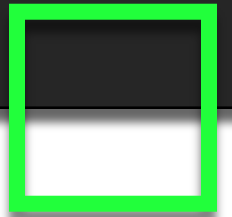


#Algorithm 반  
#2주차

# BFS/ DFS

T. 최창규  
Asst. 강건 남지훈

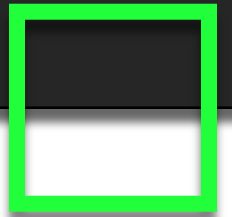




# 목차

- 0. Graph
- 1. DFS, BFS
- 2. 미로찾기

# #0 Graph

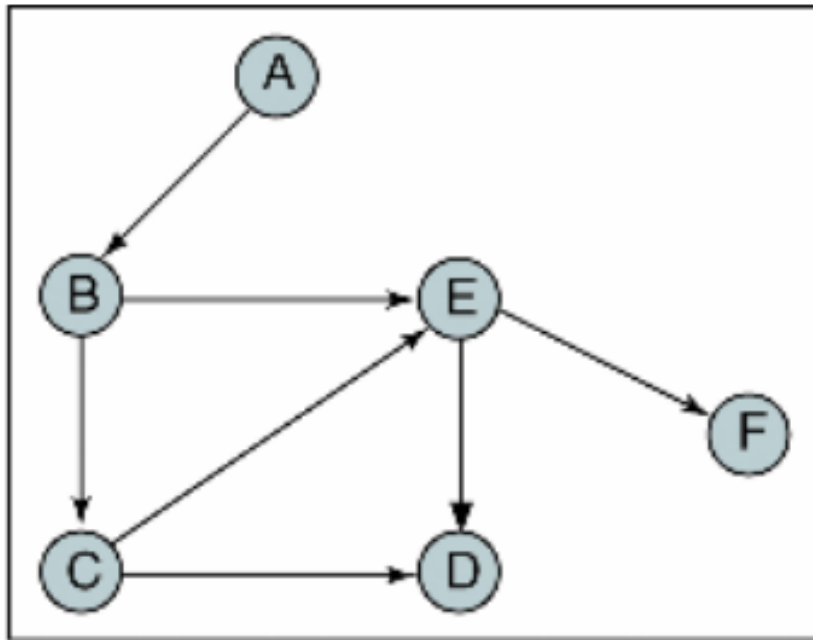




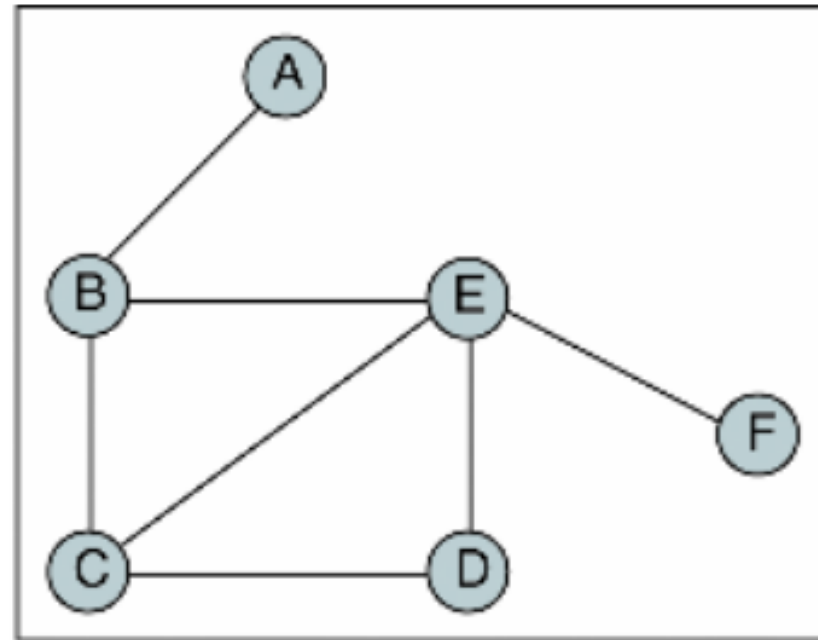
# 그래프 (Graph) 란?

- 연결되어 있는 정점과 정점간의 관계를 표현할 수 있는 자료 구조.
- 정점(Vertex)과 간선(Edge)로 구성되어 있다.

# 그래프 (Graph) 란?

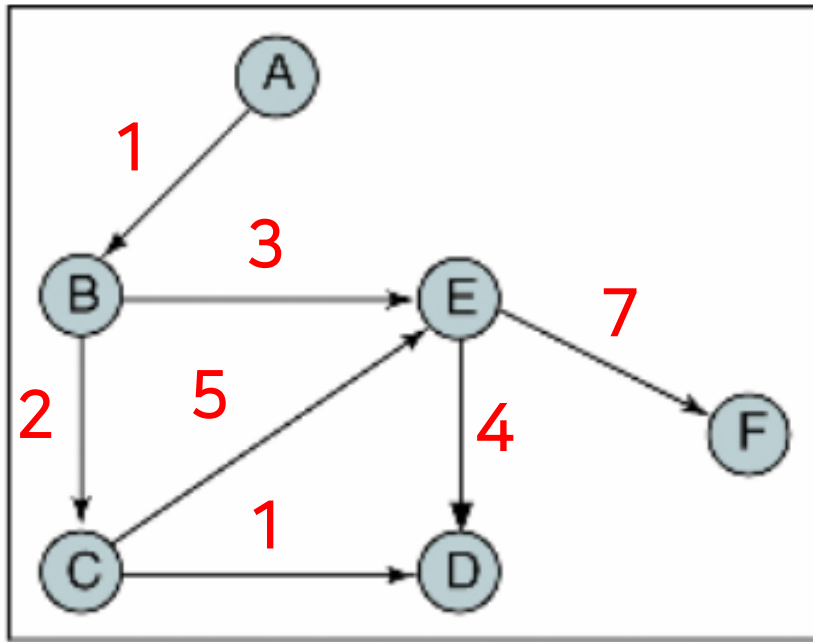


(a) Directed graph

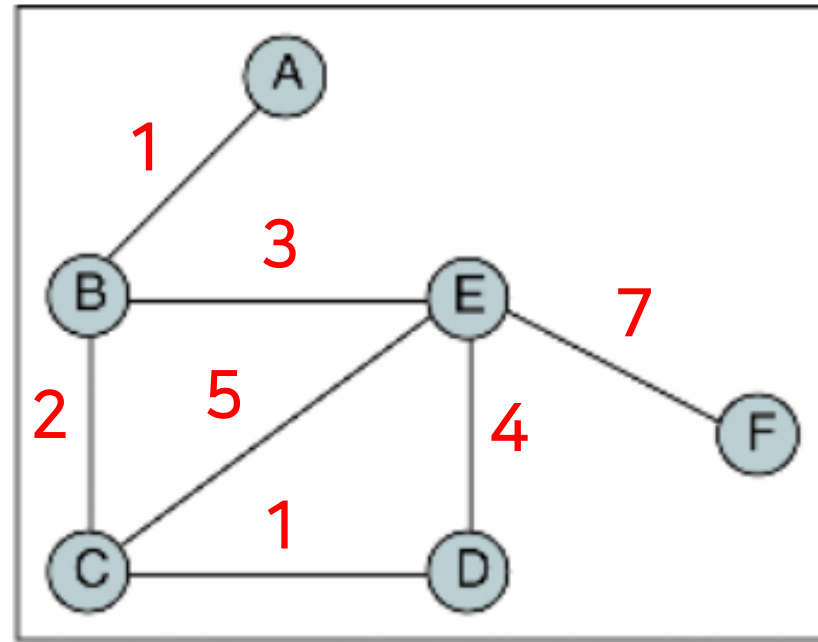


(b) Undirected graph

# 그래프 (Graph) 란? + 가중치



(a) Directed graph



(b) Undirected graph



# 그래프 (Graph) 란?

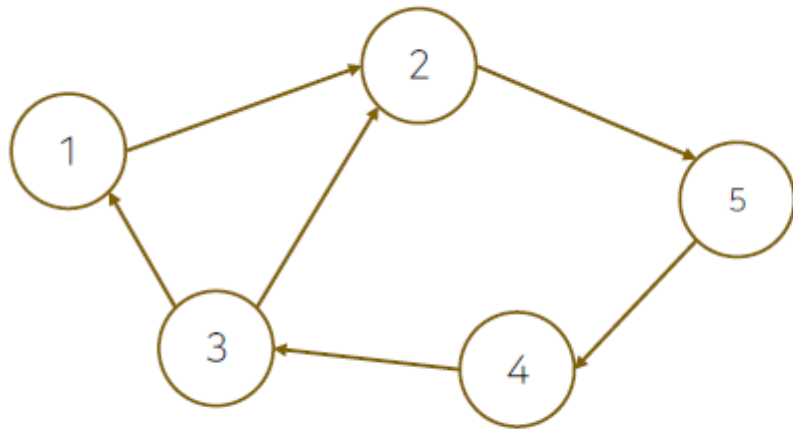
- 그래프를 표현 할 수 있는 방법 2가지

1. 인접 행렬(Adjacency Matrix)

2. 인접 리스트(Adjacency List)

# 그래프 (Graph) 란?

## 1. 인접 행렬(Adjacency Matrix)



Adjacency Matrix (인접 행렬)

