互换性与技术测量

■总复习

■ 2021年4月

总复习

第1章 孔、轴的极限与配合第3章 几何公差及检测第4章 表面粗糙度及检测第2章 长度测量技术基础第5章 光滑极限量规第6章 滚动轴承的公差与配合

各章节重点要点回顾。

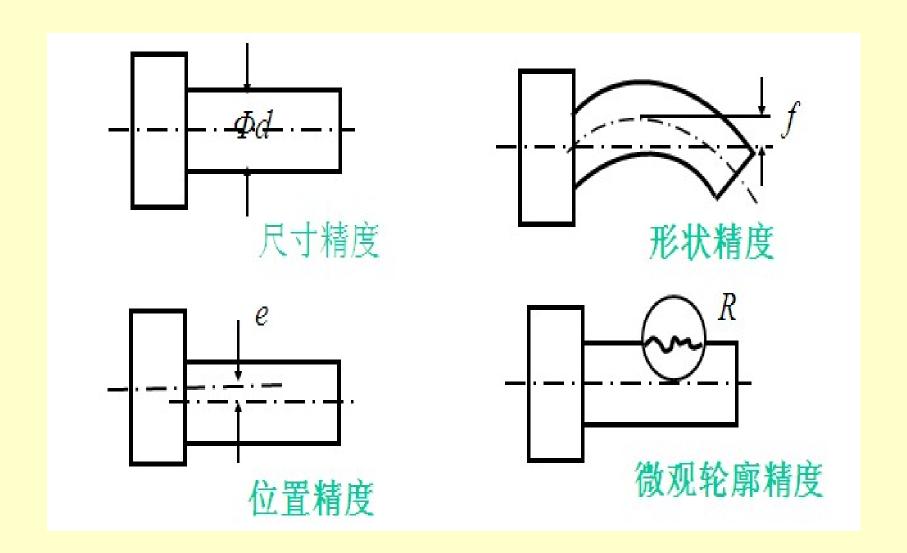
绪论

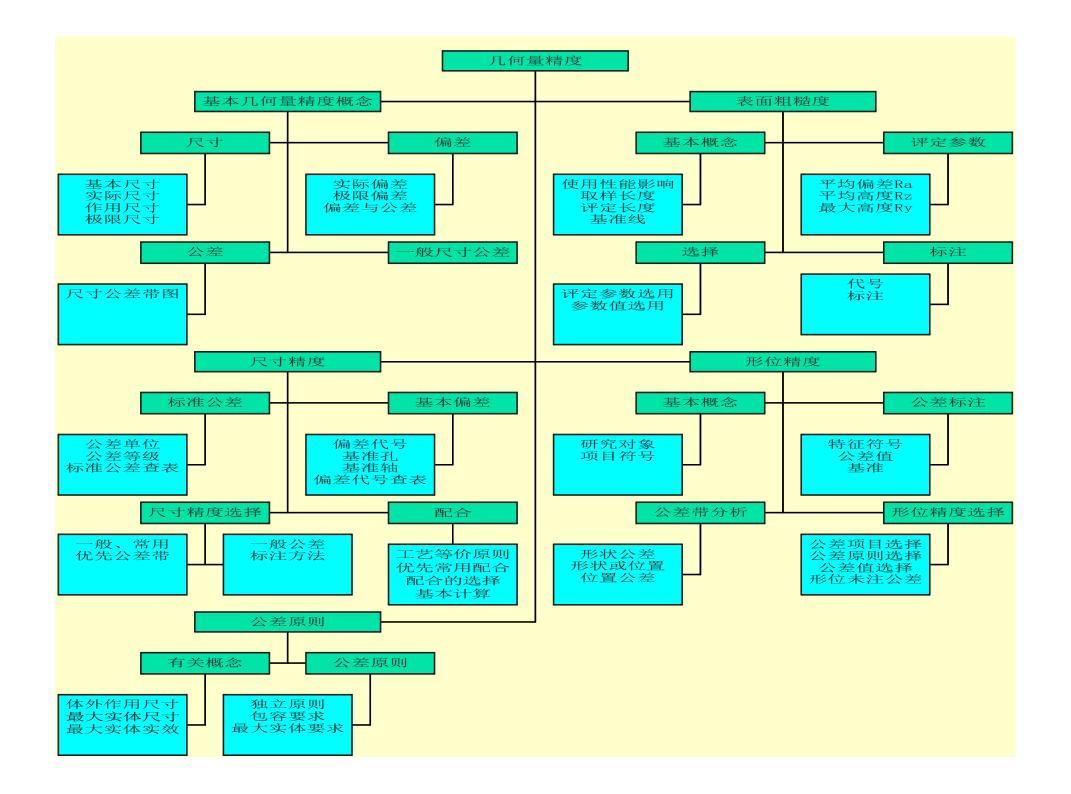
本课程的性质、特点和内容

一. 性质和研究对象

本课程为机械设计方面的技术基础课;

本课程只研究精度设计





■ 互换性

同一规格的一批零件或部件中,任取一件,*不需经过任何选择、修配或调整*就能 装配在整机上,并*满足使用性能*的要求

零件A与零件B具有互换性

■ 并不意味着零件A=零件B, 因为在制造过程中, 对于任何定量的参数都存在加工误差。

公差是允许误差的变动量

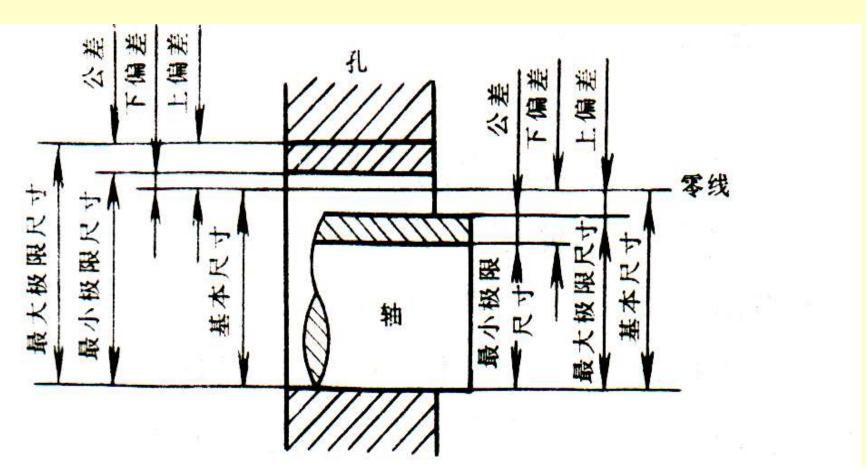
用于协调机器零件的使用要求与制造经济型之间的矛盾

第1章 孔与轴的极限与配合

一个概念:公差(公差带宽度、位置)

两种制度: 基孔制、基轴制

三种配合: 间隙、过盈、过渡



尺寸公差研究的对象一一尺寸

公差:允许尺寸的变动范围

$$T_{D} = |D_{\text{max}} - D_{\text{min}}| = |ES - EI| > 0$$

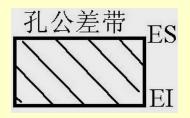
$$T_{d} = |d_{\text{max}} - d_{\text{min}}| = |eS - ei| > 0$$

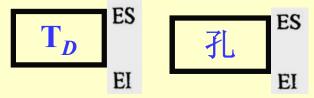
极限偏差的标注:

$$\Phi 25^{+0.021}_{0}$$

$$\Phi 25 \pm 0.021$$

公差带图





零线









配合

1.定义:

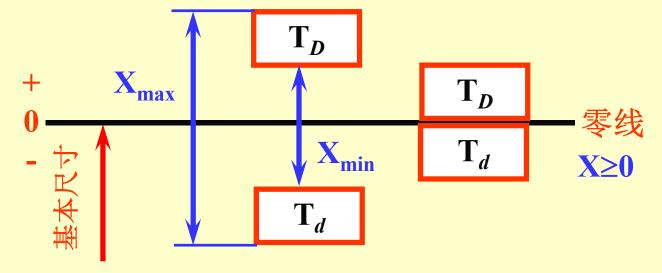
- (1)D=d,基本尺寸相同 (2)相互结合的孔、轴 之间的关系,用公差带相互的位置关系来体现
- 2.间隙和过盈

$$(孔的尺寸)-(轴的尺寸)$$
 ≥ 0 \longrightarrow 间隙 X ≤ 0 \longrightarrow 过盈 Y

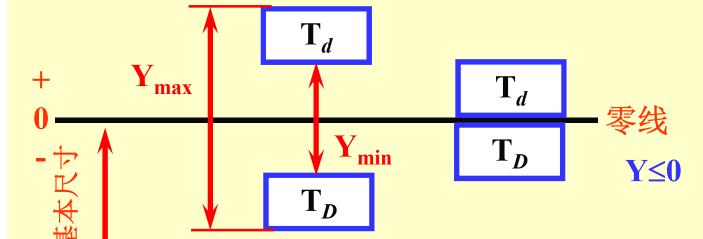
间隙:
$$\begin{cases}$$
最大间隙: $X_{max}=D_{max}-d_{min}=ES-ei$ 最小间隙: $X_{min}=D_{min}-d_{max}=EI-es$ 平均间隙: $X_{av}=1/2 \cdot (X_{max}+X_{min})$

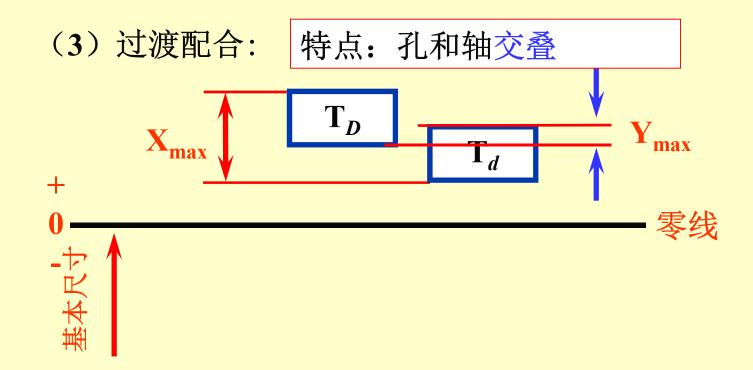
3.配合类别:

(1) 间隙配合— 特点: 孔总在轴之上



(2) 过盈配合— 特点: 孔总在轴之下





4. 配合公差:允许间隙或过盈的变动量

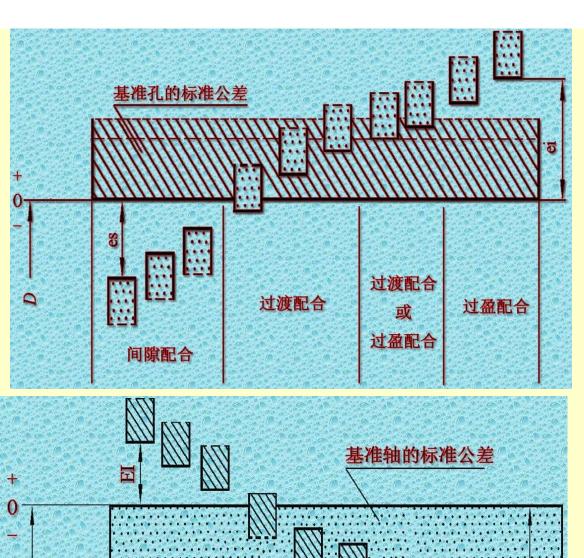
$$T_f = |X_{\text{max}}(Y_{\text{min}}) - X_{\text{min}}(Y_{\text{max}})| = T_D + T_d$$
 决定了配合质量

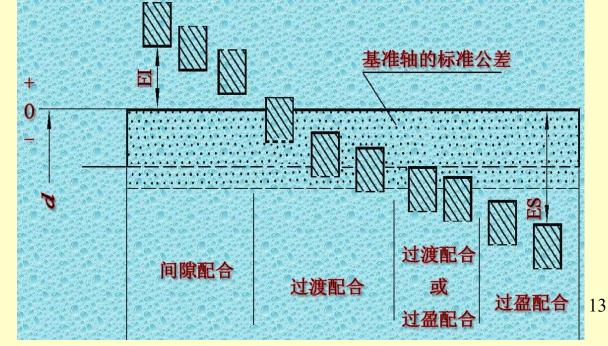
4、配合制(基准制)

为了设计和制造上的方便, 把其中孔或轴的公差带位 置固定下来改变另一配合 件的公差带位置,形成所 需要的配合叫<u>基准制</u>

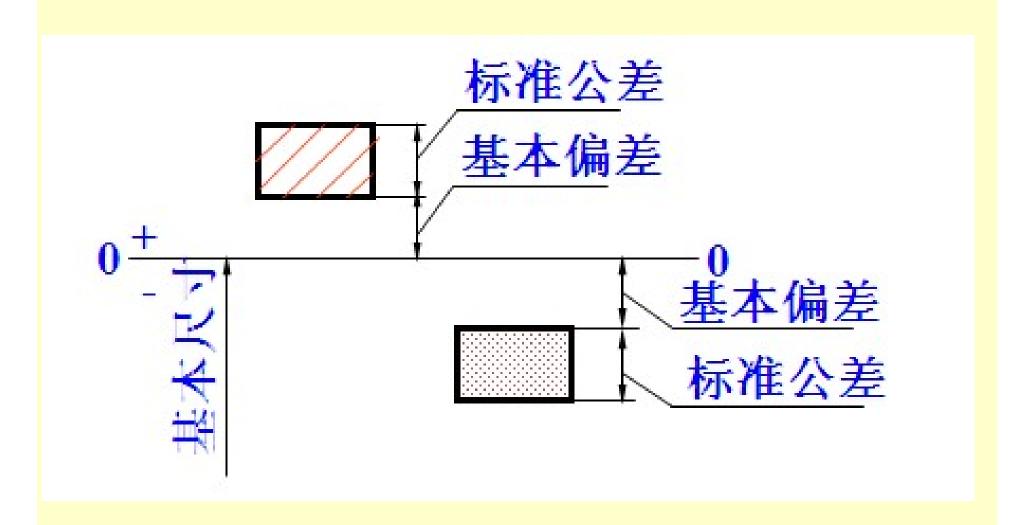
基孔制配合

基轴制配合





标准公差系列和基本偏差系列



标准公差与基本偏差

公差带由"公差带大小"和"公差带位置"这两个要素组成。

标准公差确定公差带大小,基本偏差确定公差带位置。

❖ 标准公差

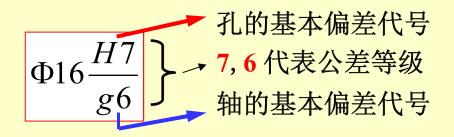
标准公差是标准所列的,用以确定公差带的大小的任一公差。标准公差分为20个等级,即:IT01、IT0、IT1至于IT18。IT表示公差,数字表示公差等级,从IT01至IT18依次降低。

