

高性能计算导论:hw4

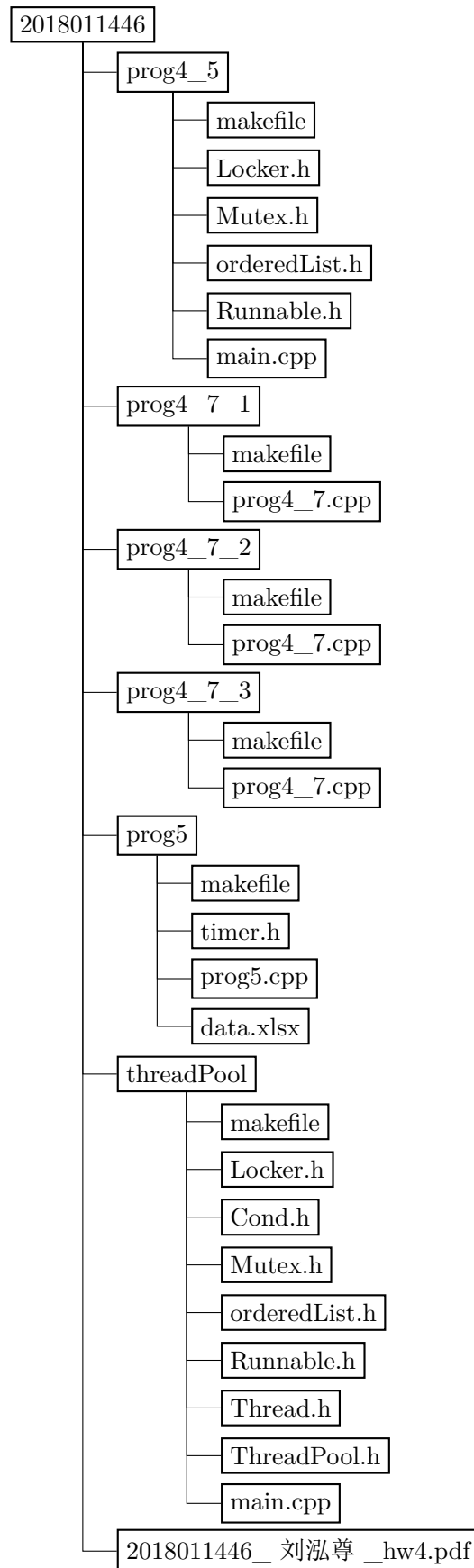
刘泓尊 2018011446 计 84

2020 年 3 月 31 日

目录

1 File Structure	2
2 Exercise 4.7	3
2.1 一个生产者 + 一个消费者	3
2.2 偶数生产者 + 奇数消费者	4
2.3 每个线程既是生产者又是消费者	6
3 Exercise 4.11	7
3.1 两个 Delete 同时执行	7
3.2 一个 Insert 和一个 Delete 同时执行	8
3.3 一个 Member 和一个 Delete 同时执行	8
3.4 两个 Insert 同时执行	8
3.5 一个 Insert 和一个 Member 同时执行	8
4 Exercise 4.12	8
5 Programming Assignment 4.5	9
5.1 线程安全的有序链表类	9
5.2 线程池的实现	10
5.3 实验结果	12
6 Pthread Programming 5	13
6.1 派生线程计算 fib(n-1)	13
6.1.1 普通递归 (并行)	13
6.1.2 记忆化递归 (并行)	14
6.1.3 串行部分的优化	15
6.2 运行结果	16
A 对线程 (Thread) 和线程池 (ThreadPool) 的封装	18
A.1 对互斥量 (Mutex) 与信号量 (Cond) 以及 Locker 的封装	18
A.2 对 Thread 的封装	19
A.3 对线程池 (ThreadPool) 的封装	21
A.4 重写 Programming Assignment 4.5	22

1 File Structure



2 Exercise 4.7

2.1 一个生产者 + 一个消费者

因为只有两个线程，且每个线程责任清晰，所以我将生产者和消费者分别放在一个函数中，让结构更清晰。

生产者首先获得互斥量，然后发送信息到缓冲区，随后将标志位 (ok) 置为 1; 消费者采用忙等待 (busy-waiting) 机制，检测到标志位为 1 后，读取消息缓冲区中的内容，此过程中也采用互斥锁。(实际上，本例中“消费者”加锁的意义不大，除非编译器或 CPU 对指令进行了重排，也就是“内存序”改变的问题。)

此部分代码在 ./prog4_7_1 下

共享变量

```
1 const int MAX_LENGTH = 100;
2 pthread_mutex_t mu; //互斥量
3 bool ok; //标志位
4 char msg[MAX_LENGTH]; //消息缓冲区
```

Consumer

```
1 //消费者
2 void* consumer_func(void* rank){
3     long my_rank = (long)rank;
4     while(1){
5         pthread_mutex_lock(&mu); //加锁
6         if(ok){
7             printf("message: %s\n", msg);
8             pthread_mutex_unlock(&mu);
9             break;
10        }
11        pthread_mutex_unlock(&mu);
12    }
13    return nullptr;
14 }
```

