

БЕЛОРУССКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ  
Факультет прикладной математики и информатики

## Методы численного анализа

### ОТЧЕТ ПО ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ ПО ТЕМЕ Метод Рунге-Кутты 4-го порядка

Курец Любоми, 2 группа  
Преподаватель:  
Никифоров Иван Васильевич

Минск  
2020

## 1 Условие

Уравнение:

$$\begin{cases} y' = 2xy^2 \\ y(0) = 1 \end{cases} \quad (1)$$

## 2 Краткие теоретические сведения

Рассмотрим задачу Коши, где правая часть удовлетворяет условиям теорем существования и единственности решения.

$$y' = f(x, y), \quad a \leq x \leq b, \quad y(a) = y^0$$

Зададим равномерную сетку

$$x_i = a + ih, \quad i = 1, 2, \dots, n, \quad h = \frac{b-a}{n}$$

Введём обозначения  $y(x_i) = y_i$ . Получим вычислительную формулу:

$$\begin{cases} k_1 = hf(x_i, y_i) \\ k_2 = hf(x_i + h/2, y_i + k_1/2) \\ k_3 = hf(x_i + h/2, y_i + k_2/2) \\ k_4 = hf(x_i + h, y_i + k_3) \\ y_{i+1} = y_i + [k_1 + 2k_2 + 2k_3 + k_4]/6 \end{cases} \quad (2)$$

## 3 Код программы

```
#include<iostream>
#include <iomanip>

using namespace std;

#define f(x,y)  2*x*y*y

int main()
{
    double a = 0, y0 = 1, b = 1;
    double yn, k1, k2, k3, k4, k;
```

```

double h = (b - a) / 4;

// Runge Kutta Method
cout << endl << setw(5) << "x{n}" << setw(10)
<< "y{n}" << setw(10) << "y{n+1}" << endl;
cout << "_____ " << endl;
for (int i = 0; i < 4; i++)
{
    k1 = h * (f(a, y0));
    k2 = h * (f((a + h / 2), (y0 + k1 / 2)));
    k3 = h * (f((a + h / 2), (y0 + k2 / 2)));
    k4 = h * (f((a + h), (y0 + k3)));
    k = (k1 + 2 * k2 + 2 * k3 + k4) / 6;
    yn = y0 + k;
    cout << setw(5) << a << " | " << setw(7) << y0 <<
    " | " << setw(5) << yn << endl;
    a += h;
    y0 = yn;
}

cout << "\y(" << b << ") = " << yn;

return 0;
}

```

#### 4 Результат выполнения программы

№	$x_n$	$y_n$	$y_{n+1}$
0	0	1	1.06668
1	0.25	1.06668	1.33337
2	0.5	1.33337	2.28069
3	0.75	2.28069	18.3295

$$y(1) = 18.3295$$