6

b) Write a short note on CPU. सीपीयू पर संक्षिप्त टिप्पणी लिखिए।

8. a) Draw a flow chart to find the sum of first 100 natural numbers. 6
प्रथम 100 प्राकृत संख्याओं का योगफल ज्ञात करने के लिए एक प्लोचार्ट बनाइए।

b) Write a basic programme to calculate area of circle of radius 4 cm. 6
4 से.मी. त्रिज्या वाले वृत्त के क्षेत्रफल ज्ञात करने के लिए बेसिक प्रोग्राम लिखिए।

State and prove De-Morgan's law

डिमोर्गन नियम को लिखकर सिद्ध कीजिए।



RGPVONLINE.COM

THIRD SEMESTE (PTDC) CIVIL, MECHANICAL AND ELECTRICAL ENGINEERING (NEW)

ENGINEERING MATHS AND COMPUTER APPLICATION

'ime: Three Hours

Maximum Marks: 100

lote: (i) Attempt total six questions. Question No. 1 (Objective type) is compulsory. From the remaining questions attempt any five. कुल छः प्रश्न हल कीजिए। प्रश्न क्रमांक 1 (वस्तुनिष्ठ अकार का) अनिवार्य है। शेष प्रश्नों में से किन्ही पाँच को हल कीजिए।

(ii) In case of any doubt or dispute, the English version question should be treated as final. किसी भी प्रकार के संदेह अथवा विवाद की स्थिति में अंग्रेजी भाषा के प्रश्न को अंतिम माना जायेगा।

Choose the correct answer:
2 each

सही उत्तर का चयन कीजिए।

i) The value of $\frac{d}{dx} \log y^2$ is:

(a)
$$2y \frac{dy}{dx}$$

(b)
$$\frac{2}{v} \frac{dy}{dx}$$

(c)
$$\frac{1}{y^2}$$

(d)
$$\frac{2}{y}$$

 $\frac{d}{dx} \log y^2$ an मान है:

 $(\mathfrak{F}) 2y \frac{dy}{dx}$

 $(\mathbf{a}) \frac{2}{y} \frac{dy}{dx}$

 $(\pi) \frac{1}{v^2}$

अवकलन समीकरण $x \frac{dy}{dx} = 2y$ का हल है:

(3)

 $(\mathfrak{F})y=cx$

- (a) y = 2 cx
- $(\mathbf{H}) y = cx^2$
- (द) 2y = cx
- iv) The mean value of the I = 20 sent from t = 0 to $t = \pi/2$ is

ii) $\int_0^{\pi/2} \sin^2 x \, dx$ is equal to:

RGPVONLINE.COM

(a) $\frac{40}{\pi}$

(b) $\frac{\pi}{40}$

(a) 0

(b) $\frac{\pi}{6}$

(c) 40π

 $(3)\frac{40}{-}$

(स) 40 π

(d) $\frac{10}{7}$

 $\left(\mathbf{a}\right)\frac{\pi}{40}$

 $(\mathfrak{q})^{\frac{10}{-}}$

धारा I = 20 sent का मध्यमान t = 0 से $t = \frac{\pi}{2}$ के बीच है:

- (c) $\frac{\pi}{2}$
- (d) $\frac{\pi}{4}$

 $\int_{0}^{\pi/2} \sin^2 x \, dx$ an Hin $\hat{\epsilon}$:

(अ) 0

- $(\pi)\frac{\pi}{2}$ iii) The solution of differential equation

- Decimal equivalent of hexa decimal number 2 AC is
 - (a) 701

(b) 684

(c) 690

(d) 700

हैक्साडेसिमल संख्या 2 AC का डेसिमल मे मान है:

(अ) 701

(ৰ) 684

(स) 690

(द) 700

(a) y = cx

 $x \frac{dy}{dx} = 2y$ is:

- (b) y = 2 cx(d) 2y = cx
- PT/S/2013/0022

P.T.O.