Producer

```
1 //生产者
2 void* producer_func(void* rank){
3     long my_rank = (long)rank;
4     pthread_mutex_lock(&mu); //加锁
5     sprintf(msg, "Hello from thread %ld!", my_rank);
6     ok = 1;
7     pthread_mutex_unlock(&mu);
8     return nullptr;
```

```
9 }
```

main

```
1 pthread_t consumer, producer;
2 pthread_mutex_init(&mu, nullptr);
3
4 pthread_create(&consumer, nullptr, ::consumer_func, (void*)0);
5 pthread_create(&producer, nullptr, ::producer_func, (void*)1);
6 pthread_join(consumer, nullptr);
7 pthread_join(producer, nullptr);
8
9 pthread_mutex_destroy(&mu);
```

运行结果 执行 make run 之后可以运行程序，可以看到程序实现了“生产者-消费者”同步。

main

```
1 [2018011446@bootstraper prog4_7_1]$ make run
2 ./prod_cons1
3 message in thread 0: Hello from thread 1!
```

2.2 偶数生产者 + 奇数消费者

我将生产者和消费者写在同一函数中，便于区分奇数与偶数。共享变量设置与第一部分相同。

对于每一个线程，采用忙等待 (busy-waiting) 机制，首先获得互斥量：如果是奇数线程，检测标志位 (ok) 是否为 1, $ok == 1$ 则读取缓冲区中的内容，并将标志位 (ok) 置为 0，以便后续线程写入缓冲区；如果是偶数线程，在标志位为 0 的情况下，将消息写入缓冲区，并将标志位置为 1。消费者和生产者完成操作后均要释放锁。

代码放在 ./prog4_7_2 下

Producer&Consumer

```
1 void* run(void* rank){
2     long my_rank = (long)rank;
3     while(1){
4         pthread_mutex_lock(&mu); // 加锁
5         if(my_rank % 2 == 1){ // 奇数消费者
6             if(ok){
7                 printf("message received by %ld: %s\n", my_rank, msg);
8                 ok = 0;
9                 pthread_mutex_unlock(&mu);
10                break;
11            }
12        } else { // 偶数生产者
```

```

13         if(!ok){
14             sprintf(msg, "Hello from thread %ld", my_rank);
15             ok = 1;
16             pthread_mutex_unlock(&mu);
17             break;
18         }
19     }
20     pthread_mutex_unlock(&mu);
21 }
22 return nullptr;
23 }

```

main

```

1 pthread_mutex_init(&mu, nullptr);
2 pthread_t* threads = new pthread_t[threadnum];
3 for(size_t i = 0; i < threadnum; i++){
4     pthread_create(&threads[i], nullptr, ::run, (void*)i);
5 }
6 for(size_t i = 0; i < threadnum; i++){
7     pthread_join(threads[i], nullptr);
8 }
9 pthread_mutex_destroy(&mu);

```

运行结果 执行 make run n=10 后得到的结果如下 (n 是线程个数, n 必须为偶数!):

main

```

1 [2018011446@bootstraper prog4_7_2]$ make run n=10
2 ./prod_cons2 10
3 create 10 threads...
4 message received by 3: Hello from thread 0
5 message received by 1: Hello from thread 4
6 message received by 7: Hello from thread 2
7 message received by 9: Hello from thread 6
8 message received by 5: Hello from thread 8

```

2.3 每个线程既是生产者又是消费者

采用共享变量 *recv* 标记应接收消息的消费者。

依然采用忙等待机制, 每个线程初始时不设置角色。线程获得互斥锁后, 当发现标志位 (ok) 为 0 时, 成为生产者, 发送消息并将标志位置为 1, 指定消息接收方 (recv) 为 $(my_rank + 1) \% num_threads$ 。当有线程发现标志位为 1 且自己是接受方 (recv) 时, 成为消费者, 读取缓冲区并将标志位置 0。

代码放在./prog4_7_3 下

共享变量

```
1 const int MAX_LENGTH = 100;
2 bool ok;//标志位
3 char msg[MAX_LENGTH];//消息缓冲区
4 pthread_mutex_t mu;//互斥量
5 int recv;//下一个消费者的编号
6 int num;//线程个数
```

Producer&Consumer

```
1 void* run(void* rank){
2     long my_rank = (long)rank;
3     bool is_recv = false, is_send = false;
4     while(!is_send || !is_recv){
5         pthread_mutex_lock(&mu);
6         if(ok){
7             if(!is_recv && my_rank == recv){
8                 printf("receiver %ld: %s\n", my_rank, msg);
9                 ok = false;
10                is_recv = true;
11            }
12        } else if (!is_send){
13            sprintf(msg, "Hello from thread %ld", my_rank);
14            ok = true;
15            is_send = true;
16            recv = (my_rank + 1) % num;
17        }
18        pthread_mutex_unlock(&mu);
19    }
20    return nullptr;
21 }
```

main

```
1 pthread_mutex_init(&mu, nullptr);
2 pthread_t* threads = new pthread_t[num];
3 for(size_t i = 0; i < num; i++){
4     pthread_create(&threads[i], nullptr, ::run, (void*)i);
5 }
6 for(size_t i = 0; i < num; i++){
7     pthread_join(threads[i], nullptr);
8 }
9 pthread_mutex_destroy(&mu);
```