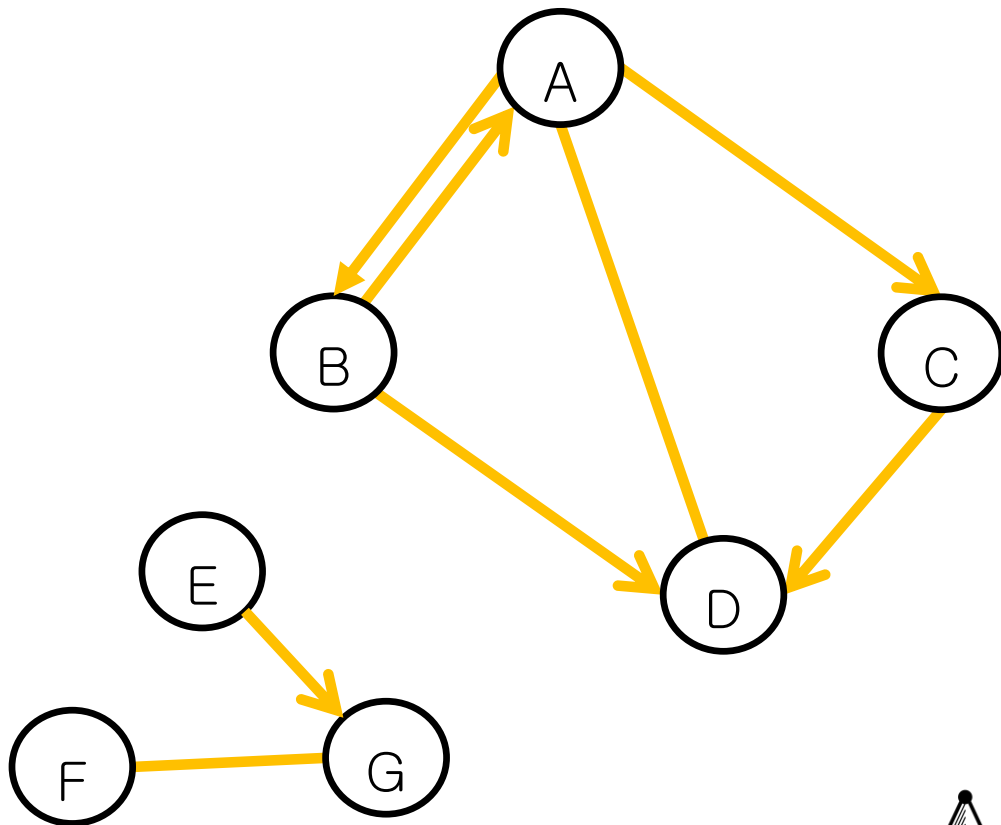
	1	2	3	4	5
1	0	1	0	0	0
2	0	0	0	0	1
3	1	1	0	0	0
4	0	0	0	1	0
5	0	0	0	1	0

↑ (작년 창호 PPT)



# 그래프 (Graph) 란?

## 2. 인접 리스트(Adjacency List)



	A	B	C	D	E	F	G
A	0	1	1	1	0	0	0
B	1	0	0	1	0	0	0
C	0	0	0	1	0	0	0
D	1	0	0	0	0	0	0
E	0	0	0	0	0	0	1
F	0	0	0	0	0	0	1
G	0	0	0	0	0	1	0

↑ (원캠 태현이 PPT)



# 그래프 (Graph) 란?

3(?). Vector

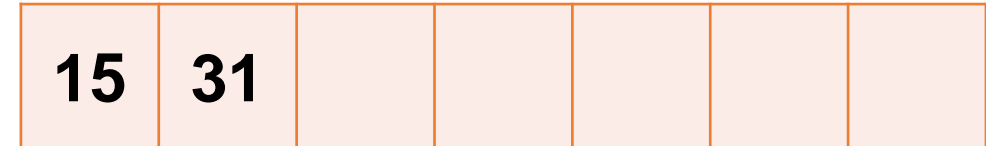
- `std::vector` is a sequence container that encapsulates dynamic size arrays.

# 그래프 (Graph) 란?

3(?). Vector

2주차2주차2주차2주차2주차2주차2주차2주차.cpp

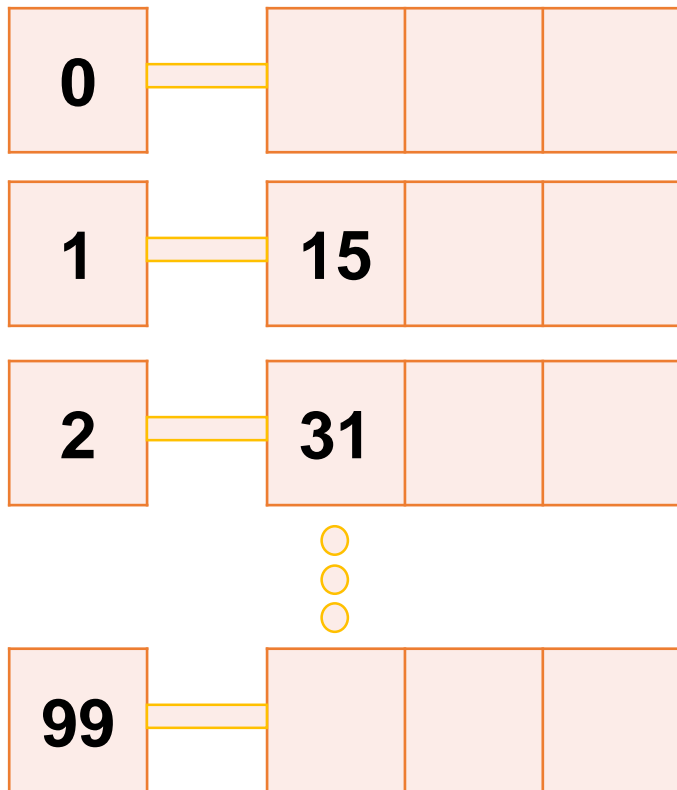
```
1  #include<vector>
2  using namespace std;
3  int main(){
4      vector<int> vec;
5      vec.push_back(15);
6      vec.push_back(31);
7      for(int i=0; i<vec.size(); i++){
8          printf("%d",vec[i]);
9      }
10 }
```



size = 2

# 그래프 (Graph) 란?

3(?). Vector



2주차2주차2주차2주차2주차2주차2주차2주차.cpp

```
1  #include<vector>
2  using namespace std;
3  int main(){
4      vector<int> vec[100];
5      vec[1].push_back(15);
6      vec[2].push_back(31);
7      for(int i=0; i<100; i++){
8          for(int j=0; j<vec[i].size(); j++){
9              printf("%d",vec[i]);
10         }
11     }
```

# 그래프 (Graph) 란?

## 3(?). Vector

### 입력

첫째 줄에 정점의 개수  $N(1 \leq N \leq 1,000)$ , 간선의 개수  $M(1 \leq M \leq 10,000)$ , 탐색을 시작할 정점의 번호  $V$ 가 주어진다. 다음  $M$ 개의 줄에는 간선이 연결하는 두 정점의 번호가 주어진다. 어떤 두 정점 사이에 여러 개의 간선이 있을 수 있다. 입력으로 주어지는 간선은 양방향이다.

### 예제 입력 1 [복사](#)

```
4 5 1
1 2
1 3
1 4
2 4
3 4
```

# 그래프 (Graph) 란?

## 3(?). Vector

### 입력

첫째 줄에 정점의 개수  $N$  ( $1 \leq N \leq 1,000$ ), 간선의 개수  $M$  ( $1 \leq M \leq 10,000$ ), 탐색을 시작할 정점의 번호  $V$ 가 주어진다. 다음  $M$ 개의 줄에는 간선이 연결하는 두 정점의 번호가 주어진다. 어떤 두 정점 사이에 여러 개의 간선이 있을 수 있다. 입력으로 주어지는 간선은 양방향이다.

### 예제 입력 1 복사

```
4 5 1
1 2
1 3
1 4
2 4
3 4
```

2주차2주차2주차2주차2주차2주차2주차2주차.cpp

```
1 int main(){
2     int n,m,v,a,b;
3     scanf("%d %d %d",&n,&m,&v);
4     for(int i=0; i<n; i++){
5         scanf("%d %d",&a,&b);
6         vec[a].push_back(b);
7         vec[b].push_back(a);
8     }
9 }
```

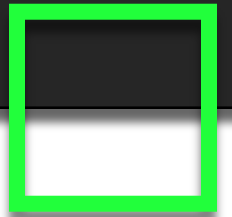


# 그래프 (Graph) 란?

- 탐색

1. DFS(Depth First Search), 깊이 우선 탐색
2. BFS(Breadth First Search), 너비 우선 탐색

# #1 DFS, BFS



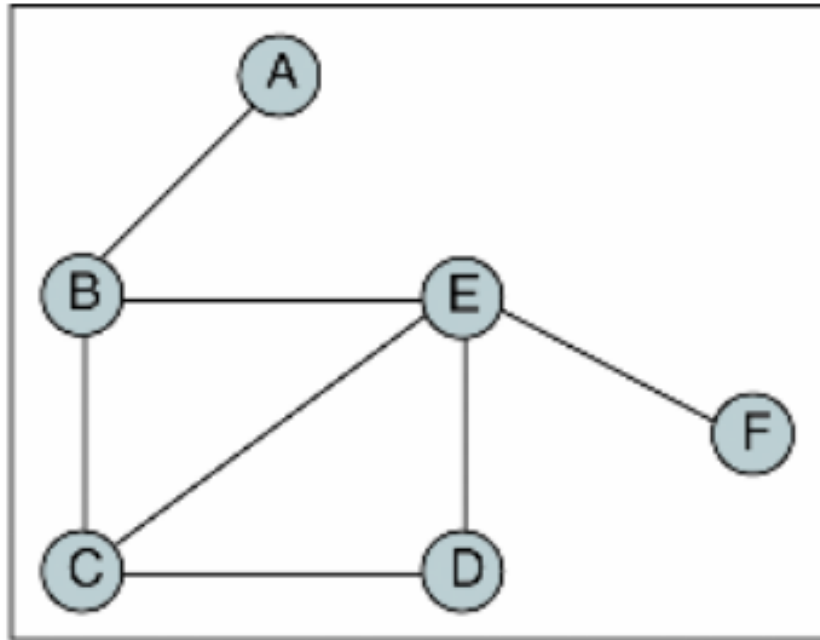


# DFS?

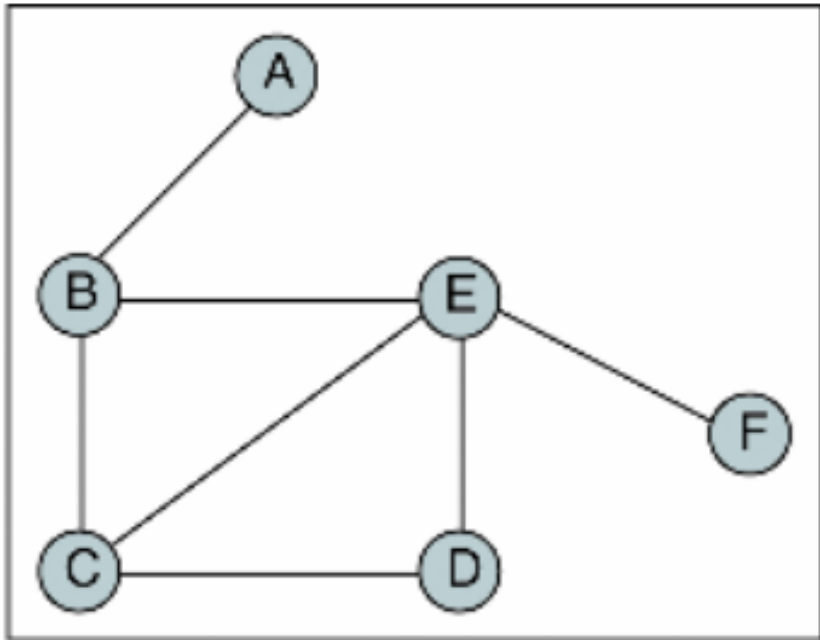
- 현재 정점에서 갈 수 있는 정점까지 계속 탐색
- 탐색한 정점은 다시 탐색하지 않음 (visit배열을 활용)
- 주로 재귀함수를 사용(스택도  $O$ )
- 인접 행렬 사용:  $O(V^2)$   
인접 리스트 사용:  $O(V+E)$