❖ 基本偏差

基本偏差是标准所列的,用以确定公差带相对零位置的 上偏差或下偏差,一般指靠近零线的那个偏差。当公差带在 零线的上方时,基本偏差为下偏差;反之则为为上偏差。

配合的选用

一. 总装图和零件图上的标注



表示了孔轴的配合关系

解决问题: { 孔、轴公差等级 孔、轴的基本偏差代号

工艺等价原则

公差等级的选择

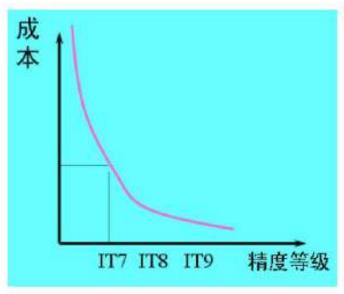


图 3-12 精度等级与成本

基本原则:

$$T_D + T_d \leq T_f$$

- 1) 在满足使用要求的前提下,尽可能选较低的公差等级或较大的公差值。
- 2)满足 GB 推荐的公差等级组合规定 P48-49。(工艺等价)对于基本尺寸≤500mm 有 较高公差等级的配合,因孔比同级轴难加工,当标准公差<IT8时,国标推荐孔比 轴低一级相配合,使孔、轴的加工难易程度相同。但对>IT8级或基本尺寸>500mm 7 的配合,因孔的测量精度比轴容易保证,推荐采用孔、轴同级配合 o

- 工艺等价原则
- 核心是孔、轴的工艺等价性,是指孔和轴的 加工难易程度应相同。
- 对于公称尺寸500mm以内的高精度配合(小于IT8),由于孔比轴加工困难,加工成本也高。
- ▶ 为了使得孔和轴的加工难易程度相同,即具有工艺等价性,其公差等级选择是孔比轴低一级。
- 当精度为IT8时, 孔比轴低一级或同级;
- 而低精度(>IT8时)或公称尺寸大于500mm 时孔轴同级配合。

第2章 长度测量基础

- 主讲内容:
- 2.1 测量的基本概念
- 2.2 尺寸传递
- 2.3~2.6 不做要求,可以自己看看,扩大知识面。
- 2.7 测量误差和数据处理(重点)
- 2.8 安全裕度的概念

误差分类

- 1、系统误差:多次平均不能消除的。比如:测量仪器,温度条件变化等
- 2、随机误差:相同条件下,随机性误差,多次测量可以克服
 - 3、粗大误差:非常规性误差。

本章主要研究是前两种。

但最主要的还是研究<u>随机误差</u>的处理。

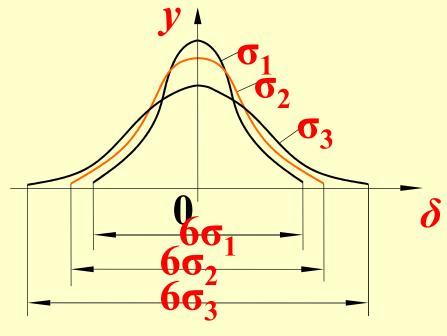
●随机误差

指在同一条件下,对同一被测几何量进行多次 重复测量时,绝对值和符号以不可预定的方式变 化着的误差称为随机误差。

从表面看,随机误差没有任何规律,表现为纯粹的偶然性,因此也讲其称为偶然误差。

单次测量的标准偏差

- 标准偏差 σ ,它反映了测量值的离散程度, 是测量值x 的正态分布函数的一个重要参数。
- σ越小,曲线峰值越高,图形越尖锐,表明测量值数据集中,重复性好。



总体标准偏差对随机误差分布特性的影响

从理论上讲,正态分布中心位置的均值 μ 代表被测量的真值Q,标准偏差 σ 代表测得值的集中与分散程度。

单次测量的极限误差值

由于超出 δ =±3 σ 的概率已很小,故在实践中常认为 δ =±3 σ 的概率P≈1。从而将±3 σ 看作是单次测量的随机误差的极限值,将此值称为极限误差,记作

 $\delta \lim = \pm 3\sigma = \pm 3\sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n} \delta_{i}^{2}}{n}}$

即单次测量的测量结果为:

 $X=X_i\pm\delta_{lim}=X_i\pm3\sigma$

式中xi为某次测得值。

极限误差△

 $\Delta = 3\sigma$

$$\int_{-3\sigma}^{+3\sigma} f(\delta)d\delta = p(-3\sigma < \delta < +3\sigma) = 99.7\%$$

从上式可见,随机误差绝对值大于3 σ 的概率很小,只有0.3%,出现的可能性很小。因此定义:

$$\Delta = 3\sigma$$

测量列算术平均值的标准偏差

- 相同条件下,对同一被测量,将测量列分为 若干组,每组进行n次的测量称为多次测量。
- 标准偏差σ代表一组测得值中任一测得值的精密程度,但在多次重复测量中是以算术平均值作为测量结果的。因此,更重要的是要知道算术平均值的精密程度,可用算术平均值的标准偏差表示。根据误差理论,测量列算术平均值的标准偏差用下式计算

$$\sigma_{\bar{x}} = \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

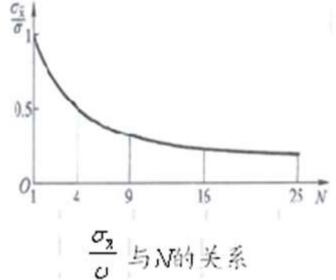
根据误差理论,测量列算术平均值的标准偏差与测量 列单次测量值的标准偏差存在如下关系:

$$\sigma_{\bar{x}} = \frac{\sigma}{\sqrt{N}}$$

说明测量次数越多, σ_x 就越小,测量精密度就越高。但当 σ 一定时,N10以后, σ_x 减小已很缓慢,故一般取 N10~15次为宜。

多次测量的测量结果可表示为

$$x_e = \bar{x} \pm 3\sigma_{\bar{x}}$$



残差、单次测量的标准偏差、算术平均值的标准偏差、单次测量的极限误差

关系

$$\overline{\chi} = \frac{1}{n} (\chi_1 + \chi_2 + \dots + \chi_n) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \chi_i$$

$$\vee_i = \chi_i - \overline{\chi}$$

测量列算术平均 值的标准偏差与 测量列单次测量 的标准偏差存在 如下关系:

$$\sigma = \sqrt{\frac{1}{n-1}(\vee_1^2 + \vee_2^2 + \dots + \vee_n^2)} = \sqrt{\frac{1}{n-1}\sum_{i=1}^n \vee_i^2}$$

$$\sigma_{\bar{x}} = \sigma / \sqrt{n}$$

说明测量次数越多,

测量的精密度就越高。

由式,算出σ后,便 可取±3σ代替作为单 次测量的极限误差。

$$\delta_{lim} = \pm 3 \sigma$$

随机误差的处理过程

- 1)采用多次(一般为5-15次)重复测量,减少随机误差的影响。
- 2) 取多次测量的算术平均值作为测量结果,以提高测量精度。

若在相同条件下, 重复测量n次,

单次测量的标准偏差为σ

则n次测量的算术平均值标准偏差 $\sigma_x = \frac{1}{\sqrt{n}}$

 $\frac{1}{2}$ 测量结果为 $x = x \pm 3\sigma_{\overline{x}}$

例:对一轴进行10次测量,其测得值列表如下,

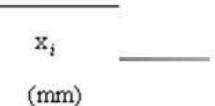
测量

限误

差

的极

求测量结果。



50.454

50.459

50.459

50.454

50.458

50.459

50.456

50.458

50.458

50.455

$$x = 50.457$$

解:1) 求算术平均值x;

$$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum x_i = 50.457 \text{mm}$$