运行结果 执行 make run n=10 的结果如下 (此题 n 任意):

```
main
1 [2018011446@bootstraper prog4_7_3]$ make run
2 ./prod_cons3 10
3 created 10 threads
4 receiver 1: Hello from thread 0
5 receiver 2: Hello from thread 1
6 receiver 9: Hello from thread 8
7 receiver 5: Hello from thread 4
8 receiver 8: Hello from thread 7
9 receiver 7: Hello from thread 6
10 receiver 0: Hello from thread 9
11 receiver 4: Hello from thread 3
12 receiver 3: Hello from thread 2
13 receiver 6: Hello from thread 5
```

3 Exercise 4.11

注: 下面所说的 *prev* 不代表是双向链表, 只是代表位置关系在 “前”

3.1 两个 Delete 同时执行

如果两个线程试图删除同一个节点, 执行顺序可能如下:

- Thread1 找到节点 N
- Thread2 找到节点 N
- Thread1 将 $N \rightarrow \text{prev} \rightarrow \text{next}$ 赋值为 $N \rightarrow \text{next}$
- Thread1 释放节点 N
- Thread2 将 $N \rightarrow \text{prev} \rightarrow \text{next}$ 赋值为 $N \rightarrow \text{next}$ 。此时访问了已经释放的内存, 发生段错误。

如果两个线程释放前后相邻的节点, 可能的执行顺序如下:

- Thread1 找到节点 N1
- Thread2 找到节点 N2, 且 N2 紧邻在 N1 后面
- Thread1 将 $N1 \rightarrow \text{prev} \rightarrow \text{next}$ 赋值为 $N1 \rightarrow \text{next}$
- Thread2 将 $N2 \rightarrow \text{prev} \rightarrow \text{next}$ (即 $N1 \rightarrow \text{next}$) 赋值为 $N2 \rightarrow \text{next}$ 。

此时 $N1 \rightarrow \text{prev}$ 的后继为 N2, 而不是 $N2 \rightarrow \text{next}$ 。

- Thread1 删除节点 N1
- Thread2 删除节点 N2

此时链表发生断裂。

3.2 一个 Insert 和一个 Delete 同时执行

插入的线程恰好插入在待删除点的前面:

- Thread1 找到待删除节点 N1
- Thread2 创建新节点 N2, 找到插入位置, 在 N1 的前面

- Thread2 将 N2 的后继标记为 N1
- Thread1 删除 N1 节点

此时发生链表**断裂**, 节点 N2 之后的部分将丢失。

3.3 一个 Member 和一个 Delete 同时执行

Member 和 Delete 是同一节点时:

- Thread1 调用 Member 访问节点 N1, 发现 N1 存在
- Thread2 删除 N1
- Thread1 函数返回报告 N1 存在, 实际上却已经被删除.

Member 的节点在 Delete 之后:

- Thread1 查找 (Member) 节点 N1, 当前正在节点 N2(在 N1 之前)
- Thread2 删除节点 N2
- Thread1 调用 $cur = N1 \rightarrow next$, 访问已经释放的内存, 发生**段错误**。

3.4 两个 Insert 同时执行

两个线程 insert 在同一位置:

- Thread1 找到插入位置的前一个节点 N1
- Thread2 找到插入位置的前一个节点 N1
- Thread1 插入: $N1 \rightarrow next = newNode1$
- Thread2 插入: $N1 \rightarrow next = newNode2$

此时相当于只成功插入了一个节点, 而不是两个。

3.5 一个 Insert 和一个 Member 同时执行

Insert 线程插入节点恰好是 Member 查询的.

- Thread1 查找节点 N1, 未找到
- Thread2 插入节点 N1
- Thread1 调用返回, 报告 N1 不存在, 而实际上已经在链表中。

4 Exercise 4.12

不安全

- 两个线程删除同一节点时:

第一阶段: 由于读写锁可以同时读, 所以两个线程都将找到该节点.

第二节点: 线程 1 加“写锁”, 删除该节点, 释放锁; 之后线程 2 获得“写锁”再删除该节点。出现**重复释放**的问题。

- 两个线程同时插入时, 也会与进行上例相同的第一阶段, 因此在第二阶段可能在同一位置插入两个节点。

两种情况的**本质**都是: 在两次加锁的中间存在时间差, 这段时间内, 链表的状态可能发生改变。因此不安全。

5 Programming Assignment 4.5

代码在./prog4_5 下

5.1 线程安全的有序链表类

为了便于管理锁的获取与释放，我简单封装了互斥量与信号量，并实现了 Locker 来自动管理锁的释放，见附录 A。之后我实现了线程安全的有序链表 orderedList，为了简洁性，内部数据结构使用 STL，代码如下：

