравнение рендеринга: raytracing + monte-carlo integration

- Картинка получается очень шумной (зернистой) из-за случайности, очень много исследований направлено на борьбу с шумом (*importance sampling, resampling, reservoir sampling*)

Как решать уравнение рендеринга: raytracing + monte-carlo integration

- Картинка получается очень шумной (зернистой) из-за случайности, очень много исследований направлено на борьбу с шумом (*importance sampling, resampling, reservoir sampling*)
- Хочется переиспользовать результаты вычислений между кадрами \implies нужно эти результаты сохранять в

Как решать уравнение рендеринга: raytracing + monte-carlo integration

- Картинка получается очень шумной (зернистой) из-за случайности, очень много исследований направлено на борьбу с шумом (*importance sampling, resampling, reservoir sampling*)
- Хочется переиспользовать результаты вычислений между кадрами \implies нужно эти результаты сохранять в
 - Пикселях

Как решать уравнение рендеринга: raytracing + monte-carlo integration

- Картинка получается очень шумной (зернистой) из-за случайности, очень много исследований направлено на борьбу с шумом (*importance sampling, resampling, reservoir sampling*)
- Хочется переиспользовать результаты вычислений между кадрами \Rightarrow нужно эти результаты сохранять в
 - Пикселях
 - Точках поверхностей (*surflets*)

Как решать уравнение рендеринга: raytracing + monte-carlo integration

- Картинка получается очень шумной (зернистой) из-за случайности, очень много исследований направлено на борьбу с шумом (*importance sampling, resampling, reservoir sampling*)
- Хочется переиспользовать результаты вычислений между кадрами \Rightarrow нужно эти результаты сохранять в
 - Пикселях
 - Точких поверхностей (*surflets*)
 - Точких пространства (*voxels*)

Как решать уравнение рендеринга: raytracing + monte-carlo integration

- Картинка получается очень шумной (зернистой) из-за случайности, очень много исследований направлено на борьбу с шумом (*importance sampling, resampling, reservoir sampling*)
- Хочется переиспользовать результаты вычислений между кадрами \Rightarrow нужно эти результаты сохранять в
 - Пикселях
 - Точких поверхностей (*surflets*)
 - Точких пространства (*voxels*)
- Использование для real-time – предмет активного исследования (см. *ReSTIR GI*)

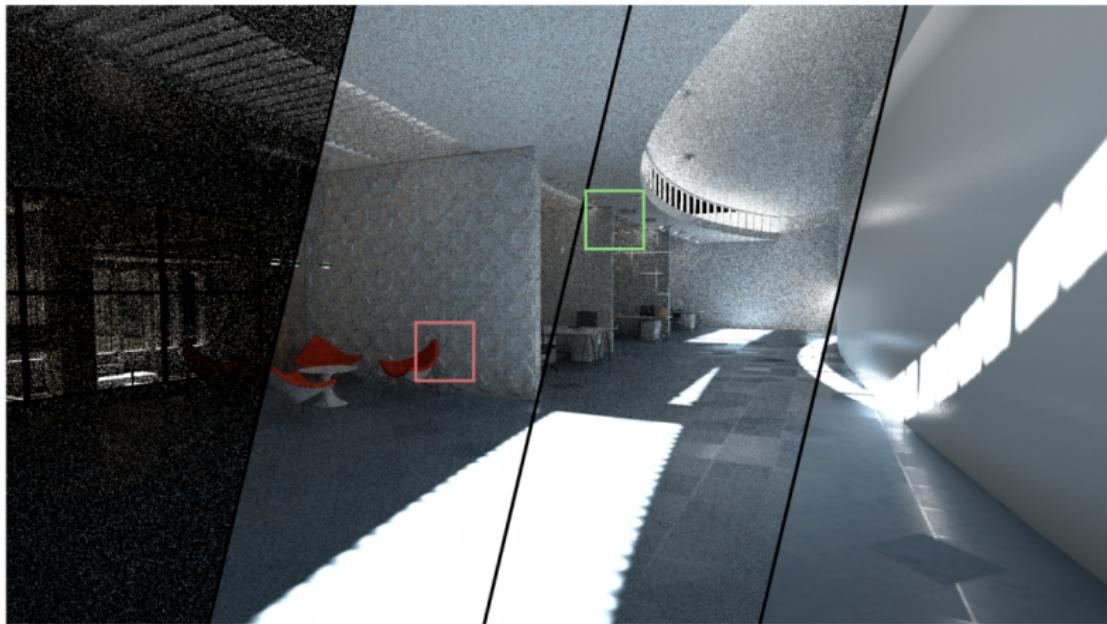
ReSTIR GI

Path Traced
(1spp) 8.0 ms
0.265 MSE

ReSTIR GI
(biased) 8.9 ms
0.0175 MSE (15.1x)

