

第十课

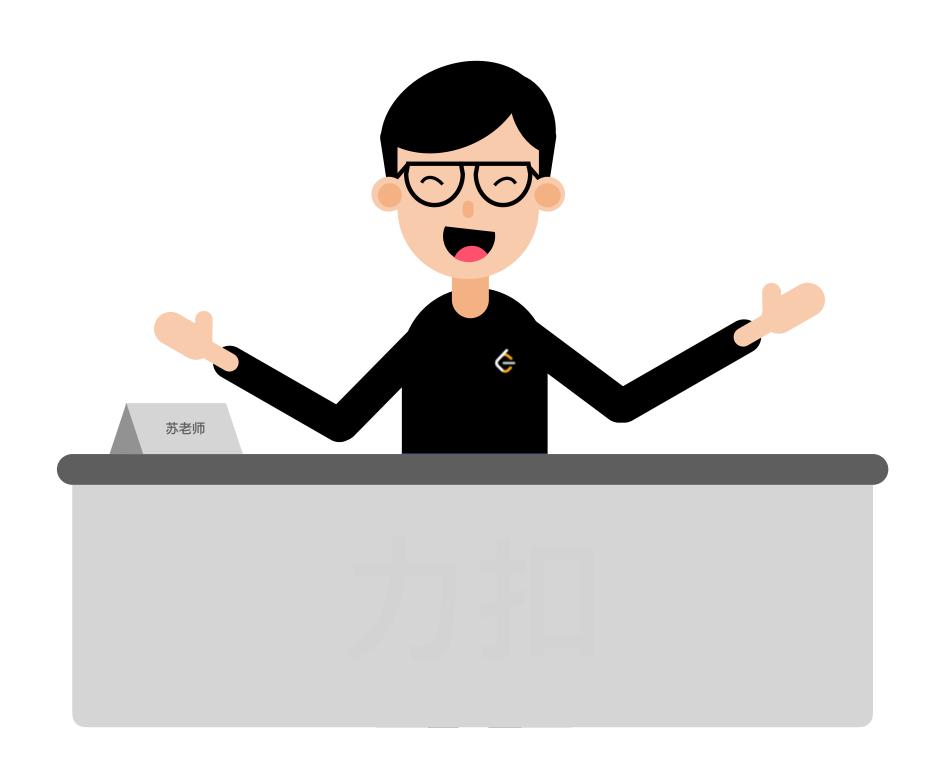
剖析大厂算法面试真题 - 难题精讲(一)

简介 / Introduction



难题精讲 (一)

- 正则表达式匹配
- 柱状图中的最大矩形
- 实现 strStr()





10. 正则表达式匹配

给你一个字符串 s 和一个字符规律 p,请你来实现一个支持'┛'和'*'的正 则表达式匹配。

- '』'匹配任意单个字符
- '*' 匹配零个或多个前面的那一个元素

所谓匹配,是要涵盖整个字符串 s 的,而不是部分字符串。

说明:

- s 可能为空,且只包含从 a-z 的小写字母。
- p 可能为空,且只包含从 a-z 的小写字母,以及字符 和 *。

示例 1:

输入:

s = "aa" p = "a"

输出: false

解释: "a" 无法匹配 "aa" 整个字符串。

示例 2:

输入:

s = "aa" p = "a*" 输出: true

解释:因为 '*' 代表可以匹配零个或多个前面的那 一个元素,在这里前面的元素就是'a'。因此,字符

串 "aa" 可被视为 'a' 重复了一次。



10. 正则表达式匹配

给你一个字符串 s 和一个字符规律 p,请你来实现一个支持'┛'和'*'的正 则表达式匹配。

- '』'匹配任意单个字符
- '*' 匹配零个或多个前面的那一个元素

所谓匹配,是要涵盖整个字符串 s 的,而不是部分字符串。

说明:

- s 可能为空,且只包含从 a-z 的小写字母。
- p 可能为空,且只包含从 a-z 的小写字母,以及字符 和 *。

示例 3:

输入:

s = "ab"p = " *"

输出: true

解释: "*"表示可匹配零个或多个('*')任意

字符 ('』')。

示例 4:

输入:

s = "aab"p = "c*a*b"输出: true

解释:因为 '*'表示零个或多个,这里 'c' 为 0 个, 'a'被重复一次。因此可以匹配字符串 "aab"。



10. 正则表达式匹配

给你一个字符串 s 和一个字符规律 p,请你来实现一个支持' \bullet '和' \ast '的正 则表达式匹配。

- '』'匹配任意单个字符
- '*' 匹配零个或多个前面的那一个元素

所谓匹配,是要涵盖整个字符串 s 的,而不是部分字符串。

说明:

- s 可能为空,且只包含从 a-z 的小写字母。
- p 可能为空,且只包含从 a-z 的小写字母,以及字符 和 *。

示例 5:

输入:

s = "mississippi" p = "mis*is*p*."

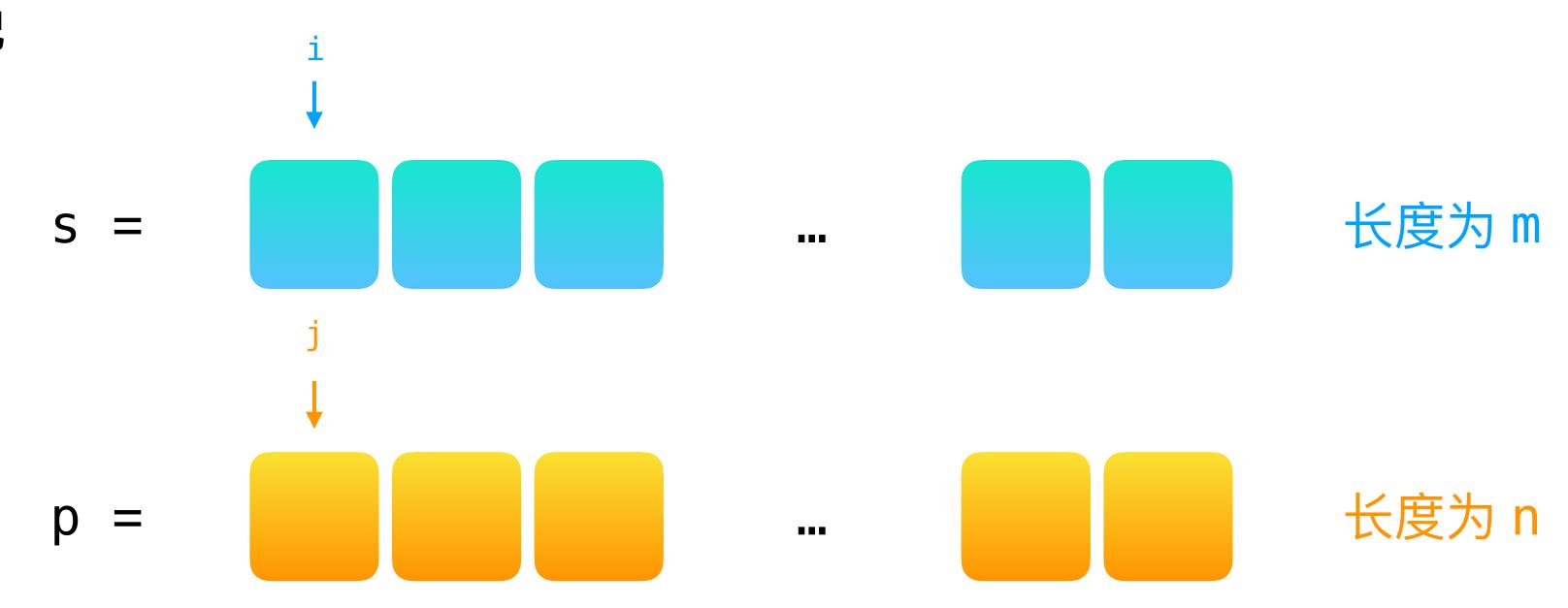
输出: false



10. 正则表达式匹配

解题思路

▶ 判断 s 与 p 是否匹配





10. 正则表达式匹配

解题思路

▶判断 s 与 p 是否匹配

s与p匹配 &&



10. 正则表达式匹配

解题思路

▶ p 字符串中的出现的点匹配符' . '

```
输入:
s = "leetcode"
p = "l..tc..e"
```

输出: true



10. 正则表达式匹配

解题思路



10. 正则表达式匹配

解题思路

- ▶ p 字符串中的出现的星匹配符 '*' -> '*' 匹配零个或多个前面的哪一个元素
 - 它匹配的是 p 字符串中,该星号前面的那个字符
 - 它可以匹配零个或多个
 - 星号匹配符前面必须有一个非星的字符

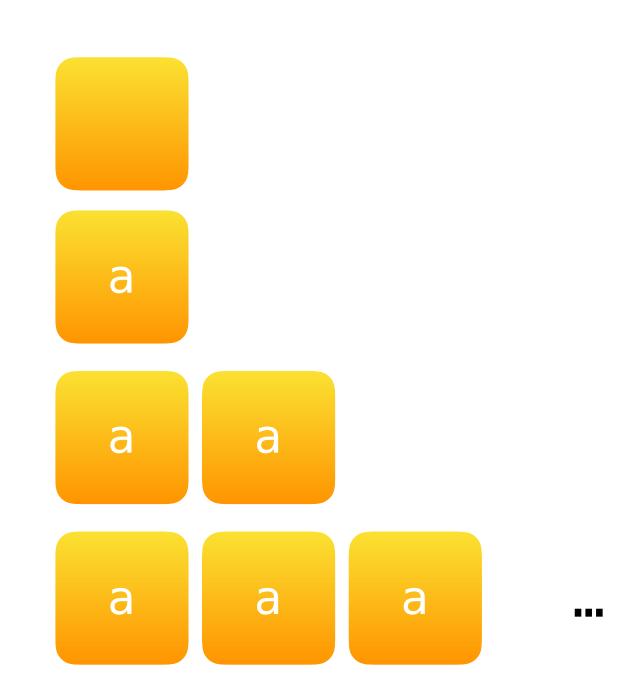


10. 正则表达式匹配

解题思路

▶ p 字符串中的出现的星匹配符 '*'