2) 求残余误差;

$$\sum v_i = 0$$
, $\sum v_i^2 = 38 \mu m$ \gg

3) 求单次测量的标准偏差 o;

$$\sigma = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} \sqrt{\frac{2}{i}}} = 2.05 \mu \text{m}$$
 误差

 $x_e = x_i \pm 3\sigma$

单次

极限

10次 4) 求算术平均值的标准偏差 $\sigma_{\bar{x}}$;

$$\sigma_{\bar{x}} = \frac{\sigma}{\sqrt{n}} = \frac{2.05}{\sqrt{10}} = 0.65 \mu \text{m}$$

$$\pm 3 \sigma_{\bar{x}} = \pm 1.95 \,\mu m$$

5) 得测量结果

$$1=\bar{x}\pm 3 \ \sigma_{\bar{x}}=50.457\pm 0.002$$
mm

例3.1 对轴进行10次等精度测量,所得数据如表3.4所示(设不含系统 和大误差),求测量结果。

表 3.4 测量数据表

$l_i/{ m mm}$	$v_i = (l_i - l) / \mu m$	$v_i^2/\mu\mathrm{m}$		
20. 454	-3	9		
20. 459	+2	4		
20. 459	+2	4		
20. 454	-3	9		
20. 458	+1	1		
20. 459	+2	4		
20. 456	-1	1		
20. 458	+1	1		
20. 458	+1	1		
20. 455	-2	4		
Ī = 20. 457	$\sum \nu_i = 0$	$\sum \nu_i^2 = 38$		

解:① 求算术平均值

$$\bar{l} = \frac{\sum l_i}{n} = 20.457 \text{ mm}$$

② 求残余误差平方和

$$\sum \nu_i = 0, \quad \sum \nu_i^2 = 38 \ \mu \text{m}$$

③ 求测量列任一测得值的 S

$$S = \sqrt{\frac{\sum \nu_i^2}{n-1}} = 2.05 \ \mu \text{m}$$

④ 求任一测得值的极限误差

$$\delta_{\text{lim}} = \pm 3S = \pm 6.15 \,\mu\text{m}$$

5 求测量列算术平均值的标准偏差 σ_i

$$\sigma_i = \frac{S}{\sqrt{n}} = 0.65 \,\mu\text{m}$$

⑥ 求算术平均值的测量极限误差

$$\lambda_{\text{lim}} = \pm 3\sigma_i = \pm 1.95 \, \mu\text{m} \approx \pm 2 \, \mu\text{m}$$

轴的直径测量结果

$$d = \bar{l} \pm 3\sigma_i = 20.457 \pm 0.002 \text{ mm} \quad (P = 99.73\%)$$

二、间接测量列的数据处理

间接测量的被测几何量是测量所得到的各个实测几何量的函数,而间接测量的测量误差则是各个实测几何量测量误差的函数,故称这种误差为函数误差。

1. 函数误差的基本计算公式

间接测量中,被测几何量通常是实测几何量的多元 函数,它表示为

$$\mathbf{y} = f(\mathbf{x}_1, \mathbf{x}_2, \dots, \mathbf{x}_N) \tag{2-17}$$

该函数的增量可用函数的全微分来表示、即

$$dy = \sum_{i=1}^{m} \frac{\partial F}{\partial x_i} d_{x_i}$$
 (2-18)

∂F/∂x₁: 各实测几何量的误差传递函数。

函数误差的基 本计算公式

函数随机误差处理重要。

掌握各自变量的多次测量的标准偏差与函数之间随机误差关系。

掌握各自变量的多次测量的极限误差与 函数之间极限误差关系。

3. 函数随机误差的计算

函数的标准偏差与各个实测几何量的标准偏差的关系为

$$\sigma_y = \sqrt{\sum_{i=1}^{\infty} \left(\frac{\partial F}{\partial x_i}\right)^2 \sigma_{x_i}^2}$$

函数的测量极限误差的计算公式:

$$\delta_{\operatorname{lam}(v)} = \pm \sqrt{\sum_{i=1}^{m} \left(\frac{\partial F}{\partial x_{i}}\right)^{2}} \delta_{\operatorname{lam}(x_{i})}^{2}$$

注

意

第3章 几何公差检测

• 目的要求

- 熟记19个形位公差特征项目的名称和符号。
- 理解掌握19个项目公差带的特点。
- 掌握公差原则中独立原则、包容要求及最大实体要求的基本 内容,会标注、理解含义、明确主要应用场合。
- 初步掌握形位公差的选用方法。

几何公差研究的对象——几何要素

结构特征

轮廓要素(组成要素)

中心要素(导出要素)

被测要素功能关

单一要素:提出形状公差要求

关联要素: 有功能关系的要素

基准要素

理想要素

具有几何学意义,没有任何误差的要素,设计时在图样上 表示的要素均为理想要素。

实际要素

零件在加工后实际存在,有误差的要素。它通常 由测得要素来代替。由于测量误差的存在,测得 要素并非该要素的真实情况。

公差		特征	符号	有或无基准要求	公差		特征	符号	有或无 基准要求
形状	形状	直线度		无	- 位置	定向	平行度	//	有
		平面度		无			垂直度		有
		圆度	0	无			倾斜度	_	有
		圆柱度	<i>b</i> /	无		定位	位置度	+	有或无
形状或位置	鄭 轮	线轮廓度		有或无			同轴 (同心)度	0	有
			<i>1</i> \				对称度	=	有
			有或无	跳动	보다 구 나	圆跳动	1	有	
					1904/	个跳动	11	有	

几何公差的标注及其公差带

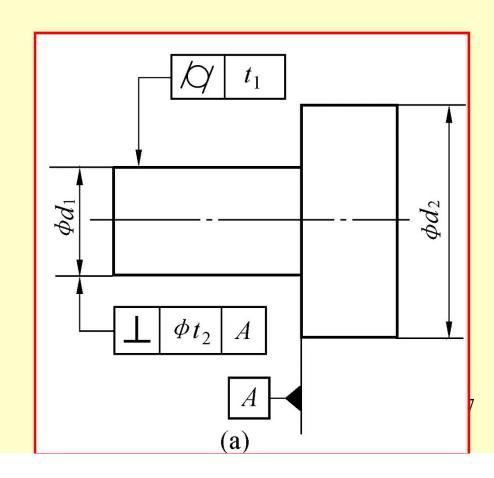
一. 标注:

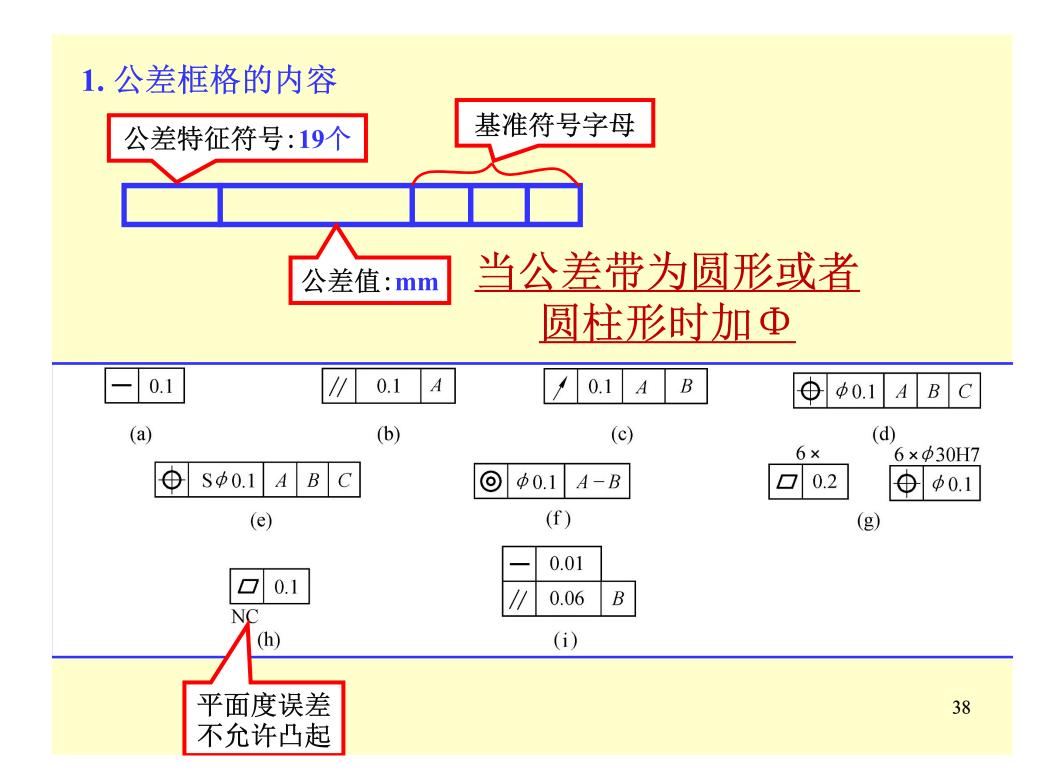
提出什么要求—— 几何公差特征符号

公差值大小;

有无基准;

被测要素的性质;

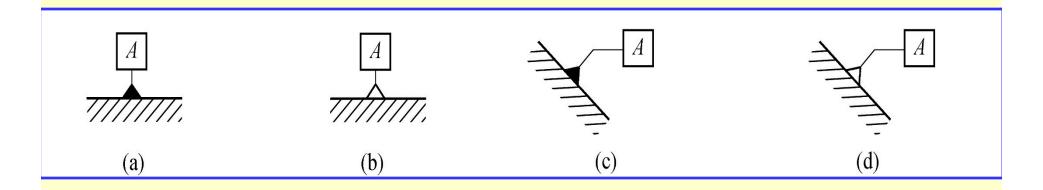




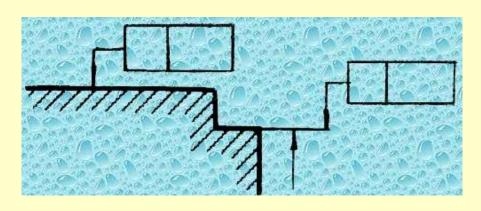
基准符号

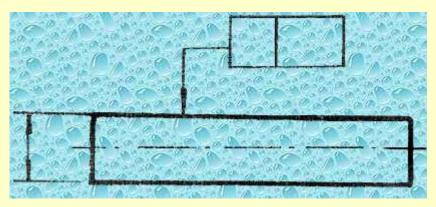
- 1) 大写的英文字母, 不许用: *E*, *I*, *J*, *M*, *O*, *P*, *L*, *R*, *F*2) 用角标满足多个
 - 3) 字母必须水平书写