# DFS?

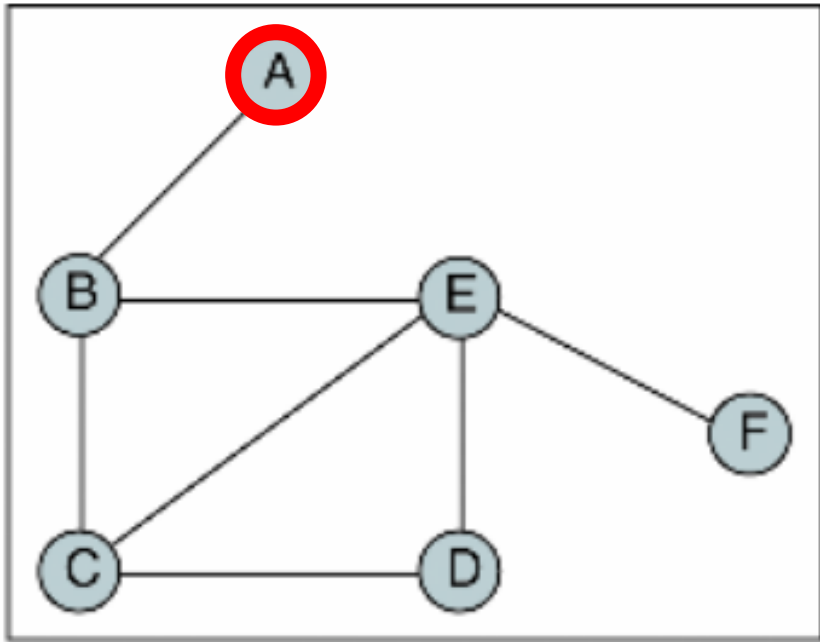


# DFS?



- A부터
- 번호가 작은 노드부터 탐색

# DFS?



- A부터
- 번호가 작은 노드부터 탐색

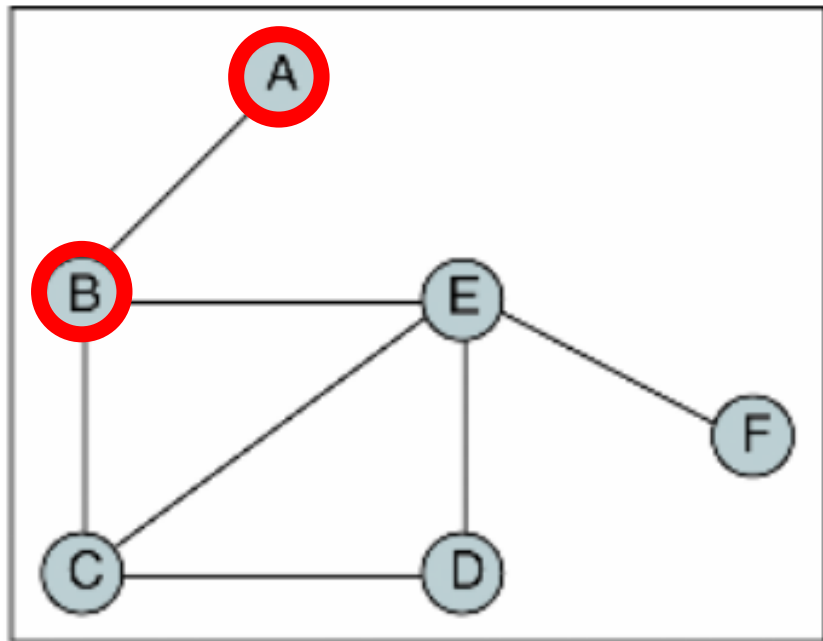
A

now = A

visit

A	1
B	0
C	0
D	0
E	0
F	0

# DFS?



- A부터
- 번호가 작은 노드부터 탐색

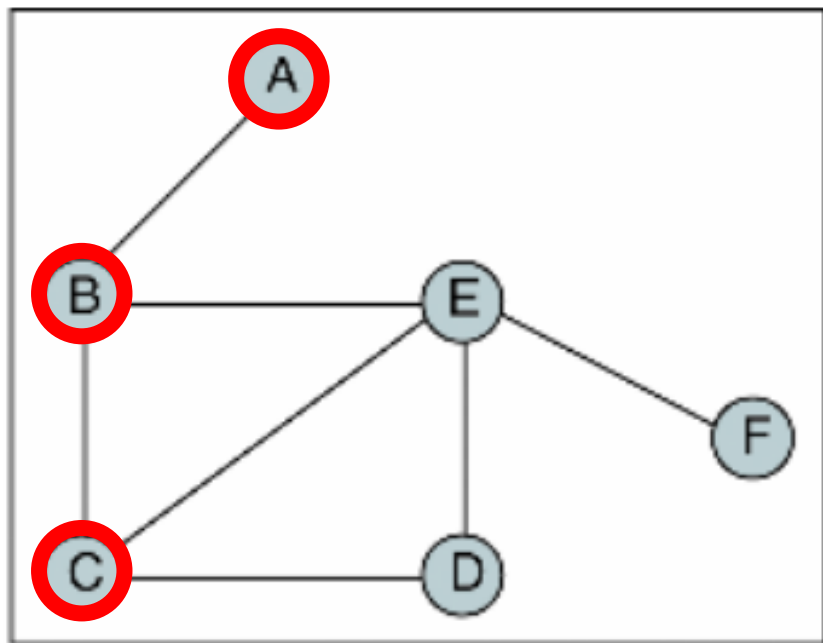
$A \rightarrow B$

now = B

visit

A	1
B	1
C	0
D	0
E	0
F	0

# DFS?



- A부터
- 번호가 작은 노드부터 탐색

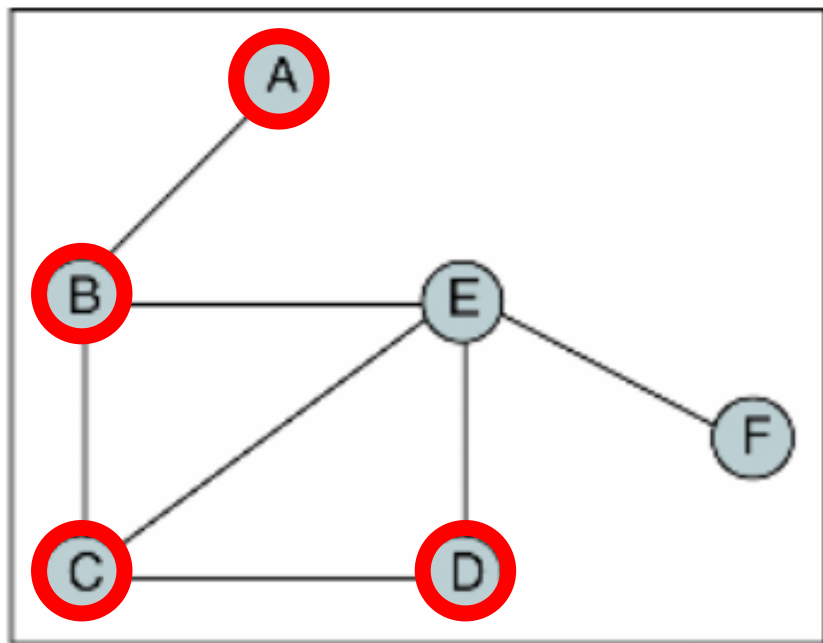
$A \rightarrow B \rightarrow C$

now = C

visit

A	1
B	1
C	1
D	0
E	0
F	0

# DFS?



- A부터
- 번호가 작은 노드부터 탐색

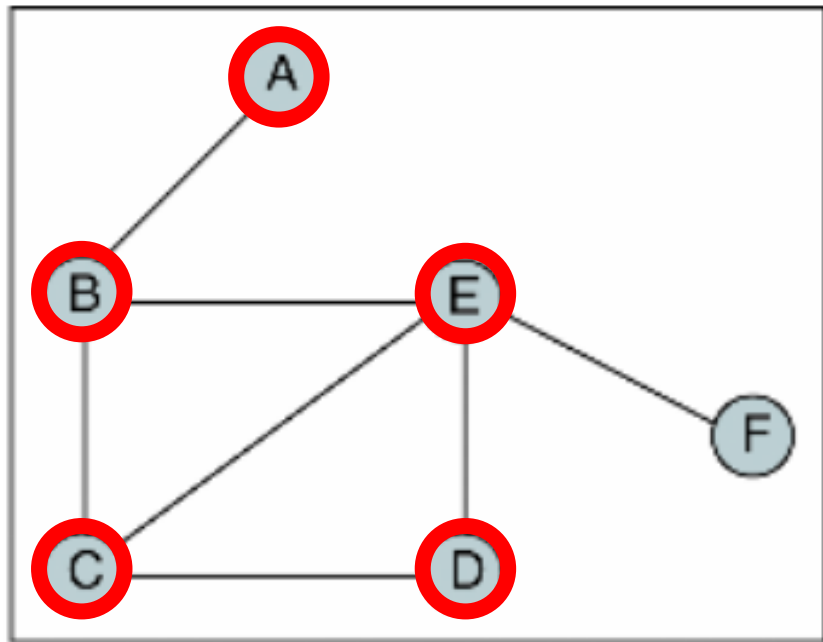
$A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow D$