a*

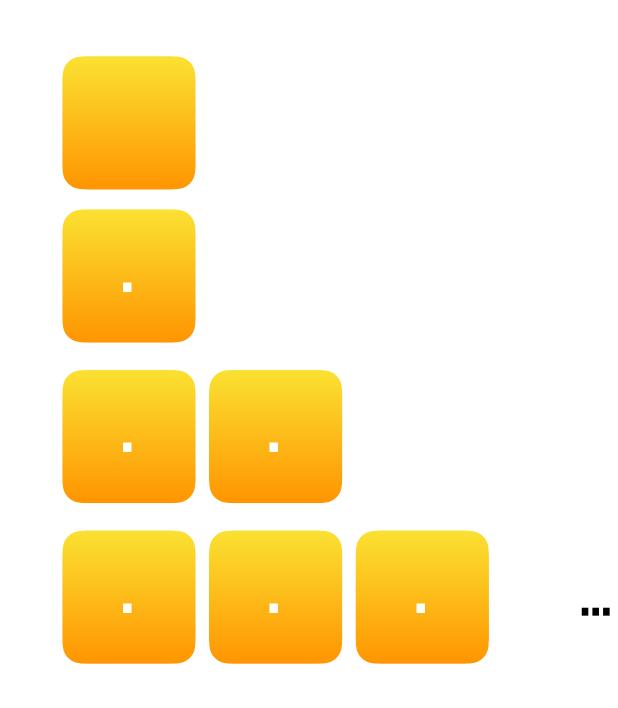




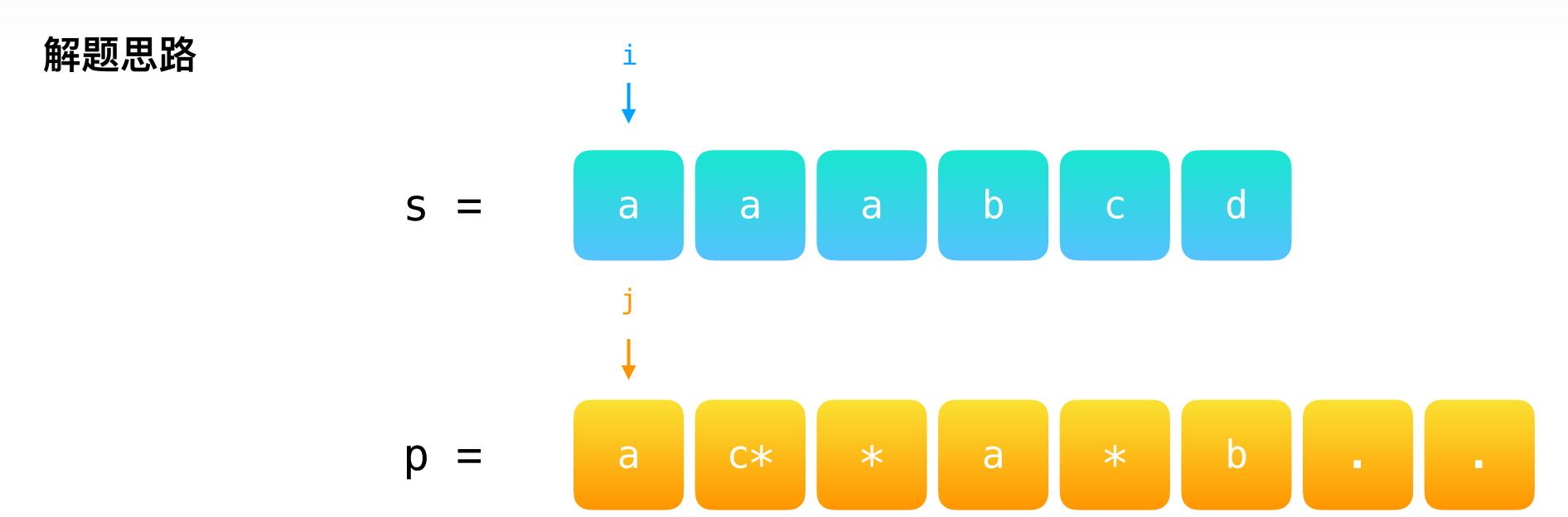
10. 正则表达式匹配

解题思路

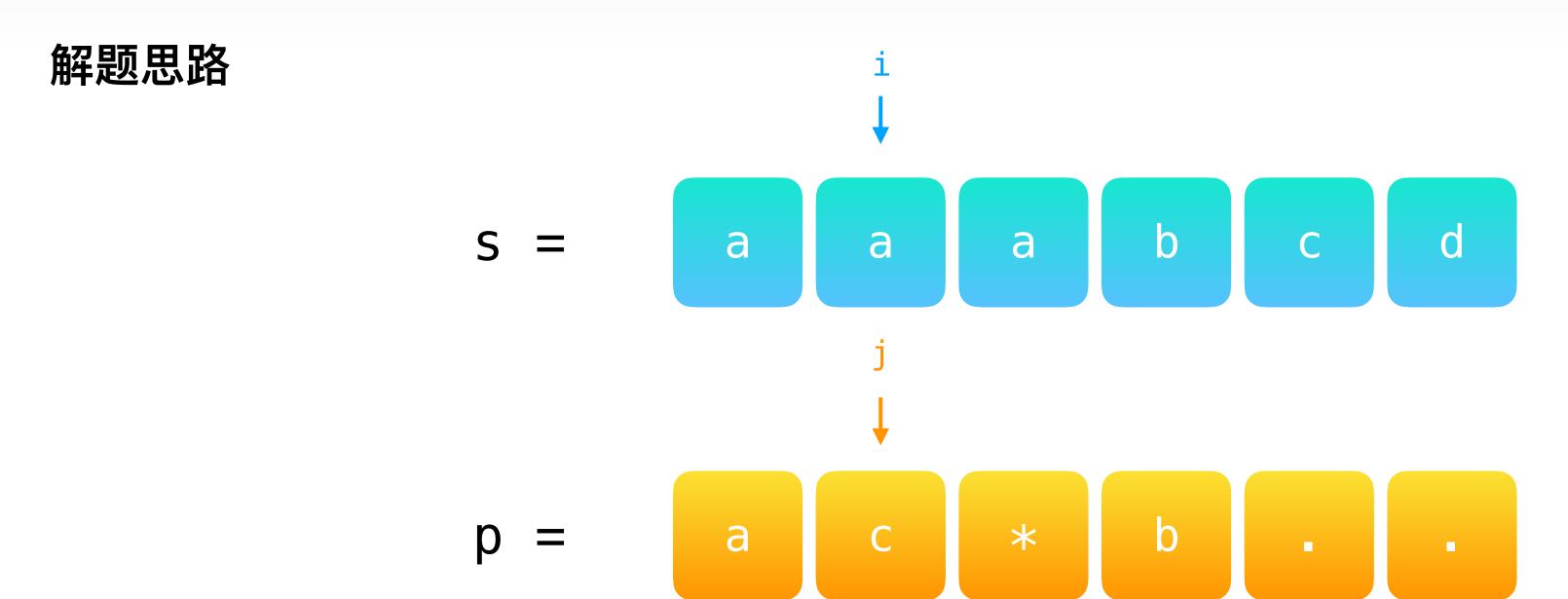
▶ p 字符串中的出现的星匹配符 '*'