orderedList.h

```
1  template <class T>
2  class orderedList{
3      list<T> alist;
4      ReadWriteMutex rwmu;
5  public:
6      void push(T t){
7          WriteLocker locker(&rwmu);//写锁
8          alist.insert(std::upper_bound(alist.begin(), alist.end(), t), t);
9      }
10     bool pop(T t){
11         WriteLocker locker(&rwmu);//写锁
12         auto iter = std::find(alist.begin(), alist.end(), t);
13         if(iter != alist.end()){
14             alist.erase(iter);
15             return true;
16         } else {
17             return false;
18         }
19     }
20     bool find(T t){
21         ReadLocker locker(&rwmu);//读锁
22         auto iter = std::find(alist.begin(), alist.end(), t);
23         if(iter != alist.end()){
24             return true;
25         } else {
26             return false;
27         }
28     }
29     string toString(){
30         string res = "head";
31         ReadLocker locker(&rwmu);//读锁
32         for(auto iter: alist)
33             res += "->" + std::to_string(iter);
34         res += "\n";
35         return res;
```

```
36     }
37 };
```

5.2 线程池的实现

线程池的实现主要是填充了题给的框架。先使用 `pthread_create()` 创建给定数量的线程。然后生成一定数量的任务，压入任务队列，同时用信号量唤醒线程。当任务产生完毕的时候，设置标志位 `finished = true`，之后进行广播唤醒所有线程。

main.cpp: main()

```
1  //Create Thread Pool
2  pthread_t* thread_handles = new pthread_t[thread_num];
3
4  /* Initialize mutexes and conditional variables */
5  pthread_mutex_init(&mu, nullptr);
6  pthread_cond_init(&cond, nullptr);
7  finished = false;
8
9  /* Start threads */
10 for(int i = 0; i < thread_num; i++){
11     pthread_create(&thread_handles[i], nullptr, ::runtask, nullptr);
12 }
13
14 /* Generate Tasks */
15 for(int i = 0; i < task_num; i++){
16     pthread_mutex_lock(&mu);
17     taskQueue.push( Task( rand() % total, rand() % task_num) );//加入随机任务
18     pthread_cond_signal(&cond);
19     pthread_mutex_unlock(&mu);
20 }
21
22
23 /* Wait fot threads to compelete */
24 finished = true;
25 pthread_cond_broadcast(&cond);
26 for(int i = 0; i < thread_num; i++){
27     pthread_join(thread_handles[i], nullptr);
28 }
29
30 /* Destroy mutex and conditional variables */
31 pthread_cond_destroy(&cond);
32 pthread_mutex_destroy(&mu);
33 delete[] thread_handles;
```

线程执行的函数 runTask(), 使用类似忙等待的机制, 一直循环直至有信号唤醒该线程, 之后该线程执行随机操作的任务。具体代码如下:

```
runTask()

1 //线程函数
2 void* runtask(void* args){
3     while(1){
4         pthread_mutex_lock(&mu);
5         while(taskQueue.empty() && !finished){//线程等待被唤醒
6             while( pthread_cond_wait(&cond, &mu) != 0)
7                 ;
8         }
9         if(taskQueue.empty()){
10             pthread_mutex_unlock(&mu);
11             break;
12         }
13         Task t = taskQueue.front();
14         taskQueue.pop();
15         pthread_mutex_unlock(&mu);
16         run(t);//执行对链表的随机操作
17     }
18     return nullptr;
19 }
```

为了减少耦合, 对链表的随机操作写在 run() 函数中, 比例为“插入: 删除: 查询: 打印 = 4:2:8:1”。为了便于显示多线程效果, 每次执行完该函数后 sleep 1s, 并在每次操作后输出线程编号和任务执行结果。代码如下:

```
run()

1 //定义操作比例
2 constexpr int findRate = 8;
3 constexpr int deleteRate = 2;
4 constexpr int insertRate = 4;
5 constexpr int printRate = 1;
6 constexpr int total = findRate + deleteRate + insertRate + printRate;
7 //随机调用
8 void run(const Task& task){
9     if (task.op < findRate) {//find for 8/15 [0, 7)
10         if(mylist.find(task.value)){
11             printf("threadid %u, find value %d success\n", (unsigned int)
12                 pthread_self(), task.value);
13         } else {
14             printf("threadid %u, find value %d failed\n", (unsigned int)
15                 pthread_self(), task.value);
16         }
17     }
18 }
```

```

15     } else if (findRate <= task.op && task.op < findRate + deleteRate) {//
        delete for 2/15 [7, 9)
16         if(mylist.pop(task.value)){
17             printf("threadid %u, delete value %d success\n", (unsigned int)
                pthread_self(), task.value);
18         } else {
19             printf("threadid %u, delete value %d failed\n", (unsigned int)
                pthread_self(), task.value);
20         }
21     } else if (findRate + deleteRate <= task.op && task.op < total -
        printRate) {//insert for 4/15 [9, 14)
22         mylist.push(task.value);
23         printf("threadid %u, inserted value %d\n", (unsigned int)
            pthread_self(), task.value);
24     } else { // print for 1/15 [14, 15)
25         std::cout << mylist.toString();
26     }
27     sleep(1);//sleep for 1 sec
28 }