基准符号由一个标注在基准方框内的大写字母,用细实线与一个涂黑(或空白) 的三角形相连而组成。

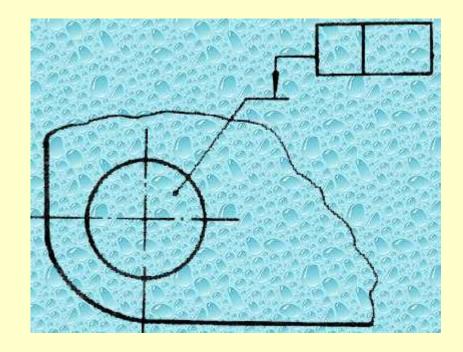


(1)被测要素为轮廓要素时

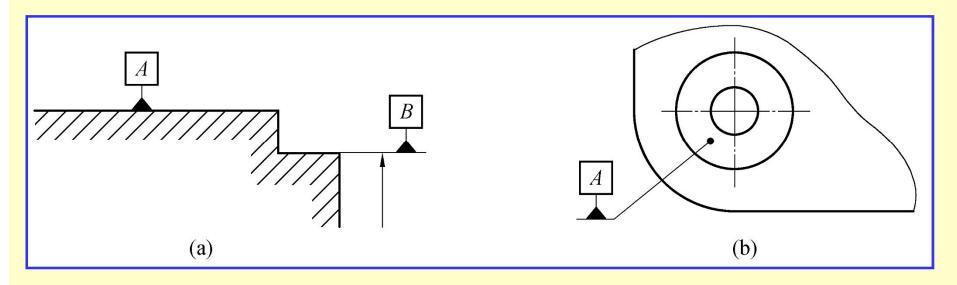




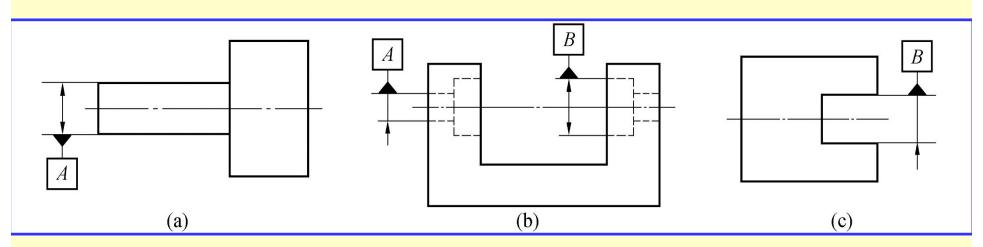
(2) 被测要素指向实际表面时



(3) 基准要素为轮廓要素

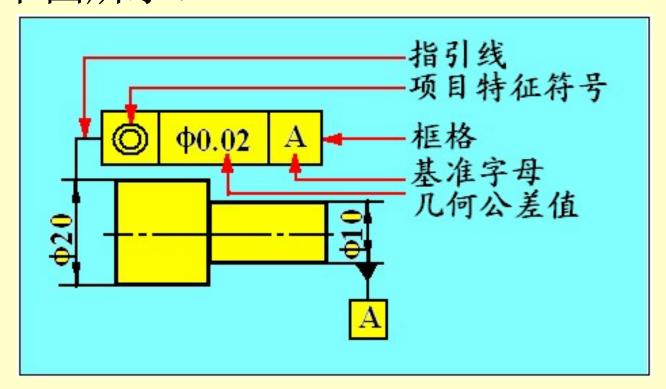


(4) 基准要素为中心要素



几何公差的标注方法

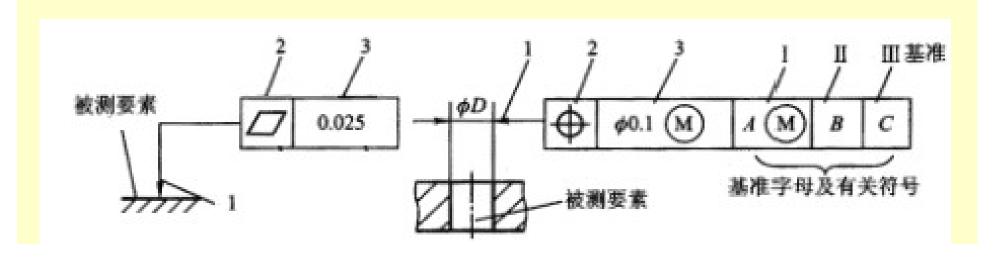
几何公差在图样上用框格的形式标注,如下图所示。



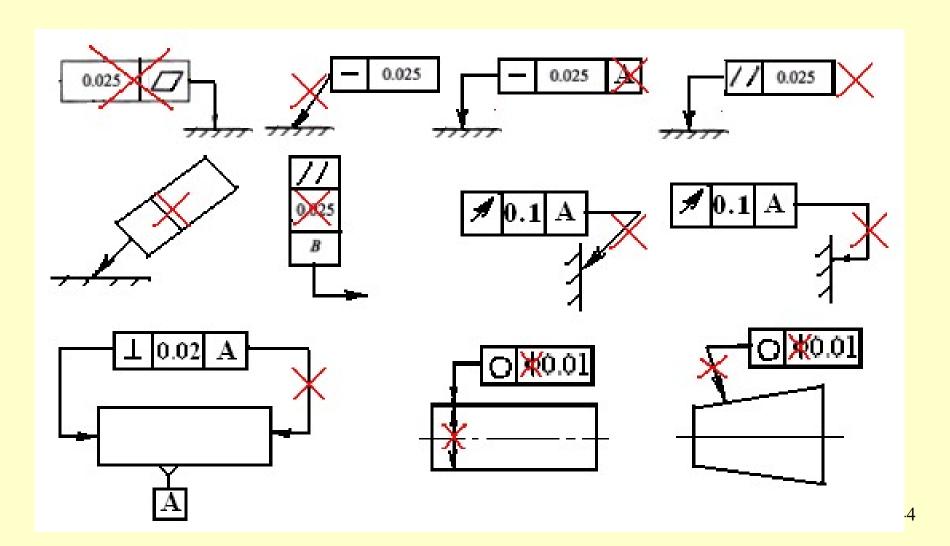
公差框格

公差框格一般用细实线画,水平或垂直绘制 (不可歪斜),公差项目符号一般用粗实线画(跳动除外)。形状公差只有前两格无基准要求, 而位置公差一般为三至五格,即必须有基准。

指引线可以从框格的两端中的任一端引出。

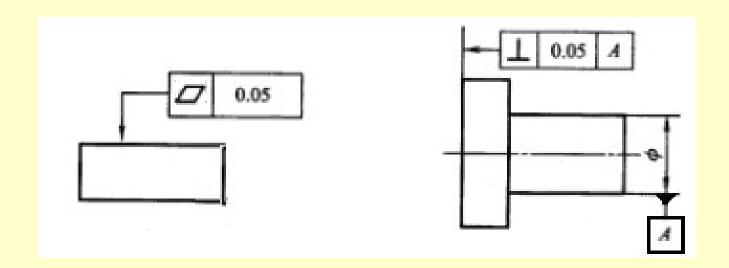


公差框格标注常见错误



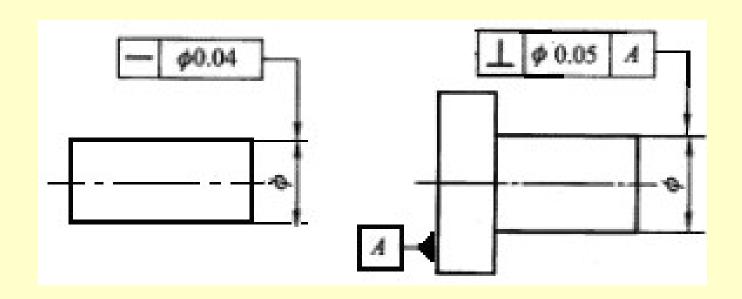
被测要素的标注

当被测要素为轮廓要素时,指示箭头 应直接指向被测要素或其延长线上,并与 尺寸线明显错开,如图所示。



被测要素的标注

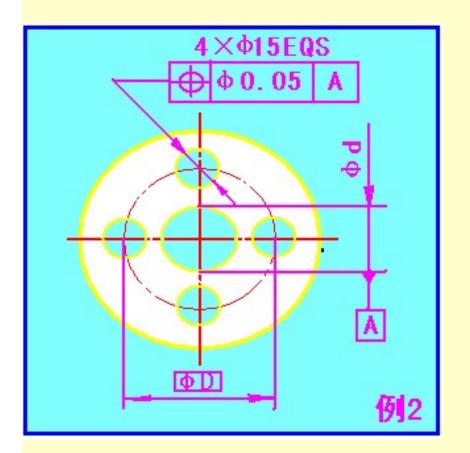
当被测要素为导出要素(中心点、中心线、中心面等)时,指示箭头应与被心线、中心面等)时,指示箭头应与被测要素相应的轮廓要素的尺寸线对齐,如图所示。

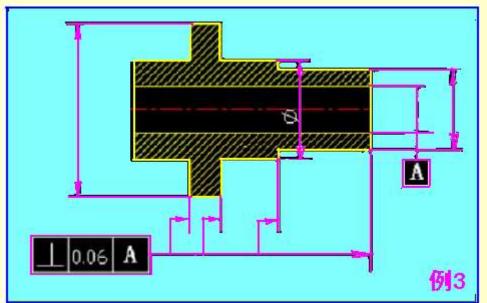


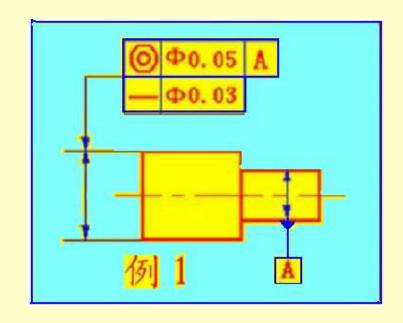
几何公差的简化标注

为减少图样上公差框格的数量,可采用 简化标注方法

- (1) 同一被测要素有多项几何公差要求时可将公差框格重叠,用一条指引线指向被测要素
- (2) 不同要素有相同几何公差要求时,可 用一个公差框格表示







公差原则的分类

独立原则

相关要求

公差原则

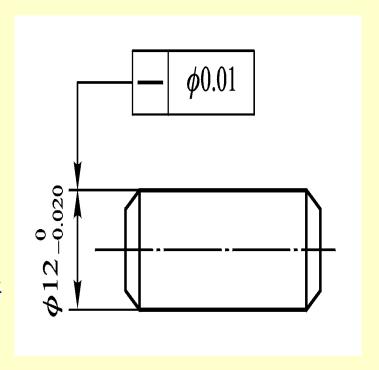
包容要求

最大实体要求

其它:最小实体 要求等不做要 求

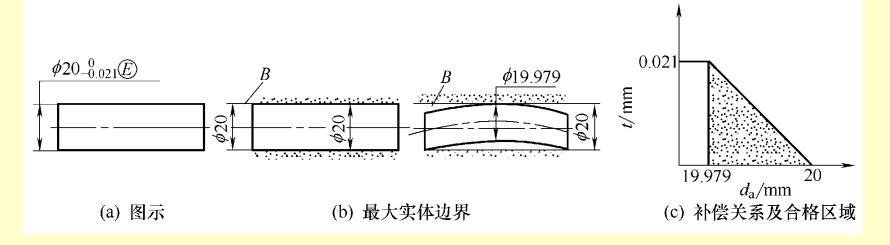
独立原则

- ◆零件的尺寸公差和形位公差 都要分别满足图纸上的公差 标注要求,两者之间没有关 联,互不影响,相互独立。
- ◆如图所示,销轴的外径公差为0.02,中心线的直线度误差为ø0.01,检测结果互不影响,应满足各自的独立要求,只要有一项超差,该零件就算不合格。