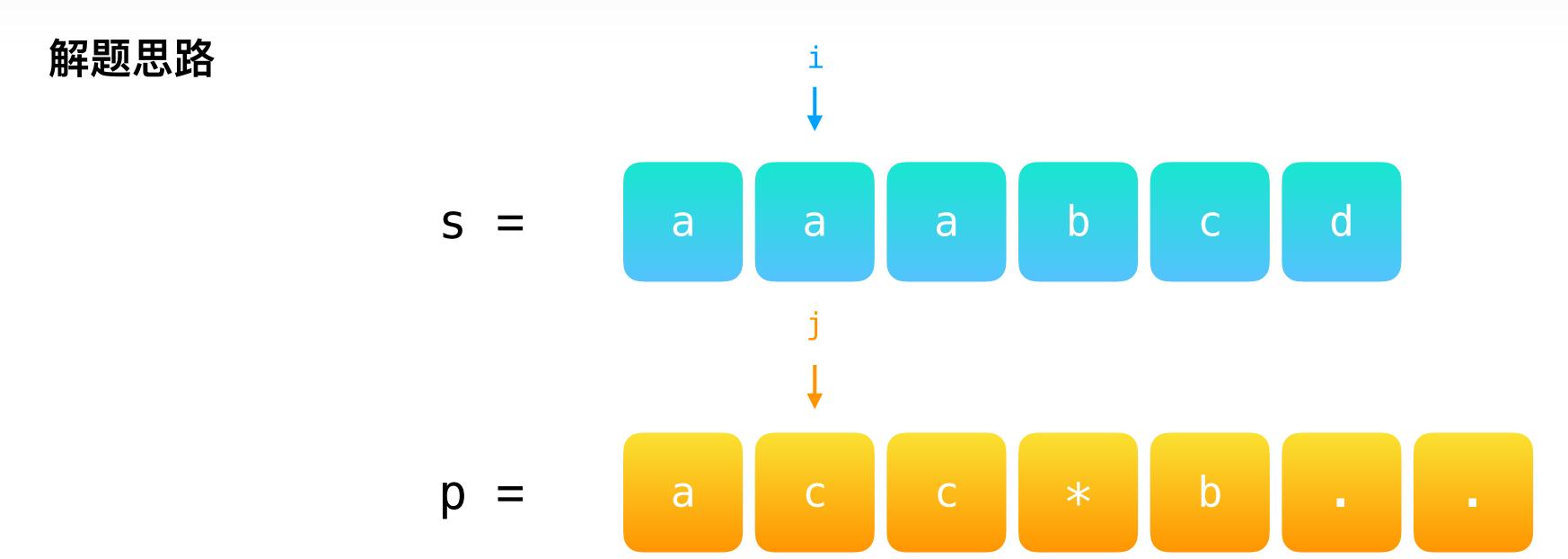




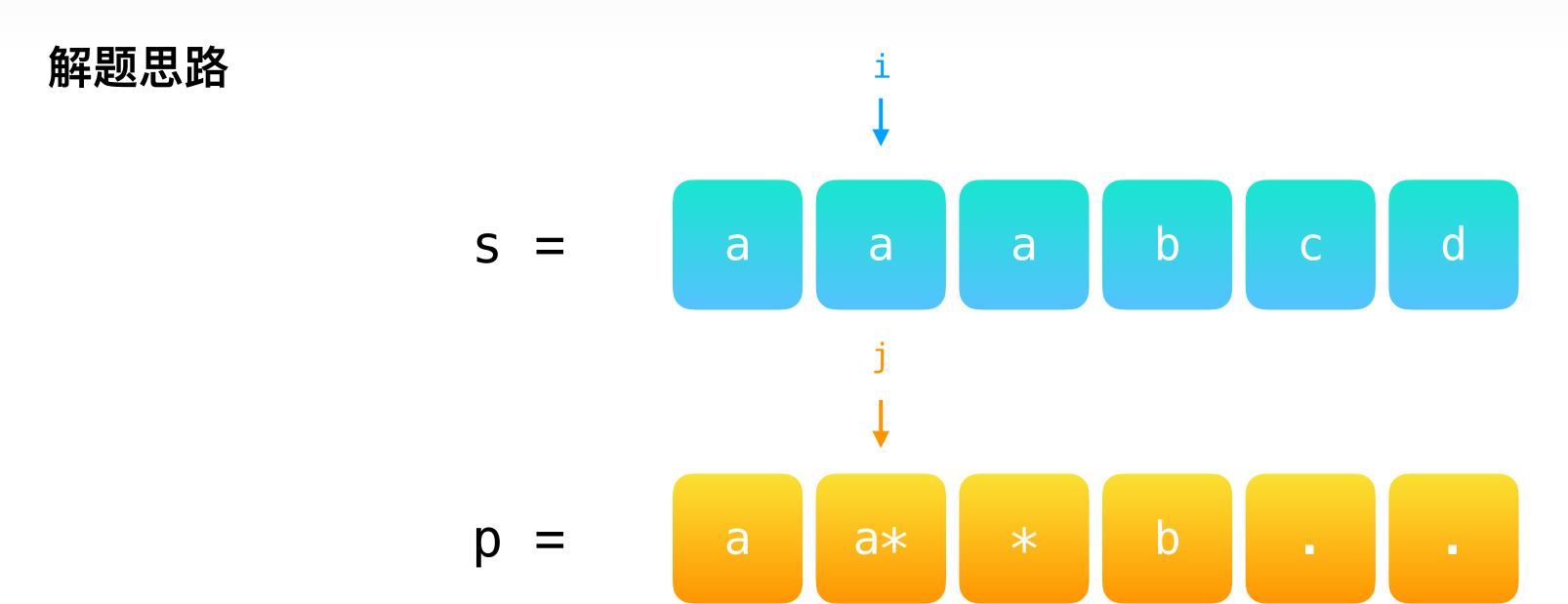




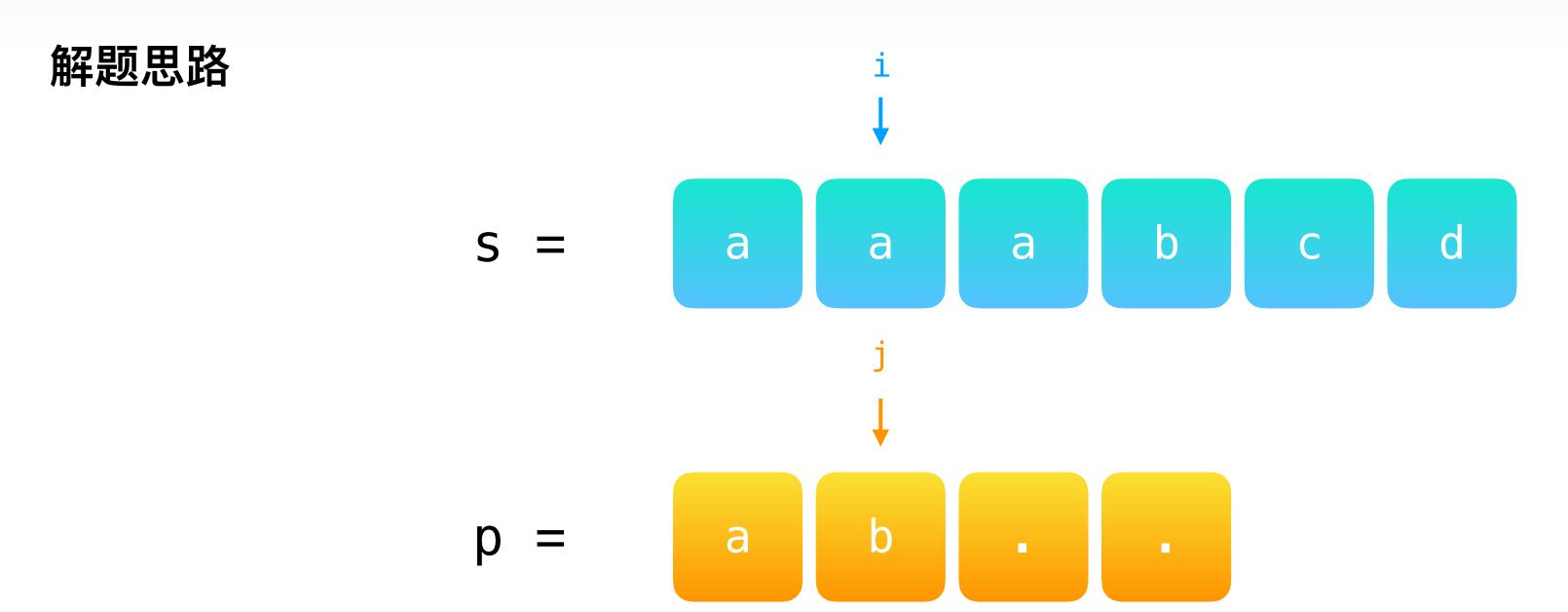




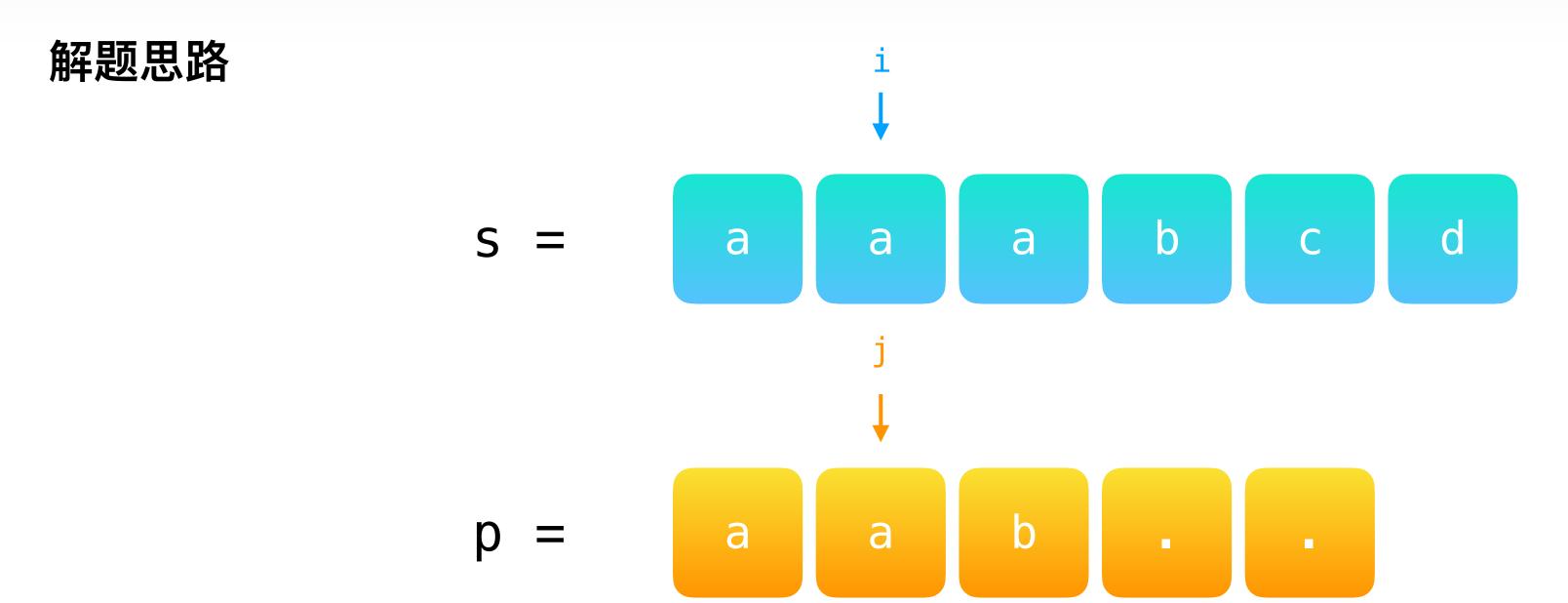




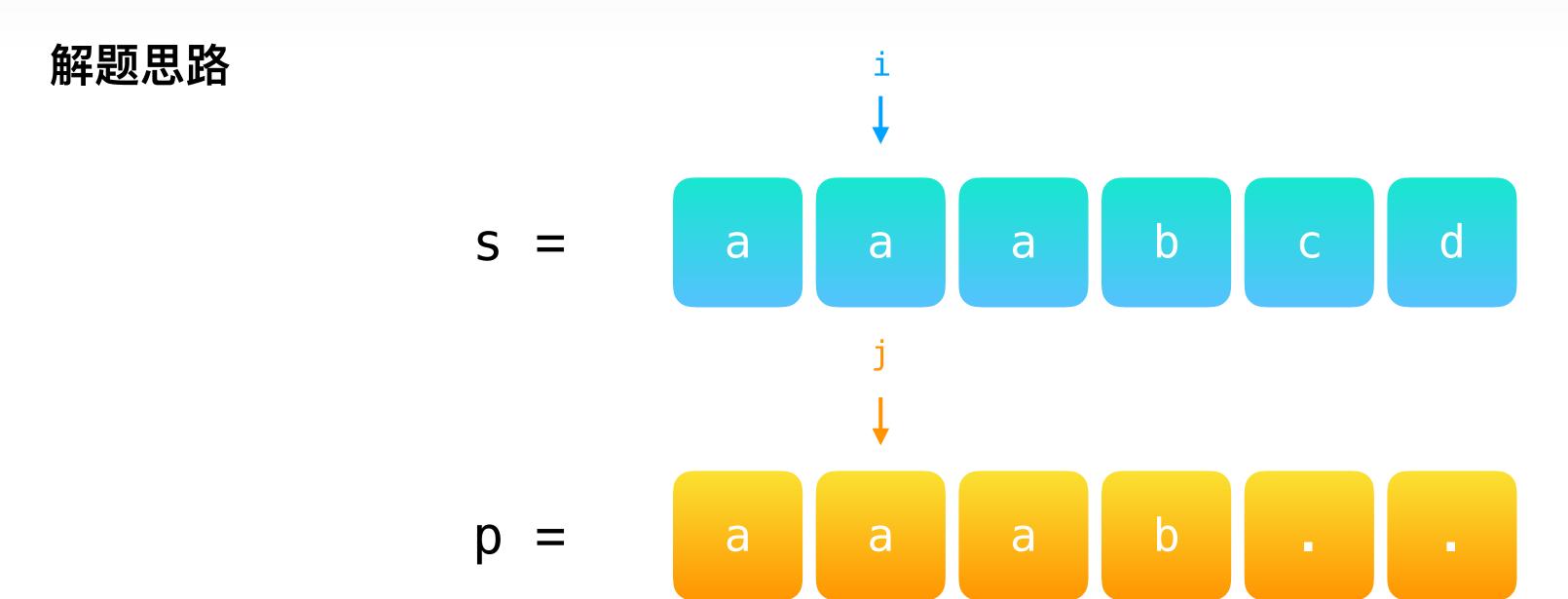








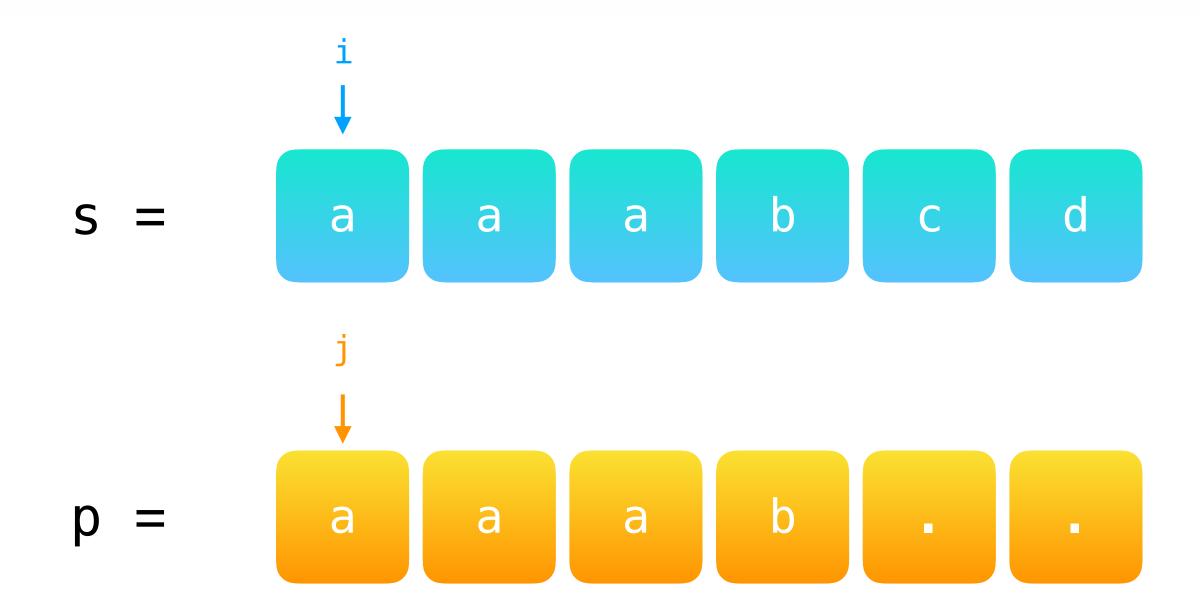






10. 正则表达式匹配

递归解法

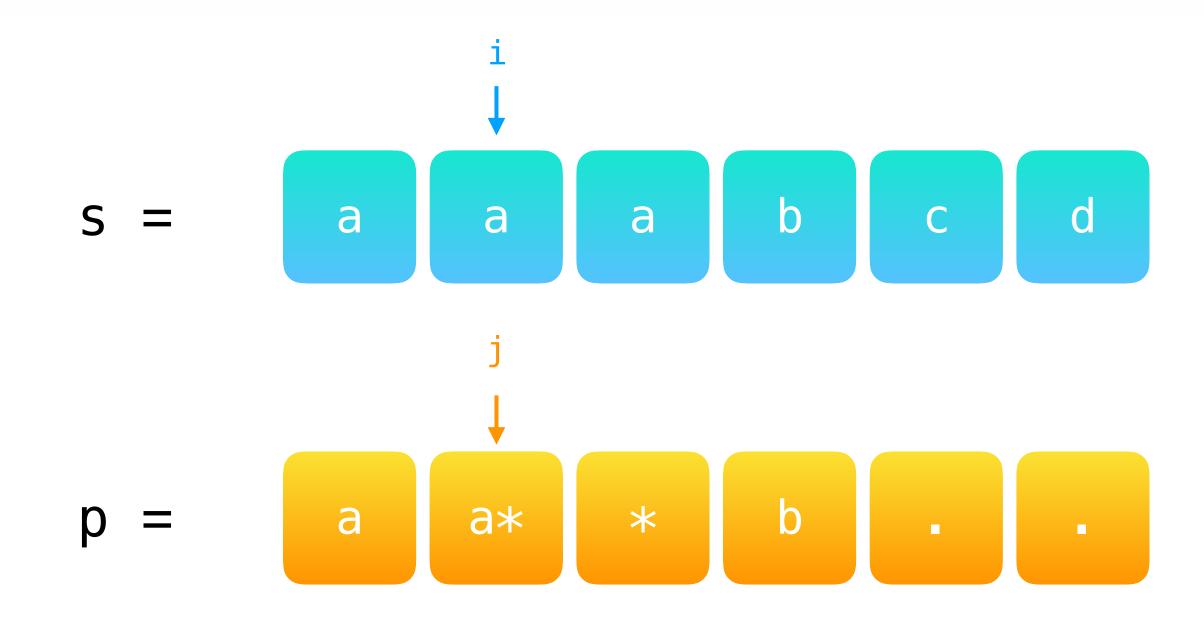


isMatch(String s, int i, String p, int j)



10. 正则表达式匹配

递归解法

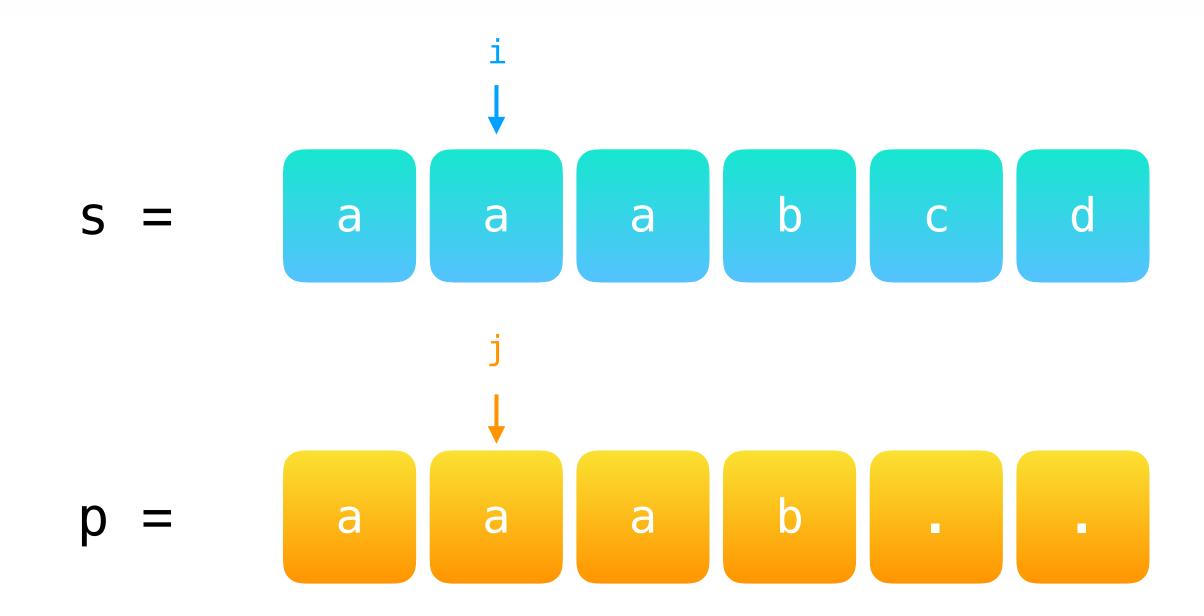


isMatch(s, i, p, j + 2)



10. 正则表达式匹配

递归解法



isMatch(s, i + 2, p, j + 2)



```
boolean isMatch(String s, String p) {
  if (s == null | p == null) {
    return false;
  }

return isMatch(s, 0, p, 0);
}
```

- · 简单判断: 只要 s 和 p 有一个为 null,则不匹配
- · 调用递归函数: 指针 i 和 j 都指向 Ø 的位置



```
boolean isMatch(String s, int i, String p, int j) {
  int m = s.length();
  int n = p.length();