```

5.3 实验结果

执行 make run t=2 n=20 后的输出结果如下，可以看到任务可以分配给 2 个线程。由于每次执行后 sleep(1)，加上线程个数的限制，形成了周期性输出的表现，每隔约 1s 则较快地输出 2 个。从多次测试的结果来看，并行程序是正确的。

输出结果

```

1 [2018011446@bootstraper threadPoolNor]$ make run t=2 n=20
2 ./main 2 20
3 threadid 1075492608, delete value 5 failed
4 threadid 1067099904, delete value 1 failed
5 threadid 1075492608, delete value 13 failed
6 threadid 1067099904, find value 6 failed
7 threadid 1075492608, inserted value 19
8 threadid 1067099904, find value 4 failed
9 threadid 1075492608, inserted value 16
10 threadid 1067099904, find value 1 failed
11 threadid 1075492608, inserted value 4
12 threadid 1067099904, delete value 11 failed
13 threadid 1075492608, find value 1 failed
14 threadid 1067099904, find value 18 failed
15 head->4->16->19
16 threadid 1067099904, delete value 17 failed
17 threadid 1075492608, find value 12 failed
18 threadid 1067099904, find value 18 failed

```

```
19 threadid 1075492608, find value 17 failed
20 threadid 1067099904, find value 12 failed
21 threadid 1075492608, find value 15 failed
22 head->4->16->19
```

为了后续编程方便, 我还对线程 (Thread) 和线程池 (ThreadPool) 进行了封装, 并重写了本题, 极大地做到了代码的简化, 具体内容请看[附录 A](#)。

6 Pthread Programming 5

代码在 ./prog5 下

6.1 派生线程计算 fib(n-1)

我实现了两个版本的 fib 函数, 其中一个只是普通递归求值, 复杂度是 $O(2^n)$; 第二个版本使用记忆化方法, 将复杂度为 $O(n)$ 。

由于创建进程会占用大量时间, 在串行递归时, 我设置在 $fib(n), n < 15$ 的时候使用串行函数计算、返回, 而不再创建新线程。实际上, 在求解较大 n 时 (比如 $n > 40$), 由于搜索树过深且计算节点的创建是指数级增长的, 所以到达 $n = 15$ 的时候也不会再创建新线程。因此, 此做法可以认为是合理的。

此外, 我将 fib(n) 的最大 n 设为 60, 因为 $n > 60$ 的串行版本将消耗大量的计算时间。

6.1.1 普通递归 (并行)

基于串行版本的递归做了修改。核心是设置一个共享变量 cur_thread_num 计算当前线程数, 当当前线程数 < 最大线程数的时候, 创建一个新线程计算 fib(n-2), 本线程计算 fib(n-1)。这里考虑到了均衡, 因为 fib(n-1) 的计算时间较大, 所以将计算时间短的 fib(n-2) 交给新线程去做, 以平衡创建线程的开销。

fib_para(n)

```
1 void* fib_para(void* n){
2     long my_n = (long)n;
3     if(my_n < 15){
4         return (void*)fib_serial(my_n);
5     }
6     # ifdef DEBUG
7     printf("thread %d: fib(%ld)\n", (unsigned int)pthread_self(), my_n);
8     # endif
9     bool can_create = false;
10    pthread_mutex_lock(&mu);
11    if(++cur_thread_num < total_thread){//判断是否可以派生新线程
12        can_create = true;
13    }
14    pthread_mutex_unlock(&mu);
```

```

15     if(can_create){
16         pthread_t new_thread;
17         long firstres, secondres;
18         //create a new thread to calculate fib(n-2)
19         pthread_create(&new_thread, nullptr, fib_para, (void*)(my_n-2));
20         //this thread to calculate fib(n-1)
21         firstres = (long)fib_para((void*)(my_n-1));
22         pthread_join(new_thread, (void**)&secondres);
23         pthread_mutex_lock(&mu);
24         cur_thread_num--; //修改共享变量
25         pthread_mutex_unlock(&mu);
26         return (void*)(firstres + secondres);
27     } else {
28         return (void*)( (long)fib_para( (void*)(my_n-1) ) + (long)fib_para(
                (void*)(my_n-2) ) );
29     }
30 }

```

6.1.2 记忆化递归 (并行)

针对上述并行递归版本做了记忆化, 改动的部分并不多, 只是加了一个记忆数组 dp[].

```

                                fib_para_fast(n)
1  long fib[50] = {0}; //共享变量, 记录dp状态
2  bool finished[50] = {0}; //记录是否被计算
3  void* fib_para_dp(void* n){
4      long my_n = (long)n;
5      if(finished[my_n]){
6          return fib[my_n];
7      }
8      if(my_n < 15){
9          return (void*)fib_serial(my_n);
10     }
11     # ifdef DEBUG
12         printf("thread %d: fib(%ld)\n", (unsigned int)pthread_self(), my_n);
13     # endif
14     bool can_create = false;
15     pthread_mutex_lock(&mu);
16     if(++cur_thread_num < total_thread){
17         can_create = true;
18     }
19     pthread_mutex_unlock(&mu);
20     if(can_create){
21         pthread_t new_thread;
22         long firstres, secondres;

