函数式语言程序设计 兴趣作业

问题

我们需要解决一个图像匹配问题。该问题的定义如下:

给定图像 P 和 P',求 P'最有可能出现在 P 的位置。

举个例子,如图 1 所示,左侧的图为原始图像 P,右侧为 P',它是 P 的一个局部图像。如果我们规定图像的坐标系原点为左上角顶点,x 轴水平向右延伸而 y 轴垂直向下延伸,那么可以求得 P'的左上角顶点在 P 中最有可能的位置是(881,237)。

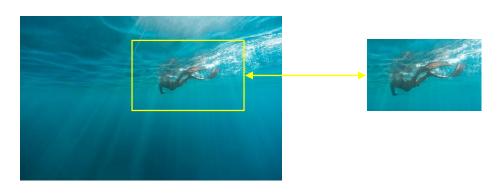


图 1:图像匹配问题示意图

然而 P'并非一定和原图的局部完全一致。在很多应用场景下,P'存在一些干扰性的细节,比如模糊,颜色增强,椒盐噪声,污染等,如图 2 所示。因此,高效且准确的图像匹配是一个充满挑战的工作。









图 2: 几种图像干扰

为了简化问题, 我们给出以下几个假设:

- 1) P'来自 P 的局部,且不会发生几何变换,如缩放、旋转等。也就是说,P'一定能够和 P 的某个局部——对应。**因此,我们用** P'**左上角顶点在** P **中的坐标来表达** P'**在** P **中出现的位置**。
- 2) *P*'只存在如下几种干扰:(a) 基于线性平滑滤波器的网格模糊;(b) 颜色增强,包括色彩、饱和度、亮度的改变;(c) 椒盐噪声(均匀分布的黑白噪声);(d) 黑色污染。

要求

用 Haskell 实现一个图像匹配的程序。要求如下:

- 1) 作业程序应当能够用 GHC 编译为可执行文件, 因此请确保程序中存在 main 函数。 (具体的 GHC 使用方法请参照相关文档)
- 2) 假设可执行文件为 match, 那么它的使用方法应该如下

match [input image 1] [input image 2] [mode] 前两个参数分别对应图像 P 和 P',第三个参数是可选项,代表 match 的工作模式。如果你的程序需要针对不同的干扰指定不同的工作模式,请遵循下面的规约:

mode	干扰
0	无干扰
1	线性平滑模糊
2	颜色增强
3	椒盐噪声
4	黑色污染

测试用例包含原图, 子图及其干扰模式, 因此不用担心需要自己识别干扰模式。

3) 可执行文件的输出是一个坐标,即子图的左上角顶点在原图中的坐标。原图中坐标系的规定如图 3 所示。原图的左上角顶点为(0,0).



图 3:图像坐标系

- 4) 作业程序需要支持无干扰的图像匹配和**至少 2 种**干扰模式的图像匹配(实现得更多会有加分)。请在文档中注明自己的程序支持的干扰模式。
- 5) 输入的图像为 24 位 BMP 文件格式。因此,作业程序需要支持解析这种格式。

贴士

1) 你的程序首先需要解析 24 位 BMP 图像文件。由于图像并非文本文件,所以请用相应的二进制文件操作。BMP 的格式规律性较强,请参照相关文档(比如:https://en.wikipedia.org/wiki/BMP_file_format)正确解析 BMP 文件内容。

2) 图像匹配问题本质上是一个优化问题。我们可以用一个函数 $\Phi(P',x,y)$ 来表达P'和 坐标为(x,y)的P的子图的匹配程度,该函数的取值越大则匹配程序越高。那么,这 个优化问题可以表达为

$$\operatorname{argmax}_{(x,y)} \Phi(P', x, y)$$

解决这个优化问题的难点有二:(a) 匹配度函数如何定义;(b) 如何求解最优解。 **第一个问题**,匹配度函数可以是像素颜色层次的,比如两幅图像对应像素颜色的相 关系数:

$$\rho(x,y) = \frac{\sum_{i=0}^{w-1} \sum_{j=0}^{h-1} \left(C(x+i,y+j) - \overline{C_{(x,y)}}\right) \left(C'(i,j) - \overline{C'}\right)}{\sqrt{\sum_{i=0}^{w-1} \sum_{j=0}^{h-1} \left(C(x+i,y+j) - \overline{C_{(x,y)}}\right)^2} \sqrt{\sum_{i=0}^{w-1} \sum_{j=0}^{h-1} \left(C'(i,j) - \overline{C'}\right)^2}}$$

其中 $\overline{C_{(x,y)}}$ 和 $\overline{C'}$ 分别为P的相应区域和P'的颜色均值。

匹配度函数还可以是图像特征层次的,这种情况下我们需要抽取两个图像的特征向 量再对特征向量进行匹配。

第二个问题,最优解的求解方法本质上是搜索,因此可以使用遍历或带有策略的搜索方法(导向搜索,随机游走等)求解最优解。

3) 测试用例中可能会包含大图像,正确使用 Haskell 的并行特性有助于提高程序的性能。(我们的测试机器有 4-8 个物理核心)

评价标准

两个指标:(1)程序计算出的坐标值与正确坐标值的差距,越小越好;(2)程序的执行时间,越少越好。两项指标的权重视大家作业的完成情况来确定,但正确性(即第一项指标)不应低于60%。

我们会使用单独一套测试集来评估作业程序。

作业提交

1) 作业以 zip 压缩包格式提交(请使用 WinRAR, WinZip, 7zip, tar 等工具压缩, 勿使用快压、好压等工具), 文件名格式为:[学号]_[姓名]_兴趣作业.zip. 压缩包内的组织方式如图 4 所示。

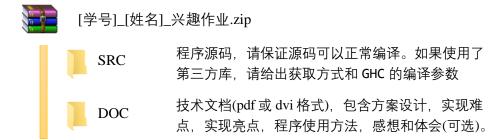


图 4:作业文件的组织方式

2) 请独立完成作业,严禁抄袭。

3) 作业的截至时间为第 18 周周日晚 23:59。请按时提交作业,否则会影响你成绩的登

入。