// 看看pattern和字符串是否都扫描完毕
  if (j == n) {
    return i == m;
  }
```

- ▶ 函数接收四个输入参数: s 字符串, p 字符串, i 指针, j 指针
- 一开始计算一下 s 字符串和 p 字符串的长度, 分别标记为 m 和 n
- · 考虑递归函数结束的时间: 当 j 指针遍历完 p 字符串后,即可跳出递归 而当 i 指针也刚好遍历完,说明 s 和 p 完全匹配



```
// next char is not '*': 必须满足当前字符并递归到下一层
 if (j == n - 1 | I | p.charAt(j + 1) != |*|) {
  return (i < m) &&
       (p.charAt(j) == '.' | I s.charAt(i) == p.charAt(j)) & & \\
      isMatch(s, i + 1, p, j + 1);
// next char is '*', 如果有连续的s[i]出现并且都等于p[j],一直
尝试下去
if (j < n - 1 & p.charAt(j + 1) == |*|) {
  while ((i < m) && (p.charAt(j) == '.' || s.charAt(i) == '.'
p.charAt(j))) {
   if (isMatch(s, i, p, j + 2)) {
      return true;
 //接着继续下去
 return isMatch(s, i, p, j + 2);
```

- ·接下来看看 j 指针的下一个是否为星号, 如果不是星号,则递归地调用 isMatch 函数
- 如果 j 指向的字符下一个为星号,
 则不断地将它和星号作为一个整体,
 分别表示空字符串,一个 j 指向的字符,两个字符,以此类推。