now = D

visit

A	1
B	1
C	1
D	1
E	0
F	0

# DFS?



- A부터
- 번호가 작은 노드부터 탐색

$A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow D \rightarrow E$

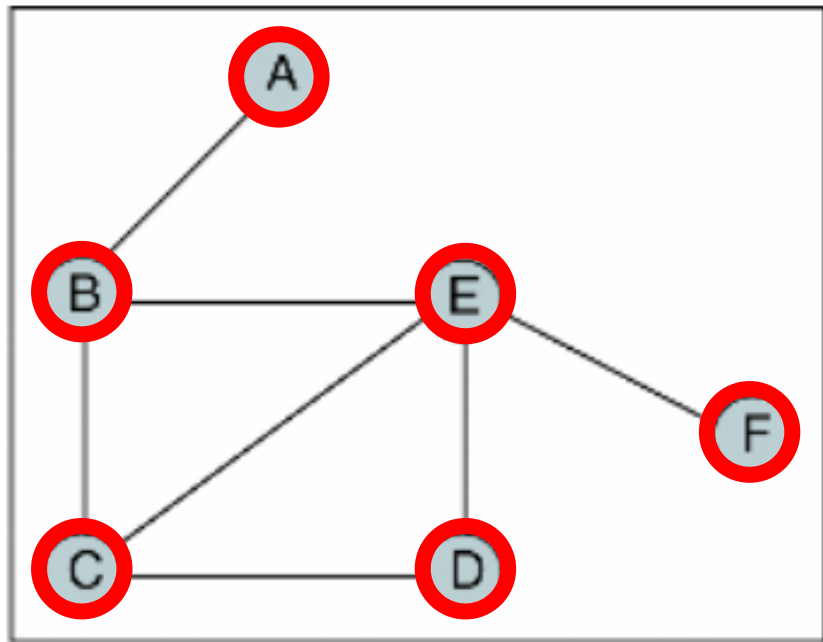
now = E

visit

A	1
B	1
C	1
D	1
E	1
F	0



# DFS?



- A부터

- 번호가 작은 노드부터 탐색

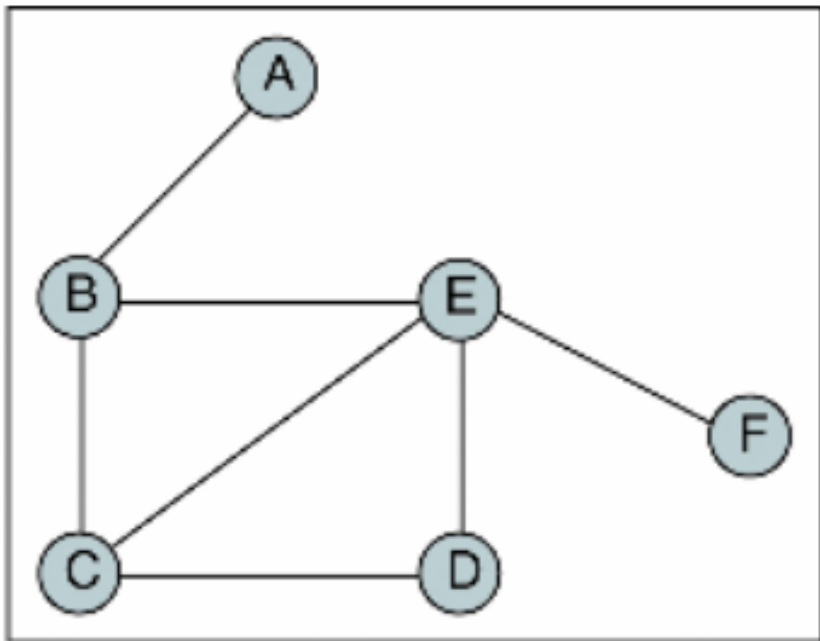
A → B → C → D → E → F

now = F

visit

A	1
B	1
C	1
D	1
E	1
F	1

# DFS?



- B부터

- 번호가 작은 노드부터 탐색

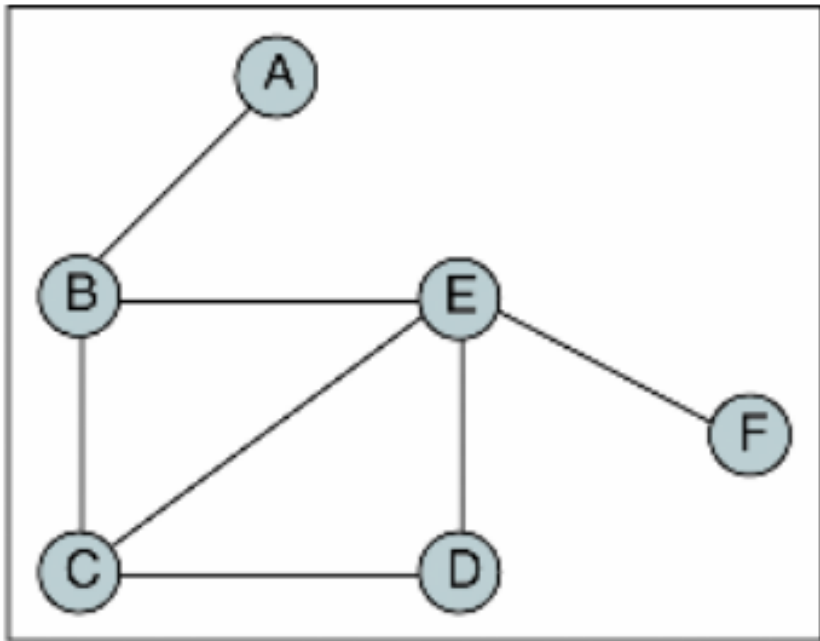
$B \rightarrow A \rightarrow C \rightarrow D \rightarrow E \rightarrow F$



# BFS?

- 현재 정점에 연결되어 있는 정점을 Queue에 넣고 탐색
- 탐색한 정점은 다시 탐색하지 않음 (visit배열을 활용)
- Queue이용 (재귀도 O)
- 인접 행렬 사용:  $O(V^2)$   
인접 리스트 사용:  $O(V+E)$

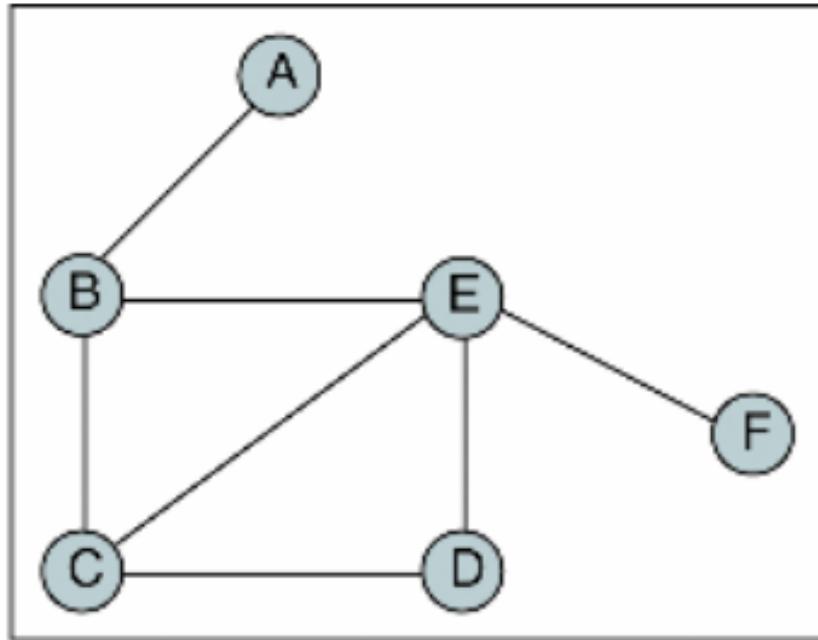
# BFS?



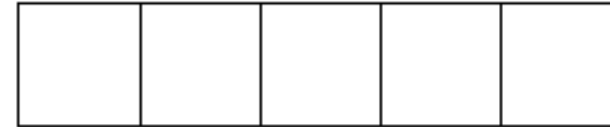
- A부터
- 번호가 작은 노드부터 탐색



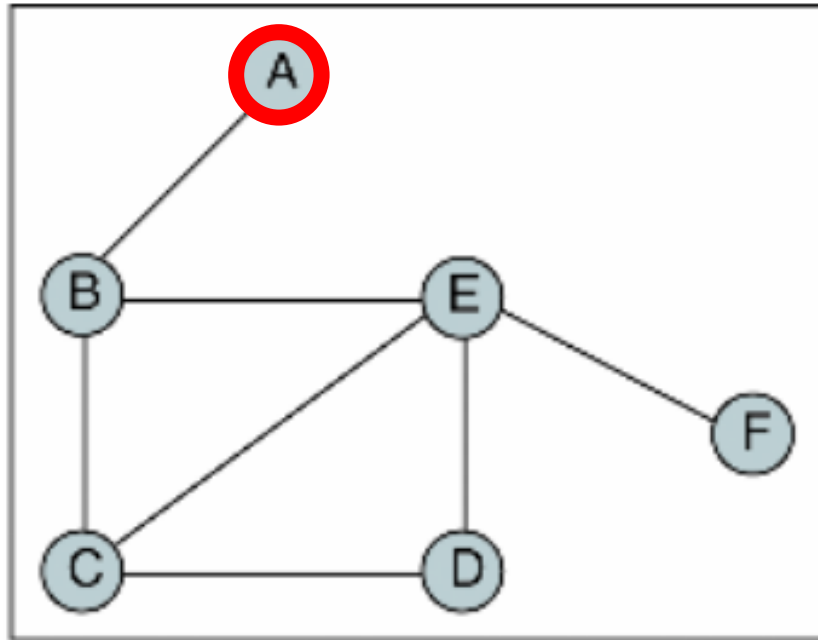
# BFS?