```

```

23 //create a new thread to calculate fib(n-2)
24 pthread_create(&new_thread, nullptr, fib_para_dp, (void*)(my_n-2));
25 //this thread to calculate fib(n-1)
26 firstres = (long)fib_para_dp((void*)(my_n-1));
27 pthread_join(new_thread, (void**)&secondres);
28 pthread_mutex_lock(&mu);
29 cur_thread_num--;
30 fib[my_n] = firstres + secondres; //共享变量dp[]
31 finished[my_n] = true; //共享变量finished[]
32 pthread_mutex_unlock(&mu);
33 return (void*)(fib[my_n]);
34 } else {
35     long result = (long)fib_para_dp( (void*)(my_n-1) ) + (long)
        fib_para_dp( (void*)(my_n-2) );
36     pthread_mutex_lock(&mu);
37     fib[my_n] = result; //共享变量dp[]
38     finished[my_n] = true; //共享变量finished[]
39     pthread_mutex_unlock(&mu);
40     return (void*)( result );
41 }
42 }

```

6.1.3 串行部分的优化

实际上，计算 $\text{fib}(n)$ 可以不采用递归函数，使用循环迭代完全可以实现 $O(n)$ 的复杂度，并且只有 $O(1)$ 空间。此策略可以极大减少创建线程和递归调用的开销。其串行版本如下：

```

fib_serial_fast(n)
1 long fib_serial_fast(int n){
2     long a = 0, b = 1, c;
3     for(int i = 1; i < n; i++){
4         c = b; b = a + b; a = c;
5     }
6     return b;
7 }

```

将此优化加入到并行版本的 $\text{fib}(n)$ 求解中，可以实现较大改进，性能测试见 6.2 部分。

6.2 运行结果

执行 `make run` 命令后，依次输入线程个数和 n ，之后分别计算串行版本和以上三个版本的计算时间。示例如下：

运行示例

```

1 [2018011446@bootstraper prog2]$ make run
2 ./prog2

```

```
3 Enter thread_num:
4 8
5 Enter n of fib(n):
6 46
7 para_normal: fib(n) = 1836311903, time: 1.353691s
8 para_fast:    fib(n) = 1836311903, time: 0.210368s
9 para_dp:      fib(n) = 1836311903, time: 0.000023s
10 serial:      fib(n) = 1836311903, time: 2.867669s
```

从多次输出结果来看, 并行函数的正确性是得到验证的.

下面对不同 threadnum 和 n 值的性能进行统计:

p\n	10	20	25	30	35	40	45	50	55
串行	0.000001	0.000036	0.000339	0.003685	0.034168	0.22032	1.840282	19.100321	218.093399
1	0.000199	0.000251	0.00052	0.003439	0.032831	0.205708	1.653113	17.722985	196.093399
2	0.000202	0.000257	0.000536	0.003444	0.032849	0.205942	1.653773	17.792085	195.970721
4	0.000224	0.000373	0.000452	0.001664	0.014966	0.115644	0.778252	7.663938	85.838119
8	0.000221	0.002438	0.003865	0.002151	0.014333	0.109306	0.754843	8.905228	93.74916
16	0.000224	0.006023	0.007535	0.006285	0.015639	0.106378	0.802445	9.339412	99.025345
24	0.000222	0.007819	0.011001	0.012939	0.017517	0.103107	0.779098	8.518038	89.329015

表 1: 计算时间/s(普通递归并行版本)

p\n	10	20	25	30	35	40	45	50	55
串行	0.000001	0.000036	0.000339	0.003685	0.034168	0.22032	1.840282	19.100321	218.093399
1	0.00008	0.000087	0.000062	0.000257	0.001684	0.008121	0.08914	0.989676	11.026279
2	0.000066	0.000073	0.000072	0.000311	0.001682	0.008167	0.089213	0.989144	10.566794
4	0.000053	0.000072	0.000072	0.00026	0.001909	0.011863	0.089168	1.033208	10.468103
8	0.000053	0.0000054	0.000106	0.00023	0.00119	0.012483	0.15095	1.055574	10.605881
16	0.000071	0.001384	0.000116	0.000251	0.00194	0.012322	0.154355	1.051279	10.544585
24	0.000054	0.005715	0.000112	0.000249	0.001911	0.013263	0.150649	1.076399	10.509891

表 2: 计算时间/s(递归优化为迭代的并行版本)

p\n	10	20	25	30	35	40	45	50	55
串行	0.000001	0.000036	0.000339	0.003685	0.034168	0.22032	1.840282	19.100321	218.093399
1	0.00007	0.000034	0.000045	0.000044	0.000052	0.000033	0.000028	0.000083	0.000062
2	0.000058	0.000066	0.000045	0.000084	0.000051	0.000048	0.000036	0.000068	0.000079
4	0.000033	0.000072	0.000061	0.000055	0.000054	0.000027	0.000071	0.000097	0.000079
8	0.00004	0.000062	0.000055	0.000047	0.000034	0.000045	0.000053	0.000073	0.000091
16	0.000035	0.000043	0.000056	0.00004	0.000060	0.000047	0.000061	0.000076	0.000071
24	0.000031	0.004317	0.000049	0.000038	0.000063	0.00005	0.000068	0.000088	0.000080

