

数据结构与算法9-优先队列、二叉堆

笔记本：我的笔记

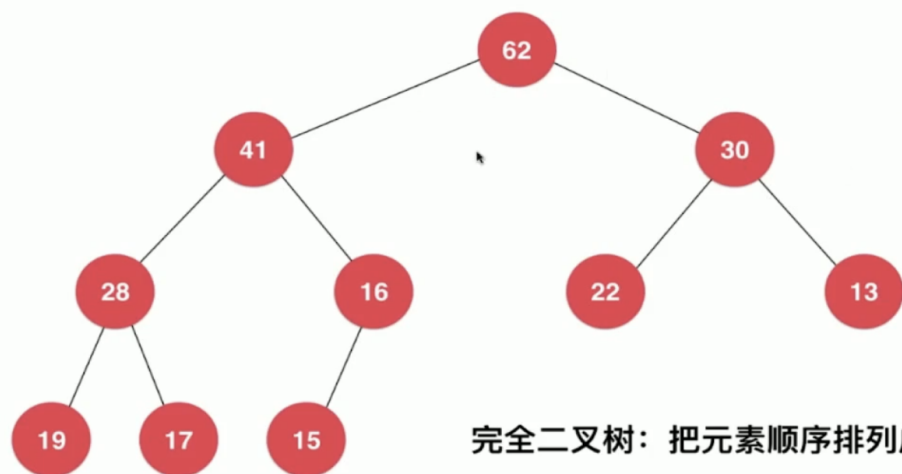
创建时间：2020/10/4 14:47

更新时间：2020/10/4 15:06

作者：liuhouer

标签：算法

二叉堆是一棵完全二叉树

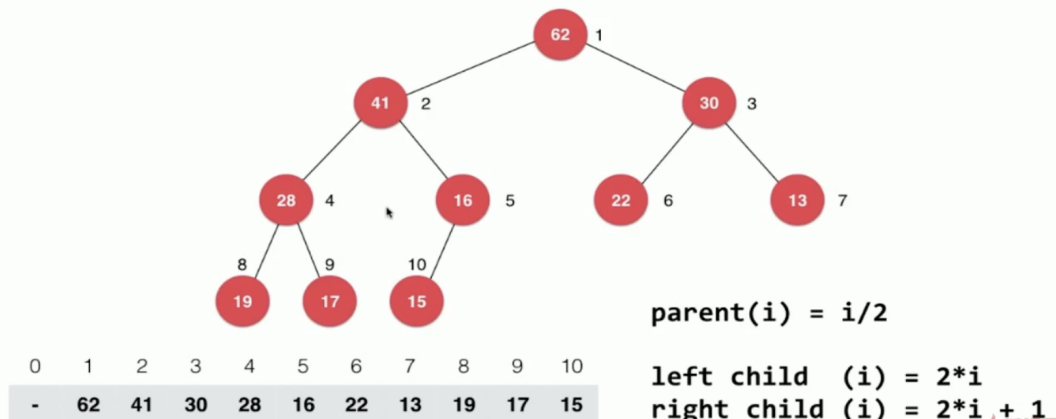


完全二叉树：把元素顺序排列成树的形状

优先队列

	入队	出队（拿出最大元素）
普通线性结构	$O(1)$	$O(n)$
顺序线性结构	$O(n)$	$O(1)$
堆	$O(\log n)$	$O(\log n)$

用数组存储二叉堆



二叉堆的性质：

堆中某个节点的值总是不大于其父节点的值

二叉堆是一棵完全二叉树[完全二叉树:把元素顺序排列成树的形状]

1>数组实现最大堆【二叉堆】【堆顶元素最大】【jdk提供的优先队列是最小堆】

```
public class Array<E> {  
  
    private E[] data;  
    private int size;  
  
    // 构造函数，传入数组的容量capacity构造Array  
    public Array(int capacity){  
        data = (E[])new Object[capacity];  
        size = 0;  
    }  
  
    // 无参数的构造函数，默认数组的容量capacity=10  
    public Array(){  
        this(10);  
    }  
  
    public Array(E[] arr){  
        data = (E[])new Object[arr.length];  
        for(int i = 0 ; i < arr.length ; i ++)  
            data[i] = arr[i];  
        size = arr.length;  
    }  
  
    // 获取数组的容量  
    public int getCapacity(){  
        return data.length;  
    }  
  
    // 获取数组中的元素个数  
    public int getSize(){  
        return size;  
    }  
  
    // 返回数组是否为空  
    public boolean isEmpty(){  
        return size == 0;  
    }  
}
```

```

// 在index索引的位置插入一个新元素e
public void add(int index, E e){

    if(index < 0 || index > size)
        throw new IllegalArgumentException("Add failed. Require index >= 0
and index <= size.");

    if(size == data.length)
        resize(2 * data.length);

    for(int i = size - 1; i >= index ; i --)
        data[i + 1] = data[i];

    data[index] = e;

    size ++;
}

// 向所有元素后添加一个新元素
public void addLast(E e){
    add(size, e);
}

// 在所有元素前添加一个新元素
public void addFirst(E e){
    add(0, e);
}

// 获取index索引位置的元素
public E get(int index){
    if(index < 0 || index >= size)
        throw new IllegalArgumentException("Get failed. Index is
illegal.");
    return data[index];
}

// 修改index索引位置的元素为e
public void set(int index, E e){
    if(index < 0 || index >= size)
        throw new IllegalArgumentException("Set failed. Index is
illegal.");
    data[index] = e;
}

// 查找数组中是否有元素e
public boolean contains(E e){
    for(int i = 0 ; i < size ; i ++){
        if(data[i].equals(e))
            return true;
    }
    return false;
}

// 查找数组中元素e所在的索引，如果不存在元素e，则返回-1
public int find(E e){
    for(int i = 0 ; i < size ; i ++){
        if(data[i].equals(e))
            return i;
    }
    return -1;
}

