

A versão de Python usada foi a 3.4. Testes executados mostraram que o código também funciona na versão 3.5. O código Python encontra-se em vários ficheiros, funcionando o ficheiro `istravel.py` como main. Para executar o código deve executar-se o programa com os seguintes argumentos:

```
$ python istravel.py input1.map input2.cli -d algoritmo
```

-d é um argumento opcional que acciona uma hipótese de debug que imprime no terminal a solução, isto é, o mesmo conteúdo que é impresso no ficheiro `input2.sol`. `algoritmo` corresponde ao algoritmo implementado com o qual se pretende resolver o problema. Substituir `algoritmo` por `-dfs` leva a que seja usado o Depth-first search. Substituir `algoritmo` por `-bfs` leva a que seja usado o Breath-first search. Substituir por `-ucs` leva a que seja usado o Uniform cost search. E finalmente substituir por `-astar` leva a que seja usado o A*. Quando se usa `-astar` a heurística usada é a implementada com recurso ao algoritmo Floyd-Warshall. Caso não seja escrito o nome de um algoritmo como último argumento, o algoritmo usado é o Uniform cost search por pré-definição.

(a) O *problem state* encontra-se representado na classe `State`. Os seus elementos são inicializados num *method* da classe. Cada estado é representado pelo: nó actual (cidade); transporte usado na deslocação para o nó actual; tempo a partir do qual se pode iniciar uma viagem; e custo monetário da última viagem.

Os operadores correspondem aos elementos que influenciam a viagem de um nó para outro. Os operadores são: o meio de transporte e o nó que se pretende atingir de acordo com as restrições existentes.

O *initial state* corresponde à cidade de partida do cliente; ao transporte usado para alcançar essa cidade que é NA; ao tempo a partir do qual a viagem pode ser iniciada; e ao custo monetário das ligações efectuadas que é nulo.

O *goal state* corresponde à cidade de chegada do cliente (terceiro elemento de cada linha do ficheiro `.cli`, com excepção da primeira linha), ao transporte usado para alcançar essa cidade, que se trata de um de quatro transportes (autocarro, avião, barco, comboio); ao tempo a partir do qual a viagem pode ser iniciada que é NA; e ao custo monetário acumulado entre as ligações usadas entre a cidade de partida e a de chegada.

O custo monetário é dado pela soma de todos os custos de cada estado. O custo de tempo é dado pela diferença entre o tempo actual e o tempo inicial.

(b) Os algoritmos *uninformed* implementados foram o Depth-first search (DFS), o Breadth-first search (BFS) e o Uniform cost search (UCS). O algoritmo *informed* implementado foi o A*.

O DFS efectua uma pesquisa em profundidade visitando todos os nós existentes em cada ramo antes de efectuar *backtracking*. O algoritmo usa uma *stack* na *fringe* que permite investigar os filhos de cada nó. Este tipo de pesquisa não considera ligações com diferentes custos não sendo por isso o mais adequado ao problema. Neste caso tem uma má performance e não é óptimo. O algoritmo foi implementado para poder ser comparado com os outros em termos de performance.

O BFS efectua uma pesquisa em largura, isto é nível a nível. Explora todos os nós vizinhos do nó actual antes de se deslocar para um desses nós vizinhos repetindo o processo. Para explorar os nós nível a nível usa uma fila de espera (*Queue*) como estrutura da *fringe*. O algoritmo é óptimo se todas as ligações entre nós tiverem o mesmo custo, pois permite encontrar o percurso com o menor número de ligações. Porém, neste problema, o percurso com o menor número de ligações não é necessariamente o melhor percurso, pois as ligações não têm todas um custo idêntico. Por esse motivo, o algoritmo não é ideal para o problema. Foi implementado para ser comparado com os outros algoritmos em termos de performance.