ReSTIR GI
(unbiased) 9.6 ms
0.0224 MSE (11.8x)

Reference



Как решать уравнение рендеринга: real-time подход

- Набор эвристических аппроксимаций

Как решать уравнение рендеринга: real-time подход

- Набор эвристических аппроксимаций
- Прямое освещение: $\vec{\omega}_{in}$ – направление на источник света,
 $\vec{\omega}_{out}$ – направление на камеру

Как решать уравнение рендеринга: real-time подход

- Набор эвристических аппроксимаций
- Прямое освещение: $\vec{\omega}_{in}$ – направление на источник света, $\vec{\omega}_{out}$ – направление на камеру
- Тени: учитывается, ‘виден’ ли объект источником света, или находится в тени

Как решать уравнение рендеринга: real-time подход

- Набор эвристических аппроксимаций
- Прямое освещение: $\vec{\omega}_{in}$ – направление на источник света, $\vec{\omega}_{out}$ – направление на камеру
- Тени: учитывается, ‘виден’ ли объект источником света, или находится в тени
- Отражения (точные / размытые)

Как решать уравнение рендеринга: real-time подход

- Набор эвристических аппроксимаций
- Прямое освещение: $\vec{\omega}_{in}$ – направление на источник света, $\vec{\omega}_{out}$ – направление на камеру
- Тени: учитывается, ‘виден’ ли объект источником света, или находится в тени
- Отражения (точные / размытые)
- Непрямое освещение (многократно отражённый свет) почти всегда игнорируется или эмулируется

Как решать уравнение рендеринга: real-time подход

- Набор эвристических аппроксимаций
- Прямое освещение: $\vec{\omega}_{in}$ – направление на источник света, $\vec{\omega}_{out}$ – направление на камеру
- Тени: учитывается, ‘виден’ ли объект источником света, или находится в тени
- Отражения (точные / размытые)
- Непрямое освещение (многократно отражённый свет) почти всегда игнорируется или эмулируется
 - Ambient освещение – свет, приходящий ‘отовсюду’ (с неба, отражённый от стен, и т.п.)

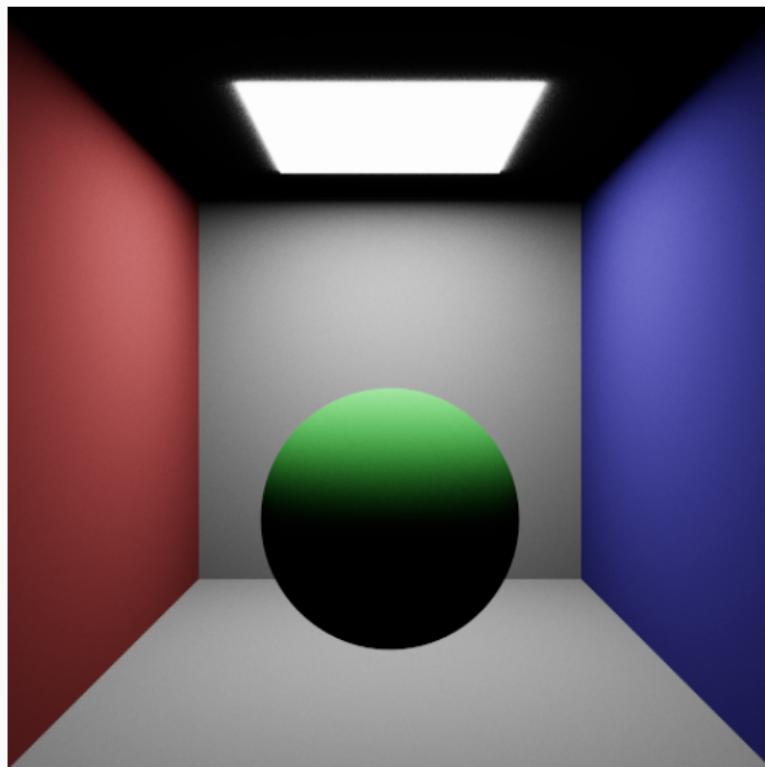
Как решать уравнение рендеринга: real-time подход

