



# 贪心算法

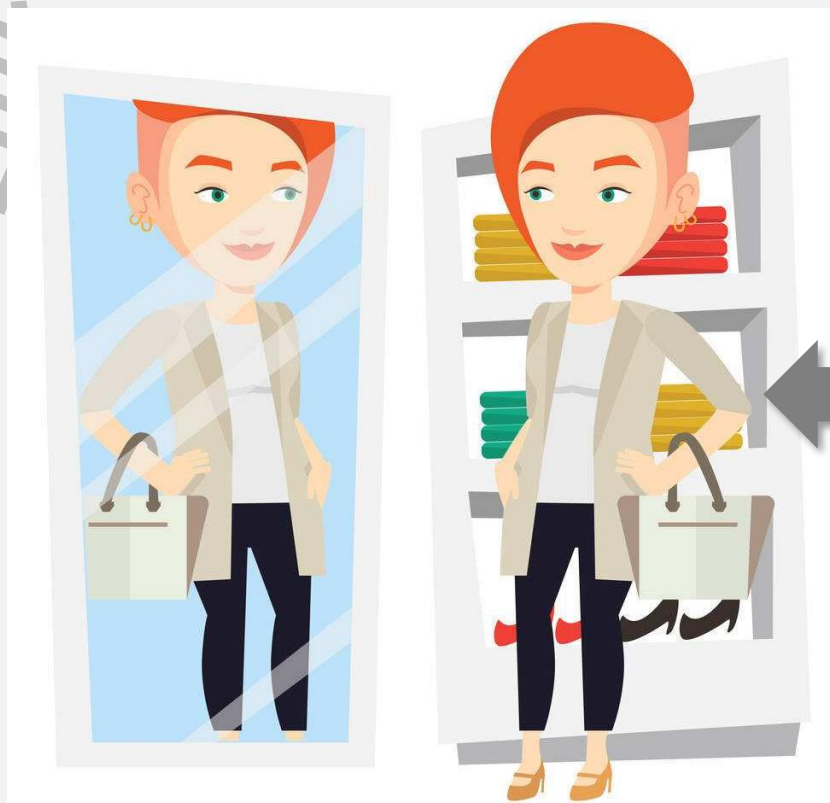
Greedy

# 1.什么是贪心?

# 什么是贪心算法?

所谓贪心算法是指，在对问题求解时，总是做出在**当前**看来最好的选择。

也就是说，不从整体最优解出发来考虑，它所做出的仅是在某种条件下的局部最优解。简单的说就是：**只顾当前!**



其它店可能还有  
更好的

## 引例A：找零

某便利店店员需要向客户找零97元人民币，问最少需要多少张钱？

**贪心原则：尽量用面值大的纸币。**

1. 讨论面值100,  $100 > 97$ , 不行;
2. 讨论面值50,  $50 \leq 97$ , 可行, 张数 $+=97/50$ , 余钱 $=97\%50=47$ ;
3. 讨论面值20,  $20 \leq 47$ , 可行, 张数 $+=47/20$ , 余钱 $=47\%20=7$ ;
4. 讨论面值10,  $10 > 7$ , 不行;
5. 讨论面值5,  $5 \leq 7$ , 可行, 张数 $+=7/5$ , 余钱 $=7\%5=2$ ;
6. 讨论面值1,  $1 \leq 2$ , 可行, 张数 $+=2/1$ , 余钱 $=2\%1=0$ , 结束;

**为什么上述方法是正确的呢？**

我们考虑如果任意两种面值交换一下使用顺序，这样所需张数会不会更少？

不会！

这是一种常用的证明贪心正确性的方法，称为“邻项交换法”。

## 引例B：最大整数

设有 $n$ 个正整数 ( $n \leq 10000$ , long long 范围内), 将它们联接成一排组成一个最大的多位整数。

例如： $n=3$ 时, 3个整数13, 312, 343联接成的最大整数为: 34331213。

又如： $n=4$ 时, 4个整数7, 13, 4, 246联接成的最大整数为: 7424613。

**贪心策略：“字典序” 大的放左边**

1. 将 $n$ 个数按“字典序” 由大到小排序

2. 将排序后的数字依次输出即可

注意特殊情况 “9”、“97”、“977”