如果其中一种情况能出现s和p匹配,则返回true

- while 循环 整个递归算法的核心
 - i 指向的字符必须要能和 j 指向的字符匹配 其中 j 指向的可能是点匹配符
 - 如果无法匹配,则 i++, 表示用星号组合去匹配更长的一段字符串
- 当 i 与 j 指向的字符不相同,或 i 已遍历完 s 字符串, 同时 j 指向的字符后跟着一个星号的情况, 我们只能用型号组合去表示一个空字符串,然后递归下去



10. 正则表达式匹配

递归解法 二



10. 正则表达式匹配

递归解法 二



```
boolean isMatch(String s, String p) {
  if (s == null | p == null) return false;

return isMatch(s, s.length(), p, p.length());
}
```

- · 主函数简单判断: 如果 s 和 p 有一个为 null, 返回 false
- · 调用递归函数



```
boolean isMatch(String s, int i, String p, int j) {
 if (j == 0) return i == 0;
 if (i == 0) {
  return j > 1 && p.charAt(j - 1) == |*| && isMatch(s, i, p, j - 2);
 if (p.charAt(j - 1) != '*') {
  return isMatch(s.charAt(i - 1), p.charAt(j - 1)) &&
       isMatch(s, i - 1, p, j - 1);
 return isMatch(s, i, p, j - 2) II isMatch(s, i - 1, p, j) &&
      isMatch(s.charAt(i - 1), p.charAt(j - 2));
boolean isMatch(char a, char b) {
 return a == b || b == '.';
```

- 递归函数四个输入参数:字符串 s,当前字符串 s 的下标,字符串 p,字符串 p 的当前下标,由主函数可知,两个字符串的下标都是从最后一位开始
- · 如果 p 字符串为空, s 字符串也为空, 表示匹配
- · 如果 p 字符串不为空,而 s 字符串为空
 - 类似之前的例子: 当 s 为空字符串, 而 p 为 a*
 - 只要 p 总是由星号组合构成,则一定满足匹配, 否则不行
- 当 p 的当前字符不是星号时,判断当前两个字符是否相等, 如果相等,则递归地看前面的字符
- · 否则, 当 p 的当前字符是星号时, 进行两种尝试:
 - 用星号组合表示空字符串,看看是否能匹配
 - 用星号组合表示一个字符,看看是否能匹配

```
上eetCode X 拉勾
```

```
boolean isMatch(String s, String p) {
  int m = s.length(), n = p.length();

boolean[][] dp = new boolean[m + 1][n + 1];

dp[0][0] = true;

for (int j = 1; j <= n; j++) {
  dp[0][j] = j > 1 && p.charAt(j - 1) == '*' && dp[0]
[j - 2];
  }
```

动态规划 - 自底向上

- · 分别用 m 和 n 表示 s 字符串和 p 字符串的长度
- · 定义一个二维布尔矩阵 dp
- · 初始化 dp[0][0] 等于 true,表示当两字符串长度都为 0,也就是空字符串时,它们互相匹配
- · 【重要】初始化二维矩阵第一行的所有值:
 - 当 s 为空字符串时,对 p 字符串的任一位置,要使得这个位置的子串能和空字符串匹配,要求,这个子串都是由一系列的星号组合构成



```
for (int i = 1; i \le m; i++) {
  for (int j = 1; j \le n; j++) {
   if (p.charAt(j - 1) != '*') {
     dp[i][j] = dp[i - 1][j - 1] &&
             isMatch(s.charAt(i - 1), p.charAt(j - 1));
   } else {
     dp[i][j] = dp[i][j - 2] II dp[i - 1][j] &&
             isMatch(s.charAt(i - 1), p.charAt(j - 2));
 return dp[m][n];
boolean isMatch(char a, char b) {
 return a == b || b == '.';
```

动态规划 - 自底向上

- · 对二维矩阵填表:逻辑与递归一样
- p的当前字符不是星号时,判断当前两字符是否相等,如果相等,则看看 dp[i-1][j-1]的值,因为它保存了前一个匹配的结果
- ▶ 当 p 的当前字符是星号时,进行两种尝试:
 - 用星号组合表示空字符串,看看是否能匹配,即 dp[i][j 2]
 - 用星号组合表示一个字符,看看是否能匹配,即 dp[i 1][j]
- **复杂度分析**:运用动态规划, 我们把时间复杂度控制在 $O(n^2)$,空间复杂度也是 $O(n^2)$

10.2 难题精讲 (一) /柱状图中最大的矩形



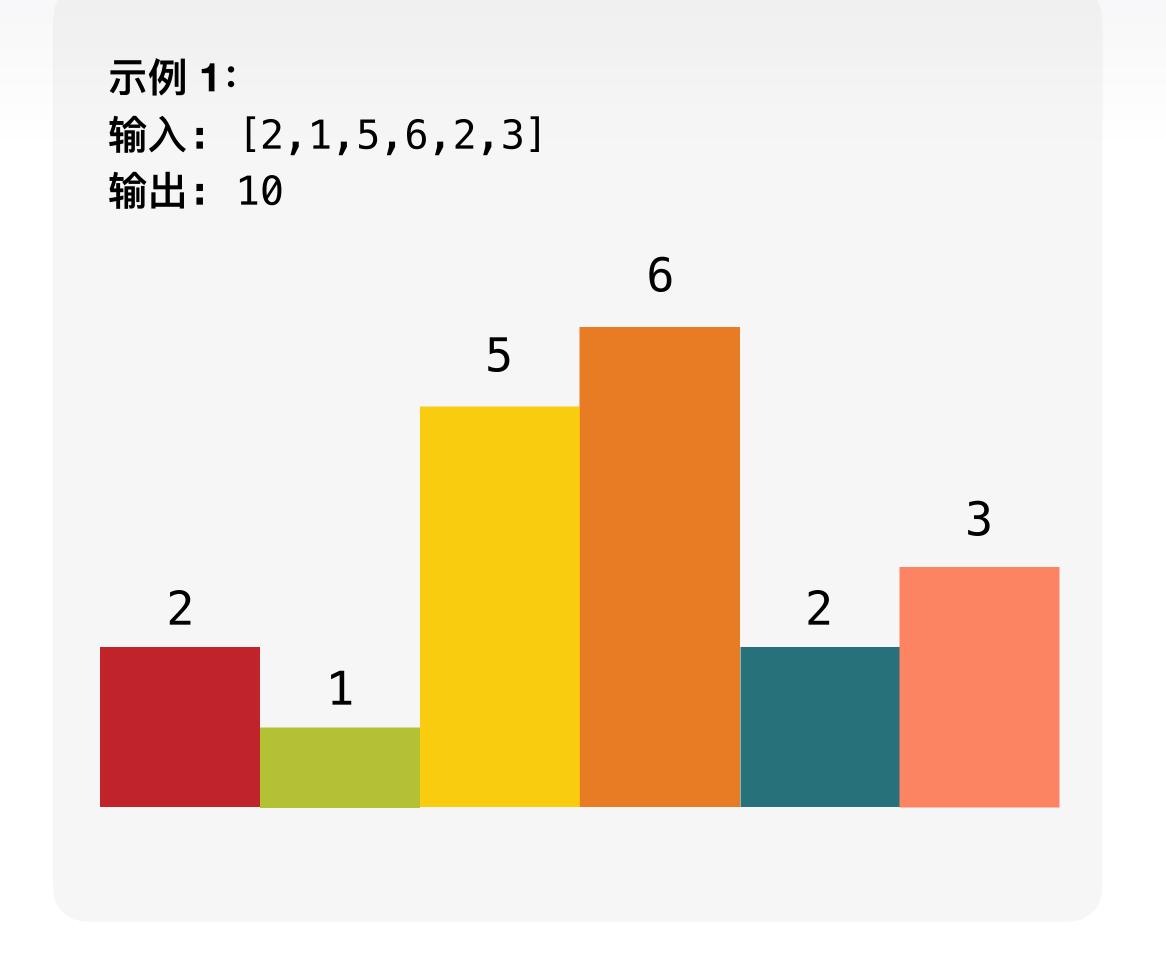
84. 柱状图中最大的矩形

给定 n 个非负整数,用来表示柱状图中各个柱子的高度。 每个柱子彼此相邻,且宽度为 1。

求在该柱状图中,能够勾勒出来的矩形的最大面积。

右图是柱状图的示例,其中每个柱子的宽度为 1, 给定的高度为 [2, 1, 5, 6, 2, 3].

图中阴影部分为所能勾勒出的最大矩形面积,其面积为 10 个单位。



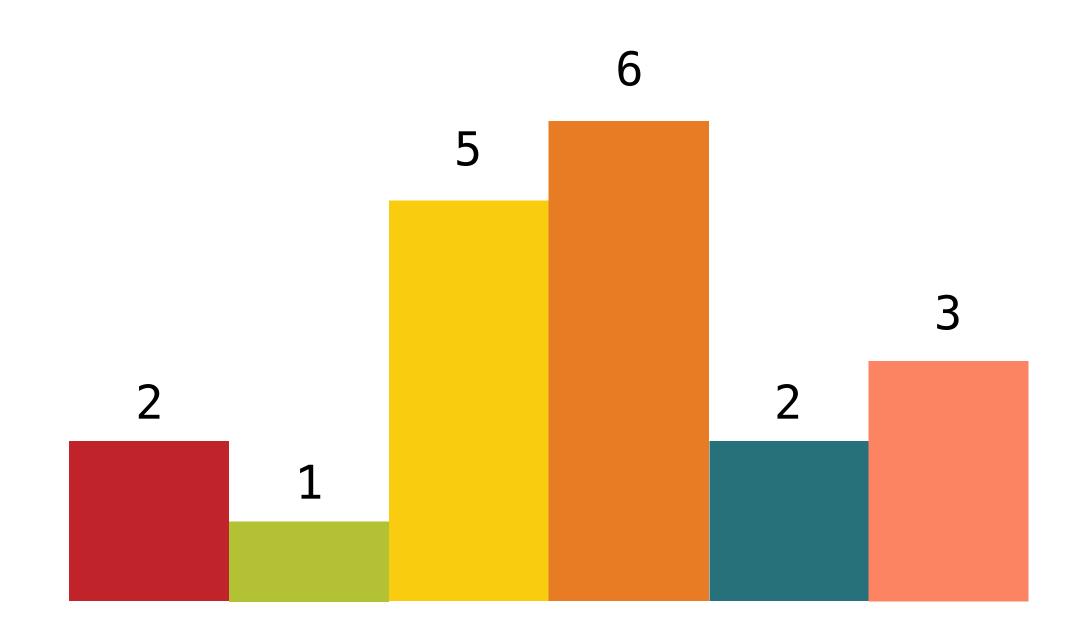
难题精讲 (一) / 柱状图中最大的矩形



84. 柱状图中最大的矩形

暴力法

- 从左到右扫描输入的数组
- 将每根柱子的高度作为当前矩形的高度
- 矩形的宽度就从当前柱子出发一直延伸到左边和右边
- 一旦遇到低于当前高度的柱子就停止
- 计算面积,最后统计所有面积里的最大值