- Набор эвристических аппроксимаций
- Прямое освещение: $\vec{\omega}_{in}$ – направление на источник света, $\vec{\omega}_{out}$ – направление на камеру
- Тени: учитывается, ‘виден’ ли объект источником света, или находится в тени
- Отражения (точные / размытые)
- Непрямое освещение (многократно отражённый свет) почти всегда игнорируется или эмулируется
 - Ambient освещение – свет, приходящий ‘отовсюду’ (с неба, отражённый от стен, и т.п.)
 - Ambient occlusion (AO) – затенение частей объекта, куда доходит меньше ambient света

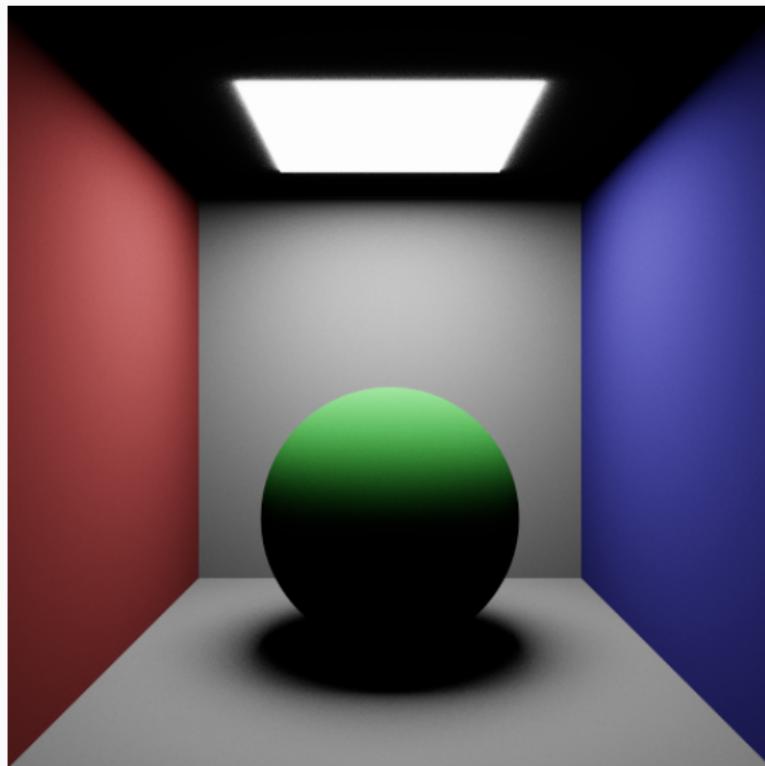
Только источник света



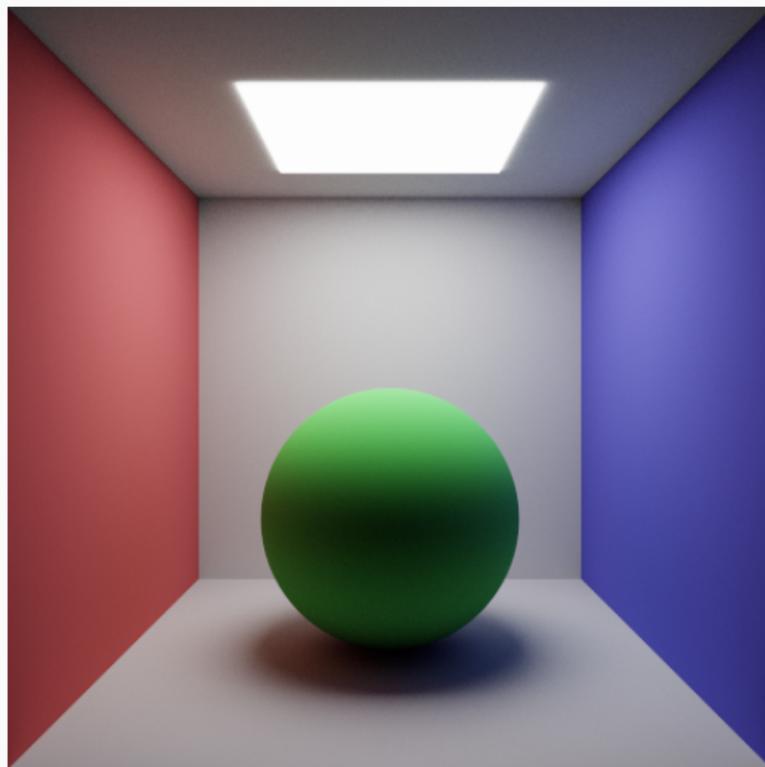
Только прямое освещение



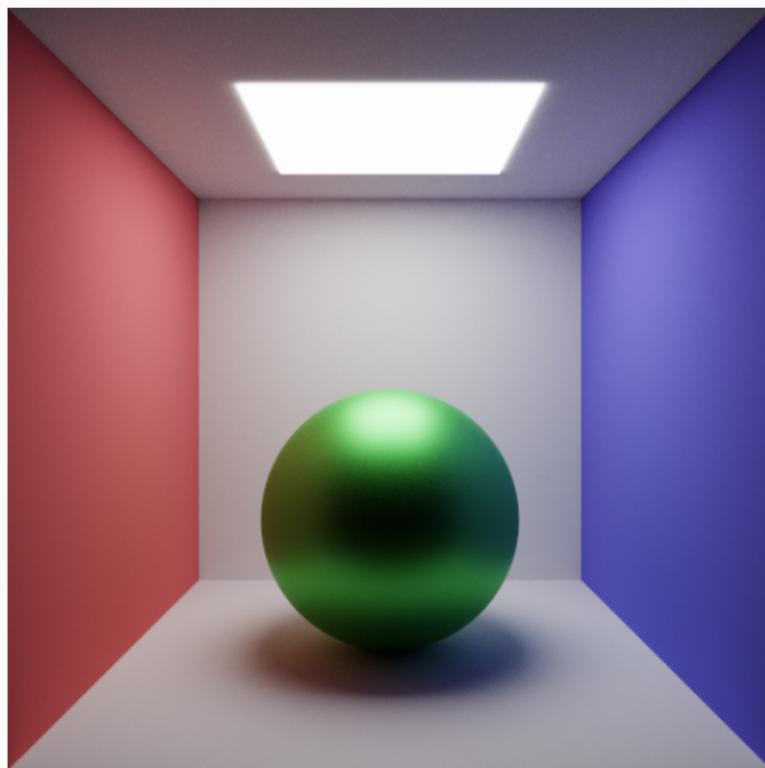
Прямое освещение и тени



Прямое и непрямое освещение, тени



Прямое и непрямое освещение, тени, отражения



Откуда взять материал (BRDF)

- Эвристические формулы (Phong)

Откуда взять материал (BRDF)

- Эвристические формулы (Phong)
- Вывод из предположений о структуре поверхности (*microfacets*)

Откуда взять материал (BRDF)

- Эвристические формулы (Phong)
- Вывод из предположений о структуре поверхности (*microfacets*)
- Прямое измерение (MERL 100)

Откуда взять материал (BRDF)

