ejoy2d源码学习

gaccob

2014 年 1 月 25 日

1. ejoy2d.matrix

在学习这一段代码之前，先引入一些**矩阵的基础理论**.

- 2d图形的变换，可以用一个6元组$\{a, b, c, d, t_x, t_y\}$来表示，其中，a和d表示缩放，b和c表示旋转，t_x和t_y表示位移，这样就能得到一个基础的2d矩阵公式:

$$x = ax + cy + t_x \tag{1}$$

$$y = bx + dy + t_y \tag{2}$$

- 为了把二维图形的变化统一在一个坐标系里，引入齐次坐标的概念，即把一个图形用一个三维矩阵表示，其中第三列总是$(0, 0, 1)$，用来作为坐标系的标准，这样，变换6元组就可以用一个3*3的矩阵来表示:

$$M = \begin{bmatrix} a & b & 0 \\ c & d & 0 \\ t_x & t_y & 1 \end{bmatrix} \tag{3}$$

这样，我们就可以得到一个矩阵变换公式:

$$\begin{bmatrix} x & y & 1 \end{bmatrix} * M = \begin{bmatrix} ax + cy + t_x & bx + dy + t_y & 1 \end{bmatrix} \tag{4}$$

- **平移**: 当$a=d=1$, $c=d=0$时, 则(4)退化为:

$$\begin{bmatrix} x & y & 1 \end{bmatrix} * M = \begin{bmatrix} x+t_x & y+t_y & 1 \end{bmatrix} \tag{5}$$

- **缩放**: 当$b=c=t_x=t_y=0$时, 则(4)退化为:

$$\begin{bmatrix} x & y & 1 \end{bmatrix} * M = \begin{bmatrix} ax & dy & 1 \end{bmatrix} \tag{6}$$

- **旋转**: 当$t_x=t_y=0$, $a=cos\theta$, $b=sin\theta$, $c=-sin\theta$, $d=cos\theta$时, 则(4)退化为:

$$\begin{bmatrix} x & y & 1 \end{bmatrix} * M = \begin{bmatrix} x*cos\theta - y*sin\theta & x*sin\theta + y*cos\theta & 1 \end{bmatrix} \tag{7}$$

- **归一化**: 当$a=d=1$, $c=d=t_x=t_y=0$时, 则M退化为归一化矩阵:

$$E = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \tag{8}$$

- **逆矩阵**: 所谓逆矩阵, 就是对于矩阵A, 存在矩阵B, $A*B=B*A=E$, 其中, E是归一化矩阵, 那么A和B就互为各自的逆矩阵. 对于M而言, 它的逆矩阵可以计算得到:

$$N = \begin{bmatrix} \frac{d}{ad-bc} & -\frac{b}{ad-bc} & 0 \\ -\frac{c}{ad-bc} & \frac{a}{ad-bc} & 0 \\ \frac{ct_y-dt_x}{ad-bc} & \frac{bt_x-at_y}{ad-bc} & 1 \end{bmatrix} \tag{9}$$

$$M*N = N*M = E \tag{10}$$

==========

==========

简单回顾一下理论, 下面就可以开始ejoy2d的**矩阵源码分析**, lib/matrix.c和lib/matrix.h封装了矩阵的操作, lib/lmatrix.c和lib/lmatrix.h是lua调用c的接口.

1. 6元组表示的矩阵(matrix):

```
struct matrix {
int m[6];
};
```

2. 矩阵归一化(matrix identity).

```
matrix_identity(struct matrix *mm) {
    int *mat = mm->m;
    mat[0] = 1024;
    mat[1] = 0;
    mat[2] = 0;
    mat[3] = 1024;
    mat[4] = 0;
    mat[5] = 0;
}
```