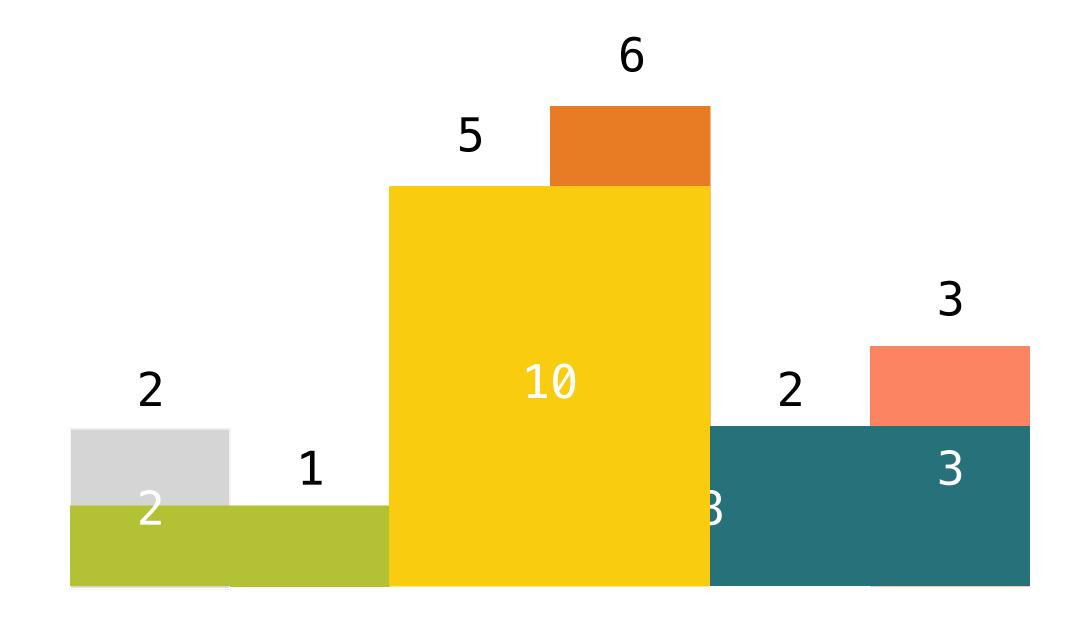


10.2 难题精讲 (一) /柱状图中最大的矩形



84. 柱状图中最大的矩形

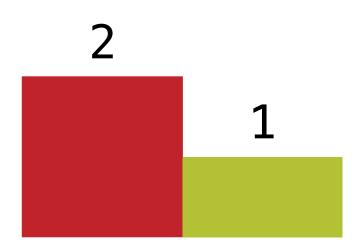
暴力法



时间复杂度 $O(n^2)$



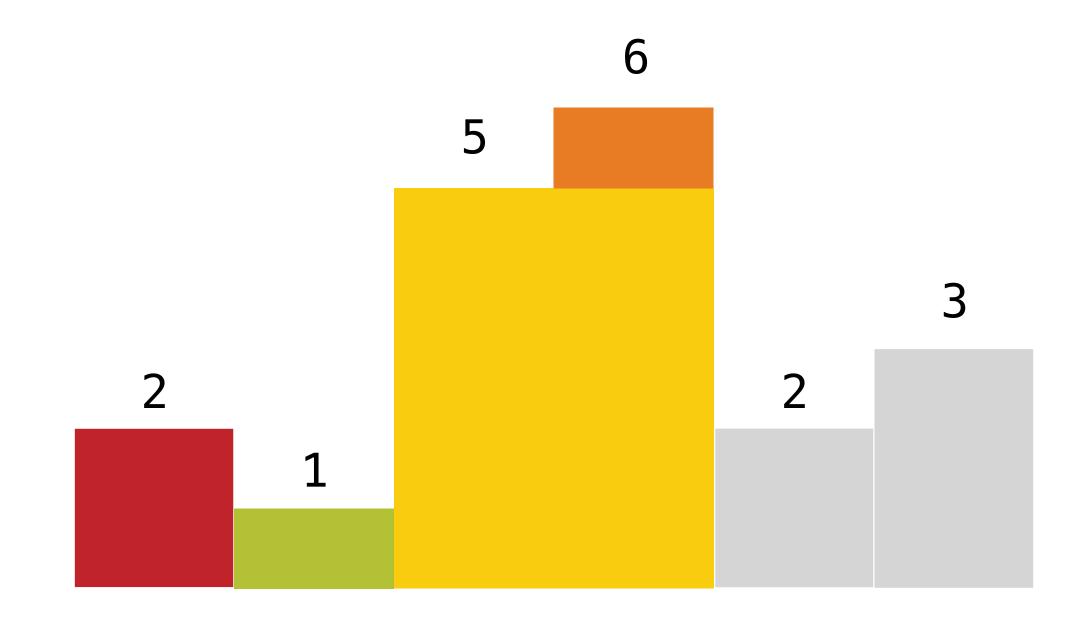
84. 柱状图中最大的矩形



10.2 难题精讲 (一) / 柱状图中最大的矩形



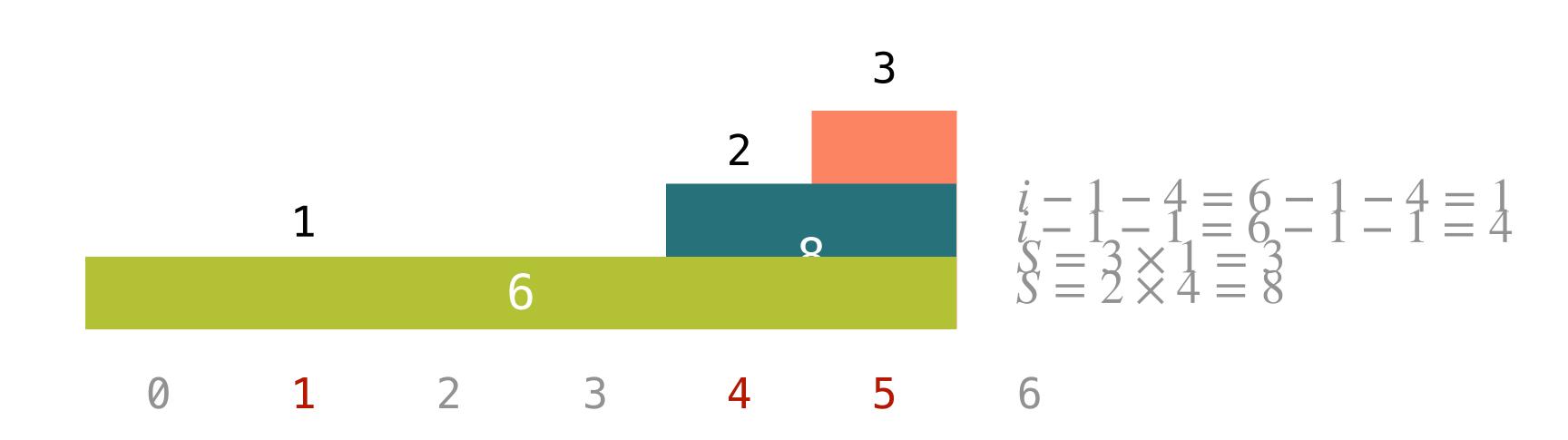
84. 柱状图中最大的矩形



10.2 难题精讲 (一) /柱状图中最大的矩形



84. 柱状图中最大的矩形



难题精讲 (一) / 柱状图中最大的矩形



```
int largestRectangleArea(int[] heights) {
 int n = heights.length, max = 0;
 Stack<Integer> stack = new Stack<>();
 for (int i = 0; i \le n; i++) {
  while (
    !stack.isEmpty() &&
    (i == n | l heights[i] < heights[stack.peek()])
    int height = heights[stack.pop()];
    int width = stack.isEmpty() ? i : i - 1 - stack.peek();
    max = Math.max(max, width * height);
  stack.push(i);
 return max;
```

- ► 将输入数组的长度记为 n, 初始化最大面积 max 为 0
- · 定义一个堆栈 stack 用来辅助计算
- · 接下来从头开始扫描输入数组
- 一旦发现当前高度比堆栈顶端所记录的高度要矮,即可开始对堆栈顶端记录的高度计算面积了
 - 此处巧妙处理了当 i 等于 n 的情况
 - 同时判断当前面积是否为最大值
- 如果当前的高度比堆栈顶端所记录的高度要高, 则压入堆栈
- · 最后返回面积最大值

难题精讲 (一) / 柱状图中最大的矩形



```
int largestRectangleArea(int[] heights) {
 int n = heights.length, max = 0;
 Stack<Integer> stack = new Stack<>();
 for (int i = 0; i \le n; i++) {
  while (
    !stack.isEmpty() &&
    (i == n | heights[i] < heights[stack.peek()])
    int height = heights[stack.pop()];
    int width = stack.isEmpty() ? i : i - 1 - stack.peek();
    max = Math.max(max, width * height);
  stack.push(i);
 return max;
```

- 复杂度分析:

- 时间复杂度是 O(n), 因为从头到尾扫描数组, 每个元素都被压入堆栈一次,弹出一次
- 空间复杂度是 *O*(*n*), 因为使用一个堆栈来保存各元素的下标, 最坏的情况为各高度按照从矮到高的顺序排列, 我们需要将它们都压入堆栈



28. 实现 strStr()

给定一个 haystack 字符串和一个 needle 字符串,在 haystack 字符串中找出 needle 字符串出现的第一个位置(从 0开始)。如果不存在,则返回-1。

说明:

当 needle 是空字符串时,我们应当返回什么值呢?这是一个在 面试中很好的问题。

对于本题而言,当 needle 是空字符串时我们应当返回 0。这与 C语言的strstr()以及Java的indexOf()定义相符。

示例 1:

```
输入:
haystack = "hello",
needle = "ll"
输出: 2
```

示例 2:

```
输入:
haystack = "aaaaa",
needle = "bba"
输出: -1
```



28. 实现 strStr()