- Эвристические формулы (Phong)
- Вывод из предположений о структуре поверхности (*microfacets*)
- Прямое измерение (MERL 100)
- Симуляция

Как описать материал (BRDF)

- Явная формула (точная, или аппроксимация) с набором параметров материала

Как описать материал (BRDF)

- Явная формула (точная, или аппроксимация) с набором параметров материала
- Набор предподсчитанных значений, как-то записанных в текстуру

Расчёт прямого освещения

- Почти всегда происходит во фрагментном шейдере

Расчёт прямого освещения

- Почти всегда происходит во фрагментном шейдере
- Вычисления используют `vec3` для работы с цветом в `RGB`

Расчёт прямого освещения

- Почти всегда происходит во фрагментном шейдере
- Вычисления используют `vec3` для работы с цветом в `RGB`
- Входные данные:

Расчёт прямого освещения

- Почти всегда происходит во фрагментном шейдере
- Вычисления используют `vec3` для работы с цветом в `RGB`
- Входные данные:
 - Нормаль к поверхности

Расчёт прямого освещения

- Почти всегда происходит во фрагментном шейдере
- Вычисления используют `vec3` для работы с цветом в `RGB`
- Входные данные:
 - Нормаль к поверхности
 - Параметры материала (цвет, гладкость, и т.п.)