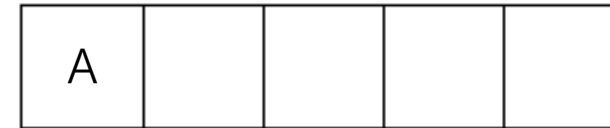
Queue



# BFS?



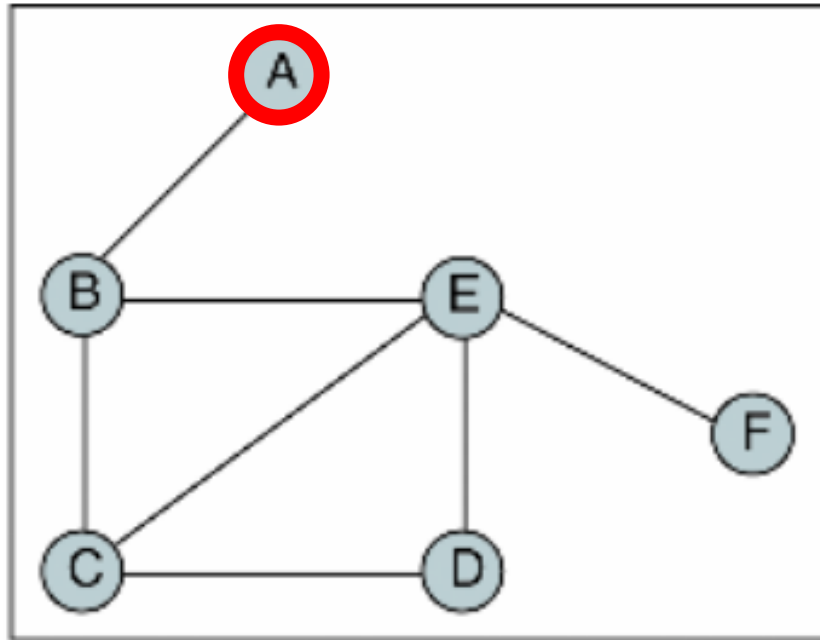
Queue



visit

A	1
B	0
C	0
D	0
E	0
F	0

# BFS?



Queue

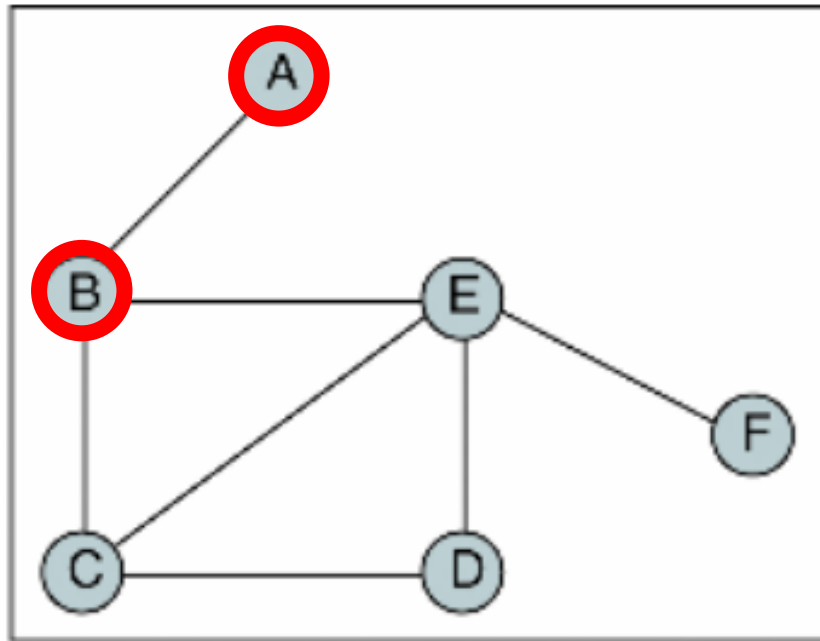


A

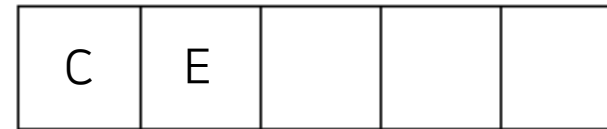
visit

A	1
B	1
C	0
D	0
E	0
F	0

# BFS?



Queue



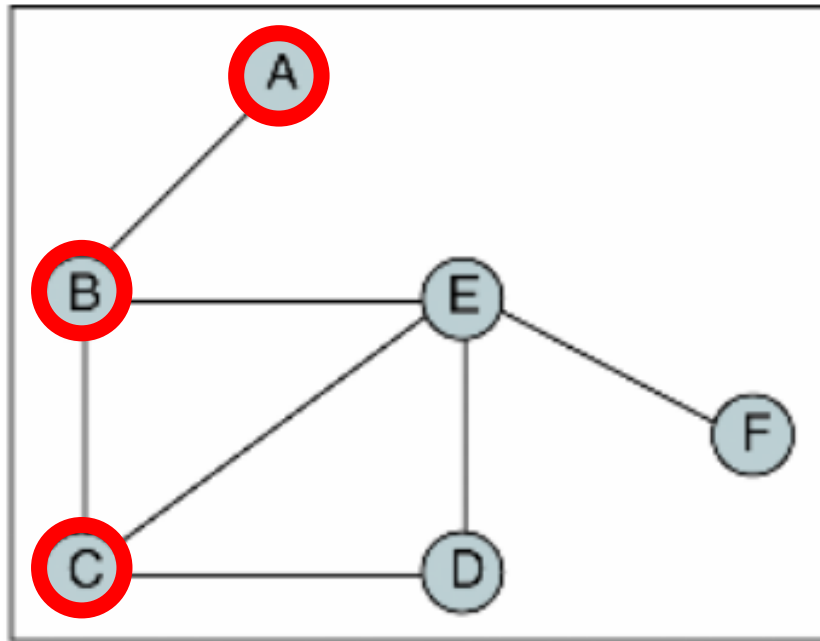
$A \rightarrow B$

visit

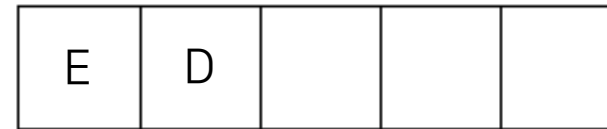
A	1
B	1
C	1
D	0
E	1
F	0



# BFS?



Queue

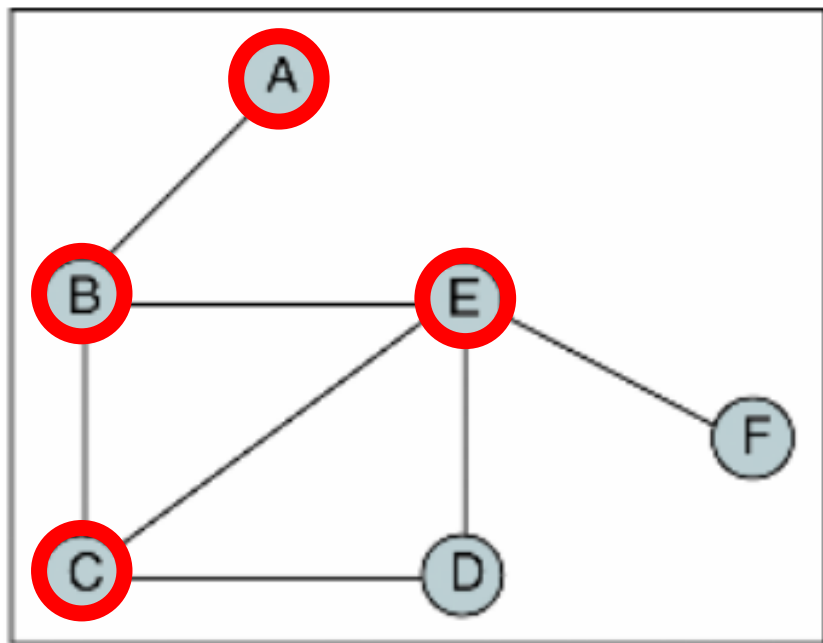


$A \rightarrow B \rightarrow C$

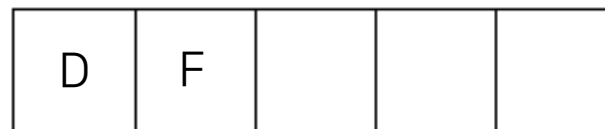
visit

A	1
B	1
C	1
D	1
E	1
F	0

# BFS?



Queue

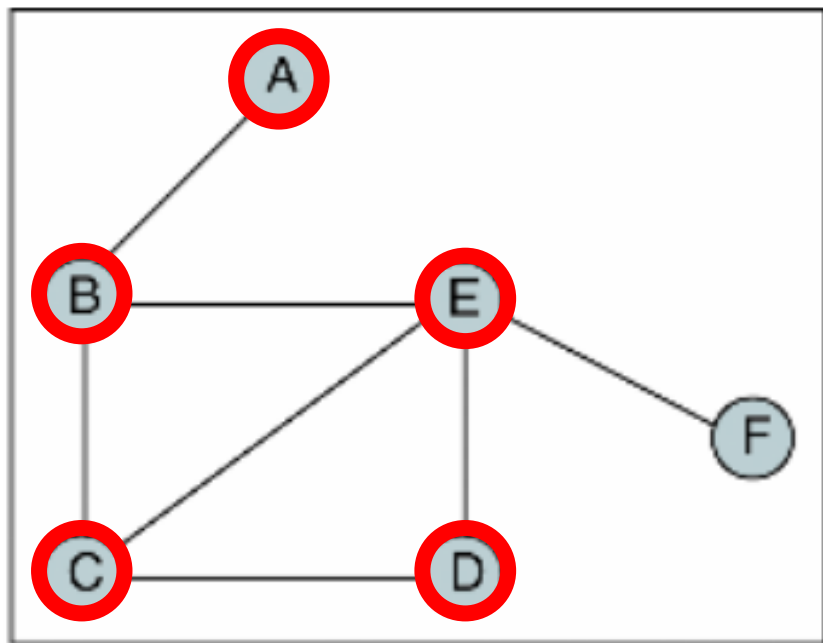


$A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow E$

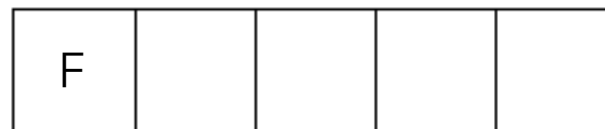
visit

A	1
B	1
C	1
D	1
E	1
F	1

# BFS?



Queue

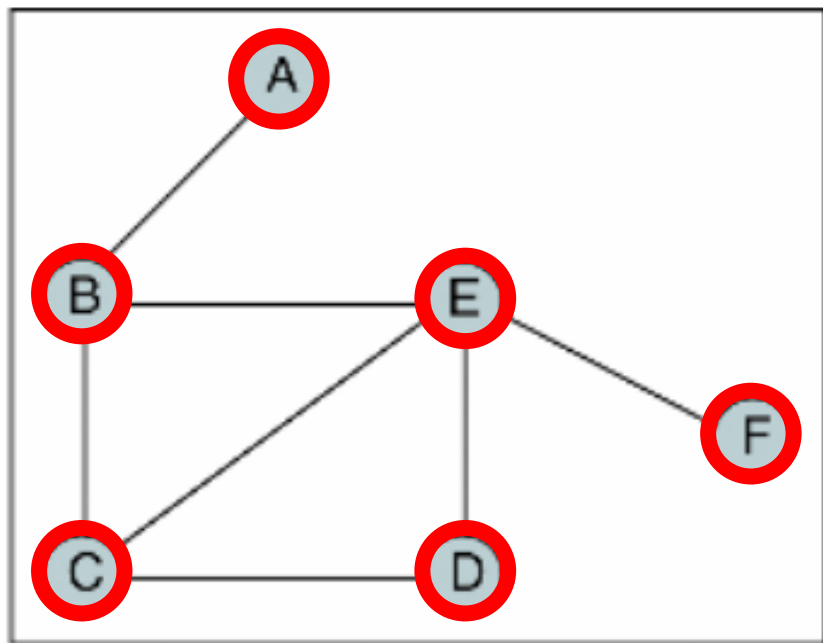


$A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow E \rightarrow D$

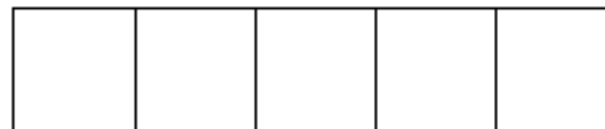
visit

A	1
B	1
C	1
D	1
E	1
F	1

# BFS?



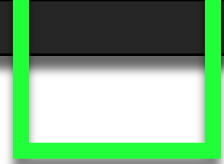
Queue



$A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow E \rightarrow D \rightarrow F$

visit

A	1
B	1
C	1
D	1
E	1
F	1



# 연습 문제



BOJ 1260  
DFS와 BFS

# BOJ 1260

## DFS와 BFS

2주차2주차2주차2주차2주차2주차2주차2주차2주차.cpp

```
1  int main()
2  {
3      for(int i=0; i<n; i++) // 작은 번호부터
4          sort(vec[i].begin(), vec[i].end());
5      dfs(v);
6      printf("\n");
7      bfs();
8  }

10 void dfs(int x)
11 {
12     visit_dfs[x] = true;
13     printf("%d ", x);
14     for(int i=0; i<vec[x].size(); i++)
15         if(!visit_dfs[vec[x][i]])
16             dfs(vec[x][i]);
17 }
```

```
19 void bfs(){
20     q.push(v);
21     visit_bfs[v] = true;
22     while(!q.empty()){
23         int now = q.front();
24         q.pop();
25         printf("%d ", now);
26         for(int i=0; i<vec[now].size(); i++){
27             if(!visit_bfs[vec[now][i]]){
28                 q.push(vec[now][i]);
29                 visit_bfs[vec[now][i]] = true;
30             }
31         }
32     }
33 }
```