表 3: 计算时间/s(记忆化递归的并行版本)

从上表可以看到, 普通递归并行版本计算时间约为串行版本的一半; 采用记忆化的并行版本实现了极大的优化, 几乎为瞬间完成, 这也验证了 $O(n)$ 与 $O(2^n)$ 的巨大差距; 采用优化后的递归并行版本也实现了 10-20 倍的速度提升。与串行版本相比, 三个版本均实现了较高的效率, 对并行版本的一点点改进直至获得百倍的加速也是很有成就感的。值得注意的是, 在单线程情况下的计算时间居然比串行版本还要快, 推测是编译器对并行版本做了更多的递归优化, 减少了递归调用的开销。

A 对线程 (Thread) 和线程池 (ThreadPool) 的封装

代码在./threadPool 下。

为了方便创建线程，免去频繁书写 pthread 函数的繁琐，我实现了 Thread 类、ThreadPool 类，并对锁 (mutex, rwlock) 和信号量 (cond) 进行了简单的封装，在此基础上重写了 Programming Assignment 4.5。

A.1 对互斥量 (Mutex) 与信号量 (Cond) 以及 Locker 的封装

在写程序过程中，我发现“释放锁”的过程比较繁琐，在每一次 return 或 break 语句前都需要手动释放。因此我实现了 Locker 类，Locker 对象在构造时加锁，析构时解锁，这样就可以利用作用域来管理锁的释放。同时对 pthread 的 mutex, rwlock 和 cond 进行了封装。代码如下：

Mutex.h

```
1 class Mutex{//互斥量
2     pthread_mutex_t m_mutex;
3 public:
4     Mutex(){ pthread_mutex_init(&m_mutex, nullptr); }
5     virtual ~Mutex(){ pthread_mutex_destroy(&m_mutex); }
6     void lock(){ pthread_mutex_lock(&m_mutex); }
7     void unlock(){ pthread_mutex_unlock(&m_mutex); }
8 };
9
10 class ReadWriteMutex{//读写锁
11     pthread_rwlock_t m_rwlock;
12 public:
13     ReadWriteMutex(){ pthread_rwlock_init(&m_rwlock, nullptr); }
14     virtual ~ReadWriteMutex(){ pthread_rwlock_destroy(&m_rwlock); }
15     void readlock(){ pthread_rwlock_rdlock(&m_rwlock); }
16     void writelock(){ pthread_rwlock_wrlock(&m_rwlock); }
17     void unlock(){ pthread_rwlock_unlock(&m_rwlock); }
18 };
```

Locker.h

```
1 class MutexLocker{
2     Mutex* m_mutex;
3 public:
4     MutexLocker(Mutex *mu): m_mutex(mu){ m_mutex->lock(); }
5     virtual ~MutexLocker() {m_mutex->unlock(); }
6 };
7
8 class ReadLocker{
9     ReadWriteMutex* m_rmutex;
10 public:
11     ReadLocker(ReadWriteMutex *mu): m_rmutex(mu){ m_rmutex->readlock(); }
```

```

12     virtual ~ReadLocker() { m_rmutex->unlock(); }
13 };
14
15 class WriteLocker{
16     ReadWriteMutex* m_wmutex;
17 public:
18     WriteLocker(ReadWriteMutex *mu): m_wmutex(mu){ m_wmutex->writelock(); }
19     virtual ~WriteLocker() { m_wmutex->unlock(); }
20 };

```

Cond.h

```

1 class Cond{
2     pthread_cond_t m_cond;
3 public:
4     Cond(){ pthread_cond_init(&m_cond, nullptr); }
5     virtual ~Cond(){ pthread_cond_destroy(&m_cond); }
6     int wait(Mutex *mu){return pthread_cond_wait(&m_cond, &mu->getpmutex())
7         ;}
8     void notify_one(){ pthread_cond_signal(&m_cond); }
9     void notify_all(){ pthread_cond_broadcast(&m_cond); }
10 };

```

A.2 对 Thread 的封装

仿照 c++ 标准的的线程库，我的 Thread 类继承 Runnable. 创建线程时，只需要继承 Thread 类重写 run() 方法即可。run() 方法负责在新线程中执行，只有 run() 方法内的变量是线程独有的。具体代码请见./Threadpool

Runnable.h

```

1 //Runnable can be shared by multi-threads
2 class Runnable{
3     static int taskNumber;
4     int taskId;
5 public:
6     Runnable(){ taskId = taskNumber++; }
7     virtual void run() = 0;
8 };

```

Thread.h

```

1 //Thread can't be shared by multi-threads
2 class Thread: public Runnable{
3     pthread_t m_thread;
4     int m_state;//pthread_create()返回的线程状态
5     bool is_running;//标记线程是否正在执行

