绝密 ★ 考试结束前

全国 2020 年 8 月高等教育自学考试

概率论与数理统计(二)试题

课程代码:02197

请考生按规定用笔将所有试题的答案涂、写在答题纸上。

选择题部分

注意事项:

- 1. 答题前,考生务必将自己的考试课程名称、姓名、准考证号用黑色字迹的签字笔或钢笔填写在答题纸规定的位置上。
- 2. 每小题选出答案后,用 2B 铅笔把答题纸上对应题目的答案标号涂黑。如需改动,用橡皮擦干净后,再选涂其他答案标号。不能答在试题卷上。
- 一、单项选择题:本大题共 10 小题,每小题 2 分,共 20 分。在每小题列出的备选项中只有一项是最符合题目要求的,请将其选出。
- 1. 将一枚骰子连掷两次,事件A表示"两次均出现 1 点",则 P(A) =
 - A. $\frac{1}{36}$
- B. $\frac{1}{18}$
- C. $\frac{1}{6}$
- D. -
- 2. 设事件 A = B 相互独立,且 $P(A) = \frac{1}{3}$, $P(B) = \frac{1}{4}$, 则 $P(\overline{AB}) = \frac{1}{4}$
 - A. $\frac{1}{12}$
- B. $\frac{1}{4}$
- c. $\frac{1}{3}$
- D. $\frac{1}{2}$
- 3. 设A与B互为对立事件,且P(A) > 0,P(B) > 0,则下列结论不成立的是
 - A. P(B) = 1 P(A)
- B. P(A|B) = 0

C. $P(A|\overline{B})=1$

- D. $P(\overline{A \cup B}) = 1$
- 4. 设随机变量 $X \sim N(-1,2^2)$, Φ(x) 为标准正态分布函数,则 $P\{-1 < X \le 2\}$ =
 - Α. Φ(2) Φ(-1)

B. $\Phi\left(\frac{3}{2}\right) - \frac{1}{2}$

C. $\Phi\left(\frac{3}{2}\right)$

D. $\Phi(3) - \frac{1}{2}$

浙 02197# 概率论与数理统计(二)试题 第 1 页(共 4 页)

- 5. 设随机变量 X 的概率密度为 $f(x) = \begin{cases} ce^{-2x}, & x > 0, \\ 0, & x \le 0, \end{cases}$ 则常数 $c = \begin{cases} ce^{-2x}, & x > 0, \\ 0, & x \le 0, \end{cases}$
 - A. -2
- B. -
- C. -
- D. 2
- 6. 设随机变量 X 与 Y 相互独立, $\frac{X}{P} = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0.3 & 0.3 \end{bmatrix}$, $\frac{Y}{P} = \begin{bmatrix} -0.5 & 1 & 3 \\ 0.25 & 0.25 \end{bmatrix}$

则
$$P\{X = -2|Y = 1\} =$$

- A. 0.25
- B. 0.3
- C. 0.4
- D. 0.5
- 7. 设X与Y为随机变量,C是任意常数,则下列结论一定成立的是

本月排行

全国2019年10月自持 全国2019年10月自持 全国2019年10月自持 全国2019年10月自持 全国2019年4月自持 全国2019年10月自持 全国2019年10月自持 全国2019年10月自持 全国2019年10月自持

QQ咨询

(http://wp

在线咨询

(http://p.q

官方微信

联系电话

- A. D(XY) = D(X)D(Y)
- B. D(X-Y) = D(X) D(Y)
- C. D(X-Y+C)=D(X-Y)
- D. D(X Y) = D(X) + D(Y)
- 8. 设随机变量 X 与 Y 相互独立,且 $X \sim N(2,3^2)$, $Y \sim N(3,4^2)$,则 D(2X Y + 1) =
 - A. 8
- B. 20
- C. 52
- D. 53
- 9. 设总体 X 服从区间 $[0,3\theta]$ 上的均匀分布,未知参数 $\theta>0$, \bar{X} 为样本均值,则 θ 的 矩估计是

 - A. $\frac{1}{3}\bar{X}$ B. $\frac{2}{3}\bar{X}$
- C. $\frac{3}{2}\bar{X}$
- D. $3\bar{X}$
- 10. 设 $X_1, X_2, \dots, X_n (n > 1)$ 为来自正态总体 $N(\mu, \sigma^2)$ 的样本,其中 σ^2 未知, \bar{X} 和 S^2 分别 是样本均值和样本方差,对于检验假设 $H_0: \mu = \mu_0; H_1: \mu \neq \mu_0$,当显著性水平为 α 时H。的拒绝域为
 - A. $\left\{ \left| \frac{\overline{X} \mu_0}{\sigma / \sqrt{n}} \right| > u_{\frac{\alpha}{2}} \right\}$
- C. $\left\{ \frac{\overline{X} \mu_0}{S/\sqrt{n}} > t_{\frac{\alpha}{2}}(n-1) \right\}$

浙 02197# 概率论与数理统计(二)试题 第 2 页(共 4 页)

QQ咨询

(http://wp

在线咨询

(http://p.q 官方微信

联系电话

非选择题部分

注意事项:

用黑色字迹的签字笔或钢笔将答案写在答题纸上,不能答在试题卷上。

- 二、填空题: 本大题共 15 小题, 每小题 2 分, 共 30 分。
- 11. 设A,B 为随机事件,且 $P(A) = \frac{1}{2}$, $P(B) = \frac{1}{4}$, $P(AB) = \frac{1}{8}$,则 $P(A \cup B) = \underline{\hspace{1cm}}$
- 12. 设某电梯从第一层升到第 12 层,在第一层时电梯内共有 10 位乘客,每位乘客从第 2 层到第 12 层每层离开电梯是等可能的,事件 A 表示 "这 10 位乘客在同一层离开电梯",则 P(A) =______.
- 13. 设P(A) = 0.7, P(A-B) = 0.3, 则 $P(\overline{AB}) = _____$
- 14. 设随机变量 X 服从区间[1,5]上的均匀分布,则P{2 < X ≤ 3} = _____.
- 15. 设随机变量 X 的分布函数为 F(x) ,且 F(3) = 0.8 , F(0) = 0 ,则 $P\{0 < X \le 3\} =$ _______.
- 16. 设二维随机变量(X,Y)的分布律为

| Y | -1 | 0 | 1 |
|----|-----|-----|---|
| -1 | 1/4 | 2 | 1 |
| | 6 | 6 | 6 |
| 1 | 1_(| 1_1 | 1 |
| | 12 | 12 | 6 |

则 P{X = Y} = _____

17. 设随机变量 X 与 Y 相互独立, X 和 Y 的概率密度分别为 $f_X(x) = \begin{cases} 2e^{-2x}, & x > 0, \\ 0, & x \le 0, \end{cases}$

 $f_{Y}(y) = \begin{cases} \frac{1}{5}, & 0 \le y \le 5, \\ 0, & \text{其他,} \end{cases}$ 则当 $x > 0, 0 \le y \le 5$ 时,(X,Y)的概率密度 f(x,y) =______.

- 18. 设随机变量 X 与 Y 相互独立, X 和 Y 的概率密度分别为 $f_x(x) = \begin{cases} 3e^{-3x}, & x > 0, \\ 0, & x \le 0, \end{cases}$ $f_y(y) = \begin{cases} 4e^{-4y}, & y > 0, \\ 0, & y \le 0, \end{cases}$ 则 $P\{0 \le X \le 1, 0 \le Y \le 2\} =$ ______.
- 19. 设随机变量 X~B(6,0.2),则 D(-2X+3)=_____
- 20. 设随机变量 X 服从区间[0,1]上的均匀分布,则由切比雪夫不等式可得

$$P\left\{\left|X-\frac{1}{2}\right| \ge \frac{1}{3}\right\} \le \underline{\qquad}$$

21. 设总体 $X \sim N(\mu, \sigma^2)$, X_1, X_2, \dots, X_n 为来自 X 的样本, \overline{X} 为样本均值, S^2 为样本方差,则 $\overline{X} - \mu$ ~

浙 02197# 概率论与数理统计(二)试题 第 3 页(共 4 页)

QQ咨询

(http://wp

在线咨询

(http://p.q

官方微信

联系电话

- 22. 设 X_1, X_2, X_3, X_4 为来自总体X 的样本,且 $X \sim N(\mu, 3^2)$, \bar{X} 为样本均值,则 $E(\bar{X} \mu)^2 =$ ______.
- 23. 设 X_1, X_2, \dots, X_9 为来自正态总体N(0,1)的样本,则 $\sum_{i=1}^9 X_i^2$ 服从的分布是______.
- 24. 设 $X_1, X_2, ..., X_n$ 为来自正态总体 $N(\mu, \sigma_0^2)$ 的样本, σ_0^2 已知, S^2 为样本方差,则 $E(S^2) =$ ______.
- 25. 设某个检验假设的拒绝域为W,当原假设 H_0 成立时,样本 $(X_1, X_2, ..., X_n) \in W$ 的概率为0.1,则犯第一类错误的概率为______.
- 三、计算题:本大题共2小题,每小题8分,共16分。
- 26. 设 $P(\overline{A}) = 0.3$, P(B) = 0.4, $P(A\overline{B}) = 0.5$.求: $P(B|(A \cup \overline{B}))$.
- 27. 设随机变量 X 的概率密度为 $f(x) = \begin{cases} \frac{3}{16}x^2, & -2 \le x \le 2, \\ 0, &$ 其他.

求: (1) E(X), D(X); (2) $P\{|X-E(X)| < D(X)\}$.

- 四、综合题:本大题共2小题,每小题12分,共24分。
- 28. 设二维随机变量(X, Y)的分布律为

| X | 0 | 1 |
|---|------|----------------|
| 0 | 2 25 | ь |
| 1 | а | $\frac{3}{25}$ |
| 2 | 1/25 | $\frac{2}{25}$ |

且 $P\{Y=1|X=0\}=\frac{3}{5}$.

- (1) 求常数 a,b; (2) 求(X,Y) 关于 X,Y 的边缘分布律; (3) 判断 X 与 Y 的独立性.
- 29. 设二维随机变量 $(X,Y) \sim N(0,1,1^2,2^2,\rho)$.

求: (1) 当 $\rho = 0$ 时,E(X-2Y+1),D(X-2Y+1);

(2)
$$\leq \rho = -\frac{1}{2}$$
 H , $E(Y^2 - XY)$, $D(X - 2Y)$.

- 五、应用题: 10分。
- 30. 设某产品长度(单位: mm)服从正态分布 $N(\mu, \sigma^2)$,现随机抽取该产品 36 件,测其长度并算得样本均值 $\bar{x} = 2050$,样本标准差 s = 250,可否认为这批产品的平均长度为 2000 (mm)? (附: $\alpha = 0.1, t_{0.05}(35) = 1.6896$)

浙 02197# 概率论与数理统计(二)试题 第 4 页(共 4 页)

打印本页



加入学习交流群,与万千考友一起备考一键加群

(https://jq.qq.com/?_wv=1027&k=5PWVJZy)

河北省2020年10月自学考试理...

关于北京市2020年下半年高等...

浙江温州2020年8月高等教育...

关于浙江绍兴市2020年8月自...

QQ咨询

(http://wp

在线咨询

(http://p.q

官方微信

联系电话