与(3)中不一样的是，为了避免浮点运算，这里以1024为基处理，来保持整数运算，实际上，现在的变换矩阵(3)演变为:

$$M_{ejoy} = M * \begin{bmatrix} 1024 & 0 & 0 \\ 0 & 1024 & 0 \\ 0 & 0 & 1024 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1024*a & b & 0 \\ c & 1024*d & 0 \\ t_x & t_y & 1024 \end{bmatrix} \tag{11}$$

3. 矩阵的乘法(matrix multiply).

```
static inline void
matrix_mul(struct matrix *mm, const struct matrix *mm1,
    const struct matrix *mm2) {
    int *m = mm->m;
    const int *m1 = mm1->m;
    const int *m2 = mm2->m;
    m[0] = (m1[0] * m2[0] + m1[1] * m2[2]) /1024;
    m[1] = (m1[0] * m2[1] + m1[1] * m2[3]) /1024;
    m[2] = (m1[2] * m2[0] + m1[3] * m2[2]) /1024;
    m[3] = (m1[2] * m2[1] + m1[3] * m2[3]) /1024;
    m[4] = (m1[4] * m2[0] + m1[5] * m2[2]) /1024 + m2[4];
    m[5] = (m1[4] * m2[1] + m1[5] * m2[3]) /1024 + m2[5];
}
```

这里就是3*3的矩阵乘法，唯一做了变化的就是在乘完之后除1024来保持scale.

4. 矩阵的逆运算(matrix inverse).

```
int
matrix_inverse(const struct matrix *mm, struct matrix *mo) {
    const int *m = mm->m;
    int *o = mo->m;
    if (m[1] == 0 && m[2] == 0) {
        return _inverse_scale(m,o);
    }
    if (m[0] == 0 && m[3] == 0) {
        return _inverse_rot(m,o);
    }
    int t = m[0] * m[3] - m[1] * m[2] ;
    if (t == 0)
        return 1;
    o[0] = (int32_t)((int64_t)m[3] * (1024 * 1024) / t);
    o[1] = (int32_t)(- (int64_t)m[1] * (1024 * 1024) / t);
    o[2] = (int32_t)(- (int64_t)m[2] * (1024 * 1024) / t);
    o[3] = (int32_t)((int64_t)m[0] * (1024 * 1024) / t);
    o[4] = - (m[4] * o[0] + m[5] * o[2]) / 1024;
    o[5] = - (m[4] * o[1] + m[5] * o[3]) / 1024;
    return 0;
}
```

这里有几点需要注意的:

- 因为归一化时做了1024的线性变换, 所以这里有1024的参数.
- 当 $b = c = 0$ 时, 退化为线性变换_inverse_scale, 这里做了简化处理提高效率.
- 当 $a = d = 0$ 时, 退化为旋转变换_inverse_rot, 这里同样也做了简化处理提高效率.

5. 矩阵的缩放(matrix scale).

```
static inline void
scale_mat(int *m, int sx, int sy) {
    if (sx != 1024) {
        m[0] = m[0] * sx / 1024;
        m[2] = m[2] * sx / 1024;
        m[4] = m[4] * sx / 1024;
    }
    if (sy != 1024) {
        m[1] = m[1] * sy / 1024;
        m[3] = m[3] * sy / 1024;
        m[5] = m[5] * sy / 1024;
    }
}
```

我们在(6)中说到，当M退化为只有a和d时，可以看做一个缩放(scale). 这里的a对应就是代码中的sx， b对应的就是代码中的sy. 此时的(4)演进成如下的形式:

$$M * \begin{bmatrix} sx & 0 & 0 \\ 0 & sy & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} sx * a & sy * b & 0 \\ sx * c & sy * d & 0 \\ sx * t_x & sy * t_t & 1 \end{bmatrix} \tag{12}$$