Расчёт прямого освещения

- Почти всегда происходит во фрагментном шейдере
- Вычисления используют `vec3` для работы с цветом в `RGB`
- Входные данные:
 - Нормаль к поверхности
 - Параметры материала (цвет, гладкость, и т.п.)
 - Источники света

Расчёт прямого освещения

- Почти всегда происходит во фрагментном шейдере
- Вычисления используют `vec3` для работы с цветом в `RGB`
- Входные данные:
 - Нормаль к поверхности
 - Параметры материала (цвет, гладкость, и т.п.)
 - Источники света
- Полная освещённость = ambient освещение + вклад от каждого источника света

Ambient освещение

- Свет, приходящий ‘отовсюду’

Ambient освещение

- Свет, приходящий 'отовсюду'
 - На улице: небо

Ambient освещение

- Свет, приходящий 'отовсюду'
 - На улице: небо
 - В помещении: диффузное отражение от стен, пола, потолка, других объектов

Ambient освещение

- Свет, приходящий ‘отовсюду’
 - На улице: небо
 - В помещении: диффузное отражение от стен, пола, потолка, других объектов
- Задаётся своим цветом

Ambient освещение

- Свет, приходящий 'отовсюду'
 - На улице: небо
 - В помещении: диффузное отражение от стен, пола, потолка, других объектов
- Задаётся своим цветом
- Обычно добавляется чтобы точки, куда не попал другой свет, не выглядели совсем чёрными

Источники света

- Два самых часто используемых типа: направленные и точечные

Источники света

- Два самых часто используемых типа: направленные и точечные
- Направленные:

Источники света

- Два самых часто используемых типа: направленные и точечные
- Направленные:
 - Задаются направлением и яркостью

Источники света

- Два самых часто используемых типа: направленные и точечные
- Направленные:
 - Задаются направлением и яркостью
 - Моделируют удалённые источники – солнце, луна

Источники света

- Два самых часто используемых типа: направленные и точечные
- Направленные:
 - Задаются направлением и яркостью
 - Моделируют удалённые источники – солнце, луна
- Точечные:

Источники света

- Два самых часто используемых типа: направленные и точечные
- Направленные:
 - Задаются направлением и яркостью
 - Моделируют удалённые источники – солнце, луна
- Точечные:
 - Задаются расположением и функцией зависимости яркости от расстояния

Источники света

- Два самых часто используемых типа: направленные и точечные
- Направленные:
 - Задаются направлением и яркостью
 - Моделируют удалённые источники – солнце, луна
- Точечные:
 - Задаются расположением и функцией зависимости яркости от расстояния
 - Моделируют (относительно) близкие источники – костёр, свеча, лампа

Точечный источник света

- Яркость убывает с расстоянием

Точечный источник света

- Яркость убывает с расстоянием
- Часто берут такую функцию затухания (*attenuation*):

$$\frac{1}{C_0 + C_1r + C_2r^2}$$

Диффузная (ламбертова) BRDF

$$f(p, \vec{\omega}_{in}, \vec{\omega}_{out}, \lambda) = \frac{C(\lambda)}{\pi}$$

- Отражает свет во всех направлениях одинаково
- $C(\lambda) \in [0, 1]$ – ‘альбедо’, определяет цвет
- π – нормировочный множитель, часто входит в $C(\lambda)$ (напр. в текстуру)

Отражающая (зеркальная, specular) BRDF

$$f(p, \vec{\omega}_{in}, \vec{\omega}_{out}, \lambda) = C(\lambda) (R_{\vec{n}}(\vec{\omega}_{in}) \cdot \vec{\omega}_{out})^{power}$$

- Отражает больше света в направлении отражённого луча:
 $R_{\vec{n}}(\vec{\omega}) = 2\vec{n} \cdot (\vec{n} \cdot \vec{\omega}) - \vec{\omega}$
- Параметр *power* определяет ‘размытость’ отражения: чем он больше, тем оно менее размытое
 - Часто вычисляется на основе более удобного параметра *roughness*, например $power = \frac{1}{roughness^2} - 1$
- Сложно правильно нормировать