2. Find
$$\frac{dy}{dx}$$
 (solve any three)

6 each

(a)
$$y = e^{x+e^{x+e^{x+\cdots \infty}}}$$

(b)
$$x = a(\theta + \sin \theta), y = a(1 - \cos \theta)$$

(c)
$$3x^2 + 6xy + y^2 = 40$$

(d)
$$y = (\sin x)^{\log x}$$

$$\frac{dy}{dx}$$
 का मान ज्ञात कीजए (कोई तीन)

RGPVONLINE.COM

$$y = e^{x + e^{x + e^{x + \dots \infty}}}$$

ब)
$$x = a(\theta + \sin \theta), y = a(1 - \cos \theta)$$

$$4) \quad 3x^2 + 6xy + y^2 = 40$$

$$\mathbf{q} = (\sin x)^{\log x}$$

3. a) Find radius of curvature of the curve

$$y = 2 \sin x - \sin 2x \text{ at } x = \frac{\pi}{4}.$$

वक्र $y = 2 \sin x - \sin 2x$ की बिन्दु $x = \frac{\pi}{4}$ पर वक्रता

त्रिज्या ज्ञात कीजिए।

Contd.....

- b) If x = tan(log y) then show that $(1+x^2)y_2 + (2x-1)y_1 = 0$ 6

 ult x = tan(log y) है तो सिद्ध करो $(1+x^2)y_2 + (2x-1)y_1 = 0$.
- c) If $u = e^{\frac{x}{y}}$ then show that $x \frac{\delta u}{\delta x} + y \frac{\delta u}{\delta y} = 0$ 6 $\text{alg } u = e^{\frac{x}{y}} \text{ $\frac{\delta u}{\delta x} + y \frac{\delta u}{\delta y} = 0$.}$
- 4. a) Calculate $\int_1^2 \frac{dx}{x}$ by simpson's rule, taking 10 equal interval. 12 $\int_1^2 \frac{dx}{x}$ का मान सिम्पसन नियम द्वारा 10 समान अन्तरालो मे ज्ञात कीजिए।
 - Show that the area included between the parabola $y^2 = 4x$ and the ordinate x = 4 is $\frac{2}{3}$ of the area of bounding rectangle.

(7)

सिद्ध कीजिए कि परवलय $y^2 = 4x$ और कोटि x = 4 के बीच का क्षेत्रफल घरे हुए आयत के क्षेत्रफल का $\frac{2}{3}$ है।

5. Evaluate the following:

6 each

(a)
$$\int_0^{\pi/2} \log \tan x \, dx$$

(b)
$$\int_0^{\pi/3} \frac{\sin x}{3 + 4\cos x} dx$$

RGPVONLINE.COM

(c)
$$\int_0^{\pi} \sin^4 x \cos^6 x \, dx$$

निम्नलिखित का मान ज्ञात कीजिएः

(a)
$$\int_0^{\pi/2} \log \tan x \, dx$$

(b)
$$\int_0^{\pi/3} \frac{\sin x}{3 + 4 \cos x} dx$$

(e)
$$\int_0^{\pi} \sin^4 x \cos^6 x \, dx$$

PT/S/2013/0022

Contd.....

6. Solve the following differential equations:

6 each

(a)
$$(1+x)y dx + (1+y)x dy = 0$$

(b)
$$xy^2 dy - (x^3 + y^3) dx = 0$$

(c)
$$\frac{dy}{dx} + \frac{2y}{x} = x^5$$

निम्नलिखित अवकलन समीकरणों को हल कीजिएः

$$(1+x)y dx + (1+y)x dy = 0$$

$$\mathbf{a} = \mathbf{a} = \mathbf{a} + \mathbf{y}^{3} dx = 0$$

$$\mathbf{H}) \quad \frac{dy}{dx} + \frac{2y}{x} = x^5$$

(7) Solve the differential equations

$$(D^2-2D+1)y=e^{-5x}$$

$$(D^2 + 4) y = \sin 3x$$

अवकलन समीकरणों को हल कीजिएः

i)
$$(D^2 - 2D + 1)y = e^{5x}$$

ii)
$$\left(D^2+4\right)y=\sin 3x$$

PT/S/2013/0022

P.T.O.