6. 矩阵的旋转(matrix rotate)

```
static inline void
rot_mat(int *m, int d) {
    if (d==0)
        return;
    int cosd = icosd(d);
    int sind = isind(d);

    int m0_cosd = m[0] * cosd;
    int m0_sind = m[0] * sind;
    int m1_cosd = m[1] * cosd;
    int m1_sind = m[1] * sind;
    int m2_cosd = m[2] * cosd;
    int m2_sind = m[2] * sind;
    int m3_cosd = m[3] * cosd;
    int m3_sind = m[3] * sind;
    int m4_cosd = m[4] * cosd;
    int m4_sind = m[4] * sind;
    int m5_cosd = m[5] * cosd;
    int m5_sind = m[5] * sind;

    m[0] = (m0_cosd - m1_sind) /1024;
    m[1] = (m0_sind + m1_cosd) /1024;
    m[2] = (m2_cosd - m3_sind) /1024;
    m[3] = (m2_sind + m3_cosd) /1024;
    m[4] = (m4_cosd - m5_sind) /1024;
    m[5] = (m4_sind + m5_cosd) /1024;
}
```

在(7)这种情况下， M退化为旋转矩阵， 此处代码的原理也很容易理解:

$$M * \begin{bmatrix} cos\theta & sin\theta & 0 \\ -sin\theta & -cos\theta & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} cos\theta * a - sin\theta * b & sin\theta * a + cos\theta * b & 0 \\ cos\theta * c - sin\theta * d & sin\theta * c + cos\theta * d & 0 \\ cos\theta * t_x - sin\theta * t_y & sin\theta * t_x + cos\theta * t_y & 1 \end{bmatrix} \tag{13}$$

代码中的d是经过变换的角度，这个在lua的接口中有体现，源码截取如下：

```
double r = luaL_checknumber(L,2);
matrix_rot(m, r * (1024.0 / 360.0));
```

代码中对角度的计算做了一个cos表，cos和sin的计算都是通过查表来得到的，代码中做sin计算时的64，是$sin\theta = cos(90 - \theta)$经过1024换算后得到的.

```
static inline int
icost(int dd) {
    static int t[256] = {
    ...
    };
    if (dd < 0) {
        dd = 256 - (-dd % 256);
    } else {
        dd %= 256;
    }

    return t[dd];
}

static inline int
icosd(int d) {
    int dd = d/4;
    return icost(dd);
}

static inline int
isind(int d) {
    int dd = 64 - d/4;
    return icost(dd);
}
```

7. 矩阵的SRT变换

ejoy2d.matrix中用一个srt(scale, rotate, translate)结构体来封装了变换矩阵，对矩阵的srt操作依次就是:scale_mat, rot_mat以及translate(直接增加M中的t_x和t_y).

```
struct srt {
        int offx;
        int offy;
        int scalex;
        int scaley;
```

```
6           int rot;
7   };
8
9   void
10  matrix_srt(struct matrix *mm, const struct srt *srt) {
11          scale_mat(mm->m, srt->scalex, srt->scaley);
12          rot_mat(mm->m, srt->rot);
13          mm->m[4] += srt->offx;
14          mm->m[5] += srt->offy;
15  }
16
17
18  void
19  matrix_sr(struct matrix *mat, int sx, int sy, int d) {
20          int *m = mat->m;
21          int cosd = icosd(d);
22          int sind = isind(d);
23
24          int m0_cosd = sx * cosd;
25          int m0_sind = sx * sind;
26          int m3_cosd = sy * cosd;
27          int m3_sind = sy * sind;
28
29          m[0] = m0_cosd /1024;
30          m[1] = m0_sind /1024;
31          m[2] = -m3_sind /1024;
32          m[3] = m3_cosd /1024;
33  }
```

其中函数matrix_sr()是$b = c = 0$后的简化演进, 下面的公式省略了ejoy2d中1024的scale:

$$\begin{bmatrix} sx & 0 & 0 \\ 0 & sy & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} cos\theta & sin\theta & 0 \\ -sin\theta & cos\theta & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} sx * cos\theta & sx * sin\theta & 0 \\ -sy * sin\theta & sy * cos\theta & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \tag{14}$$