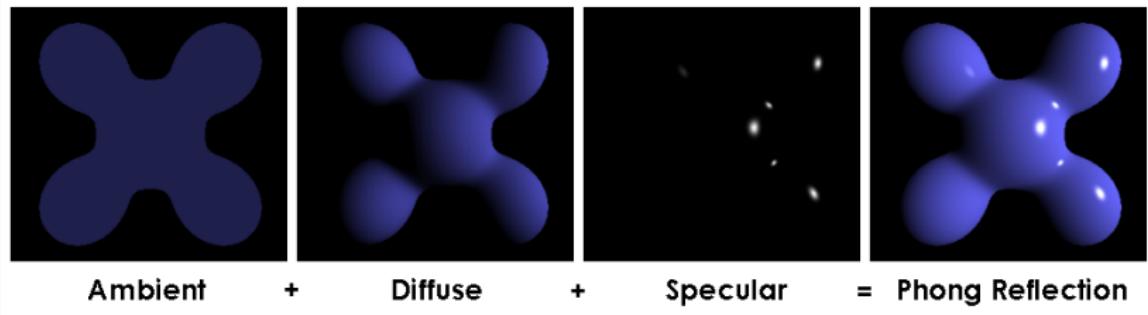
Модель Фонга (Phong)

- Вклад источника света = diffuse + specular

Модель Фонга (Phong)

- Вклад источника света = diffuse + specular
- Полная освещённость = ambient + diffuse + specular

Модель Фонга (Phong)



Модель Фонга + направленный источник света

```
uniform vec3 ambient_light_color;
uniform vec3 light_direction;
uniform vec3 light_color;
uniform vec3 view_direction;

in vec3 normal;
in vec3 ambient_albedo;
in vec3 diffuse_albedo;
in vec3 specular_albedo;
in float specular_power;

layout (location = 0) out vec4 out_color;

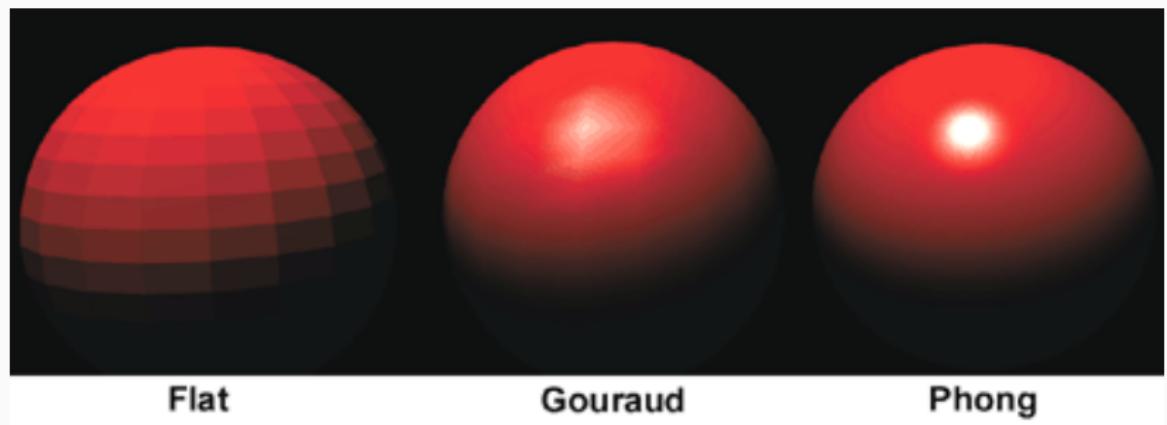
void main() {
    float cosine = dot(normal, light_direction);
    float light_factor = max(0.0, cosine);
    vec3 reflected_direction = 2.0 * normal * cosine - light_direction;

    vec3 ambient = ambient_light_color * ambient_albedo;
    vec3 diffuse = diffuse_albedo * light_color * light_factor;
    vec3 specular = specular_albedo * pow(max(0.0, dot(reflected_direction,
        view_direction)), specular_power);

    vec3 result_color = ambient + diffuse + specular;
    out_color = vec4(result_color, 1.0);
}
```