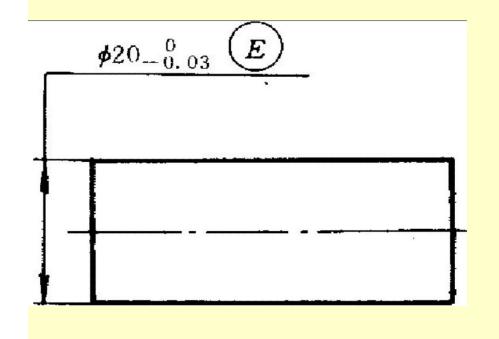


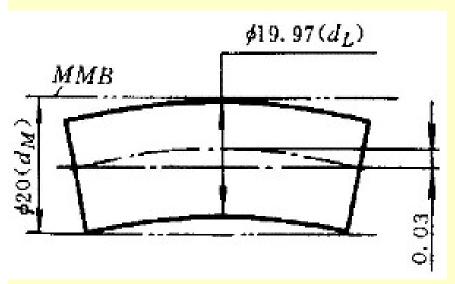
包容要求

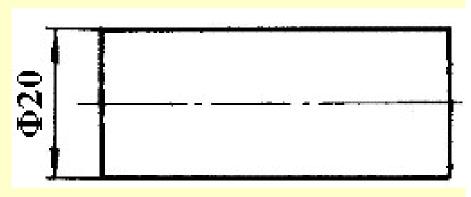
被测要素实际尺寸	所遵守的边界尺寸	允许的直线度误差
20		0
19.99	20 (最大实体尺寸)	0.01
19.979		0.021



要素遵守包容要求时局部实际尺寸不能超出(对于孔指不大于,对于轴指不小于)最小实体尺寸,即零件的局部实际尺寸不得小于19.979。







实际尺寸 "—"误差允许值

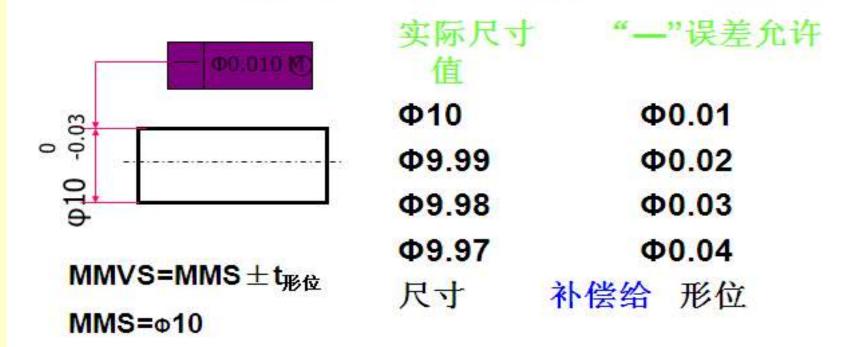
Ф20	0
Ф19.99	Ф0.01
Ф19.98	Ф0.02
Ф19.97	Ф0.03

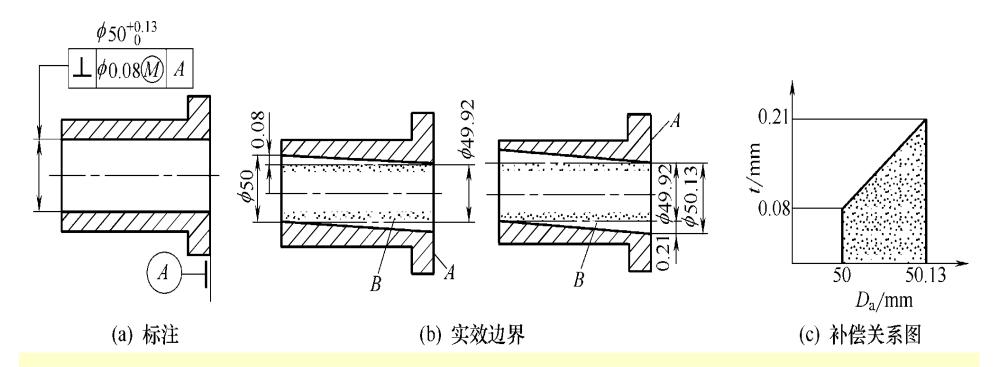
尺寸 补偿给 形位52

最大实体要求示例

此处的偏离,是中性 词

实际尺寸偏离了MMVS(最大实体实效尺寸),则形位误差值允许得到补偿。

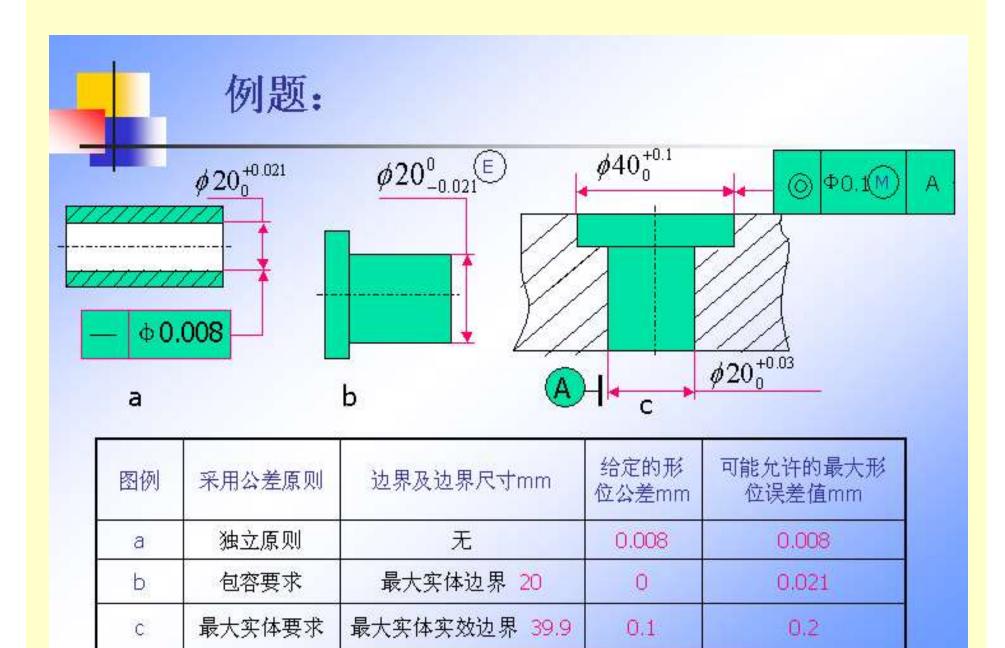




被测要素实际尺寸	所遵守的边界尺寸	允许的垂直度误差
50	最大实体实效边界	0.08+补偿(0)=0.08
50.1	49.92	0.08+补偿(0.1)=0.18
50.13		0.08+补偿(0.13)=0.21

包容要求与最大实体要求

	包容要求		最大实体要求	
公差原则含义	抽 {d _m ≤d _m s=d _{max} d _a ≥d _l ms=d _{min} 1. {D _m ≥D _m ms=D _{min} D _a ≤D _l ms=D _{max} 边界尺寸为最大实体尺寸 MMS(d _{max} , D _{min})		d _m ≤d _m wys=d _{mms} +t _{ww} 轴 {d _{min} ≤d _a ≤d _{max} d _{min} ≤d _a ≤d _{max} ① D _{min} ≤D _a ≤D _{max} 边界尺寸为最大实体实效尺寸 MMVS=MMS±t	
标注	单一要素 在尺寸公差带后加注 ●	+	用于被测要素时	在形位公差框格第二格 公差值后加 №
		用于基准要素时	在形位公差框格相应的 基准要素后加(M)	
主要用途	用于保证配合性质		用于保证零件的互换性	