```

```

// 从数组中删除index位置的元素，返回删除的元素
public E remove(int index){
    if(index < 0 || index >= size)
        throw new IllegalArgumentException("Remove failed. Index is
illegal.");

    E ret = data[index];
    for(int i = index + 1 ; i < size ; i ++){
        data[i - 1] = data[i];
    }
    size --;
    data[size] = null; // loitering objects != memory leak

    if(size == data.length / 4 && data.length / 2 != 0)
        resize(data.length / 2);
    return ret;
}

// 从数组中删除第一个元素，返回删除的元素
public E removeFirst(){
    return remove(0);
}

// 从数组中删除最后一个元素，返回删除的元素
public E removeLast(){
    return remove(size - 1);
}

// 从数组中删除元素e
public void removeElement(E e){
    int index = find(e);
    if(index != -1)
        remove(index);
}

public void swap(int i, int j){

    if(i < 0 || i >= size || j < 0 || j >= size)
        throw new IllegalArgumentException("Index is illegal.");

    E t = data[i];
    data[i] = data[j];
    data[j] = t;
}

@Override
public String toString(){

    StringBuilder res = new StringBuilder();
    res.append(String.format("Array: size = %d , capacity = %d\n", size,
data.length));
    res.append('[');
    for(int i = 0 ; i < size ; i ++){
        res.append(data[i]);
        if(i != size - 1)
            res.append(", ");
    }
    res.append(']');
    return res.toString();
}

// 将数组空间的容量变成newCapacity大小
private void resize(int newCapacity){

```

```

        E[] newData = (E[])new Object[newCapacity];
        for(int i = 0 ; i < size ; i ++){
            newData[i] = data[i];
        }
        data = newData;
    }
}

```

```

public class MaxHeap<E extends Comparable<E>> {

    private Array<E> data;

    public MaxHeap(int capacity){
        data = new Array<>(capacity);
    }

    public MaxHeap(){
        data = new Array<>();
    }

    public MaxHeap(E[] arr){
        data = new Array<>(arr);
        for(int i = parent(arr.length - 1) ; i >= 0 ; i --){
            siftDown(i);
        }
    }

    // 返回堆中的元素个数
    public int size(){
        return data.getSize();
    }

    // 返回一个布尔值，表示堆中是否为空
    public boolean isEmpty(){
        return data.isEmpty();
    }

    // 返回完全二叉树的数组表示中，一个索引所表示的元素的父亲节点的索引
    private int parent(int index){
        if(index == 0)
            throw new IllegalArgumentException("index-0 doesn't have parent.");
        return (index - 1) / 2;
    }

    // 返回完全二叉树的数组表示中，一个索引所表示的元素的左孩子节点的索引
    private int leftChild(int index){
        return index * 2 + 1;
    }

    // 返回完全二叉树的数组表示中，一个索引所表示的元素的右孩子节点的索引
    private int rightChild(int index){
        return index * 2 + 2;
    }

    // 向堆中添加元素
    public void add(E e){
        data.addLast(e);
        siftUp(data.getSize() - 1);
    }

    private void siftUp(int k){

```

```

        while(k > 0 && data.get(parent(k)).compareTo(data.get(k)) < 0 ){
            data.swap(k, parent(k));
            k = parent(k);
        }
    }

    // 看堆中的最大元素
    public E findMax(){
        if(data.getSize() == 0)
            throw new IllegalArgumentException("Can not findMax when heap is empty.");
        return data.get(0);
    }

    // 取出堆中最大元素
    public E extractMax(){

        E ret = findMax();

        data.swap(0, data.getSize() - 1);
        data.removeLast();
        siftDown(0);

        return ret;
    }

    private void siftDown(int k){

        while(leftChild(k) < data.getSize()){
            int j = leftChild(k); // 在此轮循环中,data[k]和data[j]交换位置
            if( j + 1 < data.getSize() &&
                data.get(j + 1).compareTo(data.get(j)) > 0 )
                j ++;
            // data[j] 是 leftChild 和 rightChild 中的最大值

            if(data.get(k).compareTo(data.get(j)) >= 0 )
                break;

            data.swap(k, j);
            k = j;
        }
    }

    // 取出堆中的最大元素，并且替换成元素e
    public E replace(E e){

        E ret = findMax();
        data.set(0, e);
        siftDown(0);
        return ret;
    }
}

```

2>实现优先队列

定义队列

```

public interface Queue<E> {

    int getSize();
    boolean isEmpty();
    void enqueue(E e);
    E dequeue();
}

```

```
    E getFront();  
}
```

利用二叉堆实现优先队列

```
public class PriorityQueue<E extends Comparable<E>> implements Queue<E> {  
  
    private MaxHeap<E> maxHeap;  
  
    public PriorityQueue(){  
        maxHeap = new MaxHeap<>();  
    }  
  
    @Override  
    public int getSize(){  
        return maxHeap.size();  
    }  
  
    @Override  
    public boolean isEmpty(){  
        return maxHeap.isEmpty();  
    }  
  
    @Override  
    public E getFront(){  
        return maxHeap.findMax();  
    }  
  
    @Override  
    public void enqueue(E e){  
        maxHeap.add(e);  
    }  
  
    @Override  
    public E dequeue(){  
        return maxHeap.extractMax();  
    }  
}
```

优先队列的经典问题

在1,000,000个元素中选出前100名?

在N个元素中选出前M个元素

排序? $N\log N$

使用优先队列? $N\log M$