Модель Гуро

- То же самое, что и модель Фонга, но в вершинном шейдере
- Результирующий цвет интерполируется между пикселями
- Выглядит плохо, в современности почти не используется



Модель Блинна-Фонга (Blinn-Phong, modified Phong)

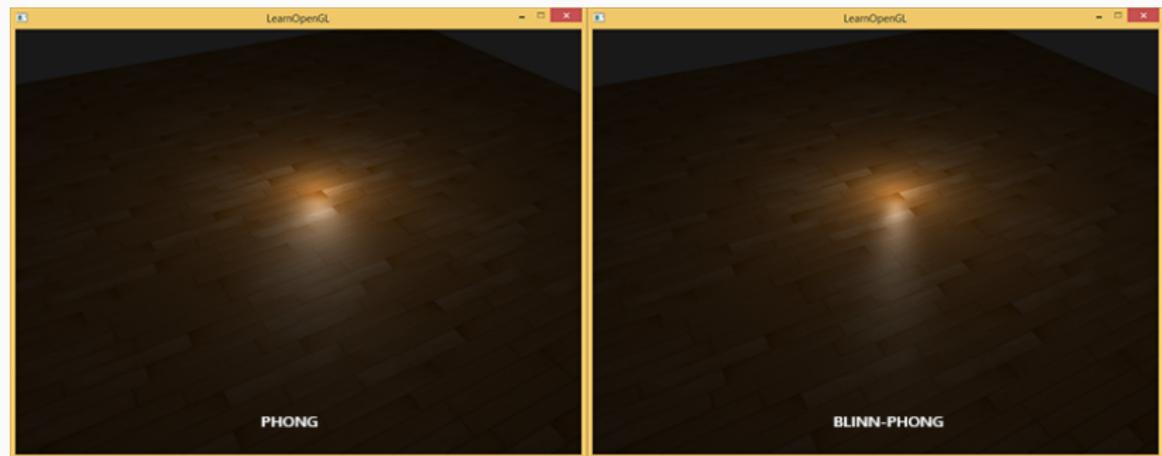
- Как модель Фонга, но по-другому вычисляется specular составляющая

Модель Блинна-Фонга (Blinn-Phong, modified Phong)

- Как модель Фонга, но по-другому вычисляется specular составляющая
- $h = \frac{\vec{\omega}_{in} + \vec{\omega}_{out}}{\|\vec{\omega}_{in} + \vec{\omega}_{out}\|}$ – т.н. *halfway vector* (часто встречается в моделях освещения)

$$f_{specular}(p, \vec{\omega}_{in}, \vec{\omega}_{out}, \lambda) = C(\lambda) (h \cdot n)^{power}$$

Phong vs Blinn-Phong



Microfacets

- Чтобы честно вывести формулу для BRDF (*physically-based BRDF*), нужно предположение о микроструктуре поверхности (*microsurface*)

Microfacets

- Чтобы честно вывести формулу для BRDF (*physically-based BRDF*), нужно предположение о микроструктуре поверхности (*microsurface*) \Rightarrow микрофасеты (*microfacets*)

Microfacets

- Чтобы честно вывести формулу для BRDF (*physically-based BRDF*), нужно предположение о микроструктуре поверхности (*microsurface*) \Rightarrow микрофасеты (*microfacets*)
- Предполагается, что поверхность состоит из маленьких площадок – микрофасетов

Microfacets

- Чтобы честно вывести формулу для BRDF (*physically-based BRDF*), нужно предположение о микроструктуре поверхности (*microsurface*) \Rightarrow микрофасеты (*microfacets*)
- Предполагается, что поверхность состоит из маленьких площадок – микрофасетов
- Задаётся распределение ориентаций (нормалей) этих площадок