# BOJ 1260

## DFS와 BFS

2주차2주차2주차2주차2주차2주차2주차2주차2주차.cpp

```
1 int main()
2 {
3     for(int i=0; i<n; i++) // 작은 번호부터
4         sort(vec[i].begin(), vec[i].end());
5     dfs(v);
6     printf("\n");
7     bfs();
8 }
```

- 작은 번호부터 방문
- dfs에는 시작점을 인자로

# BOJ 1260

## DFS와 BFS

```
10 void dfs(int x)
11 {
12     visit_dfs[x] = true;
13     printf("%d ", x);
14     for(int i=0; i<vec[x].size(); i++)
15         if(!visit_dfs[vec[x][i]])
16             dfs(vec[x][i]);
17 }
```

- 함수 호출 후 바로 visit 체크
- 연결된 다른 node중 visit이 안된 node를 재귀로 호출



# BOJ 1260

## DFS와 BFS

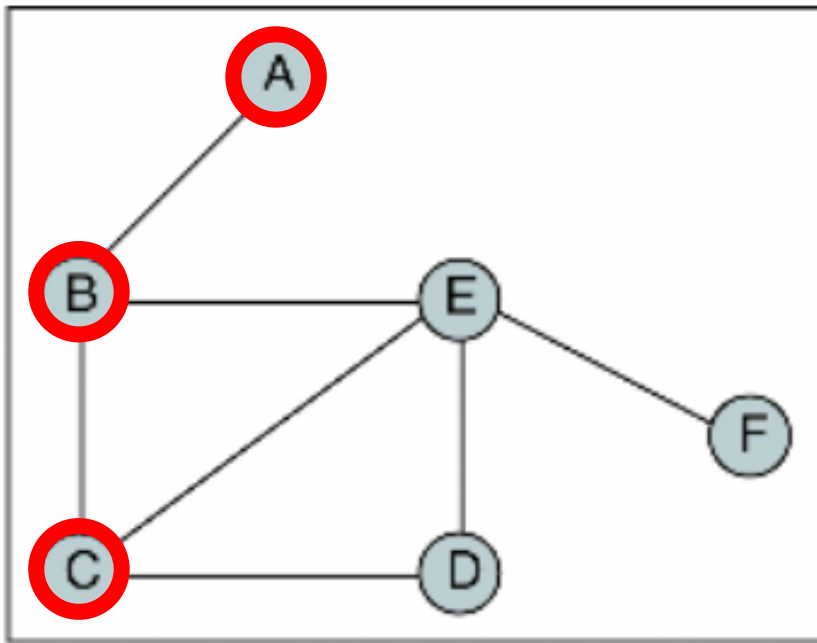
- dfs와는 다르게 push전 visit 체크
- Queue를 pop할 때 visit을 체크하면 중복 방문이 일어날 수 있음

```
19 void bfs(){
20     q.push(v);
21     visit_bfs[v] = true;
22     while(!q.empty()){
23         int now = q.front();
24         q.pop();
25         printf("%d ", now);
26         for(int i=0; i<vec[now].size(); i++){
27             if(!visit_bfs[vec[now][i]]){
28                 q.push(vec[now][i]);
29                 visit_bfs[vec[now][i]] = true;
30             }
31         }
32     }
33 }
```

