# Blatt 3 - Gruppe: G1-07

# Mike Lenz, Jonas Tesfamariam 13. Mai 2023

### Aufgabe 1

a)

Wohnung: Primärschlüssel(Straße, Nr)

Reisegruppe: Primärschlüssel(GNR)

wohnt\_in: Primärschlüssel(GNR), Fremdschlüssel(Straße, Nr)

b)

Wohnung = W; Reisegruppe = R; wohnt\_in = wi

i)

$$\pi_{R.\text{Name}}(\sigma_{wi.\text{Straße='Hauptstr'}}(R \bowtie wi))$$

ii)

$$N = \gamma_{\text{Straße, Nr, c}\leftarrow COUNT(\text{Strasse, Nr)}}(wi)$$

$$\pi_{W.\text{Strassen},W.\text{Nr},N.c}(W \bowtie N)$$

#### Aufgabe 2

Angenommen wir haben folgende Relationen:

$$R(A_1, ..., A_m, B_1, ..., B_k),$$
  
 $S(B_1, ..., B_k, C_1, ..., C_n),$   
 $H(C_1, ..., C_n, D_1, ..., D_p)$ 

Wir verwenden die Definition des natürlichen Verbunds aus der Vorlesung:

$$R \bowtie S(A_1, \ldots, A_m, B_1, \ldots, B_k, C_1, \ldots, C_n)$$

#### Assoziativität:

Für  $R \bowtie (S \bowtie H)$ :

$$S \bowtie H(B_1,\ldots,B_k,C_1,\ldots,C_n,D_1,\ldots,D_n)$$

Da in  $S \bowtie H$  immernoch  $B_1, \ldots, B_k$  enthalten ist, gilt laut Definition:

$$R \bowtie (S \bowtie H)(A_1, \ldots, A_m, B_1, \ldots, B_k, C_1, \ldots, C_n, D_1, \ldots, D_p)$$

Für  $(R \bowtie S) \bowtie H$ :

$$R \bowtie S(A_1, \ldots, A_m, B_1, \ldots, B_k, C_1, \ldots, C_n)$$

Da in  $R \bowtie S$  immernoch  $C_1, \ldots, C_n$  enthalten ist, gilt laut Definition:

$$(R \bowtie S) \bowtie H(A_1, \ldots, A_m, B_1, \ldots, B_k, C_1, \ldots, C_n, D_1, \ldots, D_n)$$

Hiermit ist klar zu sehen, dass:

$$R \bowtie (S \bowtie H) = (R \bowtie S) \bowtie H$$

#### Kommutativität:

Für  $R \bowtie S$ :

$$R \bowtie S(A_1, \ldots, A_m, B_1, \ldots, B_k, C_1, \ldots, C_n)$$

#### Für $S \bowtie R$ :

Da die Reihenfolge der Attribute keine Rolle spielt, gilt:

$$S \bowtie R(A_1,\ldots,A_m,B_1,\ldots,B_k,C_1,\ldots,C_n)$$

Also muss gelten:

$$R\bowtie S=S\bowtie R$$

## Aufgabe 3

**a**)

Angenommen in R sind Duplikate. Bei dem Ausdruck

$$\gamma_{R.y,c\leftarrow COUNT(R.z)}(R)$$

werden die Duplikate nicht mitgezählt bei der Verwendung einer Menge. Bei der Verwendung einer Multi-Menge werden die Duplikate jedoch mitgezählt. Somit erhält man verschiedene Ergebnisse.

Damit die Ergebnisse gleich sind dürfen keine Duplikate vorliegen.

**b**)

$$\pi_{A.id}(A) - \pi_{R.actor\_id}(\sigma_{MG.genre='Horror'}(R \bowtie MG))$$

Es gibt keine äquivalente Anfrage, da es für Schauspieler möglich ist an einem späteren Zeitpunkt in einem Horrorfilm mitzuspielen. Hierdurch wäre die Anfrage nicht monoton.

# Aufgabe 4

**a**)

**i**)

$$ans(x_n) \leftarrow \text{Mitarbeiter}(\_, x_n, 'Englisch')$$

ii)

$$ans(x_a) \leftarrow Autos('K\"{a}fer', \_, x_b, x_a, \_, \_),$$
  
Baureihen('K\"{a}fer', \_, x\_b, 2)

b)

i)

Die Namen aller Autohäuser in Trier und der Zustand alle M5er BMWs der dritten Baureihe die diese anhand haben.

$$ans(x_{na}, x_{zu}) \leftarrow Autohaus(x_{na}, \_, 'Trier')$$

$$Autos('M5', \_, x_{ui}, x_{na}, \_, x_{zu})$$

$$Baureihen('M5', 'BMW', x_{ui}, 3)$$

ii)

Ort und Name aller Autohäuser mit Englischsprechenden Mitarbeitern und die der Marke eines 500SL der Baureihe 4 angehören.

$$ans(x_{or}, x_{ah}) \leftarrow Mitarbeiter(x_{ah}, \_, 'Englisch'),$$

$$Autohaus(x_{ah}, x_{ma}, x_{or}),$$

$$Baureihen('500SL', x_{ma}, \_, 4)$$