```

```

6     int thread_id;//线程id
7     void* m_args;//静态func()函数的参数
8     Runnable* runnable;//指向Runnable创建的线程,配合线程池使用
9     static int thread_tot;//线程总数
10    static void *func(void *args);//配合pthread_create()成为回调函数
11 public:
12     Thread(): m_state(0), m_args(nullptr), is_running(false), runnable(
        nullptr){
13         thread_id = thread_tot++;
14     }
15     Thread(Runnable* r): m_state(0), m_args(nullptr){
16         is_running = false;
17         thread_id = thread_tot++;
18         runnable = r;
19     }
20     virtual ~Thread(){
21         m_state = 0;
22         m_args = nullptr;
23     }
24     virtual void run(){
25         if(runnable){ runnable->run(); }
26     };
27     void start(){
28         m_state = pthread_create(&m_thread, nullptr, Thread::func, this);
29         is_running = true;
30     }
31     void join(){
32         if(is_running){
33             pthread_join(m_thread, nullptr);
34             is_running = false;
35         }
36     }
37     int threadid()const{ return thread_id; }
38 };
39 int Thread::thread_tot = 0;
40 void* Thread::func(void* args){
41     Thread* p = static_cast<Thread*>(args);
42     p->run();
43     return nullptr;
44 }

```

A.3 对线程池 (ThreadPool) 的封装

仿照 PA4.5 采用信号量实现线程调度的思路，我对线程池进行了封装。之后调用时，只需要继承 Runnable 类重写 run() 函数，之后调用 ThreadPool 类的 addTask() 函数压入任务队列即可。

ThreadPool.h

```
1 class ThreadPool{
2     list<Runnable*> taskq;//任务队列，为了方便管理，使用list而不是queue
3     unsigned thread_num;//线程个数
4     Mutex mu;//互斥量
5     Cond cond;//信号量
6     pthread_t* threads;
7     std::atomic_bool finished;//标记所有任务是否完成
8 public:
9     ThreadPool(unsigned _n): thread_num(_n), finished(false),
10        threads(new pthread_t[thread_num]){
11         for(size_t i = 0; i < thread_num; i++){//一次性创建线程
12             pthread_create(&threads[i], nullptr, ThreadPool::task, this);
13         }
14     }
15     virtual ~ThreadPool(){
16         finished = true;
17         cond.notify_all();//没有任务就广播唤醒所有线程
18         for(size_t i = 0; i < thread_num; i++){
19             pthread_join(threads[i], nullptr);
20         }
21         for(auto iter: taskq){//销毁任务
22             delete iter;
23         }
24     }
25     void addTask(Runnable* t){//将任务压入队列
26         MutexLocker locker(&mu);
27         taskq.push_back(t);
28         cond.notify_one();//唤醒线程执行该任务
29     }
30     static void* task(void* args);//作为回调函数
31 };
32
33 void* ThreadPool::task(void* args){//由子线程负责执行
34     ThreadPool *thp = static_cast<ThreadPool*>(args);
35     while(1){
36         Runnable* t;
37         {//条件等待，实现任务的分配调度
38             MutexLocker locker(&thp->mu);
39             while(thp->taskq.empty() && !thp->finished){
```

```

40         while( thp->cond.wait(&thp->mu) != 0 )
41             ;
42     }
43     if(thp->taskq.empty()){
44         break;
45     }
46     t = thp->taskq.front();
47     thp->taskq.pop_front();
48 }
49 t->run();
50 }
51 return nullptr;
52 }

```

A.4 重写 Programming Assignment 4.5

经过上述封装之后，我重新编写了 4.5 的代码，实现了代码耦合度的减少和逻辑的清晰。首先是由 listTest 类继承 Runnable 类重写 run() 方法，实现对 4.5 实现的有序链表的随机操作。

listTest

```

1  orderedList<int> mylist;//共享变量
2
3  class listTest: public Runnable{
4      int op, value;
5  public:
6      listTest() = default;
7      listTest(int _op, int _val): op(_op), value(_val){}
8      void run(){
9          if (op < findbound) {//find for 80%
10             if(mylist.find(value)){
11                 printf("threadid %u, find value %d success\n", (unsigned int)
12                     pthread_self(), value);
13             } else {
14                 printf("threadid %u, find value %d failed\n", (unsigned int)
15                     pthread_self(), value);
16             }
17         } else if (findbound <= op && op < insertbound){//delete for 10%
18             if(mylist.pop(value)){
19                 printf("threadid %u, delete value %d success\n", (unsigned
20                     int)pthread_self(), value);
21             } else {
22                 printf("threadid %u, delete value %d failed\n", (unsigned
23                     int)pthread_self(), value);
24             }
25         } else {//insert for 10%

```

```

22         mylist.push(value);
23         printf("threadid %u, inserted value %d\n", (unsigned int)
                pthread_self(), value);
24     }
25 #     ifdef DEBUG
26         std::cout << mylist.toString();
27 #     endif
28     }
29 };

```

其次在主线程中开辟线程池，不断创建任务提交给线程池，由线程池实现调度。

main.cpp

```

1  ThreadPool pool(thread_num); //开辟线程池
2  for(size_t i = 0; i < task_num; i++){ //提交任务
3      pool.addTask( new listTest( rand() % 100, rand() % 500 ) );
4  }

```

可以看到，通过对 pthread 库进行良好的封装，可以极大方便后续编程任务的实现，降低了开发难度。