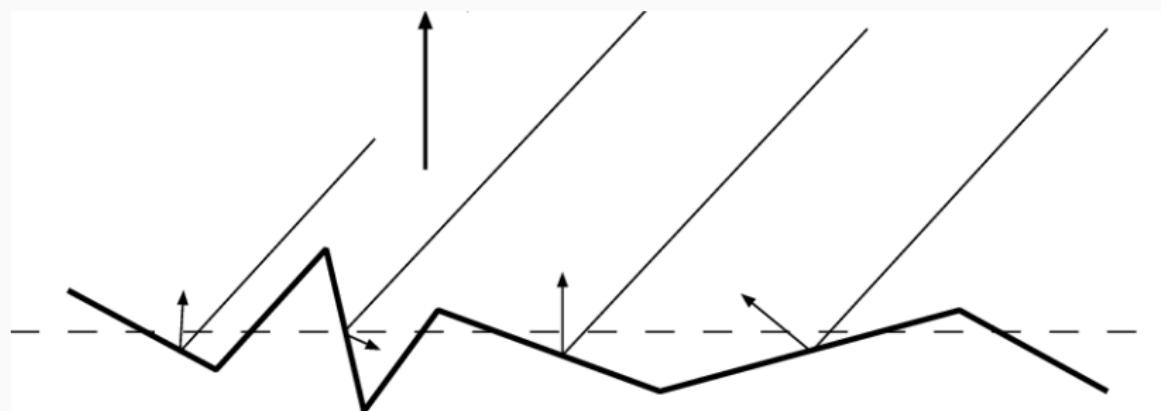
Microfacets

- Чтобы честно вывести формулу для BRDF (*physically-based BRDF*), нужно предположение о микроструктуре поверхности (*microsurface*) \Rightarrow микрофасеты (*microfacets*)
- Предполагается, что поверхность состоит из маленьких площадок – микрофасетов
- Задаётся распределение ориентаций (нормалей) этих площадок
- Задаётся материал площадок

Microfacets

- Чтобы честно вывести формулу для BRDF (*physically-based BRDF*), нужно предположение о микроструктуре поверхности (*microsurface*) \Rightarrow микрофасеты (*microfacets*)
- Предполагается, что поверхность состоит из маленьких площадок – микрофасетов
- Задаётся распределение ориентаций (нормалей) этих площадок
- Задаётся материал площадок
- Выводится формула для BRDF (обычно – приближённая)

Microfacets



Microfacets

- Oren-Nayar BRDF – микрофасетная модель, в которой фасеты имеют диффузную BRDF
- Torrance-Sparrow BRDF – микрофасетная модель, в которой фасеты – идеальные зеркала

Модель Кука-Торренса (Cook-Torrance)

$$f(p, \vec{\omega}_{in}, \vec{\omega}_{out}, \lambda) = (\vec{\omega}_{in} \cdot n) [(1 - s)C_d(\lambda) + sC_s(\lambda)R]$$

$$R = \frac{D \cdot G \cdot F}{4 \cdot (\vec{\omega}_{in} \cdot n) \cdot (\vec{\omega}_{out} \cdot n)}$$

Модель Кука-Торренса (Cook-Torrance)

$$f(p, \vec{\omega}_{in}, \vec{\omega}_{out}, \lambda) = (\vec{\omega}_{in} \cdot n) [(1 - s)C_d(\lambda) + sC_s(\lambda)R]$$

$$R = \frac{D \cdot G \cdot F}{4 \cdot (\vec{\omega}_{in} \cdot n) \cdot (\vec{\omega}_{out} \cdot n)}$$

- $C_d(\lambda), C_s(\lambda)$ – диффузное и отражающее альбено (цвет)
- s – насколько сильно поверхность отражает свет (интерполизует между диффузной и specular BRDF)
- D – плотность распределения (distribution) нормалей микрофасетов
- G – коэффициент затенения геометрии (geometry) самой себя
- F – коэффициент Френеля (Fresnel)
- Конкретный вид функций D, G, F может варьироваться (см. ссылки)

Disney principled BRDF (2012)

- Основывается на микрофасетных моделях
- Не влезет на слайд :)
- Даёт огромное количество параметров для тонкой настройки, и потому удобна для художников
- Её вариации используют почти все крупные движки и программы (Unity, Unreal, Blender, ...)

Blender principled BRDF



Ссылки

Туториалы про освещение:

- learnopengl.com/Lighting/Basic-Lighting
- opengl-tutorial.org/beginners-tutorials/tutorial-8-basic-shading
- lighthouse3d.com/tutorials/glsl-tutorial/point-lights

Сложные BRDF:

- Нормировка Phong BRDF
- Описание Cook-Torrance BRDF и примеры функций D, G, F
- Стандартная BRDF в Unity
- Описание Disney BRDF

Raytracing:

- Книжка Raytracing in one weekend
- Видео про ReSTIR GI