# BOJ 1260

## DFS와 BFS

- dfs와는 다르게 push전 visit 체크
- Queue를 pop할 때 visit을 체크하면 중복 방문이 일어날 수 있음



Queue



A → B → C

now = E  
D가 다시 push

# 연습 문제

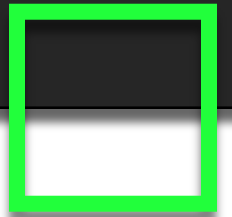


BOJ 11724

연결 요소의 개수

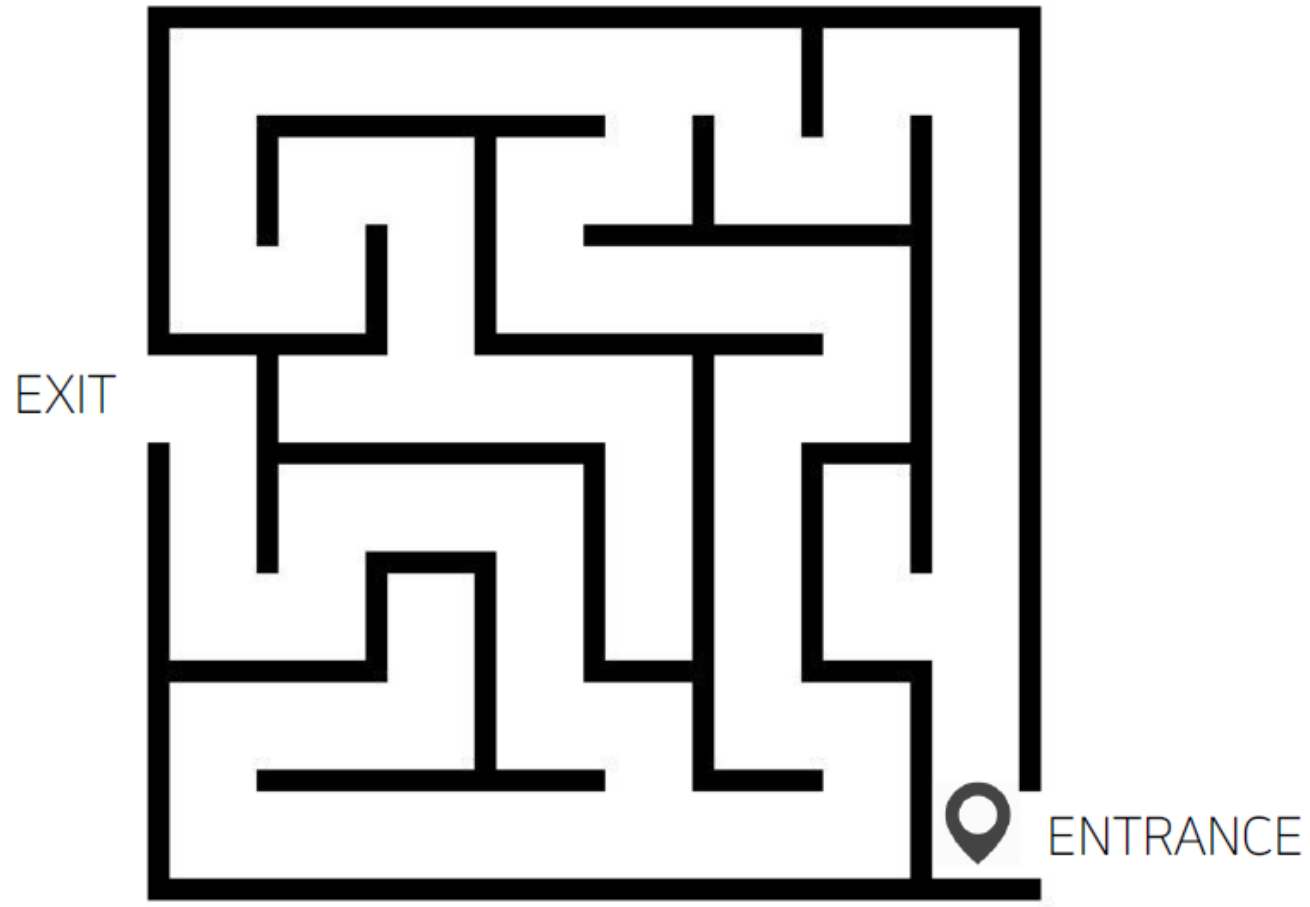
== 그래프의 개수

# #2 미로찾기





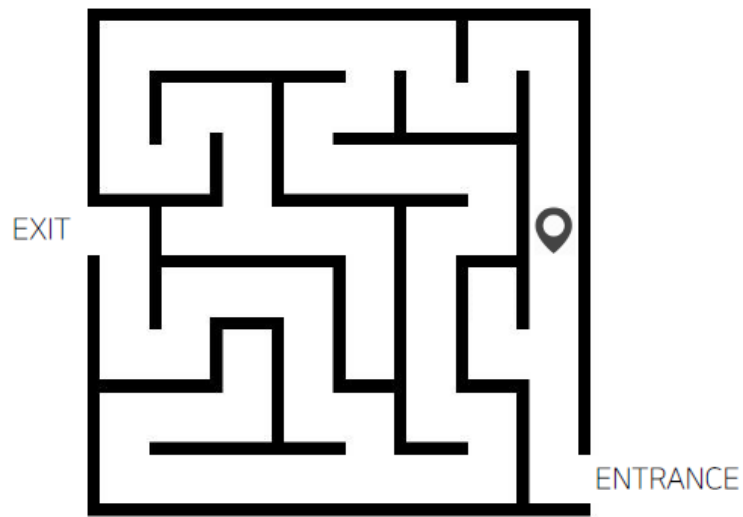
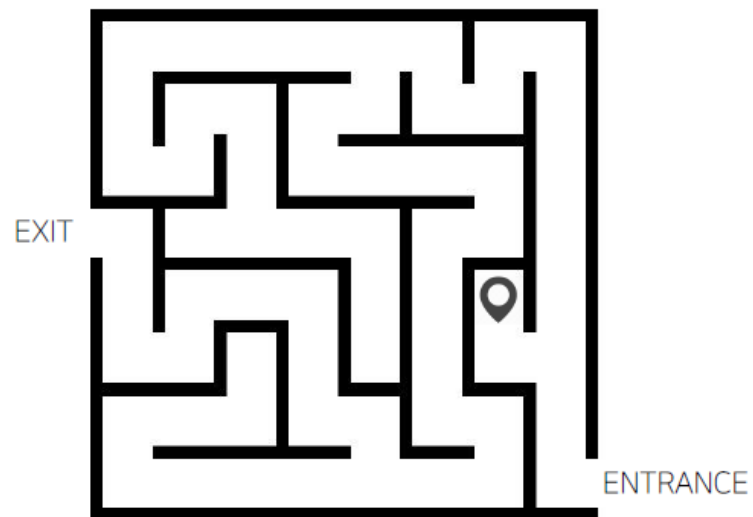
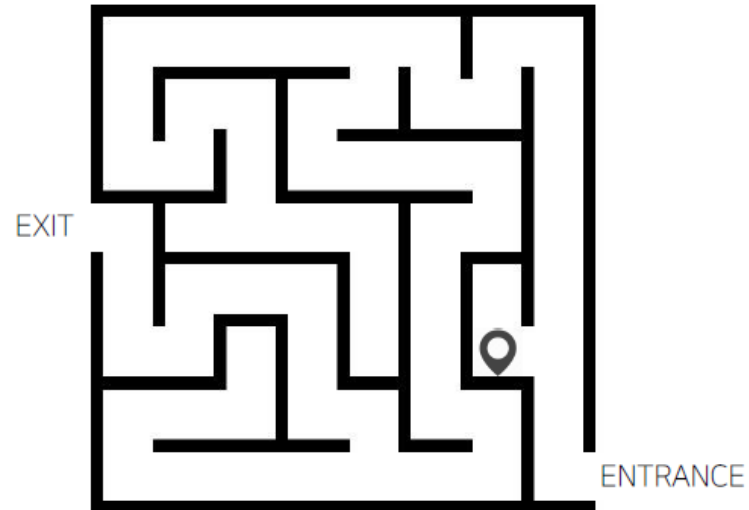
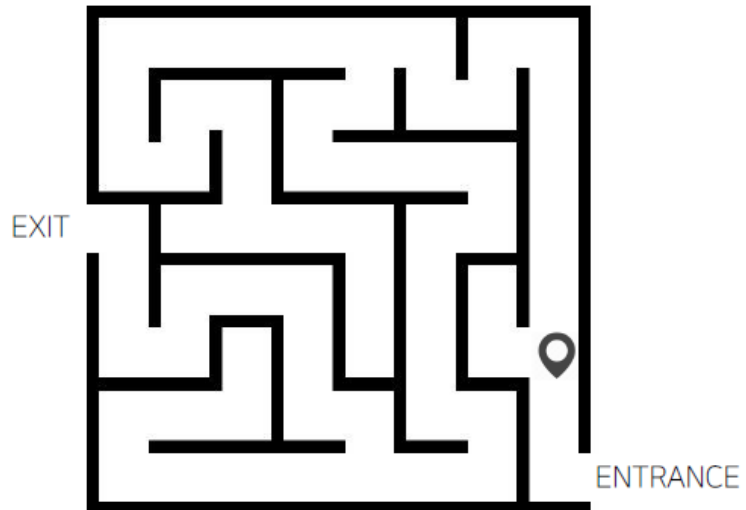
# 미로찾기?



↑ (작년 창호 PPT 땡꿀)



# 미로찾기?



- Node번호 대신 x, y좌표
- dfs는 재귀
- bfs는 queue에 pair<int, int>를 인자로 사용
- ★ 거리에 대한 배열 ★

# 미로찾기

// 2178 - 미로 탐색

## 입력

첫째 줄에 두 정수  $N, M$  ( $2 \leq N, M \leq 100$ )이 주어진다. 다음  $N$ 개의 줄에는  $M$ 개의 정수로 미로가 주어진다. 각각의 수들은 붙어서 입력으로 주어진다.

## 출력

첫째 줄에 지나야 하는 최소의 칸 수를 출력한다. 항상 도착위치로 이동할 수 있는 경우만 입력으로 주어진다.

### 예제 입력 1 복사

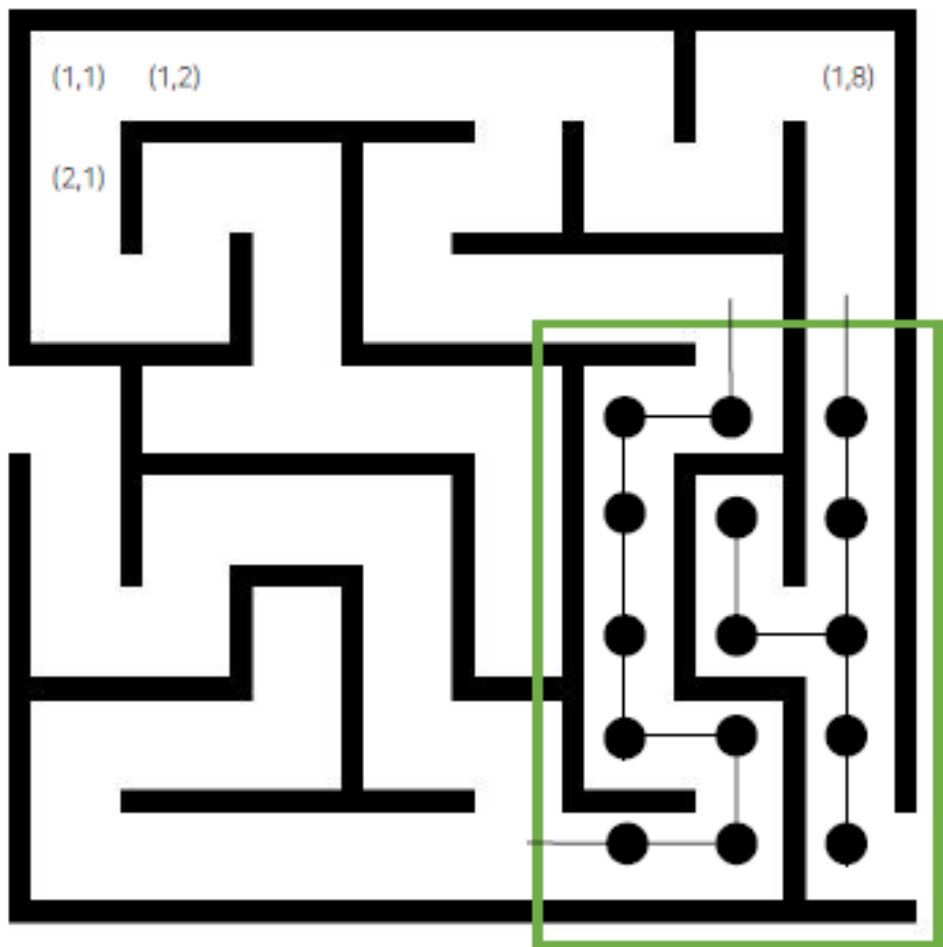
```
4 6
101111
101010
101011
111011
```

### 예제 출력 1 복사

```
15
```



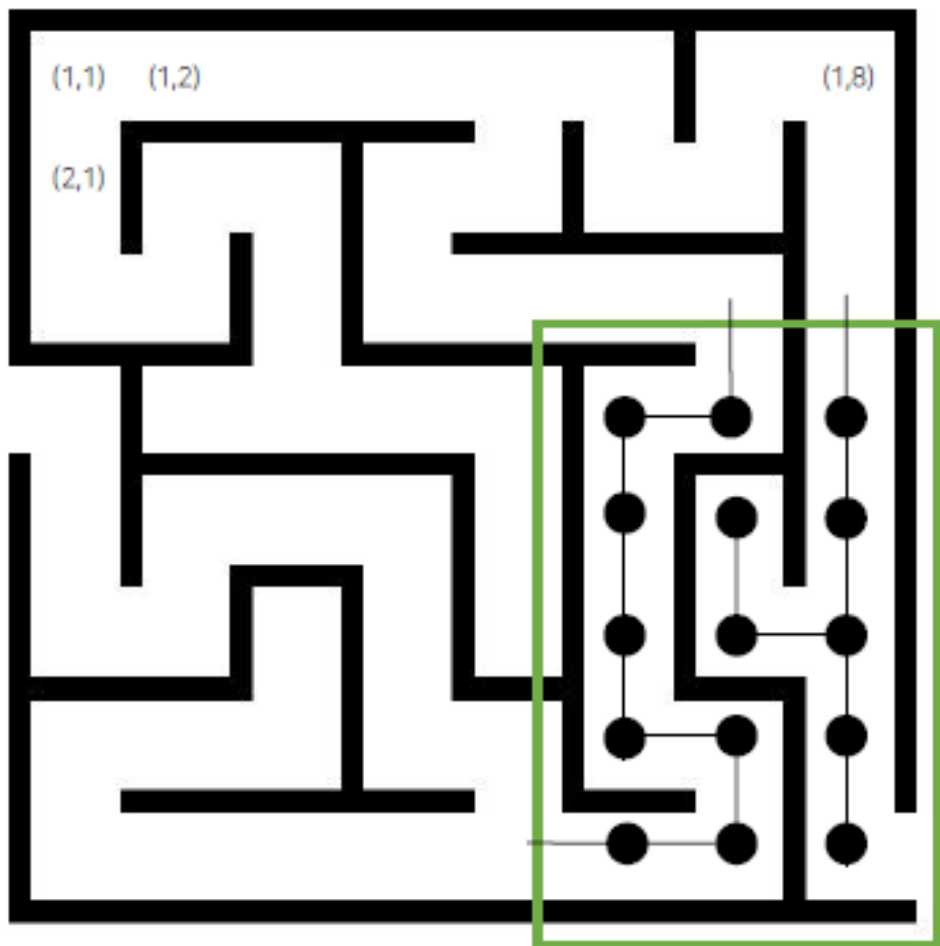
# 미로찾기



- `scanf("%1d",&MAP[i][j]);`  
> 한 자리 수 단위로 scanf
- MAP형식으로 주어지기에  
vector보단 array사용