暴力法

```
输入:
```

haystack = "iloveleetcode"



28. 实现 strStr()

暴力法

```
输入:
```

haystack = "iloveleetcode"



28. 实现 strStr()

暴力法

```
输入:
```

haystack = "iloveleetcode"



28. 实现 strStr()

暴力法

```
输入:
```

haystack = "iloveleetcode" needle = "leetcode"



28. 实现 strStr()

暴力法

```
输入:
haystack = "iloveleetcode"
```



28. 实现 strStr()

暴力法

```
输入:
haystack = "iloveleetcode"
needle = "leetcode"
```



28. 实现 strStr()

暴力法

```
输入:
```

```
haystack = "iloveleetcode"
needle = "leetcode"
```



```
int strStr(String haystack, String needle) {
  for (int i = 0; ; i++) {
    for (int j = 0; ; j++) {
      if (j == needle.length()) return i;
      if (i + j == haystack.length()) return -1;
      if (needle.charAt(j) != haystack.charAt(i + j))
  break;
    }
  }
}
```

- · 定义一个 i 指针,用来遍历 haystack 字符串
- · 对于每个 i 指针, 用另外一个 j 指针来扫描 needle 字符串
- ·如果 j 扫描完毕, 表示在 haystack 字符串中找到了 needle 字符串
- 如果 i 扫描完毕,
 表示无法在 haystack 字符串中找到 needle 字符串,
 返回 -1
- · 如果要比较的两个字符不相等, 则跳出内循环, i 指针向前挪一个位置,继续刚才的比较



```
int strStr(String haystack, String needle) {
  for (int i = 0; ; i++) {
    for (int j = 0; ; j++) {
      if (j == needle.length()) return i;
      if (i + j == haystack.length()) return -1;
      if (needle.charAt(j) != haystack.charAt(i + j))
  break;
    }
}
```

- 假设 haystack 字符串长度为 m,
 needle 字符串长度为 n,
 暴力法时间复杂度为 O(m×n)
- · 更快的方法? KMP 算法!



28. 实现 strStr()

KMP

- ▶ KMP(Knuth-Morris-Pratt) 是由三个人联合发表的算法
- ▶ 目的:为了在字符串 haystack 中找到另一个字符串 needle 出现的所有位置
- ▶ 核心思想: 避免暴力法中出现的不必要的比较

haystack = "ABC ABCDAB ABCDABCDABDE"

needle = "ABCDABD"



28. 实现 strStr()

KMP

haystack = "ABC ABCDAB ABCDABCDABDE"

needle = "ABCDABD"



28. 实现 strStr()

KMP

haystack = "ABC ABCDAB ABCDABCDABDE"

needle = "ABCDABD"



28. 实现 strStr()

KMP

haystack = "ABC ABCDAB ABCDABCDABDE"

needle = "ABCDABD"

- ▶ 为什么不需要慢慢挪动来比较,而是可以跳跃式地比较呢? 或者说这样跳跃式比较会否错过一些可能性?
- ▶ 为什么知道能直接跳跃到这个位置呢?



28. 实现 strStr()

KMP - 重要数据结构: 最长的公共前缀和后缀 (Longest Prefix and Suffix, 简称 LPS)

- ▶ 它是一个数组
- ▶ 记录了字符串从头开始到某个位置结束的一段字串中,公共前缀和后缀的最大长度
- ▶ 公共前缀和后缀,即字符串的前缀等于后缀,并且,前缀和后缀不能是同一段字符串

```
needle = "ABCDABD"
```

LPS =
$$\{0000120\}$$



28. 实现 strStr()

KMP

- ▶ LPS[0] = 0,表示字符串 "A" 的最长公共前缀和后缀的长度为 0。
 - 注意: 前缀和后缀不能是同一段字符串
- ▶ LPS[1] = 0,表示字符串 "AB" 的最长公共前缀和后缀的长度为 0。
 - 因为该字符串只有一个前缀 A 和后缀 B
- ▶ LPS[4] = 1,表示字符串 "ABCDA" 的最长公共前缀和后缀的长度为 1。
- ▶ LP该事符串有很多前缀和串缀ABCDAB"的最长公共前缀和后缀的长度为 2。

 - 两个相同并且长度最长的是 AB,则 LPS 为 2

needle = "ABCDABD"

 $= \{0000120\}$ LPS



28. 实现 strStr()

KMP

haystack = "ABC ABCDAB ABCDABCDABDE"
needle = "ABCDABD"

LPS = 2



28. 实现 strStr()

KMP

haystack = "ABC ABCDAB ABCDABCDABDE"

needle = "ABCDABD"



28. 实现 strStr()

KMP

haystack = "ABC ABCDAB ABCDABCDABDE"

needle = "ABCDABD"



28. 实现 strStr()

KMP

haystack = "ABC ABCDAB ABCDABCDABDE"

needle = "ABCDABD"



28. 实现 strStr()

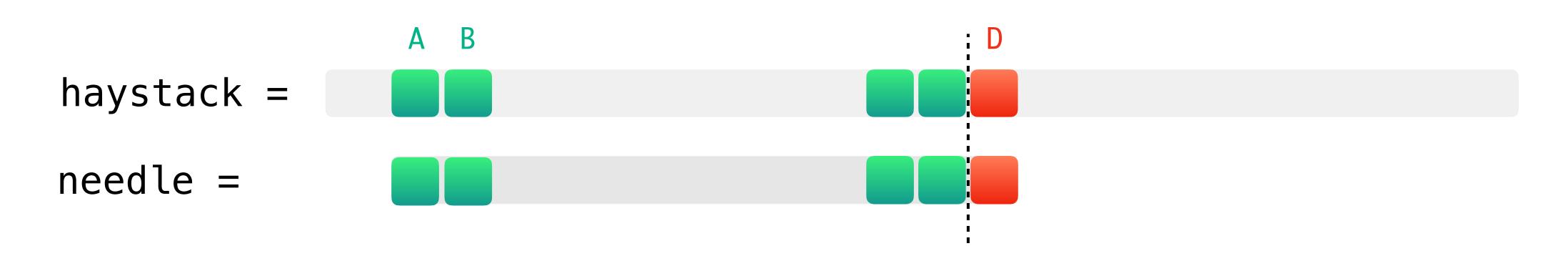
KMP

haystack = "ABC ABCDAB ABCDABCDABDE"

needle = "ABCDABD"

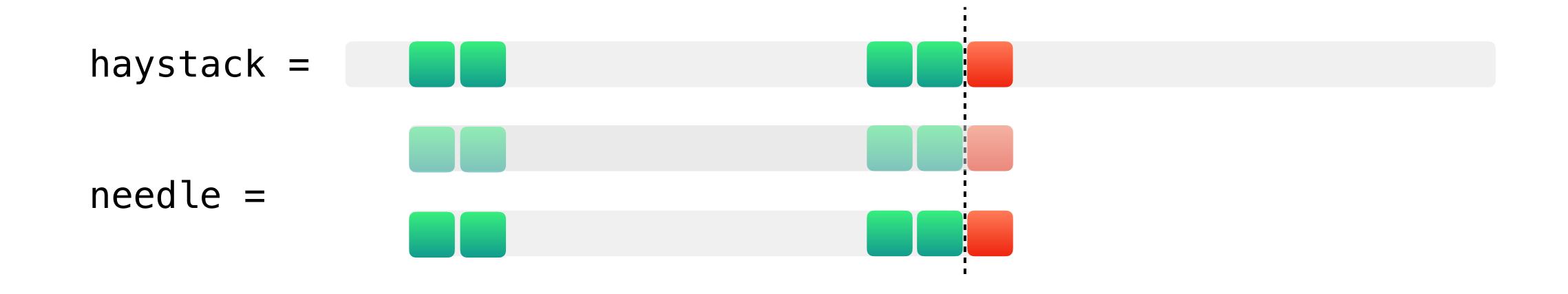


28. 实现 strStr()



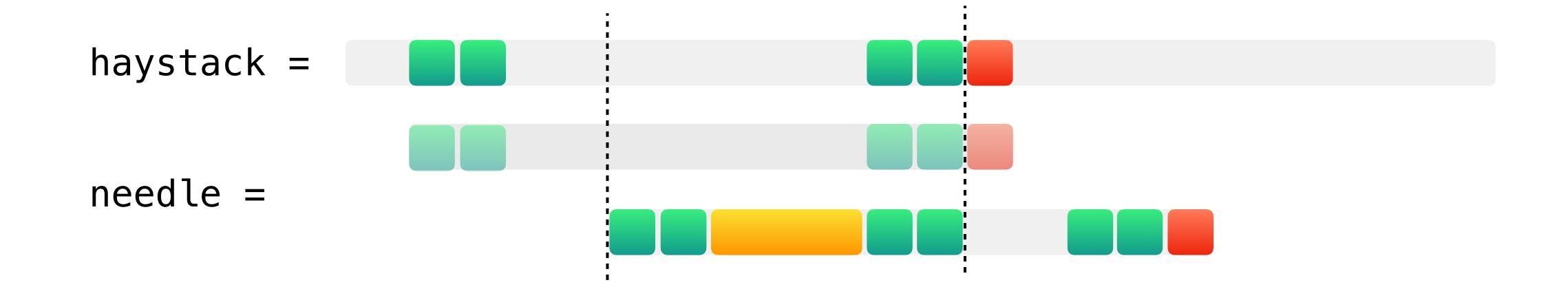


28. 实现 strStr()