排序时 `cmp return x+y>y+x;`

**证明：邻项交换法**

任意交换相邻两个数，都不可能得到更优的结果。

```
string s[100];

bool cmp(string x,string y)
{
    return x+y>y+x;
}

int main()
{
    int n;
    cin>>n;
    for(int i=1;i<=n;i++)cin>>s[i];
    sort(s+1,s+1+n,cmp);
    cout<<endl<<"-----排序后-----"<<endl<<endl;
    for(int i=1;i<=n;i++)cout<<s[i]<<endl;
}
```

## 2. 贪心思想的应用

### 第一节

## 例1：排队打水 nkoj5215

有 $n$ 个人排队到 $r$ 个水龙头去打水，他们装满水桶的时间 $T_1, T_2, \dots, T_n$ 为整数且各不相等，应如何安排他们的打水顺序才能使每个人花费的时间总和最少？

**输入格式：**

第一行 $n, r$  ( $n \leq 1000, r \leq 100$ )

第二行为 $n$ 个人打水所用的时间 $T_i$  ( $1 \leq T_i \leq 100$ )

**输出格式：** 一个整数，最少花费的总时间

**样例输入：**

3 2

1 2 3

**样例输出：**

7

**样例说明：**

第1, 2两人在1号龙头接水，2排1后。

第1个人接水，耗时1。 第2个人排队耗时1，接水耗时2，总耗时3。

第2个人在2号龙头接水，耗时3。

总耗时 $1+3+3=7$

# 例1：排队打水 解题分析

**贪心原则：**一遇到空闲的水龙头，就让**接水耗时少的人优先打水**。

**证明：**

设有1个水龙头，4个人打水，接水时间  $T_1 < T_2 < T_3 < T_4$

我们**按耗时小的优先打水**的贪心原则处理，总耗时Sum为：

$$\text{Sum} = T_1 + (T_1 + T_2) + (T_1 + T_2 + T_3) + (T_1 + T_2 + T_3 + T_4) = 4 * T_1 + 3 * T_2 + 2 * T_3 + T_4$$

越早打水的人，被累加的次数越多。

根据“邻项交换法”：任意交换两个人的打水顺序，得到的结果一定**不比**上面的小

所以，贪心策略是正确的。



# 例1：排队打水 解题分析

**贪心原则：**一遇到空闲的水龙头，就让**接水耗时少的人**优先打水。

```
sort(T+1,T+n+1); //按接水时间由小到大排序
Ans=0;
for (int i=1,j=0; i<=n; i++)
{
    j++;
    if (j==r+1) j=1; //共r个水龙头，前r个人为一组，第r+1个人回到第一个水龙头
    Sum[j]+=T[i]; //第i个人的耗时，即第j号水龙头接下来排队需要的耗时
    Ans+=Sum[j];
}
```

### 3. 应用贪心的步骤

# 贪心问题解题步骤：

- 1.观察分析规律，**发现贪心策略**；

- 2.验证贪心策略是否正确：

常用方法：邻项交换法、列举反例、范围缩放法、数学归纳和反证法等

- 3.程序实现

接下来，我们重点讨论：**发现贪心策略**和**验证贪心策略正确性**这两个核心问题

## 4. 贪心思想的应用

### 第三节

## 例7: 打怪 nkoj5233

在一款电脑游戏中，你需要打败 $n$ 只怪物（从1到 $n$ 编号）。

为了打败第 $i$ 只怪物，你需要消耗 $D[i]$ 点生命值，但怪物死后会掉落血药，使你恢复 $A[i]$ 点生命值。任何时候你的生命值都不能降到0（或0以下）。

问是否存在一种打怪顺序，使得你可以打完这 $n$ 只怪物而不死掉

$$1 \leq n, z \leq 100000$$

## 例7：打怪 解题分析

### 贪心策略：

1. 先打会加血 ( $D[i] \leq A[i]$ ) 的怪，再打会减血 ( $D[i] > A[i]$ ) 的怪；
2. 对于会加血的怪，按  $D[i]$  值由小到大的顺序去打；
3. 对于会减血的怪，按  $A[i]$  值由大到小的顺序去打；

加血的情况显然，下面证明会减血的情况：

设有两个怪，对应得参数分别为  $D_1, D_2, A_1, A_2$ ，且  $A_1 > A_2$ ， $D_1 > A_1$ ， $D_2 > A_2$

若先打1号再打2号，失血分别为  $D_1$  和  $D_1 - A_1 + D_2$

若先打2号再打1号，失血分别为  $D_2$  和  $D_2 - A_2 + D_1$

因为  $D_1 > A_1$  且  $D_2 > A_2$

有  $D_2 + D_1 - A_1 < D_2 + D_1 - A_2$