第四章 表面粗糙度

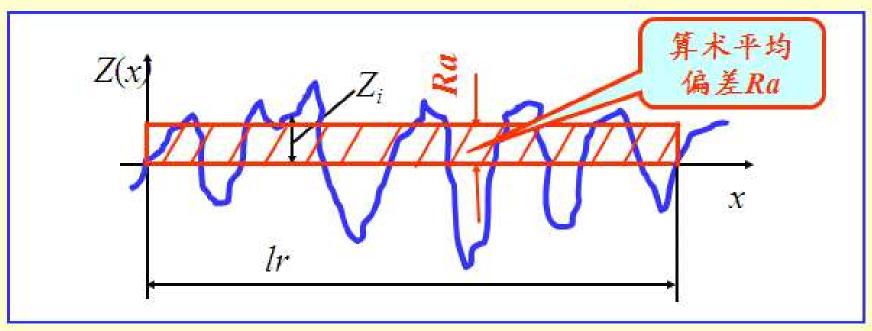
- ■标注
- Ra的意义

二. 评定参数

- 1. 幅度参数(高度参数)
- (1)轮廓的算术平均偏差Ra

在取样长度lr内,纵坐标值Z(x)的绝对值的算术平均值

$$Ra = \frac{1}{lr} \int_0^{lr} |Z(x)| dx \quad Ra \approx \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n |Z_i|$$



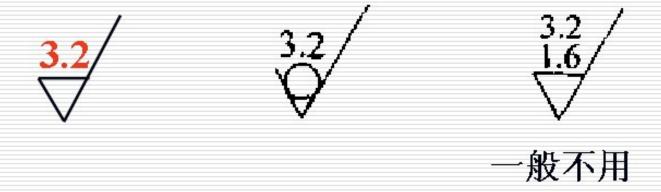
- 1) 对于光滑表面和半光滑表面,一般采用 R_a 作为评定参数。
- 2)对于极光滑和极粗糙表面,宜采用 R_{2} 作为评定参数。
- 3)对不允许出现较大加工痕迹和受交变应力作用的表面,应采用R,作为评定参数。

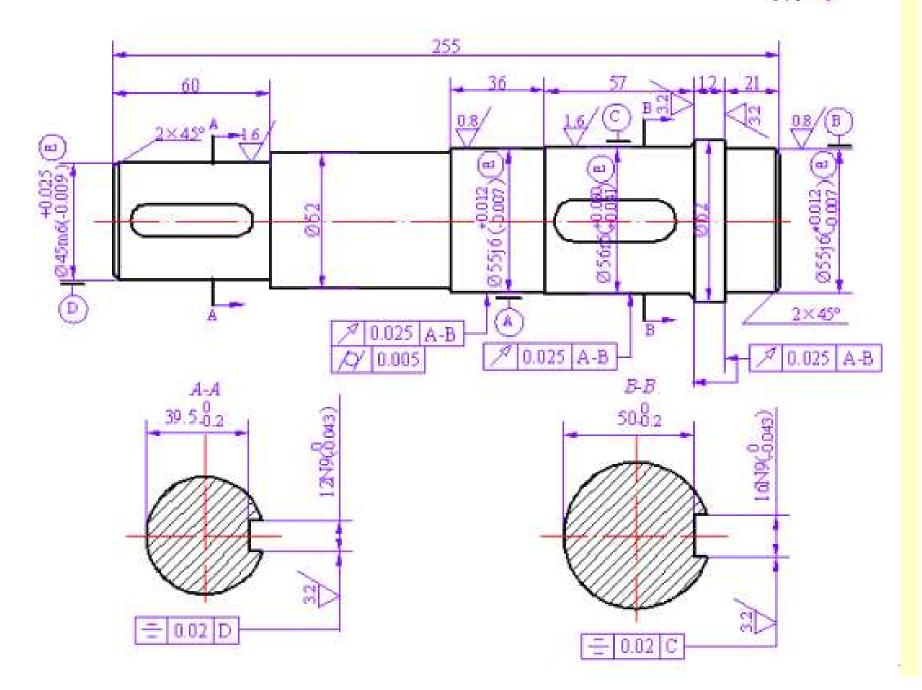
大多采用Ra表示

● 标注示例

当选用 R_a 时.只需在代号中标出其参数值,

" R_a "本身可以省略.





光滑极限量规设计

- ■量规设计原理
- T、Z的意义

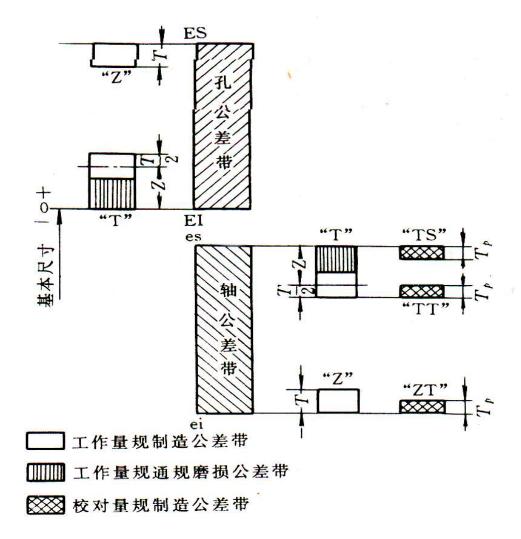


图 5—4

图中: T-工作量规制造公差;

Z-工作量规制造公差带中心到工件最大

实体尺寸之间的距离;

T,一校对量规制造公差。

量规在制造过程中 必有制造误差, 因此通规和止规 都设定了一定的 制造公差。

同时通规在 使用过程中还存在着磨损,故通规还设计了一定的磨损公差。

公差为T,位 置要素为Z。63

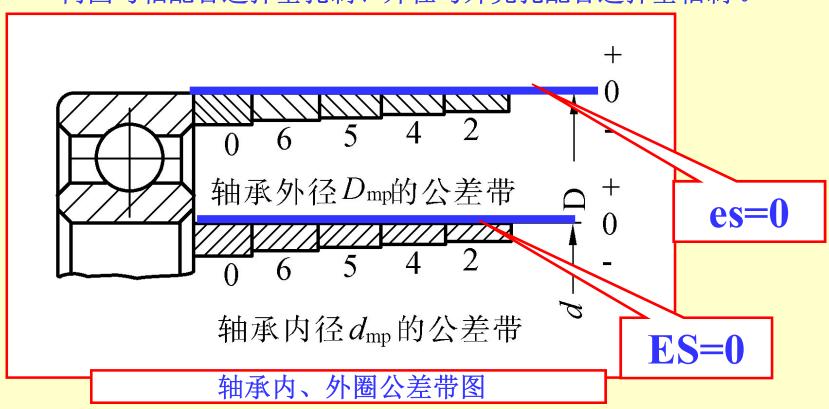
滚动轴承公差选择

- 公差带特点
- ■标注

滚动轴承与孔、轴配合公差带

滚动轴承与孔、轴配合公差带特点:上偏差为零,下偏差为负值,因为精度要求高,所以公差带宽度窄。

内圈与轴配合选择基孔制、外径与外壳孔配合选择基轴制。



考试总成绩组成比例

期末考试 (70%) + 平时作业 (20%)

+课堂成绩(10%,出勤、回答问题、

讨论等)。

考试题型和考试分值分布

■ 1)填空题和选择题 30分

■ 2) 判断对错题 30分

■ 3) 尺寸公差计算、分析 10分

■ 4) 形状、位置公差标注、改错题 20分

■ 5)测量误差和数据处理分析题 5分

■ 6) 公差原则分析题 5分

线上同学考试注意事项

- ■1)线上考试,我们会在钉钉中 建考试群公布具体考试事项。
- ■2)将在"学在浙大"中进行 线上考试
- ■3)考试时间与线下考试同步进行。