O UCS é uma variante do algoritmo de Dijkstra. O tipo de pesquisa é semelhante ao realizado pelo BFS tendo porém em conta os custos das ligações. O UCS pesquisa todos os nós adjacentes ao nó actual, visitando o nó cujas ligações até então

usadas permitem o menor custo possível. Este algoritmo é óptimo e é o algoritmo *uninformed* mais adequado ao problema.

O A* consiste numa variante do UCS. Para além de recorrer à acumulação de custos entre ligações, considera ainda uma função heurística. Se esta função heurística for eficiente - $O(1)$ - e admissível, representa uma grande melhoria na procura no grafo. A computação realizada para encontrar o melhor caminho entre dois nós usa a expressão $f=g+h$, sendo g a soma de custo entre ligações previamente utilizadas e h o valor da função heurística que se trata da distância (custo) entre o nó actualmente visitado e o nó que se pretende alcançar (*goal*). Este algoritmo é adequado ao problema pois para além de considerar custos, evita a deslocação por ligações cujos nós se apresentam uma elevada distância heurística ao nó *goal*.

(c) A parte de domínio independente encontra-se no ficheiro `search.py` e é a seguinte:

```
closed = set()
fringe.push([problem.getStartState()])
while True:
    if fringe.isEmpty():
        return None
    v = fringe.pop()
    if problem.isGoalState(v[-1]):
        return v
    if v[-1].arrives() not in closed:
        closed.add(v[-1].arrives())
        # put everything tabbed if we used closed sets
        for child in problem.getSuccessors(v[-1]):
            aux = v + [child]
            if problem.isPlanValid(aux):
                fringe.push(aux)
```

A separação entre a parte independente e a dependente foi executada alterando a estrutura da *fringe* de cada algoritmo, antes de ser realizado o primeiro *push*, ou seja, antes de ser conhecido o estado inicial. A *fringe* do BFS contém *Stack*, a do DFS uma *Queue* e a do UCS, assim como a do A*, uma *PriorityQueue*. Estas estruturas encontram implementadas em classes de forma eficiente no ficheiro `util.py`.

(d) Como não é conhecida a distância “aérea” entre dois nós do grafo, conhecendo-se apenas a distância por ligações entre os nós, é complicado encontrar uma heurística admissível e que não seja tão difícil de calcular como o problema original. Neste problema encontrar uma boa heurística apresenta um nível de complexidade tão elevado quanto solucionar o próprio problema.

Uma heurística implementada no algoritmo A* consiste em usar um valor nulo como função de heurística. Esta é a pior heurística existente pois transforma o algoritmo A* no UCS.

Outra heurística implementada foi com recurso ao algoritmo Floyd-Warshall. Esta heurística consiste determinar o custo óptimo entre dois quaisquer nós do grafo e é admissível. Porém é necessário fazer uma pesquisa por todos os nós o que é pouco eficiente e pode levar a que o algoritmo demore muito tempo a resolver o problema.

(e) A comparação qualitativa entre os algoritmos implementados, para os ficheiros `enunciado.map` e `enunciado.cli`, encontra-se na tabela 1.

Verifica-se que o UCS é o melhor algoritmo *uninformed*, como era esperado pois é o único dos três algoritmos que considera a duração/custo de cada ligação ao explorar nós.

Os resultados do A* e do UCS foram idênticos. Ambos os algoritmos são óptimos por isso apresentam o melhor caminho possível em termos de duração/custo.

Comprovou-se experimentalmente que número de nós visitados é superior no DFS do que nos outros algoritmos. Tal deve-se à pesquisa em profundidade do algoritmo.

Client\algorit		DFS	BFS	UCS	A*
1	Duração	3212	600	90	90
	Custo	239	14	21	21
2	Duração	4740	910	1020	1020
	Custo	300	48	47	47
4	Duração	805	5	5	5
	Custo	204	2	2	2
5	Duração	1253	942	853	853
	Custo	104	206	100	100
6	Duração	1860	1750	1860	1860
	Custo	63	64	63	63
8	Duração	600	600	600	600
	Custo	24	14	14	14

Tabela 1