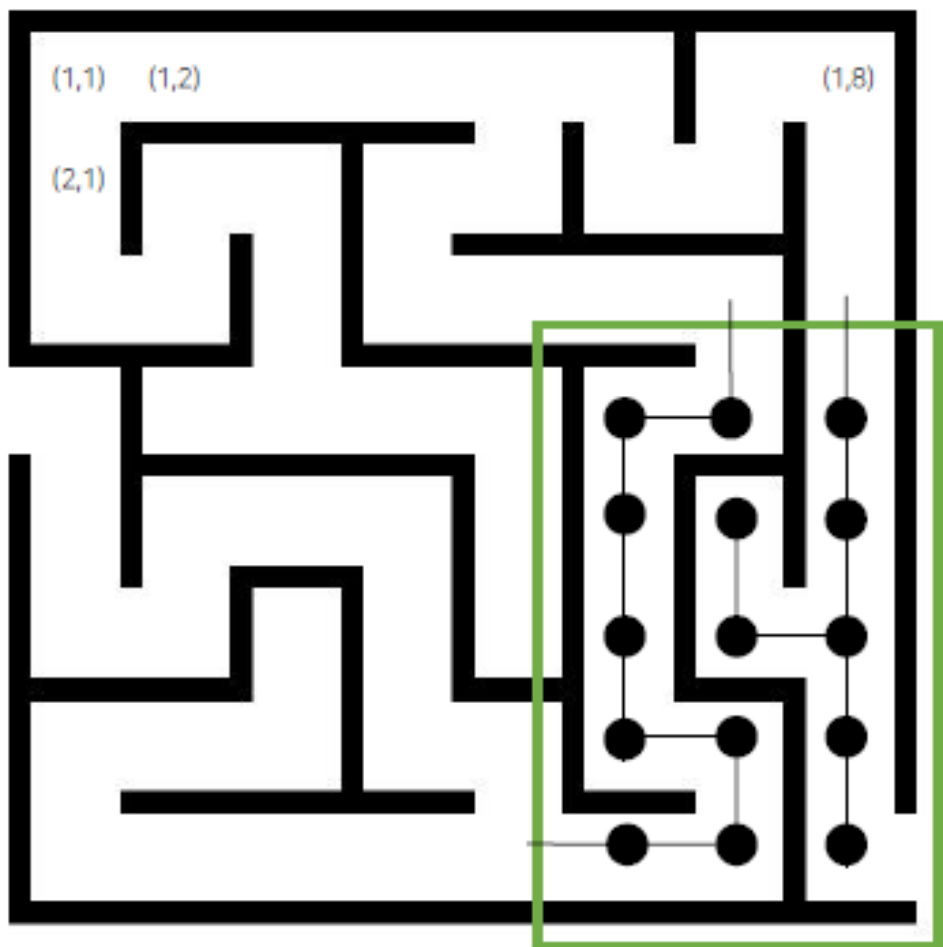
# 미로찾기



```
1 void dfs(int x)
2 {
3     visit_dfs[x] = true;
4     printf("%d ", x);
5     for(int i=0; i<vec[x].size(); i++)
6         if(!visit_dfs[vec[x][i]])
7             dfs(vec[x][i]);
8 }
```



# 미로찾기



```
1 void dfs(int x)
2 {
3     visit_dfs[x] = true;
4     printf("%d ", x);
5     for(int i=0; i<vec[x].size(); i++)
6         if(!visit_dfs[vec[x][i]])
7             dfs(vec[x][i]);
8 }
```

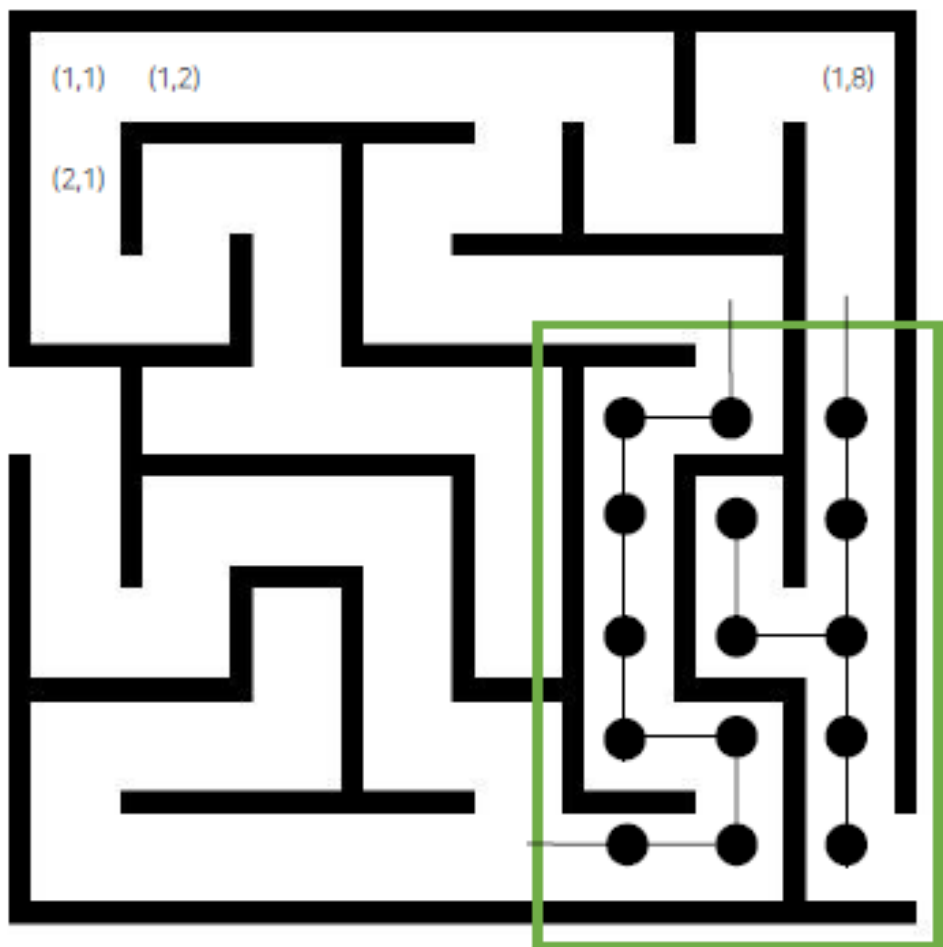
↑ 이거를  
이렇게 ↓

[\*] 2주차2주차2주차2주차2주차2주차2주차2주차2주차.cpp

```
1 int dx[4] = {-1,1,0,0};
2 int dy[4] = {0,0,-1,1};
3 void dfs(int x, int y){
4     visit_dfs[x] = true;
5     printf("%d ", x);
6     for(int i=0; i<4; i++){
7         int nx = x + dx[i];
8         int ny = y + dy[i];
9         if(visit[ny][nx] == false){
10             dfs(ny,nx);
11         }
12     }
13 }
```



# 미로찾기



↓ 이렇게 하면 BFS로도 할 수 있다  
queue<pair<int,int> > q;

2주차2주차2주차2주차2주차2주차2주차2주차2주차.cpp

```
1 void bfs(){
2     q.push({1,1});
3     while(!q.empty()){
4         int size = q.size();
5         int x = q.front().first;
6         int y = q.front().second;
7         q.pop();
8         visit[x][y] = true;
9         printf("%d ",now);
10        for(int i=0; i<size; i++){
11            for(int j=0; j<4; j++){
12                int nx = x+nx[i];
13                int ny = y+ny[i];
14                if(!visit_bfs[ny][nx]){
15                    q.push({nx,ny});
16                }
17            }
18        }
19    }
```



# 미로찾기?

- 단순한 방문은 visit배열만 활용

4 5 6 7

```
for(int i=0; i<n; i++){  
    for(int j=0; j<m; j++){  
        dis[i][j] = 987654321;  
    }  
}
```



- **최단거리**를 구하는 문제의 경우 distance배열에 INF값을 채운 후  
작은 값으로 교체  
ex) if(dis[next] > dis[now] + 1)  
dis[next] = dis[now] + 1;

1	0	1	1	1	1
1	0	1	0	1	0
1	0	1	0	1	1
1	1	1	0	1	1



# 미로찾기?

+) array방문 팁

-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1
-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1
-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1
-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1
-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1
-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1

```
1 #include<string.h>
2 main(){
3     memset(MAP,-1,sizeof(MAP));
4 }
```

# 미로찾기?

+) array방문 팁

-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1
-1	1	0	1	1	1	1	-1
-1	1	0	1	0	1	0	-1
-1	1	0	1	0	1	1	-1
-1	1	1	1	0	1	1	-1
-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1

```
1 #include<string.h>
2 main(){
3     memset(MAP,-1,sizeof(MAP));
4 }
```

- 정보 받고

2주차2주차2주차2주차2주차2주차2주차2주차.cpp

```
1 void bfs(){
2     q.push({1,1});
3     while(!q.empty()){
4         int size = q.size();
5         int x = q.front().first;
6         int y = q.front().second;
7         q.pop();
8         visit[x][y] = true;
9         printf("%d ",now);
10        for(int i=0; i<size; i++){
11            for(int j=0; j<4; j++){
12                int nx = x+nx[i];
13                int ny = y+ny[i];
14                if(visit[nx][ny]){
15                    //
16                }
17            }
18        }
19    }
```

# 미로찾기?

+) array방문 팁

-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1
-1	1	0	1	1	1	1	-1
-1	1	0	1	0	1	0	-1
-1	1	0	1	0	1	1	-1
-1	1	1	1	0	1	1	-1
-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1

// dis[1][1] = 1;

```
1 #include<string.h>
2 main(){
3     memset(MAP,-1,sizeof(MAP));
4 }
```

- 정보 받고

2주차2주차2주차2주차2주차2주차2주차2주차.cpp

```
1 void bfs(){
2     q.push({1,1});
3     while(!q.empty()){
4         int size = q.size();
5         int x = q.front().first;
6         int y = q.front().second;
7         q.pop();
8         visit[x][y] = true;
9         printf("%d ",now);
10        for(int i=0; i<size; i++){
11            for(int j=0; j<4; j++){
12                int nx = x+nx[i];
13                int ny = y+ny[i];
14                if(MAP[ny][nx] == 1 && dis[ny][nx] > dis[y][x]+1){
15                    dis[ny][nx] = dis[y][x]+1;
16                    p.push({nx,ny});
17                }
18            }
19        }
20    }
```

# 미로찾기?

+) queue의 인자를 구조체로

```
10 typedef struct P{  
11     P(int a, int b, int c):x(a), y(b), z(c){} // q.push(P(1,1,1));  
12     int x,y,z;  
13 }P;  
14 queue<P> q;
```

```
27     q.push(P(1,1,0));
```

```
29         P now = q.front();
```

```
32             int nx = now.x+dx[i];
```

```
33             int ny = now.y+dy[i];
```





# 연습문제



BOJ 2178  
미로탐색

BOJ 7576  
토마토

# 과제야



7562 나이트의 이동  
2667 단지번호붙이기  
1726 로봇  
2206 벽 부수고 이동하기

(1726 이나 2206중에 하나만 풀어도 성공했다)

수고했어요