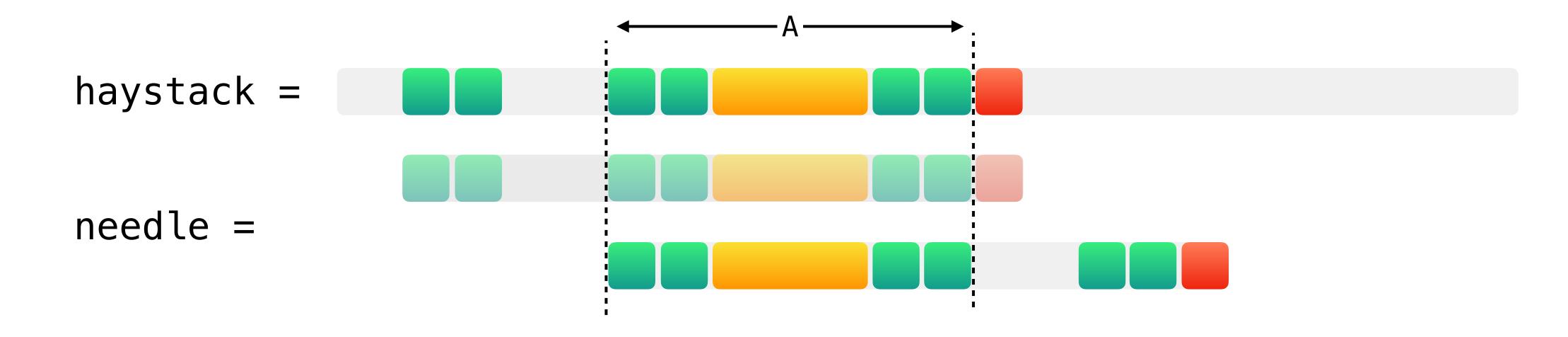


28. 实现 strStr()





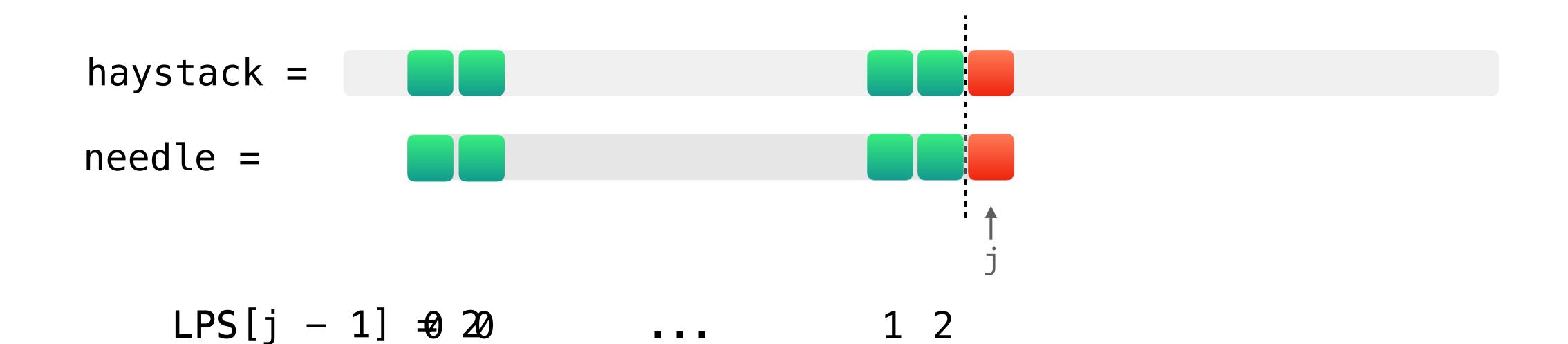
28. 实现 strStr()



j = LPS[j - 1]

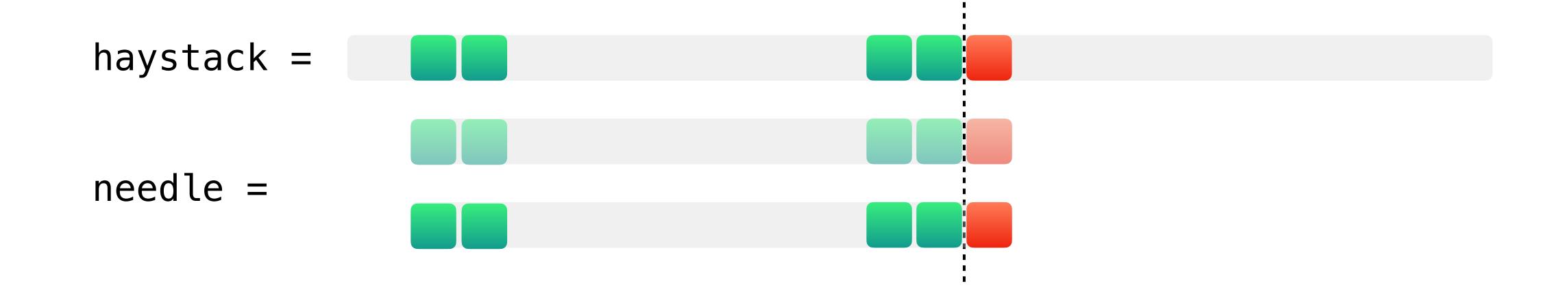


28. 实现 strStr()



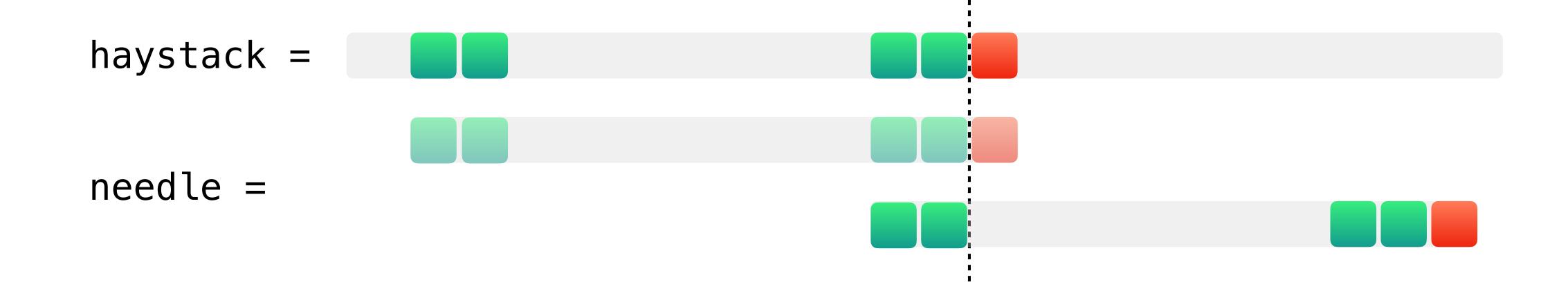


28. 实现 strStr()





28. 实现 strStr()





```
int strStr(String haystack, String needle) {
 int m = haystack.length();
 int n = needle.length();
 if (n == 0) {
  return 0;
 int[] lps = getLPS(needle);
 int i = 0, j = 0;
```

- · 用变量 m 记录 haystack 字符串的长度 用变量 n 记录 needle 字符串的长度
- ▶ 题目要求: 如果 n 等于 0, 返回 0
- · 求出 needle 的 LPS, 即最长的公共前缀和后缀数组
- · 定义指针 i 用来扫描 haystack, 定义指针 j 用来扫描 needle



```
while (i < m) {
 if (haystack.charAt(i) == needle.charAt(j)) {
  i++; j++;
  if (j == n) {
    return i - n;
 } else if (j > 0) {
  j = lps[j - 1];
 } else {
  i++;
return -1;
```

- ・ 进入循环体,直到 i 扫描完整个 haystack, 一旦扫描完还没有发现 needle,则跳出循环
- 在循环体中,当发现 i 指针与 j 指针指向的字符相等时, 两个指针一起向前走一步 i++, j++
- ▶ 一旦发现 j 已经扫描完 needle 字符串, 说明已在 haystack 中找到了 needle, 立即返回它在 haystack 中的起始位置
- 在循环体中,当发现 i 指针与 j 指针指向的字符不相同时, 尝试进行跳跃操作 j = LPS[j - 1], 这里必须判断 j 是否大于 0
- · j 等于 0 的情况,表明此时 needle 的第一个字符 已不同于 haystack的字符, 尝试对比 haystack 的下一个字符,故 i++
- 最终,若未能在 haystack 中找到 needle, 返回 -1



28. 实现 strStr()

如何求出 needle 字符串的最长公共前缀和后缀数组 - 暴力法

- ▶ 假设此时子串长度为 m
- ▶ 对字符串的每个位置先尝试长度为 m 1 的前缀和后缀
 - 如果两者一样,则记录下来
 - 如果两者不一样,则尝试长度为 m 2 的前缀和后缀,以此类推
 - 复杂度为 $O(n^2)$



28. 实现 strStr()



needlæs[i]er neeble[4]



28. 实现 strStr()



假设 LPS[len - 1] = 3





- 更新 len = LPS[len 1]
- 继续比较 needle[i] 和 needle[len]



```
int[] getLPS(String str) {
 int[] lps = new int[str.length()];
 int i = 1, len = 0;
 while (i < str.length()) {</pre>
  if (str.charAt(i) == str.charAt(len)) {
     lps[i++] = ++len;
  } else if (len > 0) {
    len = lps[len - 1];
  } else {
    i++;
 return lps;
```

- · 初始化一个 LPS 数组用来保存最终的结果
- · 由于 LPS 的第一个值一定为 0, 即长度为 1 的字符串的最长公共前缀后缀的长度为 0, 直接从第二个位置遍历,
- 并初始化当前最长的 LPS 长度为 0,用 len 变量记录一下
- 用指针 i 遍历整个输入字符串
- 如果 i 指针能够延续前缀和后缀, 更新 LPS 值为 len + 1
- · 否则, 判断 len 是否大于 0, 然后尝试第二长的前缀和后缀,看看是否能继续延续
- 尝试了所有的前缀和后缀都不行时, 则当前的 LPS 为 0, i++
- · 最后返回 LPS 数组



28. 实现 strStr()

len =
$$0$$
, i = 1

needle = ADCADB

LPS = 000000



needle =
$$0$$
, i = 1

needle = $ADCADB$

LPS = 000000

$$lps[1] = 0$$



needle =
$$0$$
, $i = 2$

$$\downarrow^{i}$$

$$LPS = 000000$$

$$lps[2] = 0$$



needle = ADCADB

LPS =
$$000100$$



needle = ADCADB

LPS =
$$000120$$

```
needle[len] = needle[i]
lps[i++] = ++len
lps[4] = 2
```



needle = ADCADB

LPS =
$$000120$$

needle[len] = "C"
$$\neq$$
 needle[i] = "B" len = lps[len - 1]



28. 实现 strStr()

```
len = 2, i = 5
needle = ADCADB
LPS = 000120
```

len = lps[len - 1]needle[len] ≠ needle[i]



28. 实现 strStr()

复杂度分析

- ▶ 运用了 KMP 算法后,我们需要 O(n) 的时间计算 LPS 数组,需要 O(m) 的时间扫描 haystack 字符串
- ▶ 整体时间复杂度为 O(m + n)